

Manipuler les vecteurs du plan (solutions)

Laurent Garnier

12 décembre 2025

Table des matières

I Solutions des exercices du contenu 1	7
1 Solution de l'exercice 1	9
2 Solution de l'exercice 2	13
3 Solution programme 1	15
4 Solution du QCM d'auto-évaluation	17
II Solutions des exercices du contenu 2	19
5 Solution de l'exercice 3	21
6 Solution programme 2	25
7 Solution du QCM d'auto-évaluation	27
III Solutions des exercices du contenu 3	29
8 Solution de l'exercice 4	31
9 Solution programme 3	35

10 Solution du QCM d'auto-évaluation	37
IV Solutions des exercices du contenu 4	39
11 Solution de l'exercice 5	41
12 Solution de l'exercice 5 bis	43
13 Solution de l'exercice 5 ter	47
14 Solution programme 4	51
15 Solution du QCM d'auto-évaluation	59
V Solutions des exercices du contenu 5	61
16 Solution de l'exercice 6	63
17 Solution du programme 5	65
18 Solution du QCM d'auto-évaluation	67
VI Solutions des exercices du contenu 6	69
19 Solution de l'exercice 7	71
20 Solution du programme 6	75
21 Solution du QCM d'auto-évaluation	77
VII Solutions des exercices du contenu 7	79
22 Solution de l'exercice 8	81

23 Solution du programme 7	87
24 Solution du QCM d'auto-évaluation	89
VIII Solutions des exercices de la <i>Ca</i>₁	91
25 Solution de l'exercice 9	93
26 Solution du QCM d'auto-évaluation	97
IX Solutions des exercices de la <i>Ca</i>₂	99
27 Solution de l'exercice 10	101
28 Solution du QCM d'auto-évaluation	105
X Solutions des exercices de la <i>Ca</i>₃	107
29 Solution de l'exercice 11	109
30 Solution du QCM d'auto-évaluation	111
XI Solutions des exercices de la <i>Ca</i>₄	113
31 Solution de l'exercice 12	115
32 Solution du QCM d'auto-évaluation	117
XII Solutions des exercices de la <i>Ca</i>₅	119
33 Solution de l'exercice 13	121

34 Solution du QCM d'auto-évaluation	125
XIII Solutions des exercices de la <i>Ca</i>₆	127
35 Solution de l'exercice 14	129
36 Solution du QCM d'auto-évaluation	135
XIV Solutions pour la <i>Ca</i>₇	137
37 Solution de l'exercice 15	139
38 Solution du programme	143
39 Solution du QCM d'auto-évaluation	147

Première partie

**Solutions des exercices
du contenu 1**

Chapitre 1

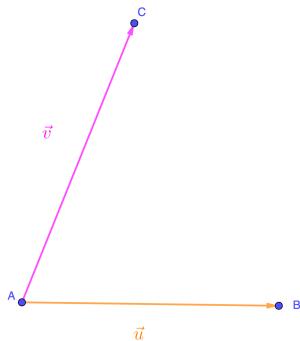
Solution de l'exercice 1

Soient les points A, B, C tels que :

- $\vec{u} = \overrightarrow{AB}$

- $\vec{v} = \overrightarrow{AC}$

Voir la figure :



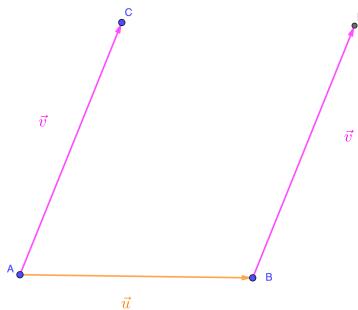
1. L'image du point B par la translation de vecteur

$$\vec{v} = \overrightarrow{AC}$$

est le point D tel que

$$\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{AC}$$

Voir figure :



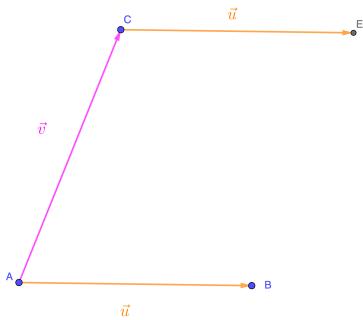
2. L'image du point C par la translation de vecteur

$$\vec{u} = \overrightarrow{AB}$$

est le point E tel que

$$\overrightarrow{CE} = \overrightarrow{AB}$$

Voir figure :



3. On peut en déduire que $D = E$ car :

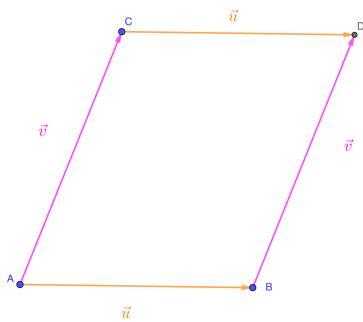
$$\begin{aligned}\overrightarrow{AD} &= \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BD} = \vec{u} + \vec{v} \\ \overrightarrow{AE} &= \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CE} = \vec{v} + \vec{u} \\ \overrightarrow{AD} &= \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \vec{u} + \vec{v} \\ \overrightarrow{AE} &= \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AB} = \vec{v} + \vec{u} \\ \overrightarrow{AD} &= \overrightarrow{AE}\end{aligned}$$

4. $ABDC$ est un parallélogramme car (au choix) :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{AB} &= \overrightarrow{CD} \\ \overrightarrow{AC} &= \overrightarrow{BD}\end{aligned}$$

Une seule égalité suffit.

Voir figure :



Chapitre 2

Solution de l'exercice 2

1. Par construction, le point C est l'image de B par la translation de vecteur

$$\vec{u} = \overrightarrow{AB}$$

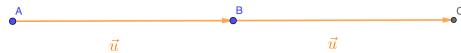
donc

$$\overrightarrow{BC} = \vec{u}$$

Le vecteur \overrightarrow{BC} a pour

- direction : la droite (BC), qui est aussi la droite (AB).
- sens : de B vers C, qui est aussi de A vers B.
- norme : la longueur BC, qui est aussi la longueur AB

Voir figure :



2. Le point B représente le milieu du segment [AC].

3. On a :

$$\vec{u} = \overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{BC} = \vec{u}$$

$$\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$$

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BC} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AC}$$

Chapitre 3

Solution programme 1

```
1 print("Un vecteur a 3 caractéristiques fondamentales :  
2     ")  
3 entries = ["direction", "norme", "sens"]  
4 definitions = [  
5     "la droite qui le porte.",  
6     "la distance entre origine et extrémité.",  
7     "de l'origine vers l'extrémité."  
8 ]  
9 for i in range(len(entries)):  
10     e, d = entries[i], definitions[i]  
11     print(f"{i + 1}) {e.capitalize()} : {d}")
```


Chapitre 4

Solution du QCM d'auto-évaluation

Lorsqu'on parle du vecteur $\overrightarrow{MM'}$ associé à la translation qui transforme M en M'.

1. Quelle est la direction ?
 - a. Toute droite parallèle à l'axe des abscisses.
 - b. Uniquement la droite (MM').
 - c. Toute droite parallèle à l'axe des ordonnées.
 - d. Toute droite parallèle à la droite (MM').

(Bonne réponse)

- (a) Quelle est le sens ?

- a. De O à M.
- b. De M à M'.

(Bonne réponse)

- c. De M' à M.
- d. De M à O.

18 CHAPITRE 4. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

- (b) Quelle est la norme ?
- a. La distance OM.
 - b. La distance OM'.
 - c. La distance MM'.
 - (Bonne réponse)**
 - d. La distance M'M.
 - (Bonne réponse)**

Deuxième partie

Solutions des exercices du contenu 2

Chapitre 5

Solution de l'exercice 3

1. Puisque D est l'image du point C par la translation de vecteur

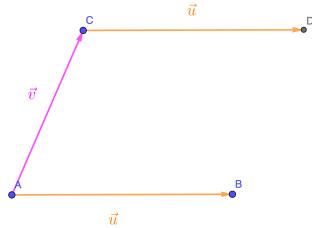
$$\vec{u} = \overrightarrow{AB}$$

alors :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{CD} &= \vec{u} \\ \overrightarrow{AB} &= \overrightarrow{CD}\end{aligned}$$

Donc ABDC est un parallélogramme.

Voir figure :



2. On sait que

$$\overrightarrow{DC} = -\overrightarrow{CD}$$

donc

$$\vec{w} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{DC}$$

$$\vec{w} = \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{CD}$$

$$\vec{w} = \vec{u} - \vec{u}$$

$$\vec{w} = \vec{0}$$

Ainsi on remarque que \vec{w} est le vecteur nul.

3. Puisque E est l'image de D par la translation de vecteur

$$\vec{v} = \overrightarrow{AC}$$

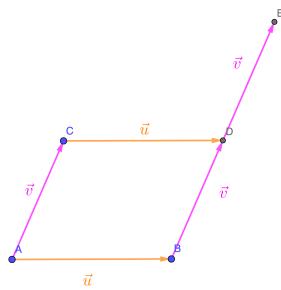
alors

$$\overrightarrow{DE} = \vec{v}$$

donc

$$\begin{aligned}\overrightarrow{BD} + \overrightarrow{ED} &= \overrightarrow{AC} - \overrightarrow{DE} \\ \overrightarrow{BD} + \overrightarrow{ED} &= \vec{v} - \vec{v} \\ \overrightarrow{BD} + \overrightarrow{ED} &= \vec{0}\end{aligned}$$

Voir figure :



Chapitre 6

Solution programme 2

```
1 msg = "Les vecteurs sont-ils égaux ?"
2 rep = "\n(0/N) "
3 msg += rep
4 egal = input(msg)
5 if egal.upper() == "O":
6     msg = "Les vecteurs sont-ils alignés ?"
7     align = input(msg)
8     if align.upper() == "N":
9         print("C'est un parallélogramme.")
10    else:
11        print("C'est le même vecteur.")
12 else:
13     print("Les vecteurs ne sont pas colinéaires.")
```


Chapitre 7

Solution du QCM d'auto-évaluation

1. Deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} sont égaux si :
 - a. Ils ont la même direction.
 - b. Ils ont la même direction et le même sens.
 - c. Ils ont la même direction et la même norme.
 - d. Ils ont la même direction, le même sens et la même norme.

(Bonne réponse)
2. On dit qu'un vecteur est nul si :
 - a. Sa direction est horizontale.
 - b. Sa direction est verticale.
 - c. Il va dans un sens puis dans l'autre.
 - d. Sa norme vaut zéro.

(Bonne réponse)

28 CHAPITRE 7. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

Troisième partie

Solutions des exercices du contenu 3

Chapitre 8

Solution de l'exercice 4

1. D'après la relation de Chasles :

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$$

2. D'après la relation de Chasles :

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BD} = \overrightarrow{AD}$$

Or par construction :

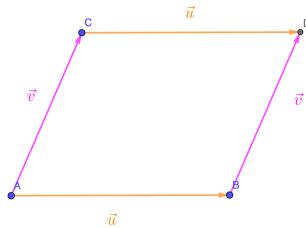
$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$$

Donc

$$\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{AC}$$

Ainsi ABDC est un parallélogramme.

Voir figure :



3. Dans un parallélogramme les diagonales se coupent en leur milieu donc O est le milieu de [AD] et [BC]. Cette information est inutile pour cette question mais elle le sera pour la question suivante.

