## Solución del examen de ingreso Matemáticas II-2017, fila 1

**A1**. Mario compró cierto número de libros idénticos por 600 bs. Si hubiera comprado  $\frac{1}{4}$  menos del número de libros que compró por el mismo dinero, cada libro le habría costado 2 bs. más, entonces con el costo original de cada libro, cuatro libros le costaría

(A) 28

(B) 24

(C) 30

(D) 16

(E) Ninguno

## Solución:

Sea x el número de libros

$$\frac{600}{x} + 2 = \frac{600}{x - \frac{x}{4}}$$

resolviendo x = 100, entonces el costo por libro es 6 y así cuatro libros cuestan 24.

**A2**. Andrés le dice a María: "yo tengo el doble de la edad que tú tenías cuando yo tenía la edad que tú tienes. Si la suma de nuestras edades actuales es 42 años. ¿Cuál la suma de nuestras edades cuando tengas la edad que yo tengo?"

(A) 64

(B) 60

(C) 52

(D) 54

(E) Ninguno

## Solución:

Sean x e y nuestras edades actuales, entonces

$$\begin{cases} x = 2(y - (x - y)) \\ x + y = 42 \end{cases}$$

resolviendo tenemos x=24,y=18, luego la suma de nuestras edades cuando tengas la edad que yo tengo será: 24+30=54

A3. Sean a y b las raíces de la ecuación

$$\frac{4^{x^2+4x}}{16\cdot 4^{3x}} = \frac{4^4}{4^{-2(x+3)}}$$

entonces  $a^2 + b^2$  es igual a:

(A) 17

(B) 18 (C) 16

(D) 15

(E) Ninguno

## Solución:

Simplificando tenemos

$$x^{2} + 4x - (2 + 3x) = 4 + 2(x + 3)$$

resolviendo a = 4, y b = -3, entonces  $a^2 + b^2 = 25$ 

 $\mathbf{A4}$ . Sea x la solución de la siguiente ecuación:

$$\log_x \left( \frac{12 - \log_4 (x)}{\log_4 (x)} \right) = \frac{1}{\log_2 (x)}$$

entonces la suma de todos los dígitos de x es igual a:

(A) 14

(B) 12

(C) 13

(D) 10

(E) Ninguno

Solución:

$$\log_x \left( \frac{12 - \log_4(x)}{\log_4(x)} \right) = \frac{1}{\log_2(x)} = \log_x(2)$$

$$\frac{12 - \log_4(x)}{\log_4(x)} = 2, \qquad \log_4(x) = 4, \qquad x = 4^4 = 256$$

 $\log_4\left(x\right)$ 

luego la suma de todos los dígitos de x es igual a 2+5+6=13

**G5**. En un triángulo rectángulo de lados: 5, 12 y 13, se traza una perpendicular a la hipotenusa por su punto medio, entonces el perímetro (simplifique su respuesta) del triángulo pequeño es igual a:

(A) 63/4

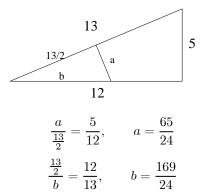
(B) 61/4

(C) 65/4

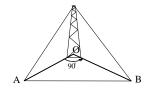
(D) 67/4

(E) Ninguno

Del gráfico se tienen las siguientes proporciones



entonces el perímetro buscado es:  $\frac{65}{24} + \frac{169}{24} + \frac{13}{2} = \frac{65}{4}$  **G6**. Pedro (en el punto A) observa el punto más alto de una torre vertical con un ángulo de elevación de 45grados sexagesimales y Alfredo (en el punto B) observa el punto más alto de una torre con un ángulo de elevación de 30 grados sexagesimales, estos amigos distan 20 metros y el ángulo AOB es recto, entonces la altura de la torre es igual

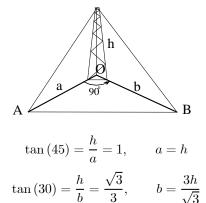


(A) 12 (B) 14 (C) 11

(D) 10

(E) Ninguno

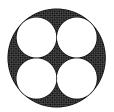
Solución: De la figura se tienen



del teorema de Pitágoras

$$20^2 = a^2 + b^2$$
,  $400 = h^2 + 3h^2$ ,  $h = 10$ 

G7. En la figura se tiene cuatro círculos blancos idénticos tangentes entre si e inscritos en un círculo mayor de color negro, entonces el cociente entre el radio del círculo negro y uno de los radios de los círculos blancos es igual a:



