## Devoir d'Entrainement

### S.Gibaud

### À rendre ou pas :)

## 1 Exercices de Inéquation Faciles

Résoudre les inéquations suivantes : Inéquation numéro 0

$$8x^2 + 5x + 7 \le 5x^2 + 8x + 7$$

Inéquation numéro 1

$$8x + 9 > (9x + 3)^2$$

Inéquation numéro 2

$$(10x+1)^2 \le (9x+8)^2$$

Inéquation numéro 3

$$2x^2 + 6x + 5 \ge 6x + 1$$

Inéquation numéro 4

$$(x+5)^2 \le 6x^2 + 7x + 8$$

Inéquation numéro 5

$$(8x+4)^2 \ge x + 10$$

Inéquation numéro 6

$$8x + 6 \le (3x + 7)^2$$

Inéquation numéro 7

$$9x^2 + 7x + 3 \le (8x + 4)^2$$

Inéquation numéro 8

$$7x + 3 \le (8x + 4)^2$$

Inéquation numéro 9

$$5x + 4 \ge (5x + 7)^2$$

$$(10x+8)^2 \ge (2x+2)^2$$

$$(7x+7)^2 \le 4x^2 + x + 3$$

Inéquation numéro 12

$$(8x+5)^2 \ge 9x^2 + 8x + 7$$

Inéquation numéro 13

$$(7x+8)^2 \le (6x+3)^2$$

Inéquation numéro 14

$$5x^2 + x + 6 \le 3x^2 + 7x + 1$$

Inéquation numéro 15

$$(3x+4)^2 \ge 4x^2 + 9x + 8$$

Inéquation numéro 16

$$(3x+9)^2 \ge 9x^2 + 5x + 7$$

Inéquation numéro 17

$$6x^2 + 6x + 6 \le (6x + 5)^2$$

Inéquation numéro 18

$$7x + 1 \le 5x^2 + 6x + 1$$

Inéquation numéro 19

$$(5x+5)^2 \le (7x+5)^2$$

Inéquation numéro 20

$$(7x+2)^2 \le 6x^2 + 4x + 7$$

Inéquation numéro 21

$$x + 3 \ge 6x^2 + 3x + 9$$

Inéquation numéro 22

$$x + 7 \le 9x^2 + 8x + 8$$

Inéquation numéro 23

$$5x + 6 \ge (2x + 2)^2$$

$$(7x+9)^2 \le 3x^2 + x + 1$$

$$8x + 7 \le (x+3)^2$$

$$(x+3)^2 \ge 7x + 2$$

Inéquation numéro 27

$$4x^2 + 5x + 5 \ge 8x^2 + x + 9$$

Inéquation numéro 28

$$9x + 8 \ge (x+6)^2$$

Inéquation numéro 29

$$6x + 9 \le 7x^2 + 9x + 2$$

## 2 Exercices de Inéquation Moyens

Résoudre les inéquations suivantes : Inéquation numéro 0

$$\frac{x+10}{7x+3} \ge \frac{\sqrt{55}}{11}$$

Inéquation numéro 1

$$\frac{8x+8}{2x+8} \ge \frac{2\sqrt{65}}{13\pi}$$

Inéquation numéro 2

$$\frac{9x+5}{2x+10} \ge \sqrt{10}\pi$$

Inéquation numéro 3

$$\frac{10x+5}{2x+8} \ge \frac{2\sqrt{3}}{\pi}$$

Inéquation numéro 4

Inéquation numéro 5

$$\frac{9x+6}{7x+5} \le \frac{\sqrt{15}}{\pi}$$

Inéquation numéro 6

$$\frac{8x+8}{10x+2} \le \frac{\sqrt{15}}{3\pi}$$

Inéquation numéro 7

$$\frac{6x+5}{8x+10} \le \frac{2\sqrt{14}}{7}$$

$$\frac{7x+8}{4x+1} \ge \frac{\sqrt{39}}{13}$$

$$\frac{2x+10}{5x+9} \ge \frac{\sqrt{143}}{13}$$

$$\frac{7x+9}{7x+8} \le \frac{\sqrt{6}}{6\pi}$$

$$\frac{10x+3}{5x+2} \le \frac{\sqrt{51}}{17}$$

$$\frac{7x+5}{2x+2} \le \frac{\sqrt{51}\pi}{3}$$

$$\frac{6x+8}{5x+8} \le \frac{\sqrt{42}}{6}$$

$$\frac{6x+2}{3x+4} \ge \frac{\sqrt{17}}{\pi}$$

$$\frac{8x+7}{2x+7} \ge \frac{\sqrt{26}}{2}$$

$$\frac{5x+5}{7x+9} \le \frac{\sqrt{7}}{3}$$

$$\frac{10x + 10}{3x + 9} \le \frac{\sqrt{11}\pi}{11}$$

Inéquation numéro 18

$$\frac{10x+6}{x+2} \ge \frac{3\sqrt{11}}{11}$$

Inéquation numéro 19

$$\frac{2x+4}{3x+7} \ge \frac{\sqrt{26}}{6}$$

Inéquation numéro 20

$$\frac{6x+8}{8x+3} \le \frac{\sqrt{15}}{5}$$

Inéquation numéro 21

True

$$\frac{4x+1}{6x+6} \le \frac{\sqrt{247}}{19\pi}$$

$$\frac{2x+2}{x+4} \ge \frac{\sqrt{15}}{4\pi}$$

$$\frac{9x+7}{7x+10} \ge \frac{\sqrt{2}}{6}$$

Inéquation numéro 25

$$\frac{3x+2}{8x+10} \ge \frac{\sqrt{3}}{4}$$

Inéquation numéro 26

$$\frac{3x+6}{5x+2} \le \frac{\sqrt{266}}{19}$$

Inéquation numéro 27

$$\frac{8x+7}{7x+4} \ge 1$$

Inéquation numéro 28

$$\frac{6x + 10}{10x + 10} \ge \frac{\sqrt{6}}{4\pi}$$

Inéquation numéro 29

$$\frac{2x+3}{5x+4} \le \frac{\sqrt{14}}{14}$$

## 3 Exercices de Inéquation Durs

Résoudre les inéquations suivantes : Inéquation numéro 0

$$\frac{3x+5}{10x+2} \le \frac{3x+10}{2x+6}$$

Inéquation numéro 1

$$\frac{x^2 - 6x + 9}{4x + 7} \ge \frac{9x^2 - 18x + 9}{4x + 7}$$

Inéquation numéro 2

$$\frac{5x+3}{8x+5} \ge \frac{10x+10}{10x+9}$$

Inéquation numéro 3

$$\frac{4x^2 - 16x + 16}{8x + 5} \le \frac{4x^2 - 16x + 16}{8x + 5}$$

$$\frac{4x^2 - 4x + 1}{x + 9} \ge \frac{16x^2 - 24x + 9}{x + 9}$$

$$\frac{7x+9}{7x+1} \ge \frac{5x+9}{6x+2}$$

Inéquation numéro 6

$$\frac{9x^2 - 6x + 1}{9x + 9} \ge \frac{25x^2 - 40x + 16}{9x + 9}$$

Inéquation numéro 7

$$\frac{9x^2 - 12x + 4}{x + 9} \ge \frac{9x^2 + 6x + 1}{x + 9}$$

Inéquation numéro 8

$$\frac{5x+5}{2x+1} \le \frac{4x+8}{9x+9}$$

Inéquation numéro 9

$$\frac{25x^2 - 40x + 16}{2x + 3} \le \frac{x^2 - 8x + 16}{2x + 3}$$

Inéquation numéro 10

$$\frac{4x^2 - 16x + 16}{4x + 4} \le \frac{16x^2 - 8x + 1}{4x + 4}$$

Inéquation numéro 11

$$\frac{3x+4}{10x+5} \le \frac{2x+1}{9x+5}$$

Inéquation numéro 12

$$\frac{5x+7}{10x+10} \ge \frac{10x+9}{2x+4}$$

Inéquation numéro 13

$$\frac{3x+1}{x+4} \le \frac{2x+8}{10x+6}$$

Inéquation numéro 14

$$\frac{x^2 - 8x + 16}{9x + 5} \ge \frac{16x^2 - 40x + 25}{9x + 5}$$

Inéquation numéro 15

$$\frac{10x+8}{5x+4} \le \frac{5x+5}{2x+10}$$

Inéquation numéro 16

$$\frac{5x+3}{6x+2} \ge \frac{4x+3}{x+9}$$

$$\frac{3x+3}{10x+2} \le \frac{3x+10}{6x+3}$$

$$\frac{2x+10}{5x+7} \ge \frac{6x+2}{4x+6}$$

Inéquation numéro 19

$$\frac{4x+4}{4x+2} \ge \frac{8x+1}{2x+10}$$

Inéquation numéro 20

$$\frac{16x^2 - 32x + 16}{4x + 10} \le \frac{16x^2 - 32x + 16}{4x + 10}$$

Inéquation numéro 21

$$\frac{16x^2 - 24x + 9}{10x + 3} \le \frac{25x^2 + 20x + 4}{10x + 3}$$

Inéquation numéro 22

$$\frac{7x+1}{5x+2} \le \frac{10x+1}{7x+9}$$

Inéquation numéro 23

$$\frac{3x+1}{5x+9} \ge \frac{2x+6}{5x+4}$$

Inéquation numéro 24

$$\frac{x^2 - 6x + 9}{10x + 1} \le \frac{25x^2 - 20x + 4}{10x + 1}$$

Inéquation numéro 25

$$\frac{2x+3}{10x+4} \le \frac{2x+3}{4x+9}$$

Inéquation numéro 26

$$\frac{16x^2 - 24x + 9}{2x + 10} \ge \frac{16x^2 - 32x + 16}{2x + 10}$$

Inéquation numéro 27

$$\frac{x^2 - 8x + 16}{8x + 4} \ge \frac{9x^2 - 30x + 25}{8x + 4}$$

Inéquation numéro 28

$$\frac{9x^2 - 30x + 25}{6x + 4} \ge \frac{4x^2 - 16x + 16}{6x + 4}$$

$$\frac{4x^2 - 8x + 4}{5x + 8} \ge \frac{16x^2 - 8x + 1}{5x + 8}$$

### 4 Exercices de Tableaux de Variation Faciles

Donner les variations des fonctions suivantes : Tableaux de Variation numéro  $\mathbf{0}$ 