En utilisant Chasles ou la question précédente (avec la remarque sur le milieu), on peut trouver plusieurs somme permettant d'obtenir le vecteur \overrightarrow{AO} :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{AO} &= \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BO} \\ \overrightarrow{AO} &= \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CO} \\ \overrightarrow{AO} &= \frac{1}{2}(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC})\end{aligned}$$

4. Avant de calculer cette somme vectorielle il faut réarranger l'ordre des vecteurs et utiliser la remarque concernant les milieux. En effet, puisque O est le milieu du segment [AD] alors

$$\overrightarrow{AO} = \overrightarrow{OD}$$

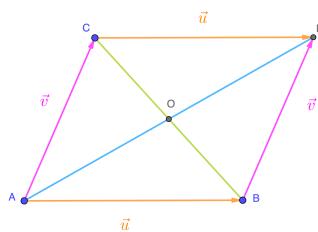
de même puisque O est le milieu du segment [BC] alors

$$\overrightarrow{BO} = \overrightarrow{OC}$$

Par conséquent :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{AO} + \overrightarrow{BO} + \overrightarrow{CO} + \overrightarrow{DO} &= \overrightarrow{AO} + \overrightarrow{DO} + \overrightarrow{BO} + \overrightarrow{CO} \\ \overrightarrow{AO} + \overrightarrow{BO} + \overrightarrow{CO} + \overrightarrow{DO} &= \overrightarrow{AO} - \overrightarrow{OD} + \overrightarrow{BO} - \overrightarrow{OC} \\ \overrightarrow{AO} + \overrightarrow{BO} + \overrightarrow{CO} + \overrightarrow{DO} &= \overrightarrow{AO} - \overrightarrow{AO} + \overrightarrow{BO} - \overrightarrow{BO} \\ \overrightarrow{AO} + \overrightarrow{BO} + \overrightarrow{CO} + \overrightarrow{DO} &= \vec{0}\end{aligned}$$

Voir figure :



Chapitre 9

Solution programme 3

```
1 abc = """
2   C <-- B
3   ^
4   |
5   |
6   |
7   A
8 """
9 somme = "Vecteur(A, B) + Vecteur(B, C)"
10 result = "Vecteur(A, C)"
11 chasles = somme + " = " + result
12 print(chasles)
13 print(abc)
```


Chapitre 10

Solution du QCM d'auto-évaluation

1. Ajouter deux vecteurs revient à :
 - a. enchaîner deux translations successives
(Bonne réponse)
 - b. faire une rotation
 - c. faire une symétrie
 - d. faire une homothétie
2. La relation de Chasles :
 - a. augmente la norme d'un vecteur
 - b. décompose un vecteur en sommes de vecteurs
(Bonne réponse)
 - c. consiste à passer un coup de fil à Michel
 - d. revient à faire une transformation géométrique sur un vecteur

38CHAPITRE 10. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

Quatrième partie

Solutions des exercices du contenu 4

Chapitre 11

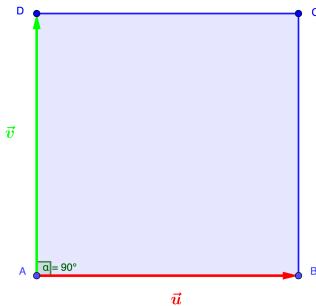
Solution de l'exercice 5

1. Puisque ABCD est un carré alors les droites (AB) et (AD) sont orthogonales et les longueurs AB et AD sont égales. Par conséquent les vecteurs sont associés sont orthogonaux et de même norme. Ainsi

$$(\vec{u}, \vec{v}) = (\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD})$$

est bien une base orthonormée.

Voir figure :



2. Pour déterminer les coordonnées des points dans cette base il faut exprimer les vecteurs partant de l'origine du repère comme combinaisons linéaires des vecteurs de la base. Tout d'abord il faut remarquer que l'origine du repère est le point A car il s'agit de l'origine de chacun des vecteurs de la base.
On obtient ainsi :

$$\overrightarrow{AA} = 0 \times \vec{u} + 0 \times \vec{v} \Rightarrow A(0; 0)$$

$$\overrightarrow{AB} = 1 \times \vec{u} + 0 \times \vec{v} \Rightarrow B(1; 0)$$

$$\overrightarrow{AC} = 1 \times \vec{u} + 1 \times \vec{v} \Rightarrow C(1; 1)$$

$$\overrightarrow{AD} = 0 \times \vec{u} + 1 \times \vec{v} \Rightarrow D(0; 1)$$

3. Calculons la norme du vecteur \overrightarrow{AC} :

$$\overrightarrow{AC} = \sqrt{1^2 + 1^2}$$

$$\overrightarrow{AC} = \sqrt{2}$$

Chapitre 12

Solution de l'exercice 5 bis

On se place dans le plan muni repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

Avec :

$$\vec{i} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \qquad \vec{j} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Calculons les normes des vecteurs suivants :

1.

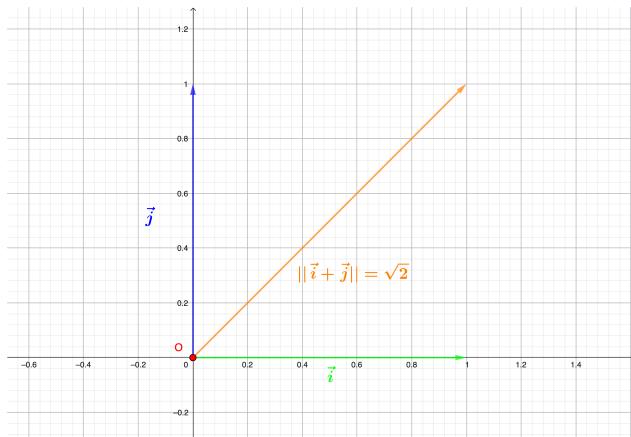
$$n_1 = \|\vec{i} + \vec{j}\|$$

$$n_1 = \left\| \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right\|$$

$$n_1 = \sqrt{1^2 + 1^2}$$

$$\Rightarrow n_1 = \sqrt{2}$$

Voir figure :



2.

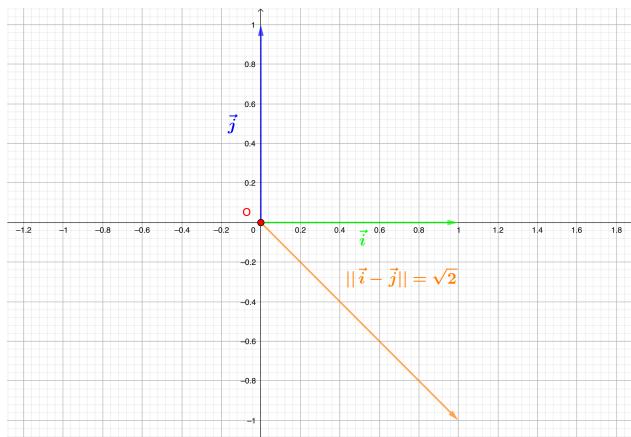
$$n_2 = \|\vec{i} - \vec{j}\|$$

$$n_2 = \left\| \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} \right\|$$

$$n_2 = \sqrt{1^2 + (-1)^2}$$

$$\Rightarrow n_2 = \sqrt{2}$$

Voir figure :



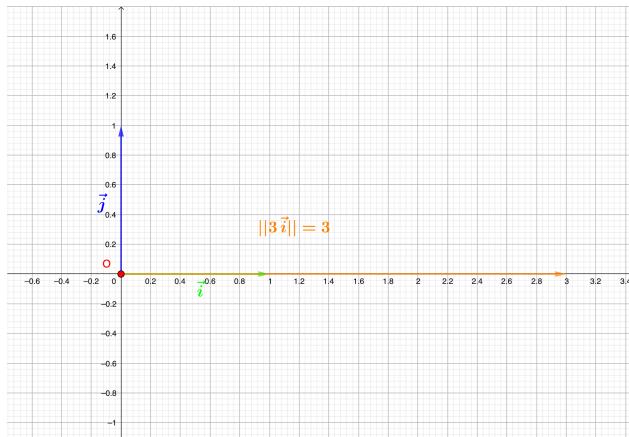
3.

$$n_3 = ||3\vec{i}||$$

$$n_3 = 3||\vec{i}||$$

$$\Rightarrow n_3 = 3$$

Voir figure :



4.

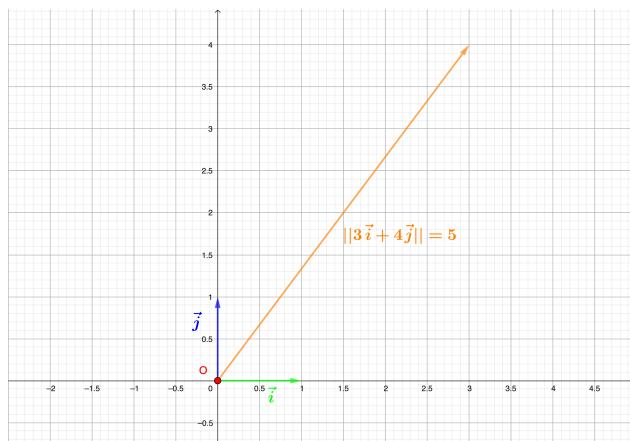
$$n_4 = ||3\vec{i} + 4\vec{j}||$$

$$n_4 = \left\| \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix} \right\|$$

$$n_4 = \sqrt{3^2 + 4^2}$$

$$\Rightarrow n_4 = 5$$

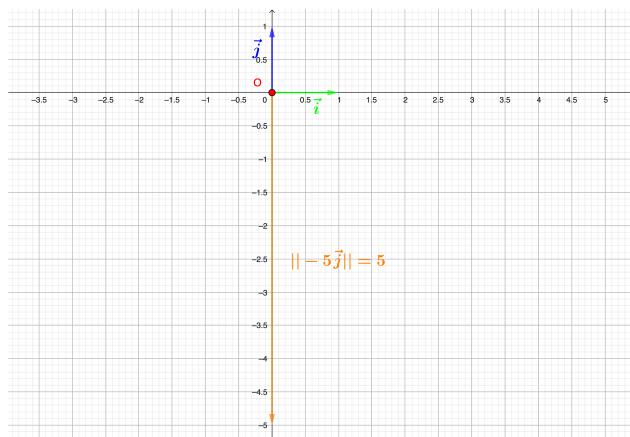
Voir figure :



5.

$$\begin{aligned}
 n_5 &= ||-5\vec{j}|| \\
 n_5 &= |-5||\vec{j}|| \\
 \Rightarrow n_5 &= 5
 \end{aligned}$$

Voir figure :



Chapitre 13

Solution de l'exercice 5 ter

On se place dans le plan muni repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

Avec :

$$\vec{i} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \qquad \vec{j} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Calculons et comparons les normes ajoutées séparément

$$s = \|\vec{u}\| + \|\vec{v}\|$$

avec celles des vecteurs sommes

$$e = \|\vec{u} + \vec{v}\|$$

1.

$$(\vec{u}, \vec{v}) = (\vec{i}, \vec{j})$$

$$\|\vec{u}\| = \|\vec{v}\| = 1$$

$$s = 1 + 1 = 2$$

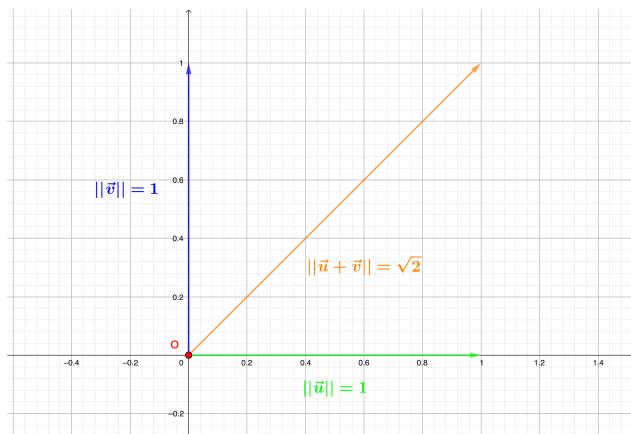
$$e = \|\vec{u} + \vec{v}\|$$

$$e = \left\| \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right\|$$

$$e = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$$

$$\Rightarrow s = 2 > e = \sqrt{2}$$

Voir figure :



2.

$$(\vec{u}, \vec{v}) = (\vec{i} + \vec{j}, \vec{i} - \vec{j})$$

$$\|\vec{u}\| = \|\vec{v}\| = \sqrt{2}$$

$$s = \sqrt{2} + \sqrt{2} = 2\sqrt{2}$$

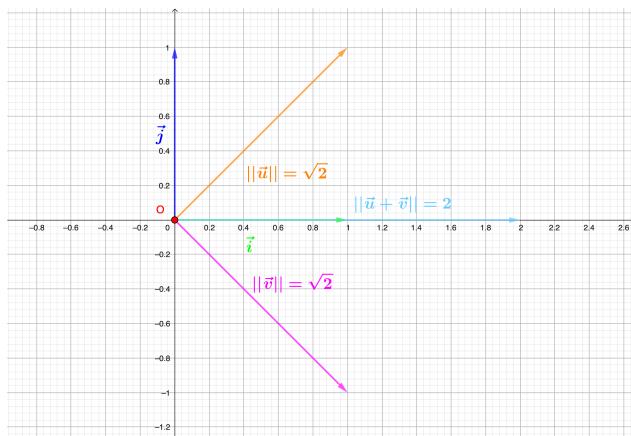
$$e = \|\vec{u} + \vec{v}\|$$

$$e = \|2\vec{i}\| = 2\|\vec{i}\|$$

$$e = 2$$

$$\Rightarrow s = 2\sqrt{2} > e = 2$$

Voir figure :



3.

