

# 西北王素大学

# 本科毕业设计论文

#### 。 <del>〔三</del>〕 题 目 仿射投影算法的信道评估技术研究

专业名称	信息对抗技术
学生姓名	肖 雅 楠
指导教师	智 永 锋
毕业时间	2013年7月

# 摘 要

计算机和数字通信已经对当今社会生活的各个方面产生了前所未有的影响。 为了满足人们对数字通信服务日益增长的需求,工程师必须采取便捷可行、经济 适用的系统分析设计方法。在数字通信领域,从传输内容到传输媒介以及各种辅 助软件,我们能看到这些可用技术数量上的大规模增长。但是在炙手可热的系统 性能设计、分析和优化领域,经典好用的技术并不多,实际工程效果也不尽如人 意。在过去的几十年里,形形色色的计算机辅助工程技术被开发出来用于设计复 杂系统。这些计算机辅助工程技术十分依赖于对复杂系统各个部件及系统本身的 建模、分析和仿真——这是持续整个项目生命周期的过程。在电子计算机走进千家 万户的今天,对通信系统领域的计算机辅助设计、分析和模拟进行更加深入和细 致的研究,实不为过。

本文通过对数字通信系统领域一些基本概念的探讨、基本方法的回顾和几个基础模拟方法的比较,研究了该领域的几个重要方向。本文的核心部分是蒙特-卡罗方法、仿射投影算法和其他一些方法在通信系统的中间环节——信道部分的分析。并且,为了更好地将比较结果展示出来,本文列举出了几种图形化的分析结果——从本文作者毕业设计的研究经历来看,在通信系统领域图形化是对研究成果一种极好的表示。

关键词: 仿射投影算法,性能分析,信道评估,通信,MATLAB

#### **Abstract**

Digital communications and computers are having a tremendous impact on the world today. In order to meet the increasing demand for digital communication services, engineers must design systems in a timely and cost-effective manner. The number of technologies available for providing a given service is growing daily, covering transmission media, devices, and software. The resulting design, analysis and optimization of performance can be very demanding and difficult. Over the past decades, a large body of computer-aided engineering techniques have been developed to facilitate the design process of complex technological systems. These techniques rely on models of devices and systems, both analytic and simulation, to guide the analysis and design throughout the life cycle of a system. Computer-aided design, analysis and simulation of communication systems constitute a new and important part of this process.

This thesis studies different aspects of the simulation of communication systems by covering some basic ideas, approaches and methodologies within the simulation context. Performance measurement of a digital communication is the main focus of this thesis. However, some popular visual indicators of signal quality, which are often generated in a simulation to provide a qualitative sense of the performance of a digital system, are also considered.

Another purpose of this thesis is to serve as a model for developing simulation or template of other systems. In other words, peer researchers learning to simulate a system can use the work presented here as a starting point.

**KEY WORDS:** affine projection algorithm, performance evaluation, channel estimation, communication, MATLAB

# アルノネナ学 本科毕业设计论文

# 目 录

摘 要	I
ABSTRACT	II
第一章 绪论	1
1.1 研究背景	1
1.2 章节安排	2
第二章 背景知识	4
2.1 连续和离散信号	4
2.2 带通信号的表示	4
2.3 M 维相移键控调制信号	6
2.4 M 维频移键控调制信号	7
2.5 通信系统中的滤波	8
第三章 仿射投影自适应滤波器	9
3.1 仿射投影自适应滤波器的建立	9
3.2 仿射投影运算	12
3.3 仿射投影自适应滤波器的稳定性分析	13
第四章 信道评估方法设计	17
4.1 蒙特卡罗方法	17
4.2 准分析方法	20
第五章 信道评估结果及分析	22
5.1 仿真结果	22
5.2 结果分析	22
参考文献	23
致谢	24
毕业设计小结	25
附录	26

