

Resolución Examen de Ingreso

FILA 1

AREA MATEMATICA

A1 . Como es una sola ronda,

- El primer equipo jugará 29 partidos (con los 29 equipos restantes),
- El segundo equipo jugará 28 partidos (puesto que ya jugo con el primer equipo),
- El tercer equipo jugará 27 partidos (puesto que ya jugo con el primer equipo y el segundo),
- ... así sucesivamente
-

Tenemos entonces,

$$29 + 28 + 27 + \dots + 2 + 1 = \sum_{k=1}^{29} k = 435$$

Por lo tanto, se jugarán 435 partidos. Si se juegan 15 partidos por semana, tenemos $\frac{435}{15} = 29$ semanas.

Así, la respuesta es 435 partidos, 29 semanas.

A2 . Para hallar el billete de mayor denominación y común (iguales) para los tres rollos, debemos hallar el máximo común divisor de 4500, 5240 y 6500 que es igual a 20. Por lo que el billete de mayor denominación y común para todos los rollos es de denominación igual a 20.

Sumando los montos de cada rollo $4500 + 5240 + 6500 = 16240$ y dividiendo por 20, $\frac{16240}{20} = 812$ billetes.

A3 .

$$\begin{aligned}
\frac{x-2}{x^2+8x+7} &= \frac{2x-5}{x^2-49} - \frac{x-2}{x^2-6x-7} \\
\frac{x-2}{(x+7)(x+1)} &= \frac{2x-5}{(x+7)(x-7)} - \frac{x-2}{(x-7)(x+1)} \\
\frac{x-2}{(x+7)(x+1)} &= \frac{(2x-5)(x+1-(x-2)(x+7))}{(x+7)(x-7)(x+1)} \\
(x+7)(x+1)\left(\frac{x-2}{(x+7)(x+1)}\right) &= (x+7)(x+1)\left(\frac{(2x-5)(x+1-(x-2)(x+7))}{(x+7)(x-7)(x+1)}\right) \\
x-2 &= \frac{2x^2-3x-5-(x^2+5x-14)}{x-7} \\
(x-2)(x-7) &= 2x^2-3x-5-x^2-5x+14 \\
x^2-9x+14 &= x^2-8x+9 \\
x^2-9x+14-(x^2-8x+9) &= 0 \\
x^2-9x+14-x^2+8x-9 &= 0 \\
-x+5 &= 0 \\
x &= 5
\end{aligned}$$

A4 .

$$\begin{aligned}
\frac{Ix^2+Hx+G}{(x-1)(x-2)(x-3)} &= \frac{2}{x-1} - \frac{9}{x-2} + \frac{8}{x-3} \\
\frac{Ix^2+Hx+G}{(x-1)(x-2)(x-3)} &= \frac{2(x-2)(x-3)-9(x-1)(x-3)+8(x-1)(x-2)}{(x-1)(x-2)(x-3)} \\
\frac{Ix^2+Hx+G}{(x-1)(x-2)(x-3)} &= \frac{2(x^2-5x+6)-9(x^2-4x+3)+8(x^2-3x+2)}{(x-1)(x-2)(x-3)} \\
\frac{Ix^2+Hx+G}{(x-1)(x-2)(x-3)} &= \frac{2x^2-10x+12-9x^2+36x-27+8x^2-24x+16}{(x-1)(x-2)(x-3)} \\
\frac{Ix^2+Hx+G}{(x-1)(x-2)(x-3)} &= \frac{x^2+2x+1}{(x-1)(x-2)(x-3)}
\end{aligned}$$

Como los denominadores son iguales, los numeradores deben ser iguales, por lo tanto

$$Ix^2+Hx+G=x^2+2x+1$$

Por igualdad de polinomios,

$$I=1, H=2, G=1$$

A5 . Utilizando la ecuación del seno de la diferencia de ángulos y el círculo trigonométrico para el cálculo de $\text{sen}(270) = -1$ y $\text{cos}(270) = 0$,

$$\text{sen}(270 - x) = \text{sen}(270)\text{cos}(x) - \text{cos}(270)\text{sen}(x) = (-1)\text{cos}(x) - 0 = -\text{cos}(x)$$