$$(\vec{u}, \vec{v}) = (a\vec{i} + b\vec{j}, c\vec{i} + d\vec{j})$$

$$\|\vec{u}\| = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$\|\vec{v}\| = \sqrt{c^2 + d^2}$$

$$s = \|\vec{u}\| + \|\vec{v}\| = \sqrt{a^2 + b^2} + \sqrt{c^2 + d^2}$$

$$s^2 = a^2 + b^2 + c^2 + d^2 + 2\sqrt{(a^2 + b^2)(c^2 + d^2)}$$

$$e = \|\vec{u} + \vec{v}\| = \|(a+c)\vec{i} + (b+d)\vec{j}\|$$

$$e = \sqrt{(a+c)^2 + (b+d)^2}$$

$$e^2 = a^2 + b^2 + c^2 + d^2 + 2(ac + bd)$$

$$e^2 = a^2 + b^2 + c^2 + d^2 + 2(ac + bd)$$

$$s^2 - e^2 = 2 \left(\sqrt{(a^2 + b^2)(c^2 + d^2)} - (ac + bd) \right)$$

$$(a^2 + b^2)(c^2 + d^2) = (ac)^2 + (bd)^2 + (ad)^2 + (bc)^2$$

$$(ac + bd)^2 = (ac)^2 + (bd)^2 + 2abcd$$

$$(a^2 + b^2)(c^2 + d^2) - (ac + bd)^2 = (ad)^2 + (bc)^2 - 2abcd$$

$$(a^2 + b^2)(c^2 + d^2) - (ac + bd)^2 = (ad - bc)^2 \geqslant 0$$

$$\Rightarrow s^2 - e^2 \geqslant 0$$

$$\Rightarrow s^2 \geqslant e^2$$

$$\Rightarrow s \geqslant e$$

Chapitre 14

Solution programme 4

```
1 base = """On dit que les vecteurs u et v forment une
2           base s'ils ne sont
3           pas colinéaires.
4 Algébriquement : il n'existe aucun réel k tel que u =
5           kv.
6 Géométriquement : leurs directions sont des droites
7           sécantes.
8 Rapidement : det(u, v) != 0.\n
9 """
10
11 draw_base = """
12   ^
13   /
14   /     (u, v) forme une base
15 x----->
16   u
17 """
18
19 orthonormal = """Ortho vient du grec pour dire droit
20           donc ici qui forme un
```

```
18 angle droit (directions orthogonales). Normal pour
19 norme, ici de même
20 norme.\n
21 """
22 draw_orthonormal_base = """
23     ^
24     |    i et j sont orthogonaux
25     |    ||i|| = ||j|| ont même norme
26     |
27     ^    (i, j) forme une base orthonormée
28     | j
29 -----0->----->
30     i
31 """
32
33 relation = """Si (i, j) est une base orthonormale alors
34     tout vecteur
35 u = a * i + b * j a pour coordonnées (a, b).\n
36 Par exemple le vecteur horizontal v_1 de coordonnées
37     (2, 0) s'écrit :
38 v_1 = 2 * i + 0 * j.\n
39 Par exemple le vecteur vertical v_2 de coordonnées (0,
40     3) s'écrit :
41 v_2 = 0 * i + 3 * j.\n
42 Par exemple le vecteur diagonal v_3 de coordonnées (4,
43     4) s'écrit :
44 v_3 = 4 * i + 4 * j.\n
45 Si le vecteurs v_4 = 2 * v_1 + v_2 alors v_4 = 4 * i +
46     3 * j
47 a pour coordonnées : (4, 3).\n
48 """
49
50 v1 = """
51 ^
```

```
47 |
48 | --> v_1 = 2 * i
49 | -> i
50 |
51 0->----->
52   i
53 """
54
55 v2 = """
56   ^      ^
57   |      |
58   |      ^  |
59   |      |  |
60   ^      j  v_2 = 3 * j
61 j |
62 0----->
63
64 """
65
66
67
68 v3 = """
69   ^ v_3 = 4 * i + 4 * j
70   |
71   8      ^ (7, 8)
72   | v_3 /|
73   6      / | 4 * j
74   |      /  |
75 4--x--> (7, 4)
76   | 4i  |
77   2  |  |
78   |  |  |
79 0--3---7---->
80 """
```

```
81
82 v4 = """
83     ^      v_4 = 4 * i + 3 * j
84     |
85     ^    /-
86     |   /  |
87     |   | v_2 = 3 * j
88     ^ /  ^
89 j | /  |
90 0->--->----->
91      i
92      2 * v_1 = 4 * i
93 """
94
95 vectors = [v1, v2, v3, v4]
96
97 norme = """Un vecteur u = a * i + b * j de coordonnées
98 (a, b) a pour norme
99 ||u|| = sqrt{a^2 + b^2} = (a^2 + b^2) ** 0.5\n
100 ou dit autrement ||u||^2 = a^2 + b^2\n
101 Par exemple le vecteur horizontal v_1 de coordonnées
102 (2, 0) a pour norme :
103 ||v_1|| = sqrt{2^2 + 0^2} = sqrt{2^2} = 2.\n
104 Par exemple le vecteur vertical v_2 de coordonnées (0,
105 3) a pour norme :
106 ||v_2|| = sqrt{0^2 + 3^2} = sqrt{3^2} = 3.\n
107 Par exemple le vecteur diagonal v_3 de coordonnées (5,
108 5) a pour norme :
109 ||v_3|| = sqrt{5^2 + 5^2} = sqrt{2 * 5^2} = 5 *
110             sqrt{2}.\n
111 Si le vecteur v_4 = 2 * v_1 + v_2 alors v_4 = 4 * i + 3
112             * j a pour norme :
113 ||v_4|| = sqrt{4^2 + 3^2} = sqrt{16 + 9} = sqrt{25} =
114             sqrt{5^2} = 5.\n
115 """
116
```

```
109
110
111 menu = """
112 MENU
113 1) Définition d'une base orthornormée.
114 2) Relation vectorielle entre coordonnées et vecteurs
115     de la base.
116 3) Formule de calcul de la norme.
117 0) Quitter.
118 """
119 titles = [
120     "1) Définition d'une base orthonormée",
121     "2) Relation vectorielle coordonnées base",
122     "3) Norme d'un vecteur"
123 ]
124 underlines = ["-" * len(t) for t in titles]
125 continuer = True
126 while continuer:
127     choix = int(input(menu + "\nVotre choix : "))
128     if choix == 1:
129         print()
130         title1 = titles[choix - 1]
131         underline1 = underlines[choix - 1]
132         print(title1)
133         print(underline1)
134         print()
135         print("Une base orthonormée est une base de")
136         print("vecteurs orthonormaux.")
137         print("base :", base)
138         draw = int(input("Taper 1 afficher le"))
139         print(draw_base)
140         print("orthonormal :", orthonormal)
141         draw = int(input("Taper 1 afficher le"))
142         print(draw_base)
```

```
140         print(draw_orthonormal_base)
141
142
143     elif choix == 2:
144         print()
145         title2 = titles[choix - 1]
146         underline2 = underlines[choix - 1]
147         print(title2)
148         print(underline2)
149         print()
150         print(relation)
151
152     for i in range(len(vectors)):
153         msg = f"Taper {i + 1} pour afficher le"
154         vecteur v_{i + 1} : "
155         dessin = int(input(msg))
156         if dessin == i + 1:
157             print(vectors[i])
158
159     elif choix == 3:
160         print()
161         title3 = titles[choix - 1]
162         underline3 = underlines[choix - 1]
163         print(title3)
164         print(underline3)
165         print()
166         print(norme)
167
168     def ask_coord(axe, c):
169         msg = " du vecteur dont vous voulez"
170         calculer la norme "
171         msg = f"{axe} {msg} {c} = "
172         return msg
173
174     x = float(input(ask_coord("Abscisse", "x")))
```

```
173     y = float(input(ask_coord("ordonnée", "y")))
174     n = (x ** 2 + y ** 2) ** 0.5
175     print(f"Norme à 2 décimales près n = {n:.2f}")
176
177     elif choix == 0:
178         continuer = False
179
```


Chapitre 15

Solution du QCM d'auto-évaluation

1. Une base orthonormée du plan est :
 - a. une station de lancement de fusée
 - b. un couple de vecteurs ayant des directions distinctes
 - c. un couple de vecteurs ayant des directions orthogonales et la même norme
(Bonne réponse)
 - d. un couple de vecteurs ayant la même direction et la même norme
2. Quelles sont les coordonnées d'un vecteur \vec{u} dans une base orthonormée (\vec{i}, \vec{j}) ?
 - a. Le couple de nombres $(a; b)$ tel que $\vec{u} = a\vec{i} + b\vec{j}$.
(Bonne réponse)
 - b. Les coordonnées du point M obtenu par la translation de vecteur \vec{u} à partir du point O.

60CHAPITRE 15. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

- c. La somme de celles des vecteurs \vec{i} et \vec{j} .
 - d. Les coefficients de toute combinaison linéaire des vecteurs de la base.
3. Considérons le vecteur $\vec{u} = a\vec{i} + b\vec{j}$ alors l'expression de sa norme est :
- a. $||\vec{u}|| = a + b$
 - b. $||\vec{u}|| = a^2 - b^2$
 - c. $||\vec{u}|| = a^2 + b^2$
 - d. $||\vec{u}|| = \sqrt{a^2 + b^2}$

(Bonne réponse)

Cinquième partie

Solutions des exercices

du contenu 5

Chapitre 16

Solution de l'exercice 6

1. Les coordonnées du vecteur \overrightarrow{OA} sont les mêmes que celles du point A d'où la relation :

$$\overrightarrow{OA} = x_A \vec{i} + y_A \vec{j}$$

2. Les coordonnées du vecteur \overrightarrow{OB} sont les mêmes que celles du point B d'où la relation :

$$\overrightarrow{OB} = x_B \vec{i} + y_B \vec{j}$$

3. Utilisons la relation de Chasles :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{AB} &= \overrightarrow{AO} + \overrightarrow{OB} \\ \overrightarrow{AB} &= \overrightarrow{OB} - \overrightarrow{OA}\end{aligned}$$

4. On rassemble les résultats obtenus aux questions précédentes :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{AB} &= \overrightarrow{OB} - \overrightarrow{OA} \\ \overrightarrow{AB} &= x_B \vec{i} + y_B \vec{j} - (x_A \vec{i} + y_A \vec{j}) \\ \overrightarrow{AB} &= (x_B - x_A) \vec{i} + (y_B - y_A) \vec{j}\end{aligned}$$

5. Ainsi on obtient :

$$\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} x_B - x_A \\ y_B - y_A \end{pmatrix}$$

Chapitre 17

Solution du programme 5

```
1 print("Coordonnées du vecteur AB")
2 print("x_{AB} = x_B - x_A")
3 print("y_{AB} = y_B - y_A")
4 x_A = float(input("x_A = "))
5 y_A = float(input("y_A = "))
6 x_B = float(input("x_B = "))
7 y_B = float(input("y_B = "))
8 x_AB = x_B - x_A
9 y_AB = y_B - y_A
10 print(f"x_AB = {x_AB:.2f}")
11 print(f"y_AB = {y_AB:.2f}")
```


Chapitre 18

Solution du QCM d'auto-évaluation

On considère le vecteur \overrightarrow{AB} dans le plan muni du repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1. En utilisant Chasles on peut écrire :

- a. $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB}$
- b. $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{OA} - \overrightarrow{OB}$
- c. $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AO} + \overrightarrow{BO}$
- d. $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AO} + \overrightarrow{OB}$

(Bonne réponse)

2. En utilisant les coordonnées des points A et B on a :

- a. $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} x_A + x_B \\ y_A + y_B \end{pmatrix}$
- b. $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} x_A - x_B \\ y_A - y_B \end{pmatrix}$

68CHAPITRE 18. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

- c. $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} x_B - x_A \\ y_B - y_A \end{pmatrix}$
(Bonne réponse)
- d. $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} x_A \times x_B \\ y_A \times y_B \end{pmatrix}$

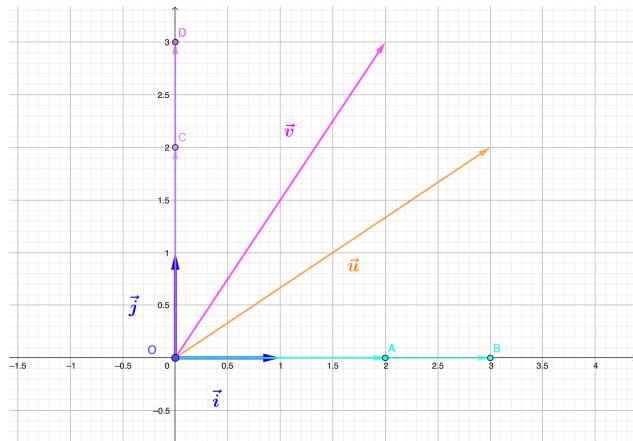
Sixième partie

Solutions des exercices du contenu 6

Chapitre 19

Solution de l'exercice 7

1. Voir figure :



2. On peut voir sur la figure que les points A et B sont sur l'axe des abscisses donc les vecteurs \overrightarrow{OA} et \overrightarrow{OB} sont colinéaires.
Concrètement :