# 第一章 绪论

近年来,随着超大规模集成电路技术的飞速发展以及人们对更加高速、稳定的数字通信系统需求的不断增长,通信系统和信号处理系统的复杂度也在日益增加。这种程度的发展让传统的系统设计方法显得捉襟见肘,更不用说动态地分析系统设计中出现的各种问题。为此,研究人员在不断尝试新的、高效的设计分析工具——在电子计算机日益普及的时代,计算机辅助的系统模拟方法 (Simulation)正逐渐从实验室走向市场,被企业界认可。更高级的系统仿真方法 (Emulation)限于作者的研究时间和精力,将在工作展望部分进行适当阐述。

通信系统的模拟,主要是通过数字计算机辅以相应的分析软件,对系统特性的一个或多个方面进行"模拟",也就是计算。通信系统模拟的研究人员的设想是,假如物理的(现实生活中的)通信系统的每一个要素都可以用一个数学模型来表示,那么数字计算机将会"变身"成为一个完全虚拟的通信环境——只需要按照现实情况把各个要素连接起来。如摘要中所述,这样纯粹的虚拟环境越来越受研究人员欢迎,很重要的一点是模型中的每一个参数可以根据需要随时进行调整,调整后的结果也能很方便的观测到——这大大简化了用传统的方法逐步逼近最优参数的工作量。

## 1.1 研究背景

最早的控制系统模拟可以追溯到 20 世纪 50 年代初期,电子计算机刚刚诞生的时候。由于使用的仍是模拟器件,当时的计算机可被视为对一个连续系统的模拟. 该连续系统由大量互相接在插线板上的模块构成,而这些模块,分别代表了系统框图 [1] 上的不同部分。框图上的线性元件,诸如积分器、信号求和点以及放大器均通过功率放大器来进行模拟。非线性元件,诸如限制器和一些非线性函数,则可以通过几个线性、非线性元件的组合来表示。由以上推理可知,在数字通信领域,任何一个系统,无论它的特性是由常数或时变 (time varying) 参数的线性、非线性微分方程来表示,都能够被化简成一个框图 (block diagram),进而通过计算机软件提供的组件搭接模拟。模拟的系统搭接好之后,根据给定输入信号(一称激励信号,exciting signal)的不同,研究人员可以在输出端观测到系统的各种动态特性 [2]。

从 20 世纪 60 年代开始, 技术的进步让原本纯粹模拟 (analog) 的系统特性分

析方法渐渐向数字化 (digital) 转移。数字化的系统模拟架构由诸如连续系统建模程序 (Continuous System Modeling Program, CSMP) 和其他一些面向模块的编程语言搭建。这些编程语言通过一个部件、一个部件的分析方式来完成对模拟计算机的仿真。研究人员开发出这些编程语言的最初动力是将繁杂的、模拟的分析方式升级成简单、方便的分析方式——用几行代码,就可以将一堆框图所要传递的信息表示出来,结果还是一样的。上世纪 60 年代中叶,成套的电路级模拟软件诸如SPICE 和 ECAP 被开发出来,这些软件大大降低了系统分析中数值积分和信号流图中拓扑化简的工作量。从加州大学伯克利分校电子工程和计算机科学系的主页上可以看到,经历了半个世纪,SPICE 在教学中仍是极好的工具 [3]。

从 20 世纪 60 年代末到 70 年代初,离散时间系统和数字信号处理领域的发展带来了又一波数字方法的系统分析浪潮。随之而来的分析软件有 SYS-TID,CSMP,CHAMP,LINK 等等。这些软件中的部分在设计和分析卫星通信链路的时候发挥了巨大的作用 [4]。

从 20 世纪 80 年代开始,随着软件工程理论的不断推进,带有菜单的交互式系统分析软件如 ICSSM,TOPSIM 和 ICS 被开发出来。这些软件让仿真从命令行窗口进入了图形化时代。

自 20 世纪 80 年代中叶起,通信系统的模拟以及仿真在电子工程学科下作为一个独立的领域受到越来越多的关注。这些年计算机的软硬件仍取得了很大的发展,并且再可预见的几十年里还有很大的发展空间。硬件方面,个人计算机已经成为了一般研究人员的主流分析工具;软件方面,从 20 世纪 90 年代的 BOSS,SPW,COSSAP等软件,到今天占据绝对多数的 MATLAB [5] (有几乎覆盖科研全领域的工具箱)提供交互式用户友好图形化模拟仿真环境。

