## Chapitre 11: Fractions $n^{\circ}1.$

## I - Fraction et quotient.

<u>Définition</u>: on considère a et b deux nombres pas forcément entiers avec  $b \neq 0$ . Le quotient de a par b est le nombre qui, multiplié par b, est égal à a. Ce nombre est noté a: b ou  $\frac{a}{b}$ .

Conséquence : on a alors  $b \times \frac{a}{b} = a$ .

Exemple: le quotient de 4 par 5 est  $\frac{5}{4}$ . C'est le nombre qui, multiplié par 4, est égal à  $5:4\times\frac{5}{4}=5$ .

Définition: une fraction est le quotient de deux nombres entiers.

Exemple: le nombre  $\frac{5}{4}$  est une fraction car 5 et 4 sont des nombres entiers. Le nombre  $\frac{7,2}{4}$  n'est pas une fraction car 7, 2 n'est pas un nombre entier.

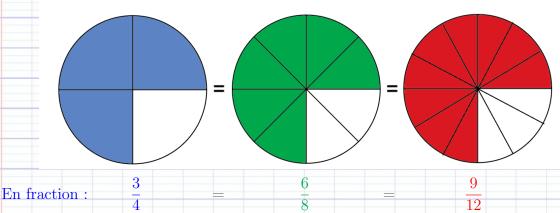
 $\frac{\text{Vocabulaire}}{\text{denominateur}}$ : une fraction =  $\frac{\text{numérateur}}{\text{denominateur}}$ .

Définition: une fraction décimale est une fraction ayant pour dénominateur 10,100,1000...

Exemple:  $\frac{5}{10}$  est une fraction décimale.  $\frac{1}{3}$  n'est pas une fraction décimale.

## II - Fractions égales.

Les trois parts bleue, verte et rouge représente la même surface :



Propriété : Si on multiplie ou divise le numérateur et le dénominateur par un même nombre non

nul, alors on obtient un quotient égal au quotient de départ. Autrement dit, si 
$$k \neq 0$$
 et  $b \neq 0$ : 
$$\frac{a}{b} = \frac{a \times k}{b \times k} \qquad \qquad \frac{a}{b} = \frac{a \div k}{b \div k}$$

Exemples: 
$$\bullet$$
  $\frac{1}{2} = \frac{1 \times 5}{2 \times 5} = \frac{5}{10}$ .  $\bullet$   $\frac{20}{35} = \frac{4 \times 5}{7 \times 5} = \frac{4}{7}$ .  $\bullet$   $\frac{12}{8} = \frac{12 \div 4}{8 \div 4} = \frac{3}{2}$ .

Méthode : simplifier une fraction.

Simplifier une fraction, c'est trouver une fraction égale dont le numérateur et le dénominateur sont plus petits.

1

Simplifions  $\frac{49}{62}$ : On cherche une table de multiplication dans laquelle apparaissent 49 et 63: la

table de 7 (puisque 
$$49=7\times7$$
 et  $63=7\times9$ ). On applique la propriété précédente :

$$\frac{49}{63} = \frac{7 \times 7}{9 \times 7} = \frac{9}{7}$$

III - Comparaison et droite graduée.

1. Comparaison de fractions.

Propriété: on considère le quotient  $\frac{a}{b}$  avec b différent de zéro:

1. Si 
$$a < b$$
, alors  $\frac{a}{b} < 1$ .

1. Si 
$$a < b$$
, alors  $\frac{a}{b} < 1$ .

2. Si  $a > b$ , alors  $\frac{a}{b} > 1$ .

3. Si  $a = b$ , alors  $\frac{a}{b} = 1$ 

3. Si 
$$a = b$$
, alors  $\frac{a}{b} = 1$ 

Exemples: • 
$$\frac{131}{132}$$
 < 1 car 131 < 132. •  $\frac{25}{12}$  > 1 car 25 > 12. •  $\frac{43}{43}$  = 1.

• 
$$\frac{25}{12} > 1 \text{ car } 25 > 12.$$

$$\bullet \frac{43}{43} = 1.$$

Propriété : deux quotients ayant le même dénominateur sont rangés dans l'ordre des numérateurs.

1. Si 
$$a > b$$
, alors  $\frac{a}{c} > \frac{b}{c}$  2. Si  $a < b$ , alors  $\frac{a}{c} < \frac{b}{c}$ .

2. Si 
$$a < b$$
, alors  $\frac{a}{c} < \frac{b}{c}$ 

Exemple:  $\frac{287}{96} < \frac{288}{96}$  car 287 < 288.

 $\underline{\text{M\'ethode}}$ : comparer deux fractions. On souhaite comparer  $\frac{7}{5}$  et  $\frac{22}{15}$ 

- 1. On réduit au même dénominateur :  $\frac{7}{5} = \frac{7 \times 3}{5 \times 3} = \frac{21}{15}$ .
- 2. On compare les numérateurs et on conclut. Puisque 21 < 22, alors  $\frac{21}{15} < \frac{22}{15}$ . Donc  $\frac{7}{5} < \frac{22}{15}$ .
  - 2. Droite graduée

Exemple : on peut représenter la fraction  $\frac{5}{4}$  sur une droite graduée. Pour cela, on divise l'unité en quatre parts égales

2



Propriété: pour comparer des fractions, on peut les placer sur une droite graduée.

IV - Encadrement

 $\underline{\text{M\'ethode}}$ : encadrer une fraction entre deux entiers consécutifs. Exemple:  $\frac{100}{7}$ 

$$\begin{bmatrix}
 -\frac{106}{7} & 7 \\
 -\frac{36}{35} \\
 \hline
 1
\end{bmatrix}$$

Puisque le reste est non nul,  $15 < \frac{106}{7} < 16$ .