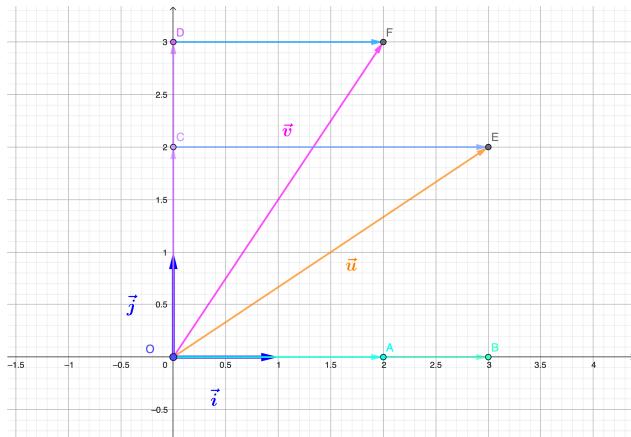
$$\overrightarrow{OB} = \frac{3}{2}\overrightarrow{OA}$$

3. De même on peut voir sur la figure que les points C et D sont sur l'axe des ordonnées donc les vecteurs \overrightarrow{OC} et \overrightarrow{OD}

sont colinéaires. Concrètement :

$$\overrightarrow{OD} = \frac{3}{2} \overrightarrow{OC}$$

4. Voir figure :



5. D'une part on a :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{DF} &= \overrightarrow{DO} + \overrightarrow{OF} \\ \overrightarrow{DF} &= \vec{v} - 3\vec{j} \\ \overrightarrow{DF} &= 2\vec{i} + 3\vec{j} - 3\vec{j} \\ \overrightarrow{DF} &= 2\vec{i}\end{aligned}$$

D'autre part on a :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{CE} &= \overrightarrow{CO} + \overrightarrow{OE} \\ \overrightarrow{CE} &= \vec{u} - 2\vec{j} \\ \overrightarrow{CE} &= 3\vec{i} + 2\vec{j} - 2\vec{j} \\ \overrightarrow{CE} &= 3\vec{i}\end{aligned}$$

Ainsi :

$$\overrightarrow{CE} = \frac{3}{2} \overrightarrow{DF}$$

Chapitre 20

Solution du programme 6

```
1 x_u = float(input("Abscisse du 1er vecteur = "))
2 y_u = float(input("Ordonnée du 1er vecteur = "))
3 x_v = float(input("Abscisse du 2e vecteur = "))
4 y_v = float(input("Ordonnée du 2e vecteur = "))
5 d = x_u * y_v - x_v * y_u
6 if d == 0:
7     print("Les vecteurs sont colinéaires.")
8     k = x_v / x_u
9     print(f"Vecteur 2 = {k} * Vecteur 1")
10 else:
11     print("Les vecteurs ne sont pas colinéaires.")
12     print("Ils forment donc une base.")
```


Chapitre 21

Solution du QCM d'auto-évaluation

1. Si on multiplie un vecteur par un nombre réel supérieur à 1 alors :
 - a. Le vecteur change de direction.
 - b. Le vecteur augmente sa norme.
(Bonne réponse)
 - c. Le vecteur change de sens.
 - d. Le vecteur reste identique.

2. Si on multiplie un vecteur par un nombre réel inférieur à -1 alors :
 - a. Le vecteur change de direction.
 - b. Le vecteur augmente sa norme.
(Bonne réponse)
 - c. Le vecteur change de sens.
(Bonne réponse)

78CHAPITRE 21. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

- d. Le vecteur reste identique.
3. Si on multiplie un vecteur par un nombre réel supérieur à -1 et inférieur à 1 alors :
- Le vecteur change de direction.
 - Le vecteur diminue sa norme.
 - (Bonne réponse)**
 - Le vecteur change de sens.
 - Le vecteur reste identique.
4. Si on multiplie un vecteur par un nombre réel alors :
- Le vecteur obtenu n'est pas colinéaire au vecteur initial.
 - Le vecteur obtenu est colinéaire au vecteur initial.
- (Bonne réponse)**

Septième partie

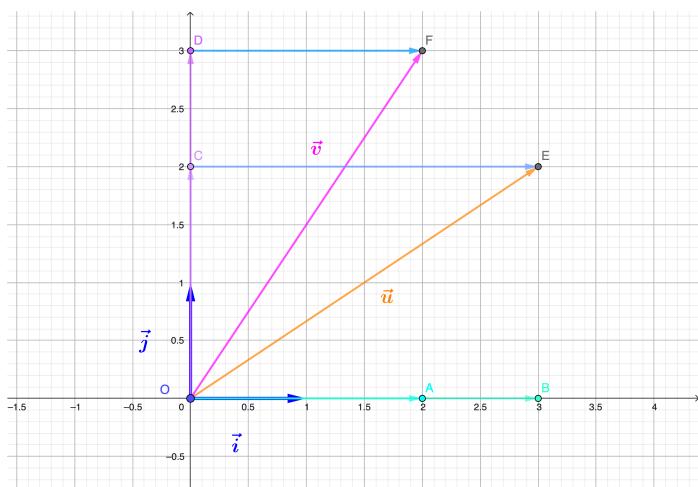
Solutions des exercices du contenu 7

Chapitre 22

Solution de l'exercice 8

On reprend la configuration finale de l'exercice 7.

Voir figure :



1. Calculs de déterminants :

$$d_1 = \det(\vec{i}, \vec{j}) = \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{vmatrix} = 1 \times 1 - 0 \times 0 = 1$$

$$d_2 = \det(\vec{u}, \vec{v}) = \begin{vmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 3 \end{vmatrix} = 3 \times 3 - 2 \times 2 = 5$$

$$d_3 = \det(\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB}) = \begin{vmatrix} 2 & 3 \\ 0 & 0 \end{vmatrix} = 2 \times 0 - 0 \times 3 = 0$$

$$d_4 = \det(\overrightarrow{OC}, \overrightarrow{OD}) = \begin{vmatrix} 0 & 0 \\ 2 & 3 \end{vmatrix} = 0 \times 3 - 2 \times 0 = 0$$

$$d_5 = \det(\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OC}) = \begin{vmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{vmatrix} = 2 \times 2 - 0 \times 0 = 4$$

$$d_6 = \det(\overrightarrow{OB}, \overrightarrow{OD}) = \begin{vmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 3 \end{vmatrix} = 3 \times 3 - 0 \times 0 = 9$$

2. En utilisant le déterminant montrons que les vecteurs \overrightarrow{DF} et \overrightarrow{CE} sont colinéaires :

$$\det(\overrightarrow{DF}, \overrightarrow{CE}) = \begin{vmatrix} 2 & 3 \\ 0 & 0 \end{vmatrix}$$

$$\det(\overrightarrow{DF}, \overrightarrow{CE}) = 2 \times 0 - 0 \times 3$$

$$\det(\overrightarrow{DF}, \overrightarrow{CE}) = 0$$

Or $||\overrightarrow{DF}|| = 2$ et $||\overrightarrow{CE}|| = 3$.

On en déduit que le quadrilatère DCEF est un trapèze.

3. Faisons de même pour \overrightarrow{AF} et \overrightarrow{BE} et le quadrilatère ABEF.

$$\begin{aligned} \det(\overrightarrow{AF}, \overrightarrow{BE}) &= \begin{vmatrix} 0 & 0 \\ 3 & 2 \end{vmatrix} \\ \det(\overrightarrow{AF}, \overrightarrow{BE}) &= 0 \times 2 - 3 \times 0 \\ \det(\overrightarrow{AF}, \overrightarrow{BE}) &= 0 \end{aligned}$$

Or $\|\overrightarrow{AF}\| = 3$ et $\|\overrightarrow{BE}\| = 2$.

On en déduit que le quadrilatère ABFE est un trapèze.

4. Calculons les normes des vecteurs \overrightarrow{IF} et \overrightarrow{JE} :

$$\begin{aligned} \|\overrightarrow{IF}\| &= \sqrt{(x_F - x_I)^2 + (y_F - y_I)^2} \\ \|\overrightarrow{IF}\| &= \sqrt{(2 - 1)^2 + (3 - 0)^2} \\ \|\overrightarrow{IF}\| &= \sqrt{10} \\ \|\overrightarrow{JE}\| &= \sqrt{(x_E - x_J)^2 + (y_E - y_J)^2} \\ \|\overrightarrow{JE}\| &= \sqrt{(3 - 0)^2 + (2 - 1)^2} \\ \|\overrightarrow{JE}\| &= \sqrt{10} \end{aligned}$$

5. Comparons les vecteurs \overrightarrow{IJ} et \overrightarrow{EF} .

$$\begin{aligned} \overrightarrow{IJ} &= \overrightarrow{IO} + \overrightarrow{OJ} \\ \overrightarrow{IJ} &= \vec{j} - \vec{i} \\ \overrightarrow{EF} &= \overrightarrow{EO} + \overrightarrow{OF} \\ \overrightarrow{EF} &= \vec{v} - \vec{u} \\ \overrightarrow{EF} &= 2\vec{i} + 3\vec{j} - (3\vec{i} + 2\vec{j}) \\ \overrightarrow{EF} &= \vec{j} - \vec{i} \end{aligned}$$

Ainsi

$$\overrightarrow{IJ} = \overrightarrow{EF}$$

Le quadrilatère IEFJ est donc un parallélogramme. Or d'après la question précédente ses diagonales [IF] et [JE] sont égales. Par conséquent IEFJ est un rectangle.

- Puisque G l'intersection des segments [IF] et [JE] et que ce sont les diagonales d'un rectangle alors G est leur milieu. Déterminons ses coordonnées :

$$G \left(\begin{pmatrix} \frac{x_I+x_F}{2} \\ \frac{y_I+y_F}{2} \end{pmatrix} \right)$$

$$G \left(\begin{pmatrix} \frac{3}{2} \\ \frac{3}{2} \end{pmatrix} \right)$$

Le point H est tel que $\overrightarrow{OG} = \overrightarrow{GH}$ alors en appliquant la relation de Chasles :

$$\overrightarrow{OH} = 2\overrightarrow{OG}$$

Ainsi on obtient les coordonnées de H en doublant celles de G, H(3 ; 3). Étudions la nature du quadrilatère OBHD :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{OH} &= 3\vec{i} + 3\vec{j} \\ \overrightarrow{OB} &= 3\vec{i} \\ \overrightarrow{OD} &= 3\vec{j} \\ \overrightarrow{OH} &= \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OD}\end{aligned}$$

On vient de prouver que OBHD est un carré. Pourquoi ? Parce que \overrightarrow{OH} est la somme de deux vecteurs orthogonaux de même norme.

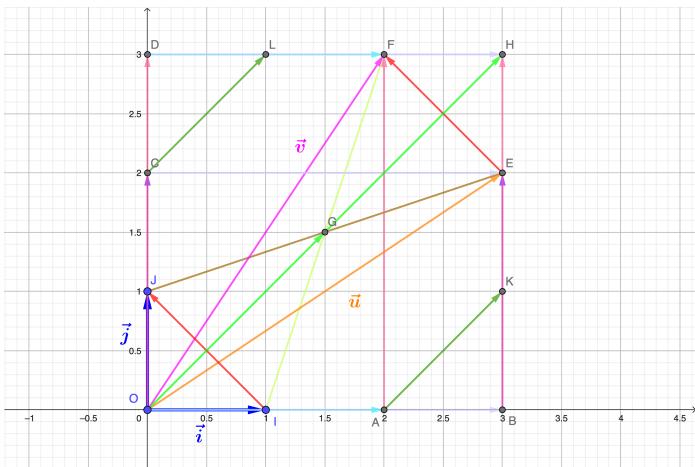
- Le triangle OFE est isocèle en O car les vecteurs \vec{u} et \vec{v} ont

même norme :

$$\|\vec{u}\| = \sqrt{3^2 + 2^2} = \sqrt{13}$$

$$\|\vec{v}\| = \sqrt{3^2 + 2^2} = \sqrt{13}$$

8. D'après la question 6 on sait que OBHD est un carré et que G est le milieu de la diagonale OH. Par conséquent G est aussi le milieu de la diagonale BD. Ainsi l'image de G par la translation de vecteur \overrightarrow{BG} est D.
9. Le point K tel que $\overrightarrow{BK} = \vec{j}$ a pour coordonnées K(3 ; 1).
10. Le point L tel que $\overrightarrow{DL} = \vec{i}$ a pour coordonnées L(1 ; 3).