$$f(x) = x^2 + x + \sqrt{14}x + 2 + \sqrt{15}\pi$$

Tableaux de Variation numéro 1

$$f(x) = (18\pi x + 6)^3$$

Tableaux de Variation numéro 2

$$f(x) = (6x+5)^2 (10x+4)$$

Tableaux de Variation numéro 3

$$f(x) = \sqrt{3}\pi x^2 + 2x + \pi x + 2 + \sqrt{2}\pi$$

Tableaux de Variation numéro 4

$$f(x) = \left(x + 4\sqrt{10}\right)^3$$

Tableaux de Variation numéro 5

$$f(x) = (x+6)^2 (4x+5)$$

Tableaux de Variation numéro 6

$$f(x) = 2\sqrt{2}x^2 + \sqrt{5}x + 10x - 2 + \sqrt{15}\pi$$

Tableaux de Variation numéro 7

$$f(x) = (2x+9)^2 (10x+8)$$

Tableaux de Variation numéro 8

$$f(x) = 7\sqrt{6}x^3 + 6\sqrt{7}x^2 + 12x + 8\sqrt{6}$$

Tableaux de Variation numéro 9

$$f(x) = 2\sqrt{5}\pi x^2 + \sqrt{2}x + 10x + 1 + 3\sqrt{2}\pi$$

Tableaux de Variation numéro 10

$$f(x) = \sqrt{10}\pi x^2 + 3x + \sqrt{7}\pi x + 7 + \sqrt{11}\pi$$

$$f(x) = 2x^3 + 7x^2 + 6\sqrt{6}x + 9\sqrt{13}$$

$$f(x) = 4\sqrt{5}\pi x^3 + 5\sqrt{13}\pi x^2 + 9\pi x + 6\pi$$

Tableaux de Variation numéro 13

$$f(x) = 2\sqrt{2}\pi x^2 + 3x + 4\pi x + 3 + \sqrt{17}$$

Tableaux de Variation numéro 14

$$f(x) = \sqrt{6\pi}x^2 + 2\sqrt{5}x + 8x + \sqrt{3} + 2$$

Tableaux de Variation numéro 15

$$f(x) = 2\sqrt{2}\pi x^2 + 5x + \sqrt{3} + 5$$

Tableaux de Variation numéro 16

$$f(x) = (8x+9)(10x+1)$$

Tableaux de Variation numéro 17

$$f(x) = (7x+6)^2 (10x+7)$$

Tableaux de Variation numéro 18

$$f(x) = 3\sqrt{19}x^3 + 8x^2 + 15\sqrt{2}x + 2\sqrt{2}$$

Tableaux de Variation numéro 19

$$f(x) = 18x^3 + 4\sqrt{15}x^2 + 6\sqrt{3}\pi x + 7\sqrt{5}\pi$$

Tableaux de Variation numéro 20

$$f(x) = (4x+5)(6x+7)$$

Tableaux de Variation numéro 21

$$f(x) = (2x+9)^2 (9x+10)$$

Tableaux de Variation numéro 22

$$f(x) = \sqrt{19}\pi x^2 + \sqrt{6}x + 6x + 4$$

Tableaux de Variation numéro 23

$$f(x) = \left(4\sqrt{6}\pi x + 7\sqrt{5}\pi\right)^3$$

$$f(x) = 5x + \sqrt{7}\pi x + 3\sqrt{2}\pi x - 2 + \pi$$

$$f(x) = \sqrt{13}x^2 + \sqrt{10}x + 9x + 2 + 2\sqrt{3}$$

Tableaux de Variation numéro 26

$$f(x) = (5x+4)^2 (6x+9)$$

Tableaux de Variation numéro 27

$$f(x) = (2x+3)^2 (9x+7)$$

Tableaux de Variation numéro 28

$$f(x) = 3\sqrt{2}\pi x^2 + \sqrt{10}x + 9x + 6 + 2\sqrt{5}\pi$$

Tableaux de Variation numéro 29

$$f(x) = \left(16x + 7\sqrt{2}\pi\right)^3$$

## 5 Exercices de Tableaux de Variation Moyens

Donner les variations des fonctions suivantes : Tableaux de Variation numéro 0

$$f(x) = \frac{\log(7x+4)}{7x+4}$$

Tableaux de Variation numéro 1

$$f(x) = \frac{\log(9x+9)}{9x+9}$$

Tableaux de Variation numéro 2

$$f(x) = \frac{\log(9x+4)}{9x+4}$$

Tableaux de Variation numéro 3

$$f(x) = e^{(3x+3)^3}$$

Tableaux de Variation numéro 4

$$f(x) = e^{8x^3 + 9x^2 + 5x + 8}$$

$$f(x) = \sqrt{4x + 4} (10x + 3)$$

$$f(x) = \sqrt{2x + 10} (9x + 8)$$

Tableaux de Variation numéro 7

$$f(x) = \frac{\log(7x+3)}{7x+3}$$

Tableaux de Variation numéro 8

$$f(x) = \frac{\sqrt{7}x + 3\pi}{\sqrt{15}\pi x + \pi}$$

Tableaux de Variation numéro 9

$$f(x) = e^{(8x+2)^3}$$

Tableaux de Variation numéro 10

$$f(x) = (x+7)\sqrt{8x+1}$$

Tableaux de Variation numéro 11

$$f(x) = \frac{\log(5x+1)}{5x+1}$$

Tableaux de Variation numéro 12

$$f(x) = \frac{\sqrt{19}\pi x + 1}{\sqrt{14}x + \sqrt{17}}$$

Tableaux de Variation numéro 13

$$f(x) = \frac{\log(x+10)}{x+10}$$

Tableaux de Variation numéro 14

$$f(x) = \frac{x + 2\sqrt{2}}{3\sqrt{2}x + 1}$$

Tableaux de Variation numéro 15

$$f(x) = \frac{\pi x + \pi}{\sqrt{13}x + 2\sqrt{3}}$$

$$f(x) = (5x+6)\sqrt{10x+3}$$

$$f(x) = (4x+5)\sqrt{8x+10}$$

Tableaux de Variation numéro 18

$$f(x) = \frac{2\sqrt{3}x + \sqrt{13}\pi}{x + 3\sqrt{2}}$$

Tableaux de Variation numéro 19

$$f(x) = e^{(3x+9)^3}$$

Tableaux de Variation numéro 20

$$f(x) = \frac{\log(3x+1)}{3x+1}$$

Tableaux de Variation numéro 21

$$f(x) = e^{9x^3 + 9x^2 + 4x + 6}$$

Tableaux de Variation numéro 22

$$f(x) = e^{(x+5)^3}$$

Tableaux de Variation numéro 23

$$f(x) = \frac{\log(8x+3)}{8x+3}$$

Tableaux de Variation numéro 24

$$f(x) = \frac{2\sqrt{5}x + \sqrt{7}}{\sqrt{14}\pi x + 1}$$

Tableaux de Variation numéro 25

$$f(x) = \frac{\sqrt{13}\pi x + \sqrt{11}}{4x + \sqrt{5}}$$

Tableaux de Variation numéro 26

$$f(x) = e^{7x^3 + 6x^2 + 9x + 6}$$

Tableaux de Variation numéro 27

$$f(x) = \frac{\log(10x + 4)}{10x + 4}$$

Tableaux de Variation numéro 28

$$f(x) = e^{(x+9)^3}$$

$$f(x) = e^{(7x+9)^3}$$

### 6 Exercices de Tableaux de Variation Durs

Donner les variations des fonctions suivantes : Tableaux de Variation numéro  $\mathbf{0}$ 

$$f(x) = 2\sqrt{3}\pi \left(\sqrt{5}\pi x + \sqrt{5}\pi\right) \sqrt{(3x+2)^2}$$

Tableaux de Variation numéro 1

$$f(x) = (7x+4) e^{(6x+10)^2}$$

Tableaux de Variation numéro 2

$$f(x) = 3\pi (2x+6) e^{(3x+6)^2}$$

Tableaux de Variation numéro 3

$$f(x) = \sqrt{6} (9x+3) e^{(2x+1)^2}$$

Tableaux de Variation numéro 4

$$f(x) = \sqrt{7}\log\left(\frac{\sqrt{11}x^2 + \sqrt{5}x - 2 + \sqrt{19}}{10x + 6}\right)$$

Tableaux de Variation numéro 5

$$f(x) = 2(5x+6)e^{6x+7}$$

Tableaux de Variation numéro 6

$$f(x) = \pi \log \left( \frac{\sqrt{17}\pi x^2 + \sqrt{3}x + 3\sqrt{2}\pi}{10x + 4} \right)$$

Tableaux de Variation numéro 7

$$f(x) = \sqrt{5}\pi \log \left( \frac{\sqrt{11}\pi x^2 + \sqrt{19}x - 2 + 2\sqrt{3}}{2x + 9} \right)$$

Tableaux de Variation numéro 8

$$f(x) = 2\sqrt{5}\pi \left(7x + 8\right)e^{(7x+3)^2}$$

Tableaux de Variation numéro 9

$$f(x) = \pi \left( x + 2\sqrt{2} \right) \sqrt{x^2 + 9x}$$

$$f(x) = \pi \left(\sqrt{17}\pi x + 2\sqrt{2}\pi\right)\sqrt{(3x+7)^2}$$

$$f(x) = \frac{\sqrt{11}\pi\sqrt{2\sqrt{5}\pi x + \sqrt{7}}}{9x + 6}$$

Tableaux de Variation numéro 12

$$f(x) = 3\pi \left(2\sqrt{2}x + \pi\right)\sqrt{(7x+2)^2}$$

Tableaux de Variation numéro 13

$$f(x) = (4x+9) e^{7x+10}$$

Tableaux de Variation numéro 14

$$f(x) = 3(4x+6)e^{6x^2+7x}$$

Tableaux de Variation numéro 15

$$f(x) = \sqrt{14\pi} \log \left( \frac{\sqrt{6x^2 + 2\sqrt{2}x - 2 + \sqrt{13}\pi}}{3x + 4} \right)$$

Tableaux de Variation numéro 16

$$f(x) = \frac{2\sqrt{\sqrt{6x+1}}}{(8x+7)^2}$$

Tableaux de Variation numéro 17

$$f(x) = \frac{\sqrt{19}\pi\sqrt{\sqrt{15}x + \sqrt{17}}}{3x^2 + 9x + 4}$$

Tableaux de Variation numéro 18

$$f(x) = 3\log\left(\frac{\pi x^2 + 2\sqrt{5}x - 2 + \sqrt{19}\pi}{3x + 7}\right)$$

Tableaux de Variation numéro 19

$$f(x) = \frac{\sqrt{2}\pi\sqrt{\sqrt{2}\pi x + 2\sqrt{5}}}{2x + 1}$$

Tableaux de Variation numéro 20

$$f(x) = \frac{\sqrt{3}\pi\sqrt{x+\pi}}{\left(6x+1\right)^2}$$

$$f(x) = \sqrt{3}\pi \log \left( \frac{3\pi x^2 + \sqrt{13}\pi x - 2 + 3\sqrt{2}}{4x + 6} \right)$$

$$f(x) = \sqrt{15} (10x + 4) e^{x^2 + 1}$$

Tableaux de Variation numéro 23

$$f(x) = \sqrt{15}\pi \left(7x + 5\right) e^{8x^2 + 8x + 3}$$

Tableaux de Variation numéro 24

$$f(x) = \pi (x + 10) e^{4x^2 + x + 9}$$

Tableaux de Variation numéro 25

$$f(x) = 4\pi (x+4) e^{x^2+2x+6}$$

Tableaux de Variation numéro 26

$$f(x) = \sqrt{2}\pi (6x + 9) e^{6x+7}$$

Tableaux de Variation numéro 27

$$f(x) = \sqrt{5}\pi (9x + 9) e^{(2x+5)^2}$$

Tableaux de Variation numéro 28

$$f(x) = \sqrt{3}\pi \log \left( \frac{2\sqrt{3}x^2 + \sqrt{7}x - 2 + \sqrt{13}}{5x + 4} \right)$$