# 1.2 章节安排

本文主要研究了数字通信系统的建模和计算机模拟。引入的几个主要研究方法是,蒙特卡洛方法 (Monte Carlo method)、准分析方法 (Quasi Analytical method)、仿射投影算法 [6] (Affine Projection Algorithm, APA)。本文对这几种方法在信道评估领域做出了极为细致的比较。除此之外,本文也适当采用了其他一些方法,会随着行文逐渐展开,不一一赘述。

作为一篇本科生毕业设计的学位论文,作者觉得还是很有必要阐述一些通信,尤其是数字通信领域的基础知识。一是为了所有可能参考这篇文献的人行方

# 西州 スオナ学 本科毕业设计论文

便,二是为了巩固作者自身的学科基础—工程和科学领域什么东西都能和数学 沾点边,而牢固的数学基础又是做出优秀成果的有力保证。

第二章介绍了数字通信系统模拟的背景知识。诸如常见信号的离散表示以及 带通信号的低通表示。作为本文研究的主要内容,信道的基本概念和几种常见的 信道模型也做了一定的介绍。

第三章讨论了仿射投影算法在自适应滤波 (Adaptive Filtering) 中的应用。从该算法的基础知识,到应用在自适应滤波上的一些最基本的性能分析都有所讨论,

第四章和第五章是本文的核心部分。第四章分析了整个信道评估方法设计的 全过程,从信道建模到最后结果的评估方案。并且构造了几种有效的机制对几种 分析方法做了横向比较。

第五章是结果阐述部分。对前几章提出的各种分析进行了 MATLAB 模拟计算,并依据行业惯例,绘制了若干张更加直观的评价系统特性的图。

第六章对全文所有工作进行了一个总结。然后对论文最终稿的成果进行了分析,列举出了几个可以从本文继续延伸拓展研究的方向。

# 第二章 背景知识

通常来说,系统可以被视为为了完成特定任务组合联结而成的几个部件<sup>[7]</sup>。信号则可被视为,它通常是在时间维度上的一些量的集合。在通信领域用的信号一般是电压或者电流,本文实验中用的信号是随机信号,由于不涉及实际意义,仅作分析方法是用,故不带单位。

我们所期望模拟的现实生活中的信号,占绝大多数的是连续信号。但是,受限于数字计算机的物理特性,在进行模拟的时候只有将模拟信号进行采样 (sampling) 和量化 (quantizing) 处理。

### 2.1 连续和离散信号

连续信号,顾名思义,就是在时间上是连续的信号。它的数学定义为一个以连续时间为自变量的实数或复数域函数。在连续信号里,人们定义了几个十分基础的信号,例如单位阶跃信号 (unit step function)、单位脉冲信号 (unit pulse signal)和 sinc 信号。这些信号从定义到推导到理论应用,在每一本《信号与系统》教材上都有所阐述,因此本文不再赘述。

离散信号与连续信号不同的地方在于,离散信号仅仅定义在一个或多个离散的时间点上。最常见的一种离散信号获得方式是对连续信号进行等间隔采样  $t=nT_s$ ,其中 n 为整数。

我们希望从数学上可以根据采样到的信号恢复出原信号(即采样前的信号,连续信号)。采样定理(一称奈奎斯特定理)从理论上指出了最小的采样频率。根据采样定理,任意带宽为W的连续信号s(t)能够在采样后恢复成原信号的最小采样频率为 $f_s \geq 2W$ 采样每秒。满足条件的最小采样频率 $f_n = 2W$ 采样每秒被称为奈奎斯特频率。因此,从理论上可以看出,现实生活中的任何一个信号都可被以不低于奈奎斯特频率的采样频率采样,然后量化成离散信号。这样得到的离散信号,在数字通信系统分析时,并不会比直接用原信号有任何失真,还降低了计算复杂度。