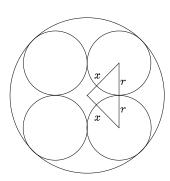
(A)  $2\sqrt{2} + 2$ Solución:

(B)  $\sqrt{2} + 1$ 

(C)  $\sqrt{2} + 2$  (D)  $2\sqrt{2} + 1$ 

E) Ninguno

De la figura se tiene



$$(2r)^2 = x^2 + x^2, \qquad x = r\sqrt{2}$$

si Res el radio del círculo mayor entonces  $R=x+r=r\left(1+\sqrt{2}\right)$ , y así

$$\frac{R}{r} = \sqrt{2} + 1$$

**G8**. Sea x un ángulo del tercer cuadrante tal que  $\tan(x) = 2/3$  entonces simplificando la expresión

$$Z = \frac{\sin\left(x + \frac{3\pi}{2}\right)\tan\left(18\pi + x\right)}{\cot\left(3\pi + x\right)\cos\left(x - 2\pi\right)}$$

se obtiene:

(A) Z = 2/5

(B) Z = -2/5 (C) Z = -4/5 (D) Z = -3/5

(E) Ninguno

Solución: Simplificando

$$\sin\left(x + \frac{3\pi}{2}\right) = \sin(x)\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\cos(x) = -\cos(x)$$

$$\tan(18\pi + x) = \frac{\tan(18\pi) + \tan(x)}{1 - \tan(18\pi)\tan(x)} = \tan(x)$$

$$\cot(3\pi + x) = \frac{1 - \tan(3\pi)\tan(x)}{\tan(3\pi) + \tan(x)} = \frac{1}{\tan(x)}$$

$$\cos(x - 2\pi) = \cos(x)\cos(2\pi) + \sin(x)\sin(2\pi) = \cos(x)$$

reemplazando

$$Z = \frac{\sin\left(x + \frac{3\pi}{2}\right)\tan(18\pi + x)}{\cot(3\pi + x)\cos(x - 2\pi)} = \frac{-\cos(x)\tan(x)}{\frac{1}{\tan(x)}\cos(x)} = -\tan^2(x) = -\left(\frac{2}{3}\right) = -\frac{4}{9}$$

$$X_{A} = 15t$$

$$X_{B} = 50-5t$$

$$X_{A} = 15t$$

Cuando  $\Delta x = X_{A} - X_{B} = d$ 
 $X_{B} = 50 - 5t$ 

Cuando  $\Delta x = X_{A} - X_{B} = d$ 
 $X_{B} = 50 - 5t$ 
 $X_{B$ 

$$t_{ren} \rightarrow \Delta x = 300 \Delta t_{\tau} = 300 (\Delta t_{B} - 6)$$
 2

$$\bigcirc$$
 =  $\bigcirc$ 

$$4 \Delta t_{B} = 9[h] = t_{B} - t_{i} + t_{i} = t_{B} - 9$$

$$4 = 11[h]$$

$$100(9) = 900 \Delta t_A$$

$$4 \Delta t_A = 1[h] = t_A - t_i \rightarrow t_A = 1 + t_i$$

$$x = V_1 \cos 60^{\circ} t = 1 = V_1 = \frac{1}{2}(1) = V_2 = 2 \left[ \frac{1}{2} (1) \right]$$

Pantes = 
$$\frac{1}{7}$$
 dupúis  $0 = mV_b - MV$ 

$$V = \frac{mV_b}{M} = \frac{40x10^3(1x10^3)}{80} = \frac{1}{2}[m/s]$$

014- 2Al + 3 Hz SO<sub>4</sub> 
$$\longrightarrow$$
 Al<sub>2</sub>(SO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> + 3 H<sub>2</sub>  
5,49 Al  $\frac{6gHz}{54gAl}$   $\frac{50l\cdot R}{100l\cdot R}$  =0,39 Hz

Q16.- 
$$C_N = 1 \frac{gst}{me} \frac{10g HzA}{100g sot} \cdot \frac{1 moth Nippolar 2 Eq HzA}{1 moth 2A} = 4 Eg/l => A$$