A6 .

$$\text{sen}(x) + \text{cos}(x) = 1$$

despejando $\text{sen}(x)$ y elevando al cuadrado ambos miembros,

$$\text{sen}(x) = 1 - \text{cos}(x)$$

$$\text{sen}^2(x) = (1 - \text{cos}(x))^2$$

reemplazando $\text{sen}^2(x) = 1 - \text{cos}^2(x)$,

$$1 - \text{cos}^2(x) = 1 - 2\text{cos}(x) + \text{cos}^2(x)$$

operando,

$$-2\text{cos}^2(x) = -2\text{cos}(x)$$

$$-2\text{cos}^2(x) + 2\text{cos}(x) = 0$$

$$-2\text{cos}(x)(\text{cos}(x) - 1) = 0$$

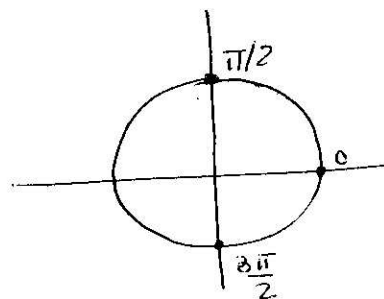
Por lo tanto, $\text{cos}(x) = 0$ o $\text{cos}(x) - 1 = 0$.

Para $\text{cos}(x) = 0$, $x = \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}$

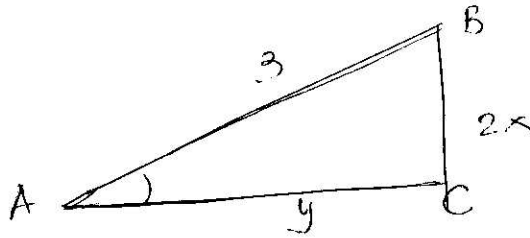
Para $\text{cos}(x) - 1 = 0$, $\text{cos}(x) = 1$, entonces $x = 0$

Reemplazando estos tres valores en la ecuación original, observamos que los valores que satisfacen la misma son

$$0, \frac{\pi}{2}$$



A7 . Como A es un ángulo agudo y $\text{sen}(A) = \frac{2x}{3}$, graficamente



Por lo que debemos hallar el valor de y .

Por el teorema de Pitágoras,

$$3^2 = (2x)^2 + y^2$$

$$9 = 4x^2 + y^2$$

despejando y ,

$$y^2 = 9 - 4x^2$$

tomado el valor positivo de la raíz (la medida de los catetos no puede ser negativa)

$$y = \sqrt{9 - 4x^2}$$

Finalmente,

$$\cos(A) = \frac{y}{3} = \frac{\sqrt{9 - 4x^2}}{3}$$

A8 . Utilizando la razón 3:4 de los catetos, sean $a = 3x$ y $b = 4x$ los mismos. Por el teorema de Pitágoras,

$$20^2 = (3x)^2 + (4x)^2$$

$$400 = 9x^2 + 16x^2$$

$$400 = 25x^2$$

$$x^2 = \frac{400}{25} = 16$$

tomando el valor positivo de la raíz (la medida de los catetos no puede ser negativa)

$$x = 4$$

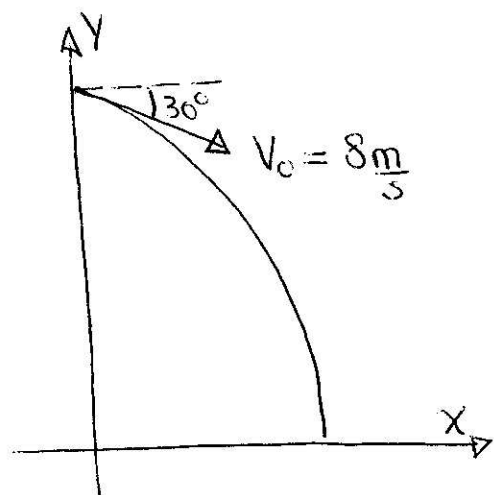
Así, los catetos a y b miden

$$a = 3x = 3(4) = 12$$

$$b = 4x = 4(4) = 16$$

F9

Solución

Fila 1

$$V_{0y} = 8 \sin 30^\circ = 8 \left(\frac{1}{2} \right) = 4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$t = 3 \text{ s}$$

