

## Pravidlo pravé ruky

Jak již bylo milému bakaláři jednou vysvětleno v předchozích kapitolách, výraz

$$\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$$

je symbolický zápis vektorového součinu dvou vektorů  $\mathbf{a}$  a  $\mathbf{b}$ , přičemž výsledný vektor  $\mathbf{c}$  se spočítá podle vztahu

$$\mathbf{c} = (|\mathbf{a}||\mathbf{b}| \sin \alpha) \mathbf{e}_c,$$

kde  $\alpha$  je úhel, který mezi sebou vektory  $\mathbf{a}$  a  $\mathbf{b}$  svírají. Jednotkový vektor  $\mathbf{e}_c$  je kolmý na oba vektory  $\mathbf{a}$  i  $\mathbf{b}$ , nebo-li kolmý na rovinu, ve které se tyto dva vektory nachází. A jeho smysl se udává pomocí *pravidla pravé ruky*. Takže když zrovinka nemá nějaký bakalář s pravačkou nic na práci, může si radostně zkoušet pravidlo pravé ruky u vektorového součinu dvou vektorů.

Použití pravidla pravé ruky je velmi snadné. Malíková hrana ruky reprezentuje první vektor ve vektorovém součinu

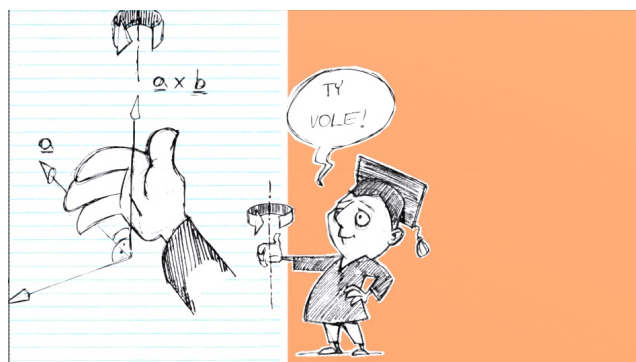
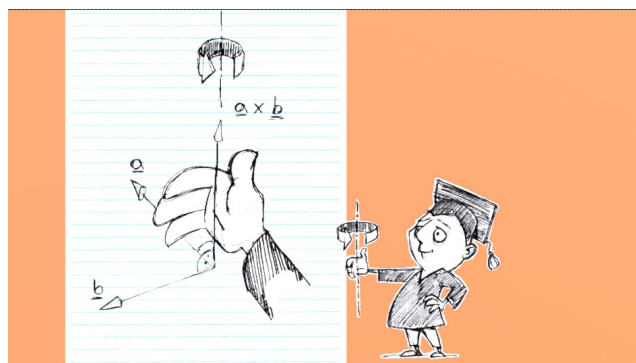
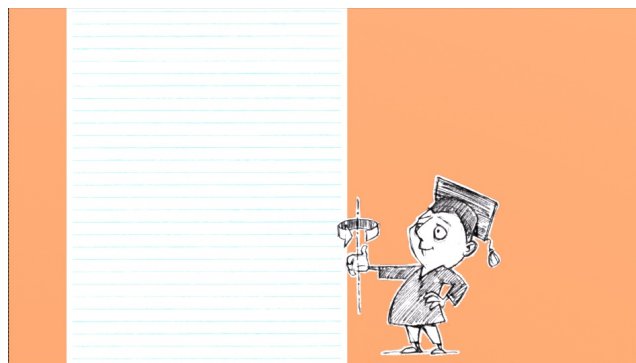
$$\mathbf{a} \times \mathbf{b} = \mathbf{c},$$

tedy v tomto případě vektor  $\mathbf{a}$ . Prsty téže ruky musí mířit k druhému vektoru ve vektorovém součinu, tj. k vektoru  $\mathbf{b}$ . A palec, ten skvost každé bakalářské ručky, který činí bakaláře tolik odlišného od psů a koček, ten ukazuje smysl jednotkového vektoru  $\mathbf{e}_c$ , resp. samotného výsledného vektoru  $\mathbf{c}$ .

Vektorový součin je v mechanice využíván k matematické reprezentaci rotace kolem osy reprezentované vektorem  $\mathbf{e}_c$ . Pokud jsou na sebe vektory  $\mathbf{a}$ ,  $\mathbf{b}$  a  $\mathbf{c}$  kolmé, mohou bez problémů reprezentovat jednotkové vektory  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$  a  $\mathbf{k}$  souřadnicových os kartezského souřadnicového systému, tedy kladnou osu  $x$ , kladnou osu  $y$  a kladnou osu  $z$ . Je jasné, že vztah

$$\mathbf{i} \times \mathbf{j} = \mathbf{k}$$

platí do puntíku a podle pravidla pravé ruky by palec ukazoval ve směru jednotkového vektoru  $\mathbf{k}$ , tj. kladné osy  $z$ . Jako by chtěl nějaký bakalář otevřít kohoutek s vodou. Pokud teda není na fotobuňku nebo s pákovou baterií. Proto je také smysl otáčení proti chodu hodinových ručiček označován jako *kladný*.



Když si vektory  $\mathbf{a}$  a  $\mathbf{b}$  vymění pozici, tak se podle pravidla pravé ruky změní i smysl výsledného vektoru  $\mathbf{c}$ . Z toho plyne, že vektorový součin není komutativní. Není to žádná tragédie, protože jde jen o změnu znaménka. Zkušený bakalář by to zapsal následovně

$$\mathbf{b} \times \mathbf{a} = -(\mathbf{a} \times \mathbf{b}).$$

Jednomu se ale z toho zatočí hlava, zejména, pokud se vezme v úvahu, že vektorový součin je matematickou reprezentací rotace. Výměna poloh vektorů  $\mathbf{a}$  a  $\mathbf{b}$  změní smysl otáčení kolem osy  $\mathbf{e}_c$  na otáčení ve směru chodu hodinových ručiček. V tomto případě se kohoutky tekoucí vody utahují a takový smysl otáčení se označuje jako *záporný*.