Chapitre 23

Solution du programme 7

```
1 def abc_aligned():
2     points = []
3
4     for i in range(3):
5         x = float(input(f"Abscisse du {i + 1}e point = "))
6         y = float(input(f"Ordonnée du {i + 1}e point = "))
7         points.append((x, y))
8
9     x_p1p2 = points[1][0] - points[0][0]
10    y_p1p2 = points[1][1] - points[0][1]
11    x_p1p3 = points[2][0] - points[0][0]
12    y_p1p3 = points[2][1] - points[0][1]
13
14    det = x_p1p2 * y_p1p3 - x_p1p3 * y_p1p2
15
16    if det == 0:
17        return True
18    else:
19        return False
20
21
```

```
22 # Test
23 if abc_aligned():
24     print("Les points sont alignés.")
25 else:
26     print("Les points ne sont pas alignés.")
27
```

Chapitre 24

Solution du QCM d'auto-évaluation

1. Considérons les vecteurs

$$\vec{u}_1 \begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \end{pmatrix}$$

et

$$\vec{u}_2 \begin{pmatrix} x_2 \\ y_2 \end{pmatrix}$$

alors :

a.

$$\det(\vec{u}_1, \vec{u}_2) = \begin{vmatrix} x_1 & x_2 \\ y_1 & y_2 \end{vmatrix} = x_1x_2 + y_1y_2$$

b.

$$\det(\vec{u}_1, \vec{u}_2) = \begin{vmatrix} x_1 & x_2 \\ y_1 & y_2 \end{vmatrix} = x_1x_2 - y_1y_2$$

90CHAPITRE 24. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

c.

$$\det(\vec{u}_1, \vec{u}_2) = \begin{vmatrix} x_1 & x_2 \\ y_1 & y_2 \end{vmatrix} = x_1y_2 + y_1x_2$$

d.

$$\det(\vec{u}_1, \vec{u}_2) = \begin{vmatrix} x_1 & x_2 \\ y_1 & y_2 \end{vmatrix} = x_1y_2 - y_1x_2$$

(Bonne réponse)

2. Considérons les mêmes vecteurs que précédemment.

On dira que \vec{u}_1 et \vec{u}_2 sont colinéaires si :

a. $\det(\vec{u}_1, \vec{u}_2) = 1$

b. $\det(\vec{u}_1, \vec{u}_2) = 0$

(Bonne réponse)

c. il existe un réel k tel que $x_1 = kx_2$ et $y_1 = ky_2$

(Bonne réponse)

d. $\frac{x_1}{x_2} = \frac{y_1}{y_2}$

(Bonne réponse)

Huitième partie

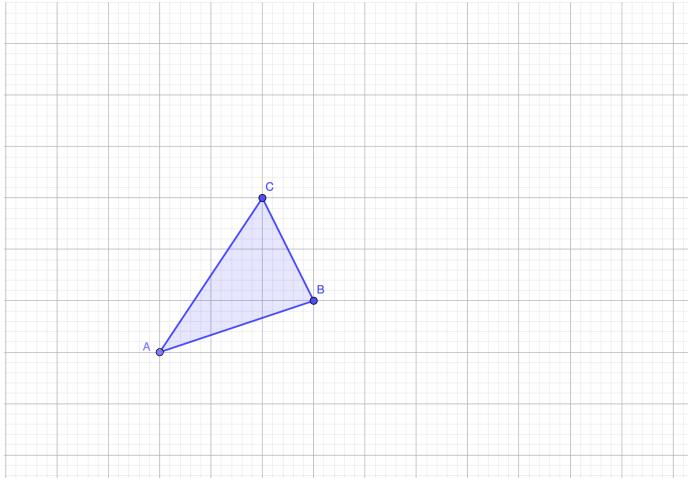
Solutions des exercices de

la Ca_1

Chapitre 25

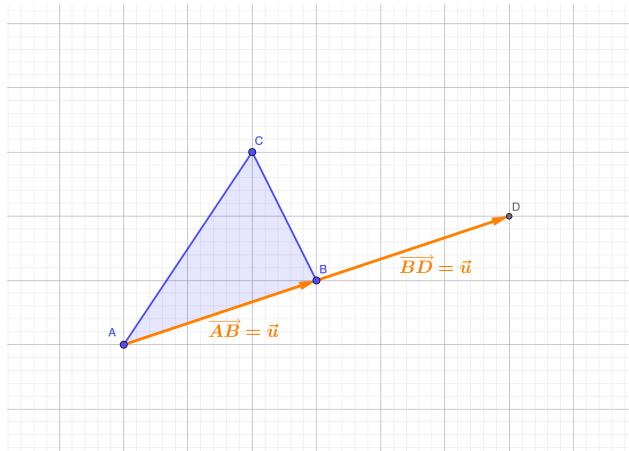
Solution de l'exercice 9

On considère le triangle ABC représenté sur la figure avec le quadrillage :



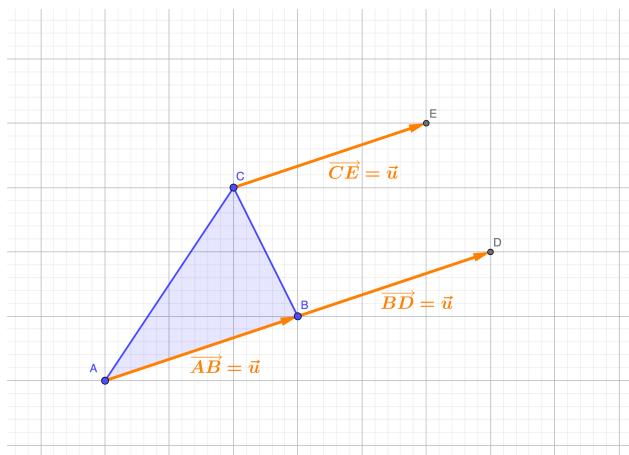
1. Pour construire le point D tel que $\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{AB}$ il faut d'abord comprendre que D est le symétrique de A par rapport à B. Ou, dit autrement, B est le milieu de [AD].

Voir figure :



2. Pour construire le point E tel que $\overrightarrow{CE} = \overrightarrow{AB}$ il faut bien comprendre que l'on complète le triangle pour obtenir un parallélogramme.

Voir figure :

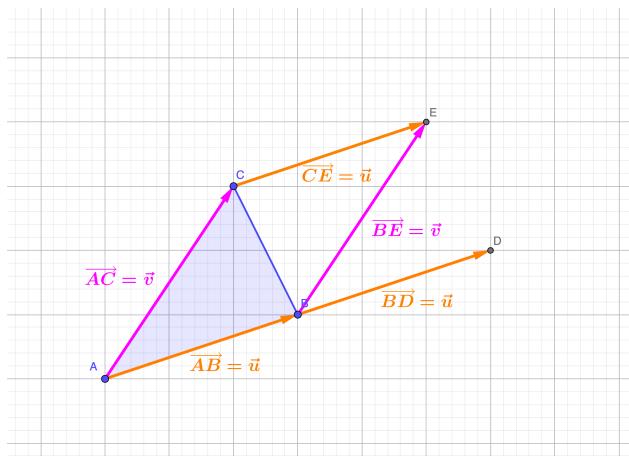


3. Utilisons la rélation de Chasles pour décomposer le vecteur

\overrightarrow{BE} :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{BE} &= \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CE} \\ \overrightarrow{BE} &= \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AB} \\ \overrightarrow{BE} &= \overrightarrow{AC}\end{aligned}$$

Voir figure :



Chapitre 26

Solution du QCM d'auto-évaluation

1. Un vecteur est caractérisé par :
 - a. Sa longueur uniquement
 - b. Sa direction et son sens uniquement
 - c. Sa direction, son sens et sa norme
(Bonne réponse)
 - d. Son origine et son extrémité
2. Les vecteurs \vec{AB} et \vec{CD} sont égaux si :
 - a. A = C et B = D
(Bonne réponse)
 - b. ABDC est un parallélogramme
(Bonne réponse)
 - c. AB = CD (distances égales)
 - d. Les segments [AB] et [CD] sont parallèles

98CHAPITRE 26. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

Neuvième partie

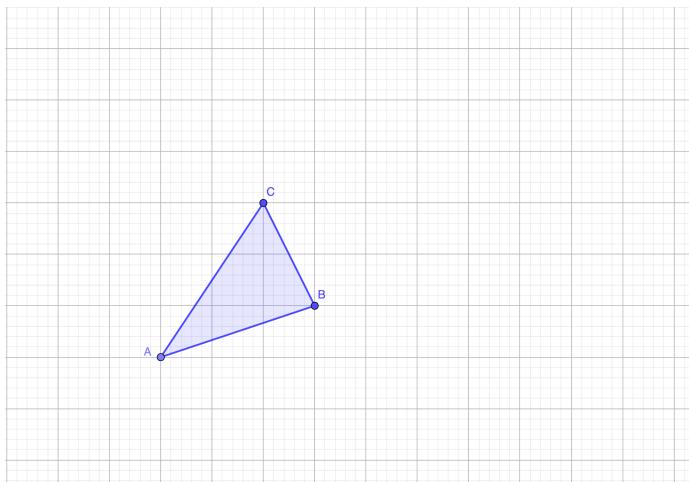
Solutions des exercices de

la Ca_2

Chapitre 27

Solution de l'exercice 10

On considère la configuration initiale de l'exercice 9 voir figure :

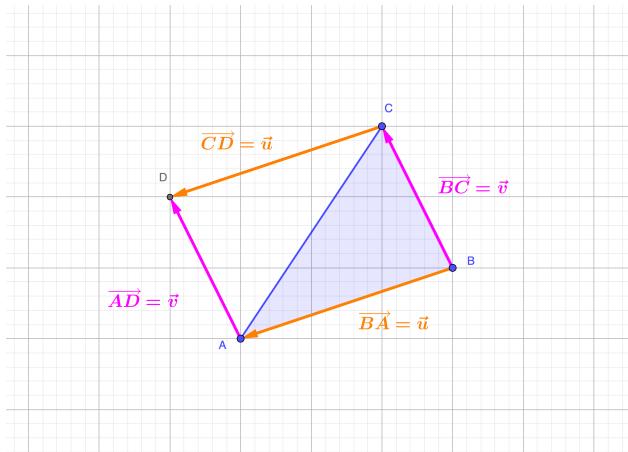


1. Pour construire le point D tel que $\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BA}$ il faut reporter le vecteur \overrightarrow{BA} à partir du point C.
2. On en déduit que le quadrilatère ABCD est un parallélo-

gramme. En effet :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{BD} &= \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BA} \\ \overrightarrow{BD} &= \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CD} \\ &\Rightarrow \overrightarrow{BA} = \overrightarrow{CD} \\ \overrightarrow{BD} &= \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BA} \\ \overrightarrow{BD} &= \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AD} \\ &\Rightarrow \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AD}\end{aligned}$$

Voir figure :

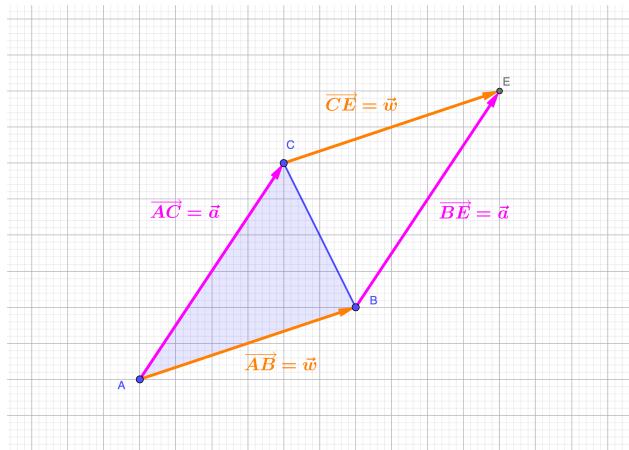


- Construisons le point E tel que $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$ de façon similaire à la question 1.
 - On en déduit que le quadrilatère ABEC est un parallélo-

gramme de façon similaire à la question 2. En effet :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{AE} &= \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} \\ \overrightarrow{AE} &= \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BE} \\ \Rightarrow \overrightarrow{AC} &= \overrightarrow{BE} \\ \overrightarrow{AE} &= \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CE} \\ \Rightarrow \overrightarrow{AB} &= \overrightarrow{CE}\end{aligned}$$

Voir figure :



Chapitre 28

Solution du QCM d'auto-évaluation

Considérons deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} .