$$y = y_0 + V_{0y} t - \frac{1}{2} g t^2$$

$$0 = h - 4t - 5t^2$$

$$h = 4t + 5t^2$$

$$h = 4(3) + 5(9)$$

$$h = 12 + 45$$

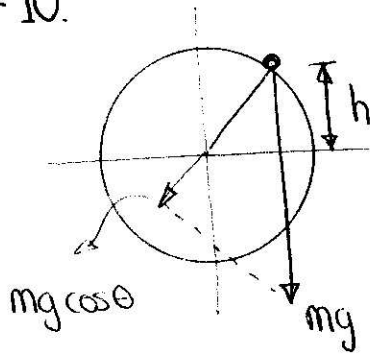
$$h = 57 \text{ m}_{//}$$

Rta. (b)

Solución

Fila 1

F10.



$$\cos \theta = \frac{h}{R}$$

$N=0$ (deja de estar en contacto)

$$mg \cos \theta = m \frac{v^2}{R}$$

$$g \frac{h}{R} = \frac{v^2}{R}$$

$$v = \sqrt{gh}$$

Conservación de la energía:

$$\cancel{mg}R = \frac{1}{2} \cancel{m}v^2 + \cancel{m}gh$$

$$\cancel{g}R = \frac{1}{2} \cancel{g}h + \cancel{g}h$$

$$\frac{3}{2} h = R$$

$$h = \frac{2}{3} R$$

$$\rightarrow v = \sqrt{g \frac{2}{3} R} = \sqrt{\frac{20}{3} R}$$

$$R = 3 \text{ m}$$

$$v = \sqrt{\frac{20}{\cancel{3}} (\cancel{3})} = \sqrt{20}$$

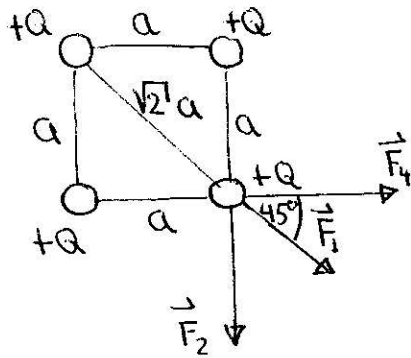
$$v = \sqrt{20} \frac{\text{m}}{\text{s}} //$$

Rta. (c)

Solución

Fila 1

F11



$$\vec{F}_1 = k \frac{Q^2}{2a^2} \frac{\sqrt{2}}{2} \hat{i} - k \frac{Q^2}{2a^2} \frac{\sqrt{2}}{2} \hat{j}$$

$$+ \vec{F}_2 = 0 \hat{i} - k \frac{Q^2}{a^2} \hat{j}$$

$$\vec{F}_4 = k \frac{Q^2}{a^2} \hat{i} + 0 \hat{j}$$

$$\vec{F} = \frac{kQ^2}{a^2} \left(1 + \frac{\sqrt{2}}{4}\right) \hat{i} - \frac{kQ^2}{a^2} \left(1 + \frac{\sqrt{2}}{4}\right) \hat{j}$$

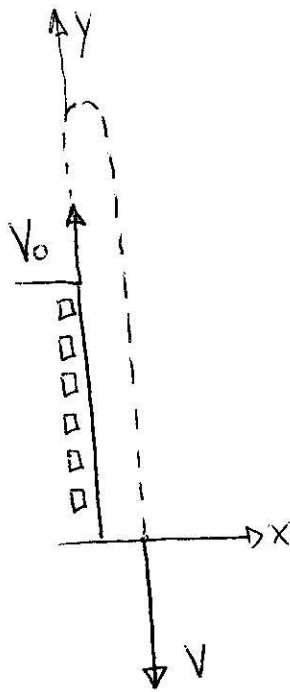
$$F = \sqrt{2 \left[\frac{k^2 Q^4}{a^4} \left(1 + \frac{\sqrt{2}}{4}\right)^2 \right]}$$

$$F = \sqrt{2} \left(1 + \frac{\sqrt{2}}{4}\right) k \frac{Q^2}{a^2}$$

$$F = \left(\sqrt{2} + \frac{1}{2}\right) k \frac{Q^2}{a^2} //$$

Rta. (a)