# 2.2 带通信号的表示

根据参考文献 <sup>[2]</sup>,数字通信系统的两大基本理论分别为采样定理(见2.1节)和欧拉定理。欧拉定理将实数域和复数域通过公式  $e^{ix} = \cos(x) + \frac{1}{\sin(xx)}$  联接起来。式中 e 为自然对数的底,i 为虚数单位。作为一篇本科生学位论文,本文仍

会用一定篇幅来阐述与之相关的概念和基础应用,为后文设计和验证实验做铺垫。

从教材和现实生活经验中我们知道,信号(相关讨论在2.1节)可以被视为承载着特定信息的数学量。在实际应用中,数字信息承载信号 (digital information-bearing signal,以下简称信息信号) 通常需要经过某种类型载波 (carrier) 的调制然后才进行传输。当信息信号的带宽远远小于载波频率时,信息信号就可以被视为窄带带通信号 (narrowband bandpass signal,简称窄带信号)。我们将对后文需要用到的公式做一个推导,力求获得最简形式。

如前所述,当采样频率大于或等于奈奎斯特频率的时候,任意连续信号都可以用其等价的离散信号予以表示。这也就是说,假设某带通连续信号的带宽为B,其载波频率为 $f_c$ ,那么不失真的最小采样频率为 $2 \times (f_c + B/2)$ ,依据为前文2.1推导的采样定理。当然,如果仅仅讨论带宽为W的低通信号,其奈奎斯特频率便只是2W。由参考文献 [8] 可知,对载波调制的信号和相应的系统做一定限制,它们就能被分别当做低通的对象来进行处理。下面进行适度的公式推导,假设采用的为最常见的余弦调制。

任意余弦调制后的信号 x(t) 可以表示为

$$x(t) = r(t)\cos[2\pi f_c t + \varphi(t)] \tag{2.1}$$

上式简化后可以表示为

$$x(t) = Re[r(t)e^{j\phi(t)}e^{j2\pi f_c t}]$$
(2.2)

其中 j 为虚数单位,r(t) 为幅值调制 (amplitude modulation), $\varphi(t)$  为信号的相位调制 (phase modulation), $f_c$  为调制用的余弦载波的频率。那么,分析后不难发现信号

$$v(t) = r(t)e^{j\varphi(t)} (2.3)$$

包含了信息信号 r(t) 的所有信息,并且经过傅里叶变换 <sup>[9]</sup> (Fourier Transform) 后可以看出其低通特性。上述方法通常被称为复数域低通特性或者是信号的复数包络检测。如果任意信号满足本章前述的窄带特性,那么将调制后的带通信号 x(t) 处理为低通信号 v(t),然后作为信道分析的激励信号,会在计算上有很大的方

# 西州 スオ大学 本科毕业设计论文

便。

我们利用三角函数的和差化积与积化和差公式<sup>[9]</sup>,对上面得到的公式进行进一步的分析,可以得到

$$x(t) = x_d \cos(2\pi f_c t) - x_q \sin(2\pi f_c t) \tag{2.4}$$

其中  $x_d$  与  $x_q$  分别为带通信号 x(t) 在正交的而为坐标轴上的两个分量 (In-Phase, Quadrature)。从参考文献 <sup>[8]</sup> 中可以得知,如果该带通信号 x(t) 的带宽 B,也就是其两个分量的带宽 B 满足条件  $B \ll f_c$ ,那么 x(t) 的希尔伯特变化可以视为

$$\tilde{x}(t) = x_d \sin(2\pi f_c t) + x_q \cos(2\pi f_c t) \tag{2.5}$$

进而信息信号 x(t) 的分析式可以表示为

$$x_{+}(t) = x(t) + j\tilde{x}(t) = [x_{d}(t) + jx_{q}(t)]e^{j2\pi f_{c}t}$$
 (2.6)

进而载波调制的信号 x(t) 可以表示为

$$x(t) = Re[x_{+}(t)] = Re[\tilde{x}(t)e^{j2\pi f_{c}t}]$$
 (2.7)