1. Pour construire géométriquement la somme il faut :
 - a. partir de l'origine du vecteur \vec{u} puis, arrivé à son extrémité appliquer le vecteur \vec{v}
(Bonne réponse)
 - b. partir de l'origine du vecteur \vec{v} puis, arrivé à son extrémité appliquer le vecteur \vec{u}
(Bonne réponse)
 - c. les deux propositions précédentes aboutissent au même résultat
(Bonne réponse)
2. Si \vec{u} et \vec{v} ne sont pas colinéaires alors $\vec{w} = \vec{u} + \vec{v}$:
 - a. est un vecteur ayant même direction que \vec{u} et \vec{v}

106HAPITRE 28. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

- b. représente la diagonale du parallélogramme obtenu
en faisant partir \vec{u} et \vec{v} de la même origine
(Bonne réponse)

Dixième partie

Solutions des exercices de

la Ca_3

Chapitre 29

Solution de l'exercice 11

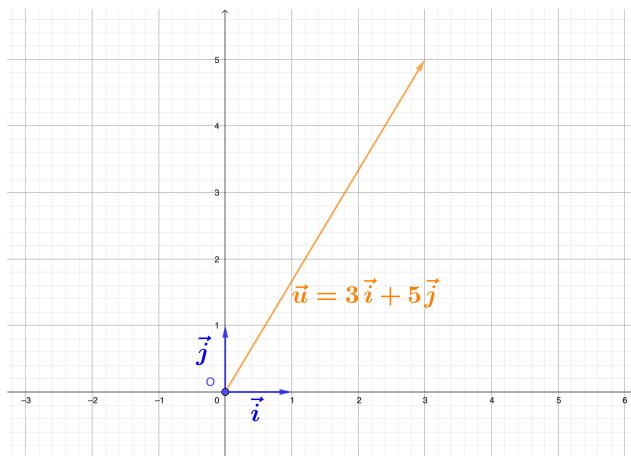
On se place dans le plan muni repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

Avec :

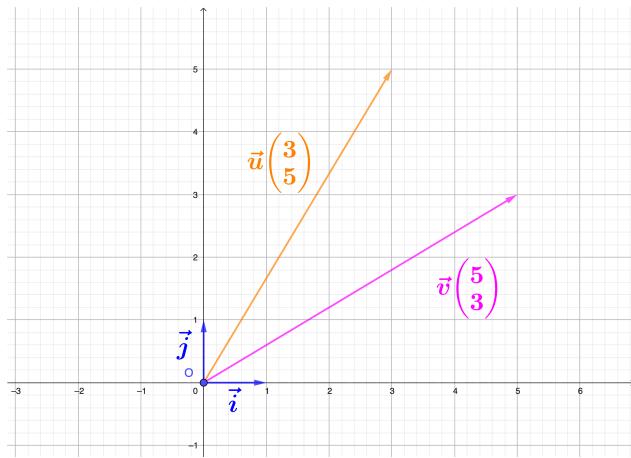
$$\vec{i} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \qquad \vec{j} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

1. Représenter le vecteur $\vec{u} \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \end{pmatrix}$.

Voir figure :



2. Lire les coordonnées du vecteur \vec{v} sur la figure :



On peut voir sur la figure que :

$$\vec{v} = 5\vec{i} + 3\vec{j}$$

Ainsi les coordonnées du vecteur \vec{v} sont :

$$\vec{v} \begin{pmatrix} 5 \\ 3 \end{pmatrix}$$

Chapitre 30

Solution du QCM d'auto-évaluation

Considérons le vecteur $\vec{u} \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$. Alors :

1. Pour le représenter dans le repère $(O; \vec{i}, \vec{j})$:
 - a. on se place au point M de coordonnées (a; b) et on trace le vecteur en se déplaçant de a unités sur l'axe horizontal et b unités sur l'axe vertical.
 - b. partant de l'origine du repère on se déplace de a unités sur l'axe horizontal et b unités sur l'axe vertical.
(Bonne réponse)
2. Pour lire les coordonnées d'un vecteur \vec{v} :
 - a. on se place à son origine et on reporte les coordonnées du point
 - b. on trace un représentant du vecteur en partant de l'origine du repère et on lit les coordonnées de son extrémité

11^eCHAPITRE 30. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

(Bonne réponse)

Onzième partie

Solutions des exercices de

la Ca_4

Chapitre 31

Solution de l'exercice 12

On se place dans le plan muni repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

Avec :

$$\vec{i} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \qquad \vec{j} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Calculons les coordonnées des vecteurs :

$$\vec{s} = \vec{i} + \vec{j} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\vec{d} = \vec{i} - \vec{j} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix}$$

$$\vec{p} = 3\vec{d} = \begin{pmatrix} 3 \\ -3 \end{pmatrix}$$

$$\vec{c} = 2\vec{s} - 5\vec{d} = \begin{pmatrix} -3 \\ 7 \end{pmatrix}$$

Chapitre 32

Solution du QCM d'auto-évaluation

1. Soient

$$\vec{u}_1 \begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \end{pmatrix}$$

et

$$\vec{u}_2 \begin{pmatrix} x_2 \\ y_2 \end{pmatrix}$$

deux vecteurs alors

$$\vec{u}_3 = \vec{u}_1 + \vec{u}_2$$

a pour coordonnées :

a. $\vec{u}_3 \begin{pmatrix} x_1x_2 \\ y_1y_2 \end{pmatrix}$

b. $\vec{u}_3 \begin{pmatrix} x_1 - x_2 \\ y_1 - y_2 \end{pmatrix}$

116HAPITRE 32. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

c. $\vec{u}_3 \begin{pmatrix} x_1 + x_2 \\ y_1 + y_2 \end{pmatrix}$

(Bonne réponse)

d. $\vec{u}_3 \begin{pmatrix} \frac{x_1}{x_2} \\ \frac{y_1}{y_2} \end{pmatrix}$

2. Soient un vecteur $\vec{u} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ et un réel k alors $\vec{v} = ku$ vérifie :

a. $\vec{v} \begin{pmatrix} kx \\ y \end{pmatrix}$

b. $\vec{v} \begin{pmatrix} x \\ ky \end{pmatrix}$

c. $\vec{v} \begin{pmatrix} kx \\ y \end{pmatrix}$

(Bonne réponse)

d. $\vec{v} \begin{pmatrix} \frac{1}{k}x \\ \frac{1}{k}y \end{pmatrix}$

Douzième partie

Solutions des exercices de

la Ca_5

Chapitre 33

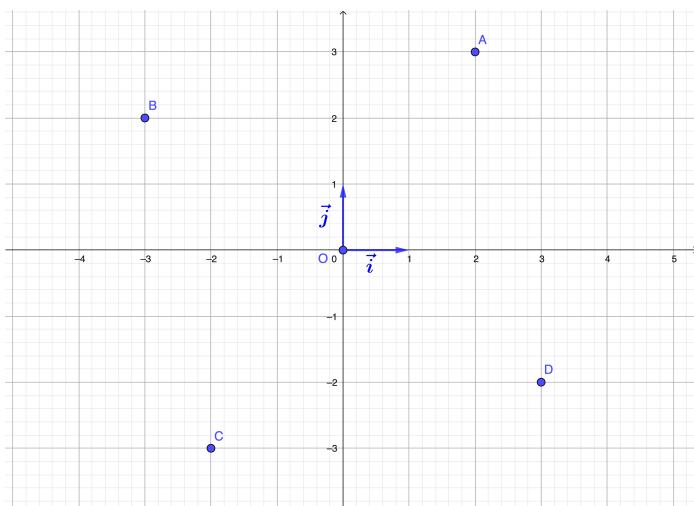
Solution de l'exercice 13

On se place dans le plan muni repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

Avec :

$$\vec{i} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \vec{j} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

On considère les points A(2 ; 3), B(-3 ; 2), C(-2 ; -3) et D(3 ; -2)
tels que sur la figure :



1. Calculs des distances AB, AC, AD, BC, BD, CD :

$$AB = \sqrt{(-3 - 2)^2 + (2 - 3)^2} = \sqrt{26}$$

$$AC = \sqrt{(-2 - 2)^2 + (-3 - 3)^2} = \sqrt{52}$$

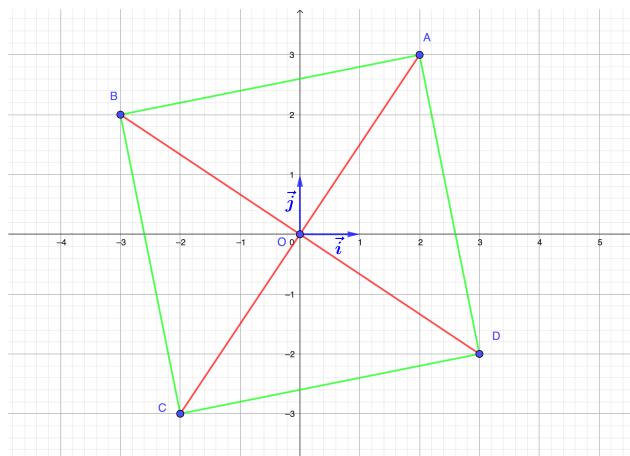
$$AD = \sqrt{(3 - 2)^2 + (-2 - 3)^2} = \sqrt{26}$$

$$BC = \sqrt{(-2 - (-3))^2 + (-3 - 2)^2} = \sqrt{26}$$

$$BD = \sqrt{(3 - (-3))^2 + (-2 - 2)^2} = \sqrt{52}$$

$$CD = \sqrt{(3 - (-2))^2 + (-2 - (-2))^2} = \sqrt{26}$$

Voir figure :



2. Calculs des coordonnées des milieux des segments [AB],

[AC], [AD], [BC], [BD], [CD] :

$$M_1 \begin{pmatrix} \frac{2+(-3)}{2} \\ \frac{3+2}{2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} \\ \frac{5}{2} \end{pmatrix}$$

$$M_2 \begin{pmatrix} \frac{2+(-2)}{2} \\ \frac{3+(-3)}{2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} = O$$

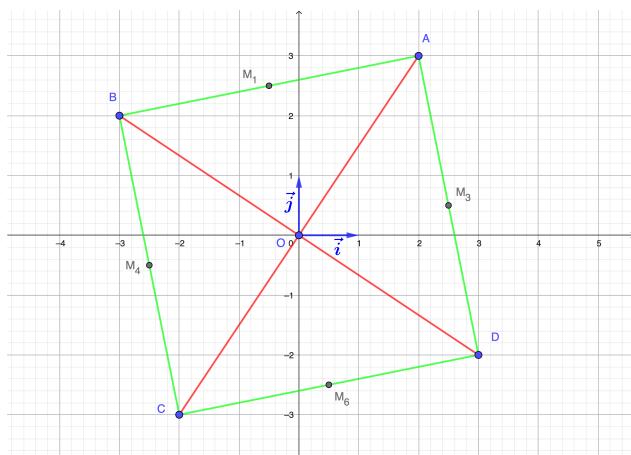
$$M_3 \begin{pmatrix} \frac{2+3}{2} \\ \frac{3+(-2)}{2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{5}{2} \\ \frac{1}{2} \end{pmatrix}$$

$$M_4 \begin{pmatrix} \frac{(-3)+(-2)}{2} \\ \frac{2+(-3)}{2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -\frac{5}{2} \\ -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$$

$$M_5 \begin{pmatrix} \frac{(-3)+3}{2} \\ \frac{2+(-2)}{2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} = O$$

$$M_6 \begin{pmatrix} \frac{(-2)+3}{2} \\ \frac{(-3)+(-2)}{2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{2} \\ -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$$

Voir figure :



Chapitre 34

Solution du QCM d'auto-évaluation

1. La distance entre $A(x_A; y_A)$ et $B(x_B; y_B)$ vaut :

- a. $AB = x_A x_B + y_A y_B$
- b. $AB = (x_A + x_B)^2 + (y_A + y_B)^2$
- c. $AB = (x_A - x_B)^2 + (y_A - y_B)^2$
- d. $AB = \sqrt{(x_A - x_B)^2 + (y_A - y_B)^2}$

(Bonne réponse)

2. Le milieu $M(x_M; y_M)$ du segment [AB] vérifie :

- a. $(x_M; y_M) = \left(\frac{x_A + x_B}{2}; \frac{y_A + y_B}{2} \right)$
(Bonne réponse)
- b. $(x_M; y_M) = \left(\frac{x_A - x_B}{2}; \frac{y_A - y_B}{2} \right)$
- c. $(x_M; y_M) = \left(\frac{x_A \times x_B}{2}; \frac{y_A \times y_B}{2} \right)$
- d. $(x_M; y_M) = \left(\frac{x_A \div x_B}{2}; \frac{y_A \div y_B}{2} \right)$

Treizième partie

Solutions des exercices de

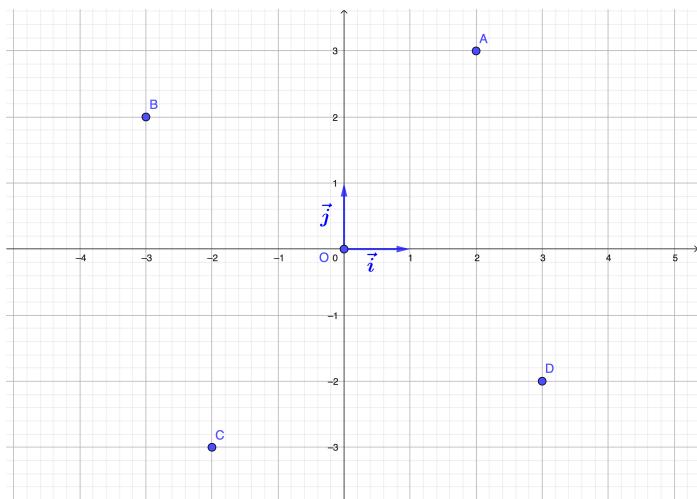
la Ca_6

Chapitre 35

Solution de l'exercice 14

On reprend la configuration de l'exercice précédent.