Tableaux de Variation numéro 29

$$f(x) = \pi (10x + 4) e^{(4x+4)^2}$$

### 7 Exercices de Fraction Faciles

Simplifier les fractions suivantes (il faudra peut être mettre sous le même dénominateur) : Fraction numéro 0

	$\frac{12}{21}$
Fraction numéro 1	$\frac{6}{93}$
Fraction numéro 2	$\frac{88}{22}$
Fraction numéro 3	$\frac{20}{69}$
	15

Fraction numéro 4	$\frac{13}{25}$
Fraction numéro 5	$\frac{31}{39}$
Fraction numéro 6	<u>56</u>
Fraction numéro 7	41 <u>3</u>
Fraction numéro 8	<ul><li>20</li><li>90</li></ul>
Fraction numéro 9	5 73
Fraction numéro 10	$\overline{49}$
Fraction numéro 11	$\frac{96}{62}$
	$\frac{82}{63}$
Fraction numéro 12	$\frac{24}{59}$
Fraction numéro 13	$\frac{84}{58}$
Fraction numéro 14	$\frac{56}{65}$
Fraction numéro 15	<u>39</u>
Fraction numéro 16	56 86
Fraction numéro 17	92
Fraction numéro 18	96
Fraction numéro 19	$\frac{10}{43}$
Traction numero 10	$\frac{15}{72}$
	16

0.0	
o 20	$\frac{66}{62}$
o 21	$\frac{11}{16}$
o 22	91
o 23	93 69
o 24	46
- 0t	$\frac{97}{29}$
0 20	$\frac{46}{27}$
o 26	$\frac{1}{2}$
o 27	48
o 28	10 36
0.29	$\frac{36}{2}$
O 20	$\frac{70}{88}$
	22 23 24 24 25 25 26 27

# 8 Exercices de Fraction Moyens

Simplifier les fractions suivantes (il faudra peut être mettre sous le même dénominateur) : Fraction numéro 0

$$\frac{2x+2}{6x+8} + \frac{5x+3}{4x+8}$$
 Fraction numéro 1 
$$\frac{2x+8}{2x+5} + \frac{x+9}{9x+5}$$
 Fraction numéro 2 
$$\frac{9x+9}{4x+1} + \frac{8x+2}{9x+7}$$
 Fraction numéro 3 
$$\frac{7x+4}{x+8} - \frac{x+9}{10x+8}$$

Fraction numéro 4 
$$\frac{x+9}{2x+1} - \frac{8x+5}{x+10}$$
Fraction numéro 5 
$$\frac{5x+8}{7x+2} - \frac{2x+2}{8x+9}$$
Fraction numéro 6 
$$\frac{5x+9}{9x+5} - \frac{2x+9}{x+9}$$
Fraction numéro 7 
$$\frac{10x+2}{x+5} + \frac{8x+9}{4x+9}$$
Fraction numéro 8 
$$\frac{9x+8}{8x+8} + \frac{x+8}{4x+6}$$
Fraction numéro 9 
$$\frac{5x+3}{4x+8} + \frac{2x+9}{x+9}$$
Fraction numéro 10 
$$\frac{10x+3}{x+7} - \frac{3x+2}{8x+9}$$
Fraction numéro 11 
$$\frac{3x+5}{8x+2} - \frac{8x+9}{8x+2}$$
Fraction numéro 12 
$$\frac{8x+9}{x+7} - \frac{x+4}{8x+8}$$
Fraction numéro 13 
$$\frac{10x+2}{4x+8} + \frac{8x+4}{x+3}$$
Fraction numéro 14 
$$\frac{7x+10}{4x+8} - \frac{10x+3}{7x+5}$$
Fraction numéro 15 
$$\frac{7x+1}{10x+8} + \frac{8x+9}{10x+1}$$
Fraction numéro 16 
$$\frac{5x+10}{10x+5} + \frac{5x+2}{3x+2}$$
Fraction numéro 17 
$$\frac{9x+9}{3x+10} + \frac{3x+8}{2x+6}$$

Fraction numéro 18

 $\frac{2x+3}{x+6} - \frac{x+10}{6x+1}$ 

Fraction numéro 19
$$\frac{x+6}{7x+3} + \frac{2x+2}{9x+8}$$
Fraction numéro 20
$$\frac{3x+4}{3x+9} + \frac{9x+7}{2x+10}$$
Fraction numéro 21
$$\frac{7x+4}{2x+3} + \frac{9x+4}{4x+9}$$
Fraction numéro 22
$$\frac{7x+10}{3x+4} - \frac{8x+5}{5x+2}$$
Fraction numéro 23
$$\frac{6x+4}{5x+9} - \frac{6x+2}{5x+7}$$
Fraction numéro 24
$$\frac{4x+10}{6x+9} - \frac{4x+10}{3x+7}$$
Fraction numéro 25
$$\frac{7x+5}{8x+4} + \frac{10x+7}{x+9}$$
Fraction numéro 26
$$\frac{3x+1}{2x+5} + \frac{7x+2}{7x+6}$$
Fraction numéro 27
$$\frac{4x+5}{9x+7} + \frac{x+2}{x+9}$$
Fraction numéro 28
$$\frac{9x+9}{x+8} + \frac{9x+5}{10x+4}$$
Fraction numéro 29
$$\frac{3x+1}{2x+6} - \frac{5x+7}{8x+8}$$

### 9 Exercices de Fraction Durs

Simplifier les fractions suivantes (il faudra peut être mettre sous le même dénominateur) : Fraction numéro 0

Fraction numéro 1 
$$\frac{2x+5}{7x+4} - \frac{6x+8}{2x+8}$$
 Fraction numéro 1 
$$\frac{4x+9}{3x+2} + \frac{x+8}{3x+3}$$
 Fraction numéro 2 
$$\frac{3x+2}{7x+2} - \frac{10x+4}{6x+2}$$

Fraction numéro 3 
$$\frac{4x+2}{8x+7} - \frac{10x+8}{5x+2}$$
 Fraction numéro 4 
$$\frac{7x+6}{7x+8} + \frac{7x+5}{9x+6}$$

Fraction numéro 5 
$$\frac{x+3}{3x+1} - \frac{9x+10}{9x+6}$$

Fraction numéro 6
$$\frac{10x+3}{3x+10}+\frac{10x+1}{9x+4}$$

Fraction numéro 7 
$$\frac{9x+3}{10x+3} - \frac{3x+2}{10x+2}$$

Fraction numéro 8 
$$\frac{x+7}{5x+6} + \frac{10x+8}{2x+2}$$

Fraction numéro 9 
$$\frac{x+4}{x+5} + \frac{10x+10}{7x+9}$$

Fraction numéro 10 
$$\frac{8x+8}{7x+1} + \frac{9x+4}{3x+2}$$

Fraction numéro 11 
$$\frac{8x+9}{8x+4} + \frac{x+9}{8x+4}$$

Fraction numéro 12 
$$\frac{2x+2}{8x+10} - \frac{8x+10}{9x+9}$$

Fraction numéro 13 
$$\frac{2x+6}{4x+9} - \frac{5x+10}{4x+7}$$

Fraction numéro 14 
$$\frac{3x+6}{4x+6} - \frac{6x+4}{5x+4}$$

Fraction numéro 15 
$$\frac{2x+5}{9x+10} - \frac{x+8}{7x+5}$$

Fraction numéro 16 
$$\frac{5x+1}{9x+7} + \frac{10x+4}{7x+7}$$

Fraction numéro 17 
$$\frac{5x+8}{2x+4} + \frac{4x+3}{4x+9}$$

Fraction numéro 18
$$\frac{3x+2}{5x+8} - \frac{2x+8}{3x+7}$$
Fraction numéro 19
$$\frac{4x+5}{5x+4} + \frac{4x+5}{4x+1}$$
Fraction numéro 20
$$\frac{5x+5}{3x+6} - \frac{x+7}{5x+2}$$
Fraction numéro 21
$$\frac{10x+1}{4x+5} - \frac{6x+2}{4x+5}$$
Fraction numéro 23
$$\frac{5x+7}{8x+8} - \frac{6x+10}{10x+4}$$
Fraction numéro 23
$$\frac{3x+10}{6x+1} + \frac{7x+10}{8x+3}$$
Fraction numéro 24
$$\frac{x+5}{6x+8} - \frac{5x+2}{x+5}$$
Fraction numéro 25
$$\frac{9x+6}{8x+2} + \frac{6x+9}{5x+5}$$
Fraction numéro 26
$$\frac{10x+6}{8x+10} + \frac{10x+5}{7x+2}$$
Fraction numéro 28
$$\frac{3x+2}{3x+9} - \frac{10x+1}{x+9}$$
Fraction numéro 29
$$\frac{3x+6}{3x+1} + \frac{4x+2}{10x+8}$$

## 10 Exercices de Inéquation Faciles

Corrigé Inéquation Facile Correction Inéquation numéro 0

[0, 1]

$$\left[-\frac{46}{81}, 0\right]$$

$$\left[-\frac{9}{19}, 7\right]$$

Correction Inéquation numéro 3

 $\mathbb{R}$ 

Correction Inéquation numéro 4

$$\left(-\infty, -\frac{\sqrt{349}}{10} + \frac{3}{10}\right] \cup \left[\frac{3}{10} + \frac{\sqrt{349}}{10}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 5

$$\left(-\infty, -\frac{63}{128} - \frac{\sqrt{2433}}{128}\right] \cup \left[-\frac{63}{128} + \frac{\sqrt{2433}}{128}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 6

$$(-\infty, \infty)$$

Correction Inéquation numéro 7

$$\left(-\infty, -\frac{57}{110} - \frac{\sqrt{389}}{110}\right] \cup \left[-\frac{57}{110} + \frac{\sqrt{389}}{110}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 8

$$(-\infty, \infty)$$

Correction Inéquation numéro 9

Ø

Correction Inéquation numéro 10

$$\left(-\infty, -\frac{5}{6}\right] \cup \left[-\frac{3}{4}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 11

$$\left[ -\frac{97}{90} - \frac{\sqrt{1129}}{90}, -\frac{97}{90} + \frac{\sqrt{1129}}{90} \right]$$

$$\left(-\infty, -\frac{36}{55} - \frac{3\sqrt{34}}{55}\right] \cup \left[-\frac{36}{55} + \frac{3\sqrt{34}}{55}, \infty\right)$$

$$\left[-5, -\frac{11}{13}\right]$$

Correction Inéquation numéro 14

Ø

Correction Inéquation numéro 15

$$\left(-\infty, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{65}}{10}\right] \cup \left[-\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{65}}{10}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 16

$$\left[-\frac{74}{49},\infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 17

$$\left(-\infty, -\frac{9}{10} - \frac{\sqrt{159}}{30}\right] \cup \left[-\frac{9}{10} + \frac{\sqrt{159}}{30}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 18

$$(-\infty,0] \cup \left[\frac{1}{5},\infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 19

$$\left(-\infty, -\frac{5}{6}\right] \cup [0, \infty)$$

Correction Inéquation numéro 20

$$\left[ -\frac{\sqrt{273}}{43} - \frac{12}{43}, -\frac{12}{43} + \frac{\sqrt{273}}{43} \right]$$

