RESOLUCIÓN ARITMÉTICA – ÁLGEBRA

A1.
$$\begin{cases} y^{\log x} = 10^{25} \\ xy = 10^{10} \end{cases} \to \begin{cases} \log(y^{\log x}) = \log(10^{25}) \\ \log(xy) = \log(10^{10}) \end{cases} \to \begin{cases} \log x \log y = 25 \log 10 \\ \log x + \log y = 10 \log 10 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \log x \log y = 25 & (1) \\ \log x + \log y = 10 & (2) \end{cases} \rightarrow \text{De (2) en (1):}$$

$$\log x(10 - \log x) = 25 \to (\log x)^2 - 10(\log x) + 25 = 0 \to \log x = 5$$
 (B) 5

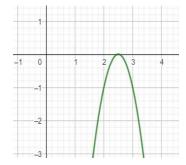
A2. Ahorros =
$$x + 2x = 3x \rightarrow \frac{10}{100}(x) + \frac{6}{100}(2x) = 3520 \rightarrow x = 16000$$

 \rightarrow Ahorros = $3x = 48000$ Bs. (A) 48000

A3. $\sqrt{6x-x^2}$ esté definida como un número real, si $6x-x^2 \ge 0 \rightarrow x(6-x) \ge 0$



A4.
$$y = -4x^2 + 20x - 25 = -4(x^2 - 5x) - 25 = -4\left(x^2 - 5x + \frac{25}{4}\right) - 25 + 25 = -4(x - \frac{5}{2})^2$$

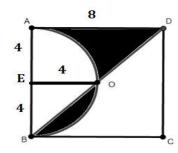


(A) Se abre hacia abajo, con 1 abscisa en el origen

RESOLUCIÓN

GEOMETRÍA – TRIGONOMETRÍA

G5. Calcular el área de la siguiente región sombreada, ABCD es un cuadrado cuyo lado mide 8 cm, BD es diagonal del cuadrado y el arco AOB es una semicircunferencia.



 \blacksquare Área de la región $AOD: A_1 = A_{\triangle ABD} - A_{SectorAEO} - A_{\triangle BEO}$

$$A_1 = \frac{(8)(8)}{2} - \frac{\pi(4)^2}{4} - \frac{(4)(4)}{2} = 32 - 4\pi - 8 = 24 - 4\pi$$

 \blacksquare Área del segmento circular $BO: A_2 = A_{SectorEBO} - A_{\triangle BEO}$ (D) 16

$$A_2 = \frac{\pi(4)^2}{4} - \frac{(4)(4)}{2} = 4\pi - 8$$

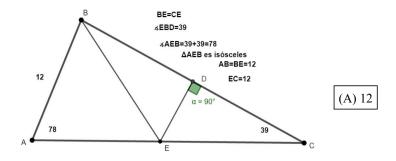
$$\blacksquare A_T = A_1 + A_2 = 24 - 4\pi + 4\pi - 8 = 16$$

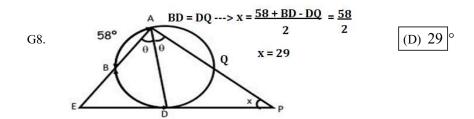
$$\blacksquare A_T = A_1 + A_2 = 24 - 4\pi + 4\pi - 8 = 16$$

G6. Si
$$\beta = \frac{\pi}{2} + \alpha \rightarrow \operatorname{sen}(x + \alpha) + \cos(x + \frac{\pi}{2} + \alpha) = \operatorname{sen}(x + \alpha) + \cos(\frac{\pi}{2} + x + \alpha)$$

$$=\operatorname{sen}(x+\alpha)-\operatorname{sen}(x+\alpha)=0 \qquad \boxed{\text{(D) } 0}$$

G7. En un $\triangle ABC$, \overline{AB} = 12, $\triangle A$ = 78°, $\triangle C$ = 39°. La mediatríz de \overline{BC} corta \overline{AC} en el punto E. Hallar \overline{EC} .