综合以上各式,信息信号 x(t) 的等价低通表示,或者说复数域包络检测定义为

$$\tilde{x}(t) = x_{+}e^{-j2\pi f_{c}t} = x_{d}(t) + jx_{q}(t)$$
 (2.8)

# 2.3 M维相移键控调制信号

根据参考文献 [8,9] 中提供的信号分析方法,任意一个 M 维相移键控调制信号 (M-ary Phase-Shift Keying Signal) 可以表示为

$$s(t) = A\cos[2\pi f_c t + \frac{2\pi}{M}(m-1) + \theta_i]$$
 (2.9)

其中  $1 \le m \le M$ ,  $0 \le t \le T$  并且  $\theta_i$  是信号在发送端 (transmitter) 加上的相角 (phase angle)。公式(2.9)可以简化表示为

$$s(t) = ARe\{e^{j[\frac{2\pi}{N}(m-1)+\theta_i]}e^{j2\pi f_c t}\}$$
 (2.10)

由公式(2.7)及参考文献 [8,9] 可知,复数形式的包络函数(包络检测获得)为

$$\tilde{s}(t) = Ae^{j\left[\frac{2\pi}{M}(m-1) + \theta_i\right]} \tag{2.11}$$

因此该包络函数的正交分量分别为

$$x_d(t) = A\cos[\frac{2\pi}{M}(m-1) + \theta_i]$$
 (2.12)

和

$$x_q(t) = A \sin[\frac{2\pi}{M}(m-1) + \theta_i]$$
 (2.13)

#### 2.4 M 维频移键控调制信号

根据参考文献 <sup>[8,9]</sup> 中提供的信号分析方法,任意一个 M 维频移键控调制信号 (M-ary Frequency Shift Keying Signal) 可以表示为

$$x(t) = A\cos[2\pi(f_c + I_m\Delta f)t + \theta_m]$$
 (2.14)

或者其复数域表示

$$x(t) = ARe\{e^{j2\pi f_m \Delta f} e^{j\theta_m e^{j2\pi f_c t}}\}$$
 (2.15)

其中  $1 \le m \le M$ , $\Delta f = \frac{1}{T}$ 。并且  $\Delta f$  是为了保证信号正交性的最小频率间隔。此外,还有  $I_m = \frac{2m-1-M}{2}$ 。 $\theta_m$  表示的是每一个信号集中,信号的相位。

由公式(2.7)及参考文献 [8,9] 可知, M 维频移键控调制信号的包络函数为

$$\tilde{x}(t) = Ae^{j(2\pi f_m \Delta f t + \theta_m)} \tag{2.16}$$

可得其正交分量为

$$x_d(t) = A\cos(2\pi I_m \Delta f t + \theta_m) \tag{2.17}$$

及

$$x_q(t) = A\sin(2\pi I_m \Delta f t + \theta_m) \tag{2.18}$$

#### 2.5 通信系统中的滤波

通信系统中的滤波主要用来选择特定的信号以及减轻或消除干扰 (interference) 和噪声 (noise)。一个理想的滤波器,在其通带(也就是进行滤波的频段)传递函数的幅值 (magnitude) 是恒定不变的一个值;在其阻带,传递函数的幅值为 0. 理想滤波器的中频带增益为 1,其相位为关于频率的线性函数 <sup>[7]</sup>。

在对数字通信系统进行模拟的时候,,带通信号的滤波通常都简化为对其复数域的包络函数进行处理。带通滤波器一般也等价成低通滤波器方便分析。前文1.1节中分析过,在 MATLAB 软件中,各式各样的滤波器都只需要几个参数,诸如通带 (passband)、阻带 (stopband) 和这些频带中的公差 (tolerances) 就可以确定下来。在 MATLAB 中最常见的描述方式为传递函数 —分子和分母都是多项式。