Correction Inéquation numéro 21

 $\emptyset$ 

$$\left(-\infty, -\frac{7}{18} - \frac{\sqrt{13}}{18}\right] \cup \left[-\frac{7}{18} + \frac{\sqrt{13}}{18}, \infty\right)$$

$$\left[ -\frac{\sqrt{41}}{8} - \frac{3}{8}, -\frac{3}{8} + \frac{\sqrt{41}}{8} \right]$$

Correction Inéquation numéro 24

$$\left[ -\frac{125}{92} - \frac{\sqrt{905}}{92}, -\frac{125}{92} + \frac{\sqrt{905}}{92} \right]$$

Correction Inéquation numéro 25

$$(-\infty, \infty)$$

Correction Inéquation numéro 26

$$(-\infty, \infty)$$

Correction Inéquation numéro 27

 $\emptyset$ 

Correction Inéquation numéro 28

 $\emptyset$ 

Correction Inéquation numéro 29

$$\left(-\infty, -\frac{\sqrt{205}}{14} - \frac{3}{14}\right] \cup \left[-\frac{3}{14} + \frac{\sqrt{205}}{14}, \infty\right)$$

## 11 Exercices de Inéquation Moyens

Corrigé Inéquation Moyen Correction Inéquation numéro 0

$$\left( -\frac{3}{7}, \frac{5}{234} + \frac{67\sqrt{55}}{234} \right]$$

Correction Inéquation numéro 1

$$(-\infty, -4) \cup \left[\frac{2\left(-2\sqrt{65} + 13\pi\right)}{-26\pi + \sqrt{65}}, \infty\right)$$

$$\left[\frac{-45 + 80\sqrt{10}\pi + 200\pi^2}{-40\pi^2 + 81}, -5\right)$$

$$(-\infty, -4) \cup \left[\frac{-16\sqrt{3} + 5\pi}{2\left(-5\pi + 2\sqrt{3}\right)}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 4

 $\mathbb{R}$ 

Correction Inéquation numéro 5

$$\left( -\frac{5}{7}, \frac{-5\sqrt{15} + 6\pi}{-9\pi + 7\sqrt{15}} \right]$$

Correction Inéquation numéro 6

$$\left[\frac{-\sqrt{15}+12\pi}{-12\pi+5\sqrt{15}}, -\frac{1}{5}\right)$$

Correction Inéquation numéro 7

$$\left(-\infty, -\frac{43}{26} - \frac{2\sqrt{14}}{13}\right] \cup \left(-\frac{5}{4}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 8

$$\left(-\infty, -\frac{716}{589} - \frac{25\sqrt{39}}{589}\right] \cup \left(-\frac{1}{4}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 9

$$\left(-\frac{9}{5}, -\frac{235}{223} + \frac{32\sqrt{143}}{223}\right]$$

Correction Inéquation numéro 10

$$\left[\frac{2(-4\sqrt{6}+27\pi)}{7(-6\pi+\sqrt{6})}, -\frac{8}{7}\right)$$

Correction Inéquation numéro 11

$$\left(-\frac{2}{5}, -\frac{96}{325} + \frac{\sqrt{51}}{325}\right]$$

$$\left(-\infty, \frac{-315 + 12\sqrt{51}\pi + 204\pi^2}{-204\pi^2 + 441}\right] \cup (-1, \infty)$$

$$\left( -\frac{8}{5}, -\frac{8}{41} + \frac{8\sqrt{42}}{41} \right]$$

Correction Inéquation numéro 14

$$\left(-\infty, -\frac{4}{3}\right) \cup \left[\frac{2\left(-2\sqrt{17}+\pi\right)}{3\left(-2\pi+\sqrt{17}\right)}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 15

$$\left(-\infty, -\frac{7}{2}\right) \cup \left[\frac{35}{38} + \frac{21\sqrt{26}}{38}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 16

$$\left(-\infty, -\frac{108}{59} - \frac{15\sqrt{7}}{59}\right] \cup \left(-\frac{9}{7}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 17

$$\left(-3, \frac{-12100 + 297\pi^2 + 660\sqrt{11}\pi}{-99\pi^2 + 12100}\right]$$

Correction Inéquation numéro 18

$$(-\infty, -2) \cup \left[ -\frac{642}{1091} + \frac{42\sqrt{11}}{1091}, \infty \right)$$

Correction Inéquation numéro 19

$$\left[-\frac{43}{15} - \frac{2\sqrt{26}}{15}, -\frac{7}{3}\right)$$

Correction Inéquation numéro 20

$$\left(-\infty, -\frac{3}{8}\right) \cup \left[14 + \frac{23\sqrt{15}}{6}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 21

 $\mathbb{R}$ 

$$\left(-1, \frac{-6\sqrt{247} + 19\pi}{2\left(-38\pi + 3\sqrt{247}\right)}\right]$$

$$(-\infty, -4) \cup \left[\frac{4\left(-\sqrt{15} + 2\pi\right)}{-8\pi + \sqrt{15}}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 24

$$\left(-\infty, -\frac{10}{7}\right) \cup \left[-\frac{1064}{1409} + \frac{123\sqrt{2}}{1409}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 25

$$\left[-3 - \frac{7\sqrt{3}}{6}, -\frac{5}{4}\right)$$

Correction Inéquation numéro 26

$$\left(-\infty, -\frac{2}{5}\right) \cup \left[\frac{202}{179} + \frac{24\sqrt{266}}{179}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 27

$$(-\infty, -3] \cup \left(-\frac{4}{7}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 28

$$\left(-\infty, \frac{5\left(-\sqrt{6}+4\pi\right)}{-12\pi+5\sqrt{6}}\right] \cup (-1, \infty)$$

Correction Inéquation numéro 29

$$\left[-\frac{64}{31} - \frac{7\sqrt{14}}{31}, -\frac{4}{5}\right)$$

## 12 Exercices de Inéquation Durs

Corrigé Inéquation Dur

Correction Inéquation numéro 0

$$\left(-\infty, -\frac{\sqrt{1761}}{24} - \frac{13}{8}\right] \cup \left(-3, -\frac{1}{5}\right) \cup \left[-\frac{13}{8} + \frac{\sqrt{1761}}{24}, \infty\right)$$

$$\left(-\infty, -\frac{7}{4}\right) \cup \left[0, \frac{3}{2}\right]$$

$$\left[ -\frac{11}{12} - \frac{\sqrt{265}}{60}, -\frac{9}{10} \right) \cup \left[ -\frac{11}{12} + \frac{\sqrt{265}}{60}, -\frac{5}{8} \right)$$

Correction Inéquation numéro 3

 $\mathbb{R}$ 

Correction Inéquation numéro 4

$$(-\infty, -9) \cup \left[\frac{2}{3}, 1\right]$$

Correction Inéquation numéro 5

$$\left(-\infty, -\frac{1}{3}\right) \cup \left(-\frac{1}{7}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 6

$$(-\infty,-1) \cup \left\lceil \frac{5}{8}, \frac{3}{2} \right\rceil$$

Correction Inéquation numéro 7

$$\left(-9,\frac{1}{6}\right]$$

Correction Inéquation numéro 8

$$\left(-1, -\frac{1}{2}\right)$$

Correction Inéquation numéro 9

$$\left(-\infty, -\frac{3}{2}\right) \cup \left[0, \frac{4}{3}\right]$$

Correction Inéquation numéro 10

$$\left[-\frac{3}{2}, -1\right) \cup \left[\frac{5}{6}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 11

$$\left[ -\frac{31}{14} - \frac{\sqrt{541}}{14}, -\frac{5}{9} \right) \cup \left[ -\frac{31}{14} + \frac{\sqrt{541}}{14}, -\frac{1}{2} \right)$$

$$\left(-2, -\frac{13}{15} - \frac{\sqrt{14}}{15}\right] \cup \left(-1, -\frac{13}{15} + \frac{\sqrt{14}}{15}\right]$$

$$\left(-4, -\frac{\sqrt{191}}{14} - \frac{3}{14}\right] \cup \left(-\frac{3}{5}, -\frac{3}{14} + \frac{\sqrt{191}}{14}\right]$$

Correction Inéquation numéro 14

$$\left(-\infty, -\frac{5}{9}\right) \cup \left[\frac{1}{3}, \frac{9}{5}\right]$$

Correction Inéquation numéro 15

$$(-\infty, -5) \cup [15, \infty)$$

Correction Inéquation numéro 16

$$\left(-9, -\frac{2\sqrt{130}}{19} + \frac{11}{19}\right] \cup \left(-\frac{1}{3}, \frac{11}{19} + \frac{2\sqrt{130}}{19}\right]$$

Correction Inéquation numéro 17

$$\left(-\infty, -\frac{79}{24} - \frac{\sqrt{5713}}{24}\right] \cup \left(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{5}\right) \cup \left[-\frac{79}{24} + \frac{\sqrt{5713}}{24}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 18

$$\left(-\frac{3}{2}, -\frac{\sqrt{253}}{11}\right] \cup \left(-\frac{7}{5}, \frac{\sqrt{253}}{11}\right]$$

Correction Inéquation numéro 19

$$\left(-5, -\frac{\sqrt{277}}{12} + \frac{7}{12}\right] \cup \left(-\frac{1}{2}, \frac{7}{12} + \frac{\sqrt{277}}{12}\right]$$

Correction Inéquation numéro 20

 $\mathbb{R}$ 

Correction Inéquation numéro 21

$$\left[-5, -\frac{3}{10}\right) \cup \left[\frac{1}{9}, \infty\right)$$

$$\left(-\infty, -\frac{9}{7}\right) \cup \left(-\frac{2}{5}, -\frac{\sqrt{2053}}{2} + \frac{45}{2}\right] \cup \left[\frac{45}{2} + \frac{\sqrt{2053}}{2}, \infty\right)$$

$$\left(-\infty, -\frac{9}{5}\right) \cup \left[-\frac{\sqrt{1961}}{10} + \frac{31}{10}, -\frac{4}{5}\right) \cup \left[\frac{31}{10} + \frac{\sqrt{1961}}{10}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 24

$$\left[-\frac{1}{4}, -\frac{1}{10}\right) \cup \left[\frac{5}{6}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 25

$$\left(-\infty, -\frac{9}{4}\right) \cup \left[-\frac{3}{2}, -\frac{2}{5}\right) \cup \left[\frac{5}{6}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 26

$$(-\infty, -5) \cup \left[\frac{7}{8}, \infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 27

$$\left(-\infty, -\frac{1}{2}\right) \cup \left[\frac{1}{2}, \frac{9}{4}\right]$$