F12



Solución

Fila 1

$$v^2 = v_0^2 - 2g(y - y_0)$$

$$v^2 = v_0^2 + 2gh$$

$$h = \frac{v^2 - v_0^2}{2g}$$

$$v_0 = 20 \text{ m/s}$$

$$v = 40 \text{ m/s}$$

$$h = \frac{1600 - 400}{20} = \frac{1200}{2} = 60$$

$$h = 60 \text{ m}$$

Rta. (d)

SOLUCIÓN EXAMEN DE INGRESO
QUÍMICA

FILA 1

Q13.- ¿Cuál es el volumen de 40 g de CH_4 , si 1 mol de este compuesto ocupa 20 litros a una determinada presión y temperatura?

- A) 22,4 L **B) 50 L** C) 25 L D) 40 L E) Ninguno

Solución:

$$40 \text{ g } CH_4 * \frac{1 \text{ mol } CH_4}{16 \text{ g } CH_4} * \frac{20 \text{ L } CH_4}{1 \text{ mol } CH_4} = \mathbf{50 \text{ L } CH_4}$$

Q14.- Una mezcla de 0,20 moles de SO_2 , 0,60 moles de NH_3 y 2,2 moles de SO_3 está a una presión total de 800 torr. ¿Cuál es la presión parcial, en torr, de NH_3 ?

- A) 160** B) 140 C) 120 D) 110 E) Ninguno

Solución:

$$n_T = n_{SO_2} + n_{NH_3} + n_{SO_3} = 0,20 + 0,60 + 2,2 = 3 \text{ moles}$$

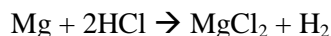
$$x_{NH_3} = \frac{n_{NH_3}}{n_T} = \frac{0,60}{3} = 0,2$$

$$P_{NH_3} = P_T * x_{NH_3} = 800 \text{ torr} * 0,2 = \mathbf{160 \text{ torr.}}$$

Q15.- El magnesio reacciona con el ácido clorhídrico. HCl , para formar cloruro de magnesio $MgCl_2$ y gas hidrógeno. ¿Qué volumen, en mililitros, de gas hidrógeno en c.n. (condiciones normales de presión y temperatura), se produce al reaccionar 20 mL de ácido clorhídrico 1 N?

- A) 0,224 B) 2240 **C) 224** D) 22,4 E) Ninguno

Solución:



$$20 \text{ mL } HCl * \frac{1 \text{ equiv. } HCl}{1000 \text{ mL } HCl} * \frac{1 \text{ mol } HCl}{1 \text{ equiv. } HCl} * \frac{1 \text{ mol } H_2}{2 \text{ mol de } HCl} * \frac{22,4 \text{ L } H_2}{1 \text{ mol } H_2} * \frac{1000 \text{ mL } H_2}{1 \text{ L } H_2} = \mathbf{224 \text{ mL } H_2}$$

Q16.- A una probeta graduada que contiene 50 ml de agua se introduce un objeto, insoluble en agua, que tiene una masa de 15 gramos; el volumen del agua asciende hasta la marca de 55 ml. Calcular la densidad del objeto.

- A) 1 B) 9 C) 6 **D) 3** E) Ninguno

Solución:

$$Densidad = \frac{masa}{volumen}$$

Masa del objeto = 15 g

Volumen del objeto = $V_{\text{final}} - V_{\text{inicial}} = 55 \text{ ml} - 50 \text{ ml} = 5 \text{ ml}$

$$Densidad = \frac{15 \text{ g}}{5 \text{ ml}} = \mathbf{3 \text{ g/ml}}$$