# 第三章 仿射投影自适应滤波器

自适应滤波器在统计信号处理中占有相当重要的地位。当需要处理统计特性未知(unknown statistics)或者根本就不固定环境中产生的信号时,自适应滤波器相比用传统方法设计的固定滤波器 (fixed filters) 在处理结果的精度和可靠性上有显著的改善,因此采用自适应而非传统滤波器在这些环境中是极富吸引力的。进一步来说,虽然从理论上来看自适应滤波器的处理速度没有传统的快,但是经过多年的发展,目前最先进的自适应滤波器已经完全不输传统滤波器,在处理速度方面;在系统的复杂度方面,自适应滤波器由于其结构特性,略逊一筹也是不争的事实。从自适应滤波器诞生的那一天起,越来越多的实际应用中可以看到它的身影。现如今,应用领域已包括诸如通信中的雷达和声呐,控制领域的各种新型控制器、地震的预测以及生物医学工程领域的医学图像分析、病情诊断和预测等。

本章主要讨论了仿射投影算法的数学基础和其在自适应滤波器中的应用 [10]。 滤波器的自适应特性 (adaptation) 是通过根据输入量(在通信系统中为输入信号)的变化来不断调整其自由参数 (free parameters) 也即其传递函数自变量的系数,来获得的。然而,这样一种方式,却使得自适应滤波器成了一种非线性器件。所以,当我们说自适应滤波器是一种线性器件的时候,我们是如下定义的: 自适应滤波器的输入输出映射满足叠加定理,当且仅当在每一个瞬时,滤波器的各个参数均为定值的时候。

## 3.1 仿射投影自适应滤波器的建立

从数学角度上讲,设计一个基于仿射投影算法的自适应滤波器,就是一个在 有多重限定条件的前提下试图寻找最优解的过程。从下文开始我们慢慢讨论。

试图将权重矢量增量的平方欧几里得范数最小化,我们可以得到下式

$$\delta \hat{\mathbf{w}} = \hat{\mathbf{w}}(n+1) - \hat{\mathbf{w}}(n) \tag{3.1}$$

其 N 维限定条件是

$$d(n-k) = \hat{\mathbf{w}}^{H}(n+1)\mathbf{u}(n-k) \quad for \quad k = 0, 1, ..., N-1$$
 (3.2)

对于式(3.2)我们要求,也可以说成假设 N 要小于输入数据空间的维度,即 M。输入空间在这里也就是权重空间 (weight space)。

在这样一种 N 维的限定条件下,当 N=1 时,就变成了归一化最小均方滤波器 (Normalized Least Mean Square Filter, 简称 NLMS Filter)。因此,我们可以将限定条件的数量 N 视为,基于仿射投影算法的自适应滤波器的阶数 (order)。

根据参考文献 [10] 的附录 C (pp 799-801) 中描述的多重约束条件下拉格朗日乘子的计算法则,我们将方程(3.1)和(3.2)组合起来建立仿射投影自适应滤波器的代价函数

$$\mathbf{J}(n) = \|\hat{\mathbf{w}}(n+1) - \hat{\mathbf{w}}(n)\|^2 + \sum_{k=0}^{N-1} Re[\lambda_k^*(d(n-k) - \hat{\mathbf{w}}^H(n+1)\mathbf{u}(n-k))]$$
(3.3)

在代价函数(3.3)中, $\lambda_k$  是关于多重限定条件的拉格朗日乘子。为了在后面中的描述简便起见,我们接着引入如下定义,

一个N行M列的数据矩阵 (data matrix),其埃尔米特转置 (Hermitian transpose) 定义为

$$\mathbf{A}^{H} = [\mathbf{u}(n), \mathbf{u}(n-1), ..., \mathbf{u}(n-N+1)]$$
(3.4)

• 一个 N 行 1 列期望响应矢量 (desired response vector),其埃尔米特转置定义为

$$\mathbf{d}^{H}(n) = [d(n), d(n-1), ..., d(n-N+1)]$$
(3.5)

• 一个 N 行 1 列的拉格朗日矢量 (Lagrange vector),其埃尔米特转置定义为

$$\boldsymbol{\lambda}^{H} = [\lambda_0, \lambda_1, ..., \lambda_{N-1}] \tag{3.6}$$