Correction Inéquation numéro 28

$$\left(-\frac{2}{3},1\right]\cup\left[\frac{9}{5},\infty\right)$$

Correction Inéquation numéro 29

$$\left(-\infty, -\frac{8}{5}\right) \cup \left[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right]$$

### 13 Exercices de Tableaux de Variation Faciles

Corrigé Tableaux de Variation Facile

Dans la suite, vous verrez la dérivée puis le domaine où la dérivée est positive

Fonction 0

$$f(x) = x^{2} + x + \sqrt{14}x + 2 + \sqrt{15}\pi$$
$$f'(x) = 2x + 1 + \sqrt{14}$$
$$\left[-\frac{\sqrt{14}}{2} - \frac{1}{2}, \infty\right)$$

$$f(x) = (18\pi x + 6)^3$$

$$f'(x) = 1944\pi (9\pi^2 x^2 + 6\pi x + 1)$$
  
 $(-\infty, \infty)$ 

$$f(x) = (6x+5)^{2} (10x+4)$$
$$f'(x) = 2 (540x^{2} + 744x + 245)$$
$$\left(-\infty, -\frac{5}{6}\right] \cup \left[-\frac{49}{90}, \infty\right)$$

Fonction 3

$$f(x) = \sqrt{3}\pi x^2 + 2x + \pi x + 2 + \sqrt{2}\pi$$
$$f'(x) = 2\sqrt{3}\pi x + 2 + \pi$$
$$\left[-\frac{\sqrt{3}(2+\pi)}{6\pi}, \infty\right)$$

Fonction 4

$$f(x) = \left(x + 4\sqrt{10}\right)^3$$
$$f'(x) = 3\left(x^2 + 8\sqrt{10}x + 160\right)$$
$$(-\infty, \infty)$$

Fonction 5

$$f(x) = (x+6)^{2} (4x+5)$$
$$f'(x) = 2 (6x^{2} + 53x + 102)$$
$$(-\infty, -6] \cup \left[ -\frac{17}{6}, \infty \right)$$

Fonction 6

$$f(x) = 2\sqrt{2}x^2 + \sqrt{5}x + 10x - 2 + \sqrt{15}\pi$$
$$f'(x) = 4\sqrt{2}x + \sqrt{5} + 10$$
$$\left[ -\frac{\sqrt{2}(\sqrt{5} + 10)}{8}, \infty \right)$$

Fonction 7

$$f(x) = (2x+9)^{2} (10x+8)$$

$$f'(x) = 2 (60x^{2} + 392x + 549)$$

$$\left(-\infty, -\frac{9}{2}\right] \cup \left[-\frac{61}{30}, \infty\right)$$

$$f(x) = 7\sqrt{6}x^3 + 6\sqrt{7}x^2 + 12x + 8\sqrt{6}$$

$$f'(x) = 3\left(7\sqrt{6}x^2 + 4\sqrt{7}x + 4\right)$$
$$(-\infty, \infty)$$

$$f(x) = 2\sqrt{5}\pi x^{2} + \sqrt{2}x + 10x + 1 + 3\sqrt{2}\pi$$
$$f'(x) = 4\sqrt{5}\pi x + \sqrt{2} + 10$$
$$\left[ -\frac{\sqrt{5}(\sqrt{2} + 10)}{20\pi}, \infty \right)$$

Fonction 10

$$f(x) = \sqrt{10}\pi x^{2} + 3x + \sqrt{7}\pi x + 7 + \sqrt{11}\pi$$
$$f'(x) = 2\sqrt{10}\pi x + 3 + \sqrt{7}\pi$$
$$\left[ -\frac{\sqrt{10}(3 + \sqrt{7}\pi)}{20\pi}, \infty \right)$$

Fonction 11

$$f(x) = 2x^{3} + 7x^{2} + 6\sqrt{6}x + 9\sqrt{13}$$
$$f'(x) = 2\left(3x^{2} + 7x + 3\sqrt{6}\right)$$
$$(-\infty, \infty)$$

Fonction 12

$$f(x) = 4\sqrt{5}\pi x^3 + 5\sqrt{13}\pi x^2 + 9\pi x + 6\pi$$

$$f'(x) = \pi \left(12\sqrt{5}x^2 + 10\sqrt{13}x + 9\right)$$

$$\left(-\infty, -\frac{\sqrt{65}}{12} - \frac{\sqrt{5}\sqrt{-108\sqrt{5} + 325}}{60}\right] \cup \left[-\frac{\sqrt{65}}{12} + \frac{\sqrt{5}\sqrt{-108\sqrt{5} + 325}}{60}, \infty\right)$$

Fonction 13

$$f(x) = 2\sqrt{2}\pi x^{2} + 3x + 4\pi x + 3 + \sqrt{17}$$
$$f'(x) = 4\sqrt{2}\pi x + 3 + 4\pi$$
$$\left[ -\frac{\sqrt{2}(3+4\pi)}{8\pi}, \infty \right)$$

$$f(x) = \sqrt{6}\pi x^2 + 2\sqrt{5}x + 8x + \sqrt{3} + 2$$
$$f'(x) = 2\left(\sqrt{6}\pi x + \sqrt{5} + 4\right)$$
$$\left[-\frac{\sqrt{6}\left(\sqrt{5} + 4\right)}{6\pi}, \infty\right)$$

$$f(x) = 2\sqrt{2}\pi x^2 + 5x + \sqrt{3} + 5$$
$$f'(x) = 4\sqrt{2}\pi x + 5$$
$$\left[-\frac{5\sqrt{2}}{8\pi}, \infty\right)$$

$$f(x) = (8x + 9) (10x + 1)$$
$$f'(x) = 2 (80x + 49)$$
$$\left[ -\frac{49}{80}, \infty \right)$$

#### Fonction 17

$$f(x) = (7x+6)^{2} (10x+7)$$
$$f'(x) = 2 (735x^{2} + 1183x + 474)$$
$$\left(-\infty, -\frac{6}{7}\right] \cup \left[-\frac{79}{105}, \infty\right)$$

#### Fonction 18

$$f(x) = 3\sqrt{19}x^3 + 8x^2 + 15\sqrt{2}x + 2\sqrt{2}$$
$$f'(x) = 9\sqrt{19}x^2 + 16x + 15\sqrt{2}$$
$$(-\infty, \infty)$$

#### Fonction 19

$$f(x) = 18x^{3} + 4\sqrt{15}x^{2} + 6\sqrt{3}\pi x + 7\sqrt{5}\pi$$
$$f'(x) = 2\left(27x^{2} + 4\sqrt{15}x + 3\sqrt{3}\pi\right)$$
$$(-\infty, \infty)$$

#### Fonction 20

$$f(x) = (4x+5)(6x+7)$$
$$f'(x) = 2(24x+29)$$
$$\left[-\frac{29}{24}, \infty\right)$$

$$f(x) = (2x+9)^{2} (9x+10)$$
$$f'(x) = 108x^{2} + 728x + 1089$$
$$\left(-\infty, -\frac{9}{2}\right] \cup \left[-\frac{121}{54}, \infty\right)$$

$$f(x) = \sqrt{19}\pi x^{2} + \sqrt{6}x + 6x + 4$$
$$f'(x) = 2\sqrt{19}\pi x + \sqrt{6} + 6$$
$$\left[ -\frac{\sqrt{19}(\sqrt{6} + 6)}{38\pi}, \infty \right)$$

$$f(x) = \left(4\sqrt{6}\pi x + 7\sqrt{5}\pi\right)^3$$
$$f'(x) = 12\pi^3 \left(96\sqrt{6}x^2 + 336\sqrt{5}x + 245\sqrt{6}\right)$$
$$(-\infty, \infty)$$

#### Fonction 24

$$f(x) = 5x + \sqrt{7}\pi x + 3\sqrt{2}\pi x - 2 + \pi$$
$$f'(x) = 5 + \sqrt{7}\pi + 3\sqrt{2}\pi$$
$$\mathbb{R}$$

#### Fonction 25

$$f(x) = \sqrt{13}x^2 + \sqrt{10}x + 9x + 2 + 2\sqrt{3}$$
$$f'(x) = 2\sqrt{13}x + \sqrt{10} + 9$$
$$\left[-\frac{\sqrt{13}(\sqrt{10} + 9)}{26}, \infty\right)$$

#### Fonction 26

$$f(x) = (5x + 4)^{2} (6x + 9)$$
$$f'(x) = 6 (75x^{2} + 155x + 76)$$
$$\left(-\infty, -\frac{19}{15}\right] \cup \left[-\frac{4}{5}, \infty\right)$$

Fonction 27

$$f(x) = (2x+3)^{2} (9x+7)$$
$$f'(x) = 108x^{2} + 272x + 165$$
$$\left(-\infty, -\frac{3}{2}\right] \cup \left[-\frac{55}{54}, \infty\right)$$

$$f(x) = 3\sqrt{2}\pi x^{2} + \sqrt{10}x + 9x + 6 + 2\sqrt{5}\pi$$
$$f'(x) = 6\sqrt{2}\pi x + \sqrt{10} + 9$$
$$\left[-\frac{\sqrt{2}(\sqrt{10} + 9)}{12\pi}, \infty\right)$$

$$f(x) = (16x + 7\sqrt{2}\pi)^{3}$$
$$f'(x) = 96(128x^{2} + 112\sqrt{2}\pi x + 49\pi^{2})$$
$$(-\infty, \infty)$$

## 14 Exercices de Tableaux de Variation Moyens

Corrigé Tableaux de Variation Moyen

Dans la suite, vous verrez la dérivée puis le domaine où la dérivée est positive

Fonction 0

$$f(x) = \frac{\log(7x+4)}{7x+4}$$
$$f'(x) = \frac{7(-\log(7x+4)+1)}{49x^2+56x+16}$$
$$\left(-\frac{4}{7}, -\frac{4}{7} + \frac{e}{7}\right]$$

Fonction 1

$$f(x) = \frac{\log(9x+9)}{9x+9}$$
$$f'(x) = \frac{-\log(9x+9)+1}{9(x^2+2x+1)}$$
$$\left(-1, -1 + \frac{e}{9}\right]$$

Fonction 2

$$f(x) = \frac{\log(9x+4)}{9x+4}$$
$$f'(x) = \frac{9(-\log(9x+4)+1)}{81x^2+72x+16}$$
$$\left(-\frac{4}{9}, -\frac{4}{9} + \frac{e}{9}\right]$$

Fonction 3

$$f(x) = e^{(3x+3)^3}$$

$$f'(x) = 81 (x^2 + 2x + 1) e^{27} e^{81x} e^{81x^2} e^{27x^3}$$

$$\left\{ x \mid x \in \mathbb{R} \land 81 (x^2 + 2x + 1) e^{27} e^{81x} e^{81x^2} e^{27x^3} \ge 0 \right\}$$

$$f(x) = e^{8x^3 + 9x^2 + 5x + 8}$$

$$f'(x) = (24x^2 + 18x + 5) e^8 e^{5x} e^{9x^2} e^{8x^3}$$
$$\left\{ x \mid x \in \mathbb{R} \land (24x^2 + 18x + 5) e^8 e^{5x} e^{9x^2} e^{8x^3} \ge 0 \right\}$$

$$f(x) = \sqrt{4x + 4} (10x + 3)$$
$$f'(x) = \frac{30x + 23}{\sqrt{x + 1}}$$
$$\left[ -\frac{23}{30}, \infty \right)$$