Voir la figure :

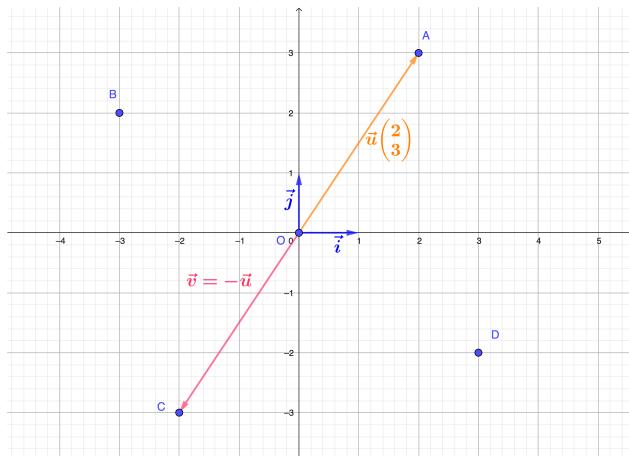


1. Le point O étant l'origine du repère on peut facilement déterminer les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{OA} et \overrightarrow{OC} et ainsi

déterminer si les points A, O et C sont alignés :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{OA} &= 2\vec{i} + 3\vec{j} \\ \overrightarrow{OC} &= -2\vec{i} - 3\vec{j} \\ \overrightarrow{OC} &= -\overrightarrow{OA}\end{aligned}$$

Voir figure :



2. D'après ce qui précède on a :

$$\begin{aligned}||\vec{u}|| &= ||\overrightarrow{OA}|| = ||\overrightarrow{OC}|| \\ ||\vec{u}|| &= \sqrt{13}\end{aligned}$$

On en déduit que O est le milieu du segment [AC].

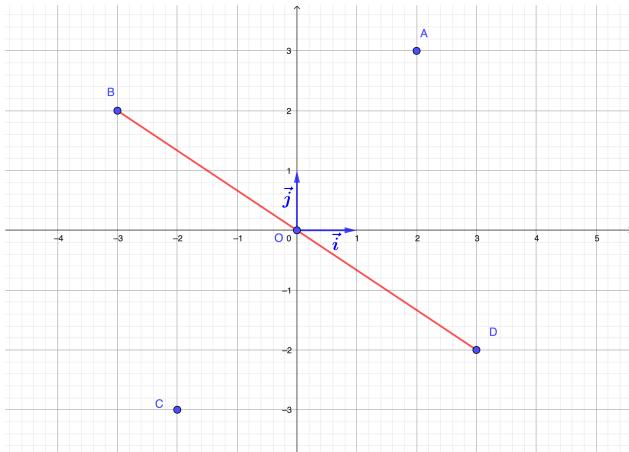
3. Calculon le déterminant $\det(\overrightarrow{OD}, \overrightarrow{OB})$:

$$\det(\overrightarrow{OD}, \overrightarrow{OB}) = \begin{vmatrix} 3 & -3 \\ -2 & 2 \end{vmatrix} = 3 \times 2 - (-2) \times (-3) = 0$$

Le déterminant est nul donc les vecteurs \overrightarrow{OD} et \overrightarrow{OB} sont

colinéaires. Puisqu'ils ont la même origine on en déduit que les points B, O et D sont alignés.

Voir figure :



4. Comparons OB et OD :

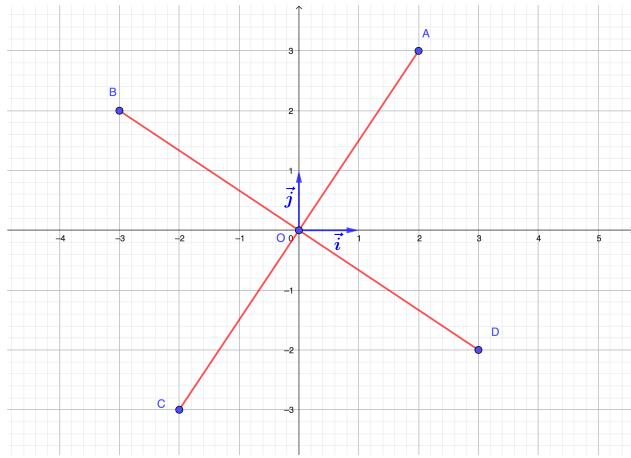
$$OB = \sqrt{(-3)^2 + 2^2} = \sqrt{13}$$

$$OD = \sqrt{3^2 + (-2)^2} = \sqrt{13}$$

$$OB = OD$$

On en déduit que O est le milieu de [BD] et donc que ABCD est un rectangle car ses diagonales sont de même longueur $2\sqrt{13} = \sqrt{52}$.

Voir figure :



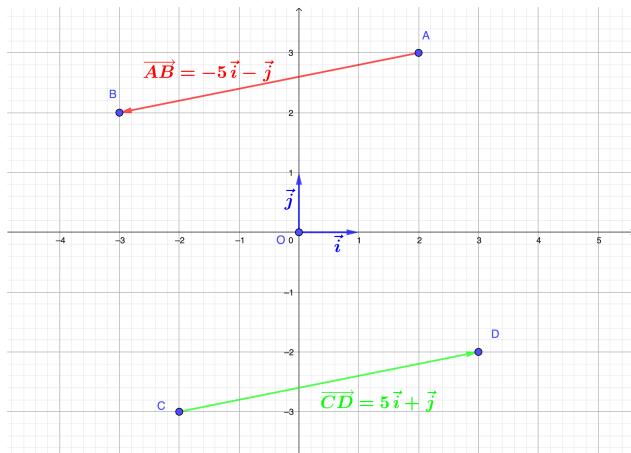
5. Puisque ABCD est un rectangle, c'est donc un parallélogramme donc on a :

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$$

$$\overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{CD}$$

Ainsi les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{CD} sont colinéaires.

Voir figure :



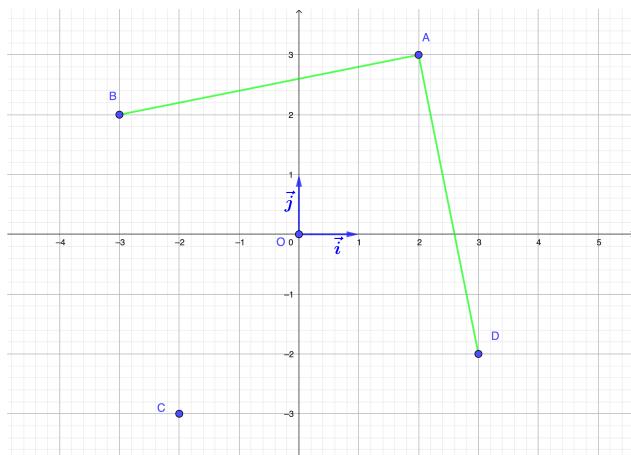
6. Comparons AB et AD :

$$AB = \sqrt{(-3 - 2)^2 + (2 - 3)^2} = \sqrt{26}$$

$$AD = \sqrt{(3 - 2)^2 + (-2 - 3)^2} = \sqrt{26}$$

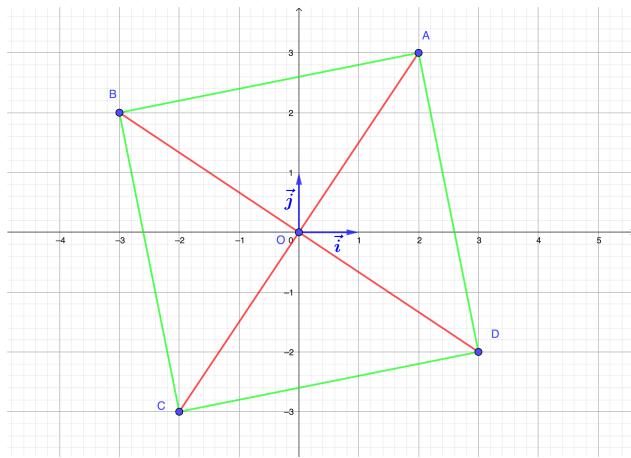
$$AB = AD$$

Voir figure :



7. Le quadrilatère ABCD est un carré car c'est un rectangle avec deux côtés consécutifs de même longueur.

Voir figure :



Chapitre 36

Solution du QCM d'auto-évaluation

1. Pour montrer que A, B et C sont alignés il faut :
 - a. que $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AC}$
 - b. qu'il existe un réel k tel que $\overrightarrow{AB} = k\overrightarrow{AC}$
(Bonne réponse)
 - c. vérifier que $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$
 - d. vérifier que $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) = 0$
(Bonne réponse)
2. Pour montrer que les droites (AB) et (CD) sont parallèles il faut :
 - a. montrer que les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{CD} sont colinéaires
(Bonne réponse)
 - b. vérifier que $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CD}) = 0$
(Bonne réponse)
 - c. montrer que $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$

136HAPITRE 36. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

d. vérifier que $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CD}) \neq 0$

Quatorzième partie

Solutions pour la Ca_7

Chapitre 37

Solution de l'exercice 15

Pour chacune des situations suivantes, indiquons comment la résoudre selon la représentation vectorielle parmi :

- Analytique (coordonnées, calculs algébriques)
 - Colinéarité (proportionnalité, déterminant)
 - Géométrique (relation de Chasles, parallélogramme)
1. Démontrer que les points A, B, C sont alignés.
 - Analytique : à l'aide des coordonnées de chaque point on peut calculer les coordonnées des vecteurs \vec{AB} et \vec{AC} et vérifier si les vecteurs sont colinéaires ou pas.
 - Colinéarité : à l'aide des coordonnées ou de la décomposition de Chasles on peut calculer le déterminant ou établir une relation du type $\vec{AB} = k\vec{AC}$ si les vecteurs sont colinéaires.
 - Géométrique : la relation de Chasles nous permet d'établir si la relation $\vec{AB} = k\vec{AC}$ existe ou pas

2. Calculer la distance entre deux points A(2;3) et B(5;7)

- Analytique : on applique la formule (qui découle de Pythagore)
- Colinéarité : pour ce type de problème la colinéarité est inutile
- Géométrique : pour ce type de problème ni Chasles ni les identités du parallélogramme ne peuvent servir

3. Montrer que ABCD est un parallélogramme

- Analytique : à l'aide des coordonnées on peut vérifier si on a l'égalité vectorielle

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$$

ou pas.