■ Pregunta **F9**

$$N - Mg\cos\theta = 0 \Rightarrow N = mg\cos\theta$$
 $W = F\Delta x = mg\sin\theta\Delta x$
 $F - Mg\sin\theta = 0 \Rightarrow F = mg\sin\theta$ $\therefore W = 100[J] \rightarrow \textcircled{d}$

■ Pregunta **F10**

$$\frac{1}{2}mv_A^2 = K_B + \mu_c mg\Delta x$$

$$\Rightarrow K_B = \frac{1}{2}mv_A^2 - \mu_c mg\Delta x$$

$$\therefore K_B = 24[J] \rightarrow \textcircled{b}$$

■ Pregunta **F11**

$$1^{er}Choque: Mv_0 = (2M)v_1 \Rightarrow v_1 = \frac{v_0}{2} \qquad \Delta x_1 = v_1 t_1 \Rightarrow t_1 = \frac{\Delta x_1}{v_1} = \frac{1}{5}[s]$$

$$2^{er}Choque: (2M)v_1 = (3M)v_2 \Rightarrow v_2 = \frac{v_0}{3} \qquad \Delta x_2 = v_2 t_2 \Rightarrow t_2 = \frac{\Delta x_2}{v_2} = \frac{3}{10}[s]$$

$$\therefore t = t_1 + t_2 = \frac{1}{2} = 0.5[s] \to \mathbb{C}$$

■ Pregunta **F12**

$$x = v_{0x}t$$
 En Q: $v_y = 0 \land \Delta y = H_M$ (Pto. de altura máxima)

$$y = v_{0y}t - \frac{g}{2}t^2$$

$$0^2 = v_{0y}^2 - 2gH_M \Rightarrow v_{0y} = \sqrt{2gH_M}$$

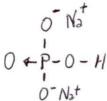
$$v_x = v_{0x}$$
 En P: $t = t_1 \land \vec{v} = (48\hat{\imath} + 20\hat{\jmath})[m/s]$

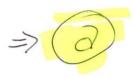
$$v_y = v_{0y} - gt$$

$$v_y = v_{0y} - gt_1 \Rightarrow t_1 = \frac{v_{0y} - v_y}{g}$$

$$v_y^2 = v_{0y}^2 - 2g\Delta y$$
 $\therefore t_1 = 2[s] \rightarrow \textcircled{b}$

Q13. ¿Cuál de las siguientes moléculas contiene 4 enlaces covalentes, un enlace covalente coordinado y dos enlaces iónicos?





a) Na₂HPO₄

a) 4,8

- b) MgSO₄
- c) CCI₄
- d) LiHCO₃
- e) Ninguno

Q14. Para inflar un globo hasta la mitad de su volumen se necesitan 80 g de un gas a 300 K y 800 mm de Hg. ¿Qué masa en gramos del mismo gas, pero a 600 mm de Hg y 450 K se necesitan para inflar el globo hasta su máxima capacidad?

$$P_{2} V_{2} = \frac{m_{z}}{\overline{n}g^{s_{1}}} R T_{2}$$

$$P_{1} V_{1} = \frac{m_{1}}{\overline{n}g^{s_{2}}} R T_{1}$$

$$P_{1} V_{1} = \frac{m_{1}}{\overline{n}g^{s_{2}}} R T_{1}$$

$$m_{2} = m_{1} \cdot \frac{P_{2}}{P_{1}} \frac{V_{2}}{V_{1}} \frac{T_{1}}{T_{2}}$$

$$m_{3} = 80 \text{ g de g2}$$

Q15. Se añaden y disuelven 30 gramos de glucosa pura (C₆H₁₂O₆) en 300 g de una solución al 12% en peso de glucosa. ¿Cuál es la concentración en % en masa de la solución resultante?

Q16. Se hace reaccionar piedra 100 g de piedra caliza del 50% de pureza en $CaCO_3$ con exceso de ácido clorhídrico diluido. ¿Cuántos litros de CO_2 gaseoso en condiciones normales de presión y temperatura se desprenderán como máximo? $CaCO_{3(s)} \not\to CaCl_{2(s)} + CO_{2(g)} + H_2O_{(I)}$