Fonction 6

$$f(x) = \sqrt{2x + 10} (9x + 8)$$
$$f'(x) = \frac{\sqrt{2} (27x + 98)}{2\sqrt{x + 5}}$$
$$\left[ -\frac{98}{27}, \infty \right)$$

Fonction 7

$$f(x) = \frac{\log(7x+3)}{7x+3}$$
$$f'(x) = \frac{7(-\log(7x+3)+1)}{49x^2+42x+9}$$
$$\left(-\frac{3}{7}, -\frac{3}{7} + \frac{e}{7}\right]$$

Fonction 8

$$f(x) = \frac{\sqrt{7}x + 3\pi}{\sqrt{15}\pi x + \pi}$$
$$f'(x) = \frac{-3\sqrt{15}\pi + \sqrt{7}}{\pi \left(15x^2 + 2\sqrt{15}x + 1\right)}$$

Fonction 9

$$f(x) = e^{(8x+2)^3}$$

$$f'(x) = 96 (16x^2 + 8x + 1) e^8 e^{96x} e^{384x^2} e^{512x^3}$$

$$\left\{ x \mid x \in \mathbb{R} \land 96 (16x^2 + 8x + 1) e^8 e^{96x} e^{384x^2} e^{512x^3} \ge 0 \right\}$$

$$f(x) = (x+7)\sqrt{8x+1}$$
$$f'(x) = \frac{12x+29}{\sqrt{8x+1}}$$

$$\left[-\frac{1}{8},\infty\right)$$

$$f(x) = \frac{\log(5x+1)}{5x+1}$$
$$f'(x) = \frac{5(-\log(5x+1)+1)}{25x^2+10x+1}$$
$$\left(-\frac{1}{5}, -\frac{1}{5} + \frac{e}{5}\right]$$

Fonction 12

$$f(x) = \frac{\sqrt{19}\pi x + 1}{\sqrt{14}x + \sqrt{17}}$$
$$f'(x) = \frac{-\sqrt{14} + \sqrt{323}\pi}{14x^2 + 2\sqrt{238}x + 17}$$

$$\mathbb{R}$$

Fonction 13

$$f(x) = \frac{\log(x+10)}{x+10}$$
$$f'(x) = \frac{-\log(x+10)+1}{x^2+20x+100}$$
$$(-10, -10+e]$$

Fonction 14

$$f(x) = \frac{x + 2\sqrt{2}}{3\sqrt{2}x + 1}$$
$$f'(x) = -\frac{11}{18x^2 + 6\sqrt{2}x + 1}$$

Fonction 15

$$f(x) = \frac{\pi x + \pi}{\sqrt{13}x + 2\sqrt{3}}$$
$$f'(x) = \frac{\pi \left(-\sqrt{13} + 2\sqrt{3}\right)}{13x^2 + 4\sqrt{39}x + 12}$$

$$f(x) = (5x + 6)\sqrt{10x + 3}$$
$$f'(x) = \frac{15(5x + 3)}{\sqrt{10x + 3}}$$
$$\left[-\frac{3}{10}, \infty\right)$$

$$f(x) = (4x+5)\sqrt{8x+10}$$
$$f'(x) = 6\sqrt{2}\sqrt{4x+5}$$
$$\left[-\frac{5}{4}, \infty\right)$$

Fonction 18

$$f(x) = \frac{2\sqrt{3}x + \sqrt{13}\pi}{x + 3\sqrt{2}}$$
$$f'(x) = \frac{-\sqrt{13}\pi + 6\sqrt{6}}{x^2 + 6\sqrt{2}x + 18}$$
$$\mathbb{R}$$

Fonction 19

$$f(x) = e^{(3x+9)^3}$$

$$f'(x) = 81 (x^2 + 6x + 9) e^{729} e^{729x} e^{243x^2} e^{27x^3}$$

$$\left\{ x \mid x \in \mathbb{R} \land 81 (x^2 + 6x + 9) e^{729} e^{729x} e^{243x^2} e^{27x^3} \ge 0 \right\}$$

Fonction 20

$$f(x) = \frac{\log(3x+1)}{3x+1}$$
$$f'(x) = \frac{3(-\log(3x+1)+1)}{9x^2+6x+1}$$
$$\left(-\frac{1}{3}, -\frac{1}{3} + \frac{e}{3}\right]$$

Fonction 21

$$f(x) = e^{9x^3 + 9x^2 + 4x + 6}$$
$$f'(x) = (27x^2 + 18x + 4) e^6 e^{4x} e^{9x^2} e^{9x^3}$$
$$\left\{ x \mid x \in \mathbb{R} \land (27x^2 + 18x + 4) e^6 e^{4x} e^{9x^2} e^{9x^3} \ge 0 \right\}$$

Fonction 22

$$f(x) = e^{(x+5)^3}$$

$$f'(x) = 3(x^2 + 10x + 25) e^{125} e^{75x} e^{15x^2} e^{x^3}$$

$$\left\{ x \mid x \in \mathbb{R} \land 3(x^2 + 10x + 25) e^{125} e^{75x} e^{15x^2} e^{x^3} \ge 0 \right\}$$

$$f(x) = \frac{\log(8x+3)}{8x+3}$$
$$f'(x) = \frac{8(-\log(8x+3)+1)}{64x^2+48x+9}$$

$$\left(-\frac{3}{8}, -\frac{3}{8} + \frac{e}{8}\right]$$

$$f(x) = \frac{2\sqrt{5}x + \sqrt{7}}{\sqrt{14}\pi x + 1}$$
$$f'(x) = \frac{-7\sqrt{2}\pi + 2\sqrt{5}}{14\pi^2 x^2 + 2\sqrt{14}\pi x + 1}$$

Fonction 25

$$f(x) = \frac{\sqrt{13}\pi x + \sqrt{11}}{4x + \sqrt{5}}$$
$$f'(x) = \frac{-4\sqrt{11} + \sqrt{65}\pi}{16x^2 + 8\sqrt{5}x + 5}$$
$$\mathbb{R}$$

Fonction 26

$$f(x) = e^{7x^3 + 6x^2 + 9x + 6}$$
$$f'(x) = 3(7x^2 + 4x + 3)e^6 e^{9x} e^{6x^2} e^{7x^3}$$
$$\left\{x \mid x \in \mathbb{R} \land 3(7x^2 + 4x + 3)e^6 e^{9x} e^{6x^2} e^{7x^3} \ge 0\right\}$$

Fonction 27

$$f(x) = \frac{\log(10x+4)}{10x+4}$$
$$f'(x) = \frac{5(-\log(10x+4)+1)}{2(25x^2+20x+4)}$$
$$\left(-\frac{2}{5}, -\frac{2}{5} + \frac{e}{10}\right]$$

Fonction 28

$$f(x) = e^{(x+9)^3}$$

$$f'(x) = 3(x^2 + 18x + 81)e^{729}e^{243x}e^{27x^2}e^{x^3}$$

$$\left\{x \mid x \in \mathbb{R} \land 3(x^2 + 18x + 81)e^{729}e^{243x}e^{27x^2}e^{x^3} \ge 0\right\}$$

$$f(x) = e^{(7x+9)^3}$$

$$f'(x) = 21 (49x^2 + 126x + 81) e^{729} e^{1701x} e^{1323x^2} e^{343x^3}$$

$$\left\{ x \mid x \in \mathbb{R} \land 21 (49x^2 + 126x + 81) e^{729} e^{1701x} e^{1323x^2} e^{343x^3} \ge 0 \right\}$$

## 15 Exercices de Tableaux de Variation Durs

Corrigé Tableaux de Variation Dur

Dans la suite, vous verrez la dérivée puis le domaine où la dérivée est positive

Fonction 0

$$f(x) = 2\sqrt{3}\pi \left(\sqrt{5}\pi x + \sqrt{5}\pi\right) \sqrt{(3x+2)^2}$$
$$f'(x) = \frac{2\sqrt{15}\pi^2 (6x+5)\sqrt{9x^2+12x+4}}{3x+2}$$
$$\left[-\frac{5}{6}, \infty\right)$$

Fonction 1

$$f(x) = (7x+4)e^{(6x+10)^2}$$
$$f'(x) = (504x^2 + 1128x + 487)e^{100}e^{120x}e^{36x^2}$$
$$\left(-\infty, -\frac{47}{42} - \frac{\sqrt{2018}}{84}\right] \cup \left[-\frac{47}{42} + \frac{\sqrt{2018}}{84}, \infty\right)$$

Fonction 2

$$f(x) = 3\pi (2x+6) e^{(3x+6)^2}$$
$$f'(x) = 6\pi (18x^2 + 90x + 109) e^{36} e^{36x} e^{9x^2}$$
$$\left(-\infty, -\frac{5}{2} - \frac{\sqrt{7}}{6}\right] \cup \left[-\frac{5}{2} + \frac{\sqrt{7}}{6}, \infty\right)$$

Fonction 3

$$f(x) = \sqrt{6} (9x + 3) e^{(2x+1)^2}$$
$$f'(x) = 3\sqrt{6}e (24x^2 + 20x + 7) e^{4x} e^{4x^2}$$
$$(-\infty, \infty)$$

Fonction 4

$$f(x) = \sqrt{7} \log \left( \frac{\sqrt{11}x^2 + \sqrt{5}x - 2 + \sqrt{19}}{10x + 6} \right)$$

$$f'(x) = \frac{5\sqrt{77}x^2 + 6\sqrt{77}x - 5\sqrt{133} + 3\sqrt{35} + 10\sqrt{7}}{5\sqrt{11}x^3 + 3\sqrt{11}x^2 + 5\sqrt{5}x^2 - 10x + 3\sqrt{5}x + 5\sqrt{19}x - 6 + 3\sqrt{19}}$$

$$\left[ -\frac{3}{5} + \frac{\sqrt{11}\sqrt{-50\sqrt{11} - 15\sqrt{55} + 99 + 25\sqrt{209}}}{55}, \infty \right)$$

$$f(x) = 2(5x+6)e^{6x+7}$$

$$f'(x) = 2(30x + 41)e^{7}e^{6x}$$
$$\left[-\frac{41}{30}, \infty\right)$$

$$f(x) = \pi \log \left( \frac{\sqrt{17}\pi x^2 + \sqrt{3}x + 3\sqrt{2}\pi}{10x + 4} \right)$$

$$f'(x) = \frac{\pi \left( 5\sqrt{17}\pi x^2 + 4\sqrt{17}\pi x - 15\sqrt{2}\pi + 2\sqrt{3} \right)}{5\sqrt{17}\pi x^3 + 5\sqrt{3}x^2 + 2\sqrt{17}\pi x^2 + 2\sqrt{3}x + 15\sqrt{2}\pi x + 6\sqrt{2}\pi}$$

$$\left[ -\frac{2}{5} + \frac{\sqrt{17}\sqrt{-10\sqrt{51} + 68\pi + 75\sqrt{34}\pi}}{85\sqrt{\pi}}, \infty \right)$$