- Colinéarité : à l'aide des coordonnées ou de la relation de Chasles on peut vérifier si on a l'égalité vectorielle

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$$

ou pas. On peut également calculer les deux déterminants importants

$$\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{DC}) \quad \det(\overrightarrow{AD}, \overrightarrow{BC})$$

- Géométrique : en utilisant Chasles on peut vérifier si on obtient la relation

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC}$$

4. Trouver les coordonnées du point M tel que :

$$\overrightarrow{AM} = 2\overrightarrow{AB} + 3\overrightarrow{AC}$$

- Analytique : on calcule les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AC} et on résout les deux équations pour obtenir les coordonnées du points M(x; y). Concrètement :

$$x - x_A = 2(x_B - x_A) + 3(x_C - x_A)$$

$$y - y_A = 2(y_B - y_A) + 3(y_C - y_A)$$

$$x = -4x_A + 2x_B + 3x_C$$

$$y = -4y_A + 2y_B + 3y_C$$

- Colinéarité : on ne peut pas obtenir les coordonnées du point M uniquement avec le déterminant.
- Géométrique : on peut construire le point M grâce à la relation vectorielle puis en utilisant Chasles on peut exprimer le vecteur \overrightarrow{OM} en fonction des vecteurs \overrightarrow{OA} , \overrightarrow{OB} et \overrightarrow{OC}

5. Vérifier si deux droites (AB) et (CD) sont parallèles

- Analytique : on peut comparer les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{CD}
- Colinéarité : on peut calculer le déterminant $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CD})$ et voir s'il est nul ou pas
- Géométrique : on peut vérifier si on obtient une identité du parallélogramme ou pas

Chapitre 38

Solution du programme

Écrire un programme Python qui résout le problème

$$\overrightarrow{AM} = a\overrightarrow{AB} + b\overrightarrow{AC}$$

C'est-à-dire un programme qui permet d'exprimer les coordonnées du point M en fonction des paramètres a et b et des coordonnées des points déjà existants A, B, et C.

```
1 def get_M(a, b, A, B, C):
2     """
3         Cette fonction prend en entrées :
4         + a : 1 float correspondant au coefficient du
5             vecteur AB
6         + b : 1 float correspondant au coefficient du
7             vecteur AC
8         + A : 1 tuple de float correspondant aux
9             coordonnées du point A
10        + B : 1 tuple de float correspondant aux
11            coordonnées du point B
12        + C : 1 tuple de float correspondant aux
13            coordonnées du point C
```

```
9     et elle renvoie 1 tuple de float correspondant aux
10    coordonnées du point M
11    """
12    x = (1 - a - b) * A[0] + a * B[0] + b * C[0]
13    y = (1 - a - b) * A[1] + a * B[1] + b * C[1]
14    return (x, y)
15
16def vectAB(A, B):
17    """
18    Cette fonction prend en entrées :
19    + A : 1 tuple de float correspondant aux
20      coordonnées du point A
21    + B : 1 tuple de float correspondant aux
22      coordonnées du point B
23    et renvoie 1 tuple de float correspondant aux
24      coordonnées du vecteur AB
25    """
26
27
28# Tests
29a, b, A, B, C = 1, 1, (3, 2), (-3, 2), (3, -2)
30M = get_M(a, b, A, B, C)
31relation = f"On a la relation Vect(A, M) = {a}Vect(A,
32                           B) + {b}Vect(A, C)"
33print(relation)
34input("Pour voir les coordonnées du point M tapez 1\t")
35coordM = f"Voici les coordonnées du point M({M[0]},"
36                           {M[1]})"
37print(coordM)
38coordAB = vectAB(A, B)
39coordAC = vectAB(A, B = C)
```

```
38 eqX = f"x - {A[0]} = {a} * {coordAB[0]} + {b} *  
39     {coordAC[0]}"  
40 input("Pour voir l'équation en x tapez 1\t")  
41 print(eqX)  
42 eqY = f"y - {A[1]} = {a} * {coordAB[1]} + {b} *  
43     {coordAC[1]}"  
44 input("Pour voir l'équation en y tapez 1\t")  
45 print(eqY)  
46 solve_x = f"x = {A[0]} + a * coordAB[0] + b *  
47     coordAC[0]"  
48 input("Pour voir la solution de l'équation en x tapez  
49     1\t")  
50 print(solve_x)  
51 solve_y = f"y = {A[1]} + a * coordAB[1] + b *  
52     coordAC[1]"  
53 input("Pour voir la solution de l'équation en y tapez  
54     1\t")  
55 print(solve_y)
```


Chapitre 39

Solution du QCM d'auto-évaluation

Parmi les réponses proposées au moins une est la bonne.
Cela signifie qu'il peut y avoir *plusieurs bonnes réponses*.

- Si ABC est un triangle et que D est un 4ème point qui vérifie l'égalité

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$$

alors on peut en déduire que :

- $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$ la relation de Chasles n'est pas une déduction, elle existe toujours
- ABCD est un parallélogramme
- ABDC est un parallélogramme
(Bonne réponse)
- $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ et $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BD}$ les deux égalités sont vraies
(Bonne réponse)
- $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ ou $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BD}$ une seule des deux égalités est vraie

148HAPITRE 39. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

f. $\overrightarrow{AB} \neq \overrightarrow{CD}$ et $\overrightarrow{AC} \neq \overrightarrow{BD}$ aucune des égalités n'est vraie

g. le point D est à l'intérieur du triangle ABC

h. le point D est l'image du point A par la symétrie de centre le milieu du segment [BC]

(Bonne réponse)

i. le point D est à l'extérieur du triangle ABC

(Bonne réponse)

j. le point D est l'image du point I par la translation de vecteur \overrightarrow{AI} où I est le milieu du segment [BC]

(Bonne réponse)

2. Si ABCD est un carré alors :

a. Les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AC} forment une base orthonormée

b. Les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AD} forment une base orthonormée

(Bonne réponse)

c. $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) = 1$

d. $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}) = 0$

e. $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}) = 1$

f. $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) = 0$

g. $AC^2 = AB^2 + BC^2$

(Bonne réponse)

h. $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD} = 2\overrightarrow{AB}$

i. $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD} = \vec{0}$

(Bonne réponse)

- j. Le centre O du carré vérifie

$$\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC} + \overrightarrow{OD} = \vec{0}$$

(Bonne réponse)

3. Si ABCD est un rectangle et O l'intersection des droites (AC) et (BD) alors :

a. $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC} + \overrightarrow{OD} = \vec{0}$

(Bonne réponse)

b. $\overrightarrow{AO} = \overrightarrow{OC} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AC}$

(Bonne réponse)

c. $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) = 1$

d. $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}) = 0$

e. $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}) = 1$

f. $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) = 0$

g. $AC > AB + BC$

h. $AC < AB + AD$

(Bonne réponse)

i. $AC = BD$

(Bonne réponse)

j. $AC \neq BD$

4. Soient A et B deux points distincts du plan. Si C est l'image de B par la translation de vecteur \overrightarrow{AB} alors :

a. B est le milieu du segment [AC]

(Bonne réponse)

b. $\overrightarrow{AC} = 2\overrightarrow{AB}$

150 CHAPITRE 39. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

c. $\overrightarrow{OC} = \overrightarrow{OA} + 2\overrightarrow{OB}$

d. les coordonnées de C vérifient :

$$x_C = 2x_B - x_A$$

$$y_C = 2y_B - y_A$$

e. les coordonnées de C vérifient :

$$x_C = 2x_B + x_A$$

$$y_C = 2y_B + y_A$$

(Bonne réponse)

f. C est l'image de A par la symétrie de centre B.

(Bonne réponse)

g. C est le milieu du segment [AB].

h. $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BC}$

(Bonne réponse)

i. $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = 2\overrightarrow{AB}$

(Bonne réponse)

j. $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) = 0$

(Bonne réponse)

5. Si on a $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}) \neq 0$ et $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{DC}) = 0$ alors :

a. ABCD ou ABDC est un trapèze.

(Bonne réponse)

b. Si $AB = DC$ alors ABCD ou ABDC est un parallélogramme.

(Bonne réponse)

-
- c. Si $AB = AD = DC$ alors $ABCD$ est un losange.

(Bonne réponse)

- d. Si $AB = AC = CD$ alors $ABDC$ est un losange.

(Bonne réponse)

- e. Si $AB = DC$ et $CA = BD$ alors $ABDC$ est un rectangle.

- f. Si $AB = DC$ et $AD = BC$ alors $ABDC$ est un rectangle.

- g. Si $AB = DC$ et $AC = BD$ alors $ABCD$ est un rectangle.

(Bonne réponse)

- h. Si $AB = DC$ et $AD = BC$ alors $ABCD$ est un rectangle.

- i. Si $AB = DC$ et $AC = BD$ alors $ABCD$ est un losange.

- j. Si $AB = DC$ et $AD = BC$ alors $ABCD$ est un losange.

(Bonne réponse)

- 6. Soient \vec{u} , \vec{v} et \vec{w} trois vecteurs tels que $\vec{w} = \vec{u} + \vec{v}$.

- a. Si $||\vec{u}|| + ||\vec{v}|| = ||\vec{w}||$ alors les trois vecteurs sont colinéaires.

- b. Il est impossible que les trois vecteurs soient colinéaires.

- c. Si $\det(\vec{u}, \vec{v}) = 0$ alors les trois vecteurs sont colinéaires.

- d. Si $\det(\vec{u}, \vec{v}) = 0$ alors $\det(\vec{v}, \vec{w}) = 0$.

- e. Si $\det(\vec{w}, \vec{u}) = 0$ alors $\det(\vec{u}, \vec{v}) = 0$.

- f. $||\vec{u}|| + ||\vec{v}|| > ||\vec{w}||$

- g. $||\vec{u}|| + ||\vec{v}|| < ||\vec{w}||$

- h. Si $\det(\vec{u}, \vec{v}) = 0$ alors soit $\vec{u} = \vec{0}$ soit $\vec{v} = \vec{0}$

- i. Si $\det(\vec{u}, \vec{v}) = 0$ alors soit $\vec{w} = \vec{u}$ soit $\vec{w} = \vec{v}$

- j. Si $\det(\vec{w}, \vec{u}) = 0$ alors soit $\vec{u} = -\vec{v}$ soit $\vec{w} = \vec{0}$

15QHAPITRE 39. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

7. Soit un vecteur \vec{u} de norme $||\vec{u}|| = 5$.

- a. Si $x_{\vec{u}} = 3$ alors $y_{\vec{u}} = 4$.
- b. Si $x_{\vec{u}} = 3$ alors $y_{\vec{u}} = -4$.
- c. Si $x_{\vec{u}} = -3$ alors $y_{\vec{u}} = -4$.
- d. Si $x_{\vec{u}} = -3$ alors $y_{\vec{u}} = 4$.
- e. Si $x_{\vec{u}} = \pm 3$ alors $y_{\vec{u}} = \pm 4$.

(Bonne réponse)

- f. Si $x_{\vec{u}} = -4$ alors $y_{\vec{u}} = 3$.
- g. Si $x_{\vec{u}} = -4$ alors $y_{\vec{u}} = -3$.
- h. Si $x_{\vec{u}} = 4$ alors $y_{\vec{u}} = -3$.
- i. Si $x_{\vec{u}} = 4$ alors $y_{\vec{u}} = 3$.
- j. Si $x_{\vec{u}} = \pm 4$ alors $y_{\vec{u}} = \pm 3$.

(Bonne réponse)

8. Dans un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j})$ on considère les points A(3 ; 2), B(3 ; -2), C(-3 ; -2), D(3 ; -1), E(-3 ; -1), F(-1 ; -1), G(1 ; 1), H(1 ; 2), I(-1 ; 2).

- a. Les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AC} sont colinéaires car

$$\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) = 0$$

- b. Les vecteurs \overrightarrow{AH} et \overrightarrow{AI} sont colinéaires car

$$\det(\overrightarrow{AH}, \overrightarrow{AI}) = 0$$

- c. Les points A, B et C sont alignés.
- d. Les points D, E et F sont alignés.

(Bonne réponse)

e. ABC est un triangle rectangle en B.

(Bonne réponse)

f. ABD est un triangle rectangle en B.

g. GDF est un triangle rectangle en G.

(Bonne réponse)

h. GDF est un triangle isocèle en G.

(Bonne réponse)

i. BCHA est un trapèze.

(Bonne réponse)

j. Les vecteurs \vec{BC} et \vec{AH} sont colinéaires.

(Bonne réponse)

9. Dans un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j})$ on considère les points A(2 ; 3), B(-3 ; 2), C(-2 ; -3); D(3 ; -2).

a. Le triangle BOA est isocèle en A.

b. Le triangle BOA est isocèle en B.

c. Le triangle BOA est isocèle en O.

(Bonne réponse)

d. Le triangle BOA est rectangle en A.

e. Le triangle BOA est rectangle en B.

f. Le triangle BOA est rectangle en O.

(Bonne réponse)

g. C est l'image de O par la translation de vecteur \vec{AO} .

(Bonne réponse)

h. D est l'image de O par la translation de vecteur \vec{BO} .

(Bonne réponse)

i. ABDC est un carré.

15€HAPITRE 39. SOLUTION DU QCM D'AUTO-ÉVALUATION

j. ABCD est un carré.

(Bonne réponse)