Fonction 7

$$f(x) = \sqrt{5}\pi \log \left( \frac{\sqrt{11}\pi x^2 + \sqrt{19}x - 2 + 2\sqrt{3}}{2x + 9} \right)$$

$$f'(x) = \frac{\pi \left( 2\sqrt{55}\pi x^2 + 18\sqrt{55}\pi x - 4\sqrt{15} + 4\sqrt{5} + 9\sqrt{95} \right)}{2\sqrt{11}\pi x^3 + 2\sqrt{19}x^2 + 9\sqrt{11}\pi x^2 - 4x + 4\sqrt{3}x + 9\sqrt{19}x - 18 + 18\sqrt{3}}$$

$$\left[ -\frac{9}{2} + \frac{\sqrt{11}\sqrt{-18\sqrt{209} - 8\sqrt{11} + 8\sqrt{33} + 891\pi}}{22\sqrt{\pi}}, \infty \right)$$

Fonction 8

$$f(x) = 2\sqrt{5}\pi (7x + 8) e^{(7x+3)^2}$$
$$f'(x) = 98\sqrt{5}\pi (14x^2 + 22x + 7) e^9 e^{42x} e^{49x^2}$$
$$\left(-\infty, -\frac{11}{14} - \frac{\sqrt{23}}{14}\right] \cup \left[-\frac{11}{14} + \frac{\sqrt{23}}{14}, \infty\right)$$

Fonction 9

$$f(x) = \pi \left( x + 2\sqrt{2} \right) \sqrt{x^2 + 9x}$$

$$f'(x) = \frac{\pi \left( 4x^2 + 4\sqrt{2}x + 27x + 18\sqrt{2} \right)}{2\sqrt{x(x+9)}}$$

$$(-\infty, -9] \cup [0, \infty)$$

$$f(x) = \pi \left(\sqrt{17}\pi x + 2\sqrt{2}\pi\right) \sqrt{(3x+7)^2}$$

$$f'(x) = \frac{\pi^2 \sqrt{9x^2 + 42x + 49} \left(6\sqrt{17}x + 6\sqrt{2} + 7\sqrt{17}\right)}{3x+7}$$

$$\left\{-\frac{7}{3}\right\} \cup \left[-\frac{\sqrt{17} \left(6\sqrt{2} + 7\sqrt{17}\right)}{102}, \infty\right)$$

$$f(x) = \frac{\sqrt{11}\pi\sqrt{2\sqrt{5}\pi x + \sqrt{7}}}{9x + 6}$$
$$f'(x) = \frac{\pi\left(-3\sqrt{55}\pi x - 3\sqrt{77} + 2\sqrt{55}\pi\right)}{3\sqrt{2\sqrt{5}\pi x + \sqrt{7}}\left(9x^2 + 12x + 4\right)}$$
$$\left[-\frac{2}{3}, -\frac{\sqrt{55}\left(-2\sqrt{55}\pi + 3\sqrt{77}\right)}{165\pi}\right]$$

Fonction 12

$$f(x) = 3\pi \left(2\sqrt{2}x + \pi\right) \sqrt{(7x + 2)^2}$$

$$f'(x) = \frac{3\pi\sqrt{49x^2 + 28x + 4}\left(28\sqrt{2}x + 4\sqrt{2} + 7\pi\right)}{7x + 2}$$

$$\left[-\frac{\sqrt{2}\left(4\sqrt{2} + 7\pi\right)}{56}, \infty\right)$$

Fonction 13

$$f(x) = (4x + 9) e^{7x+10}$$
$$f'(x) = (28x + 67) e^{10} e^{7x}$$
$$\left[ -\frac{67}{28}, \infty \right)$$

Fonction 14

$$f(x) = 3(4x+6)e^{6x^2+7x}$$
$$f'(x) = 6(24x^2+50x+23)e^{7x}e^{6x^2}$$
$$\left(-\infty, -\frac{25}{24} - \frac{\sqrt{73}}{24}\right] \cup \left[-\frac{25}{24} + \frac{\sqrt{73}}{24}, \infty\right)$$

Fonction 15

$$f(x) = \sqrt{14}\pi \log \left( \frac{\sqrt{6}x^2 + 2\sqrt{2}x - 2 + \sqrt{13}\pi}{3x + 4} \right)$$

$$f'(x) = \frac{\pi \left( 6\sqrt{21}x^2 + 16\sqrt{21}x - 3\sqrt{182}\pi + 6\sqrt{14} + 16\sqrt{7} \right)}{3\sqrt{6}x^3 + 6\sqrt{2}x^2 + 4\sqrt{6}x^2 - 6x + 8\sqrt{2}x + 3\sqrt{13}\pi x - 8 + 4\sqrt{13}\pi}$$

$$\left[ -\frac{4}{3} + \frac{\sqrt{2}\sqrt{-16\sqrt{3} - 6\sqrt{6} + 32 + 3\sqrt{78}\pi}}{6}, \infty \right)$$

$$f(x) = \frac{2\sqrt{\sqrt{6}x + 1}}{(8x + 7)^2}$$

$$f'(x) = \frac{-24\sqrt{6}x - 32 + 7\sqrt{6}}{\sqrt{\sqrt{6}x + 1}\left(512x^3 + 1344x^2 + 1176x + 343\right)}$$
$$\left(-\infty, -\frac{\sqrt{6}\left(-7\sqrt{6} + 32\right)}{144}\right]$$

$$f(x) = \frac{\sqrt{19}\pi\sqrt{\sqrt{15}x + \sqrt{17}}}{3x^2 + 9x + 4}$$
$$f'(x) = \frac{\pi\left(-9\sqrt{285}x^2 - 12\sqrt{323}x - 9\sqrt{285}x - 18\sqrt{323} + 4\sqrt{285}\right)}{2\sqrt{\sqrt{15}x + \sqrt{17}}\left(9x^4 + 54x^3 + 105x^2 + 72x + 16\right)}$$

Fonction 18

$$f(x) = 3\log\left(\frac{\pi x^2 + 2\sqrt{5}x - 2 + \sqrt{19}\pi}{3x + 7}\right)$$
$$f'(x) = \frac{3\left(3\pi x^2 + 14\pi x - 3\sqrt{19}\pi + 6 + 14\sqrt{5}\right)}{3\pi x^3 + 6\sqrt{5}x^2 + 7\pi x^2 - 6x + 14\sqrt{5}x + 3\sqrt{19}\pi x - 14 + 7\sqrt{19}\pi}$$
$$\left[-\frac{7}{3} + \frac{\sqrt{-42\sqrt{5} - 18 + 9\sqrt{19}\pi + 49\pi}}{3\sqrt{\pi}}, \infty\right)$$

Fonction 19

$$f(x) = \frac{\sqrt{2}\pi\sqrt{\sqrt{2}\pi x + 2\sqrt{5}}}{2x + 1}$$
$$f'(x) = \frac{\pi\left(-2\pi x - 4\sqrt{10} + \pi\right)}{\sqrt{\sqrt{2}\pi x + 2\sqrt{5}}\left(4x^2 + 4x + 1\right)}$$

Fonction 20

$$f(x) = \frac{\sqrt{3}\pi\sqrt{x+\pi}}{(6x+1)^2}$$
$$f'(x) = \frac{\sqrt{3}\pi(-18x - 24\pi + 1)}{2\sqrt{x+\pi}(216x^3 + 108x^2 + 18x + 1)}$$
$$\left(-\infty, -\frac{4\pi}{3} + \frac{1}{18}\right]$$

$$f(x) = \sqrt{3}\pi \log \left( \frac{3\pi x^2 + \sqrt{13}\pi x - 2 + 3\sqrt{2}}{4x + 6} \right)$$
$$f'(x) = \frac{\pi \left( 6\sqrt{3}\pi x^2 + 18\sqrt{3}\pi x - 6\sqrt{6} + 4\sqrt{3} + 3\sqrt{39}\pi \right)}{6\pi x^3 + 2\sqrt{13}\pi x^2 + 9\pi x^2 - 4x + 6\sqrt{2}x + 3\sqrt{13}\pi x - 6 + 9\sqrt{2}x + 3\sqrt{2}x + 9\pi x^2 - 4x + 6\sqrt{2}x + 3\sqrt{2}x + 9\pi x^2 - 4x + 6\sqrt{2}x + 3\sqrt{2}x + 9\pi x^2 - 4x + 6\sqrt{2}x + 3\sqrt{2}x + 9\pi x^2 - 4x + 6\sqrt{2}x + 3\sqrt{2}x + 9\pi x^2 - 4x + 6\sqrt{2}x + 3\sqrt{2}x + 9\pi x^2 - 4x + 6\sqrt{2}x + 3\sqrt{2}x + 9\pi x^2 - 4x + 6\sqrt{2}x + 3\sqrt{2}x + 9\pi x^2 - 4x + 6\sqrt{2}x + 3\sqrt{2}x + 9\pi x^2 - 4x + 6\sqrt{2}x + 9\pi x^2 - 4x + 9\pi x^2$$

$$\left[ -\frac{\sqrt{13}}{6} + \frac{\sqrt{-36\sqrt{2} + 24 + 13\pi}}{6\sqrt{\pi}}, \infty \right)$$

$$f(x) = \sqrt{15} (10x + 4) e^{x^2 + 1}$$
$$f'(x) = 2\sqrt{15}e (10x^2 + 4x + 5) e^{x^2}$$
$$(-\infty, \infty)$$

Fonction 23

$$f(x) = \sqrt{15}\pi (7x+5) e^{8x^2+8x+3}$$
$$f'(x) = \sqrt{15}\pi (112x^2 + 136x + 47) e^3 e^{8x} e^{8x^2}$$
$$(-\infty, \infty)$$

Fonction 24

$$f(x) = \pi (x+10) e^{4x^2 + x + 9}$$
$$f'(x) = \pi (8x^2 + 81x + 11) e^9 e^x e^{4x^2}$$
$$\left(-\infty, -\frac{81}{16} - \frac{\sqrt{6209}}{16}\right] \cup \left[-\frac{81}{16} + \frac{\sqrt{6209}}{16}, \infty\right)$$

Fonction 25

$$f(x) = 4\pi (x+4) e^{x^2 + 2x + 6}$$
$$f'(x) = 4\pi (2x^2 + 10x + 9) e^6 e^{2x} e^{x^2}$$
$$\left(-\infty, -\frac{5}{2} - \frac{\sqrt{7}}{2}\right] \cup \left[-\frac{5}{2} + \frac{\sqrt{7}}{2}, \infty\right)$$

Fonction 26

$$f(x) = \sqrt{2}\pi (6x + 9) e^{6x+7}$$
$$f'(x) = 12\sqrt{2}\pi (3x + 5) e^{7} e^{6x}$$
$$\left[ -\frac{5}{3}, \infty \right)$$

Fonction 27

$$f(x) = \sqrt{5}\pi (9x + 9) e^{(2x+5)^2}$$
$$f'(x) = 9\sqrt{5}\pi (8x^2 + 28x + 21) e^{25}e^{20x}e^{4x^2}$$
$$\left(-\infty, -\frac{7}{4} - \frac{\sqrt{7}}{4}\right] \cup \left[-\frac{7}{4} + \frac{\sqrt{7}}{4}, \infty\right)$$

$$f(x) = \sqrt{3}\pi \log \left( \frac{2\sqrt{3}x^2 + \sqrt{7}x - 2 + \sqrt{13}}{5x + 4} \right)$$

$$f'(x) = \frac{\pi \left(30x^2 + 48x - 5\sqrt{39} + 10\sqrt{3} + 4\sqrt{21}\right)}{10\sqrt{3}x^3 + 5\sqrt{7}x^2 + 8\sqrt{3}x^2 - 10x + 4\sqrt{7}x + 5\sqrt{13}x - 8 + 4\sqrt{13}}$$
$$\left[ -\frac{4}{5} + \frac{\sqrt{6}\sqrt{-20\sqrt{21} - 50\sqrt{3} + 96 + 25\sqrt{39}}}{30}, \infty \right)$$

$$f(x) = \pi (10x + 4) e^{(4x+4)^2}$$
$$f'(x) = 2\pi (160x^2 + 224x + 69) e^{16} e^{32x} e^{16x^2}$$
$$\left(-\infty, -\frac{7}{10} - \frac{\sqrt{94}}{40}\right] \cup \left[-\frac{7}{10} + \frac{\sqrt{94}}{40}, \infty\right)$$

## 16 Exercices de Fraction Faciles

Corrigé Fraction Facile Correction Fraction numéro 0

Correction Fraction numero o	
	$\frac{4}{7}$
Correction Fraction numéro 1	$\frac{2}{31}$
Correction Fraction numéro 2	4
Correction Fraction numéro 3	$\frac{20}{69}$
Correction Fraction numéro 4	$\frac{13}{25}$
Correction Fraction numéro 5	31
Correction Fraction numéro 6	$\frac{39}{56}$
Correction Fraction numéro 7	$\frac{41}{3}$
Correction Fraction numéro 8	20 18
Correction Fraction numéro 9	$\frac{73}{49}$

Correction Fraction numéro	48
Correction Fraction numéro	82
Correction Fraction numéro	$\frac{24}{2}$
Correction Fraction numéro	13 $\frac{42}{29}$
Correction Fraction numéro	
Correction Fraction numéro	$\frac{23}{2}$
Correction Fraction numéro	$\frac{24}{\frac{97}{29}}$
Correction Fraction numéro	$\frac{46}{27}$
	46

Correction Fraction numéro 26  $\frac{1}{2}$ Correction Fraction numéro 27  $\frac{24}{5}$ Correction Fraction numéro 28 18Correction Fraction numéro 29

## 17 Exercices de Fraction Moyens

Corrigé Fraction Moyen Correction Fraction numéro 0

$$\frac{19x^2 + 41x + 20}{4(x+2)(3x+4)}$$

 $\frac{35}{44}$ 

Correction Fraction numéro 1

$$\frac{20x^2 + 105x + 85}{(2x+5)(9x+5)}$$

Correction Fraction numéro 2

$$\frac{113x^2 + 160x + 65}{(4x+1)(9x+7)}$$

Correction Fraction numéro 3

$$\frac{69x^2 + 79x - 40}{2(x+8)(5x+4)}$$

Correction Fraction numéro 4

$$\frac{-15x^2 + x + 85}{(x+10)(2x+1)}$$

Correction Fraction numéro 5

$$\frac{26x^2 + 91x + 68}{(7x+2)(8x+9)}$$

$$\frac{-13x^2 - 37x + 36}{(x+9)(9x+5)}$$

$$\frac{48x^2 + 147x + 63}{(x+5)(4x+9)}$$

Correction Fraction numéro 8

$$\frac{22x^2 + 79x + 56}{8(x+1)(2x+3)}$$

Correction Fraction numéro 9

$$\frac{13x^2 + 100x + 99}{4(x+2)(x+9)}$$

Correction Fraction numéro 10

$$\frac{77x^2 + 91x + 13}{(x+7)(8x+9)}$$

Correction Fraction numéro 11

$$\frac{-5x-4}{8x+2}$$

Correction Fraction numéro 12

$$\frac{63x^2 + 125x + 44}{8(x+1)(x+7)}$$

Correction Fraction numéro 13

$$\frac{37x^2 + 48x + 11}{2(x+3)(2x+1)}$$

Correction Fraction numéro 14

$$\frac{9x^2 + 13x + 26}{4(x+2)(7x+5)}$$

Correction Fraction numéro 15

$$\frac{150x^2 + 171x + 73}{2(5x+4)(10x+1)}$$

Correction Fraction numéro 16

$$\frac{13x^2 + 17x + 6}{(2x+1)(3x+2)}$$

$$\frac{27x^2 + 126x + 134}{2(x+3)(3x+10)}$$

$$\frac{11x^2 + 4x - 57}{(x+6)(6x+1)}$$

Correction Fraction numéro 19

$$\frac{23x^2 + 82x + 54}{(7x+3)(9x+8)}$$

Correction Fraction numéro 20

$$\frac{33x^2 + 140x + 103}{6(x+3)(x+5)}$$

Correction Fraction numéro 21

$$\frac{46x^2 + 114x + 48}{(2x+3)(4x+9)}$$

Correction Fraction numéro 22

$$\frac{11x^2 + 17x}{(3x+4)(5x+2)}$$

Correction Fraction numéro 23

$$\frac{-2x+10}{(5x+7)(5x+9)}$$

Correction Fraction numéro 24

$$\frac{-4x^2 - \frac{38x}{3} - \frac{20}{3}}{(2x+3)(3x+7)}$$

Correction Fraction numéro 25

$$\frac{87x^2 + 164x + 73}{4(x+9)(2x+1)}$$

Correction Fraction numéro 26

$$\frac{35x^2 + 64x + 16}{(2x+5)(7x+6)}$$

Correction Fraction numéro 27

$$\frac{13x^2 + 66x + 59}{(x+9)(9x+7)}$$

Correction Fraction numéro 28

$$\frac{99x^2 + 203x + 76}{2(x+8)(5x+2)}$$

$$\frac{7x^2 - 6x - 17}{8(x+1)(x+3)}$$

## 18 Exercices de Fraction Durs

Corrigé Fraction Dur

Correction Fraction numéro 0

$$\frac{(x+4)(2x+5) - (3x+4)(7x+4)}{(x+4)(7x+4)}$$

Correction Fraction numéro 1

$$\frac{3(x+1)(4x+9) + (x+8)(3x+2)}{3(x+1)(3x+2)}$$

Correction Fraction numéro 2

$$\frac{(3x+1)(3x+2) - (5x+2)(7x+2)}{(3x+1)(7x+2)}$$

Correction Fraction numéro 3

$$\frac{2((2x+1)(5x+2) - (5x+4)(8x+7))}{(5x+2)(8x+7)}$$

Correction Fraction numéro 4

$$\frac{3 (3x+2) (7x+6) + (7x+5) (7x+8)}{3 (3x+2) (7x+8)}$$

Correction Fraction numéro 5

$$\frac{3(x+3)(3x+2) - (3x+1)(9x+10)}{3(3x+1)(3x+2)}$$

Correction Fraction numéro 6

$$\frac{(3x+10)(10x+1)+(9x+4)(10x+3)}{(3x+10)(9x+4)}$$

Correction Fraction numéro 7

$$\frac{6(3x+1)(5x+1) - (3x+2)(10x+3)}{2(5x+1)(10x+3)}$$

Correction Fraction numéro 8

$$\frac{(x+1)(x+7) + (5x+4)(5x+6)}{(x+1)(5x+6)}$$

$$\frac{10(x+1)(x+5) + (x+4)(7x+9)}{(x+5)(7x+9)}$$

$$\frac{8(x+1)(3x+2) + (7x+1)(9x+4)}{(3x+2)(7x+1)}$$

Correction Fraction numéro 11

$$\frac{9(x+2)}{4(2x+1)}$$

Correction Fraction numéro 12

$$\frac{9(x+1)^2 - 2(4x+5)^2}{9(x+1)(4x+5)}$$

Correction Fraction numéro 13

$$\frac{-5(x+2)(4x+9) + 2(x+3)(4x+7)}{(4x+7)(4x+9)}$$

Correction Fraction numéro 14

$$\frac{3(x+2)(5x+4) - 4(2x+3)(3x+2)}{2(2x+3)(5x+4)}$$

Correction Fraction numéro 15

$$\frac{-(x+8)(9x+10) + (2x+5)(7x+5)}{(7x+5)(9x+10)}$$

Correction Fraction numéro 16

$$\frac{7(x+1)(5x+1) + 2(5x+2)(9x+7)}{7(x+1)(9x+7)}$$

Correction Fraction numéro 17

$$\frac{2 (x + 2) (4 x + 3) + (4 x + 9) (5 x + 8)}{2 (x + 2) (4 x + 9)}$$

Correction Fraction numéro 18

$$\frac{-2(x+4)(5x+8) + (3x+2)(3x+7)}{(3x+7)(5x+8)}$$

Correction Fraction numéro 19

$$\frac{(4x+5)(9x+5)}{(4x+1)(5x+4)}$$

$$\frac{5 (x + 1) (5 x + 2) - 3 (x + 2) (x + 7)}{3 (x + 2) (5 x + 2)}$$

$$\frac{4x-1}{4x+5}$$

Correction Fraction numéro 22

$$\frac{-8(x+1)(3x+5) + (5x+2)(5x+7)}{8(x+1)(5x+2)}$$

Correction Fraction numéro 23

$$\frac{(3x+10)(8x+3)+(6x+1)(7x+10)}{(6x+1)(8x+3)}$$

Correction Fraction numéro 24

$$\frac{(x+5)^2 - 2(3x+4)(5x+2)}{2(x+5)(3x+4)}$$

Correction Fraction numéro 25

$$\frac{3 (5 (x + 1) (3x + 2) + 2 (2x + 3) (4x + 1))}{10 (x + 1) (4x + 1)}$$

Correction Fraction numéro 26

$$\frac{5(2x+1)(4x+5) + (5x+3)(7x+2)}{(4x+5)(7x+2)}$$

Correction Fraction numéro 27

$$\frac{-3(x+3)(10x+1) + (x+9)(3x+2)}{3(x+3)(x+9)}$$

Correction Fraction numéro 28

$$\frac{(x+8)(2x+5) + (10x+7)(10x+9)}{(2x+5)(10x+7)}$$

$$\frac{3(x+2)(5x+4) + (2x+1)(3x+1)}{(3x+1)(5x+4)}$$