将上述定义好的矩阵代入方程(3.3)中,一个简化后更加紧凑的代价函数为

$$\mathbf{J}(n) = \|\hat{\mathbf{w}}(n+1) - \hat{\mathbf{w}}(n)\|^2 + Re[(\mathbf{d}(n) - \mathbf{A}(n)\hat{\mathbf{w}}(n+1))^H \boldsymbol{\lambda}]$$
(3.7)

为了求极值,我们用参考文献[10]的附录 B (pp 794-798)中给出的关于复数域矢

量求微分的方法,对代价函数  $\mathbf{J}(n)$  求关于权重矢量  $\hat{\mathbf{w}}(n+1)$  的导数,有

$$\frac{\partial \mathbf{J}(n)}{\partial \hat{\mathbf{w}}^*(n+1)} = 2(\hat{\mathbf{w}}(n+1) - \hat{\mathbf{w}}(n)) - \mathbf{A}^H(n)\boldsymbol{\lambda}$$
(3.8)

将上式右边置为0,我们可以得到等式

$$\delta \hat{\mathbf{w}}(n+1) = \frac{1}{2} \mathbf{A}^H \lambda \tag{3.9}$$

为了讨论和求解的需要,我们想办法从方程(3.9)中消去拉格朗日矢量  $\lambda$ 。因此,我们首先利用方程(3.4)和(3.5)将最开始的 N 维限定条件集重写为等价的形式,

$$\mathbf{d}(n) = \mathbf{A}(n)\hat{\mathbf{w}}(n+1) \tag{3.10}$$

将方程(3.9)两边同时乘以  $\mathbf{A}(n)$ ,然后利用方程(3.1) 和(3.10)消去更新后的权重矢量  $\hat{\mathbf{w}}(n+1)$  得到

$$\mathbf{d}(n) = \mathbf{A}(n)\hat{\mathbf{w}}(n) + \frac{1}{2}\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^{H}(n)\boldsymbol{\lambda}$$
 (3.11)

从上式(3.11)我们可以推出如下结论:

• 矢量  $\mathbf{d}(n)$  和  $\mathbf{A}(n)\hat{\mathbf{w}}(n)$  的差,是一个以迭代次数 (iteration) 为自变量的 N 行 1 列误差矢量 (error vector)

$$\mathbf{e}(n) = \mathbf{d}(n) - \mathbf{A}(n)\hat{\mathbf{w}}(n) \tag{3.12}$$

• 矩阵  $\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^H(n)$  的乘积是一个 N 行 N 列的矩阵,我们将其逆矩阵记作  $(\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^H(n))^{-1}$ 

有了以上简化的表示,我们解方程(3.11)求拉格朗日矢量,

$$\lambda = 2(\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^{H}(n))^{-1}\mathbf{e}(n)$$
 (3.13)

将解得的拉格朗日矢量代入方程(3.9),我们可以得到权重矢量的最优增量,其表示形式为,

$$\delta \hat{\mathbf{w}}(n+1) = \mathbf{A}^{H}(n)\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^{H}(n)^{-1}\mathbf{e}(n)$$
(3.14)

最后,也可以说是在基于仿射投影算法的自适应滤波器设计中最重要的一步,就是我们需要控制好每一步权重矢量的迭代,使其尽可能保证在一个方向上  $^{[6]}$  (keep the same direction)。为了尽可能的实现这一目标,我们向方程(3.14)中引入步长参数  $\tilde{\mu}$  (step-size parameter),进而得到新的方程

$$\delta \hat{\mathbf{w}}(n+1) = \tilde{\mu} \mathbf{A}^{H}(n) \mathbf{A}(n) \mathbf{A}^{H}(n)^{-1} \mathbf{e}(n)$$
(3.15)

将获得的每一步迭代的权重矢量增量代入其定义式(也就是其每步迭代的递推公式)(3.1),并进行整理,可以得到

$$\hat{\mathbf{w}}(n+1) = \hat{\mathbf{w}}(n) + \tilde{\mu} \mathbf{A}^{H}(n) \mathbf{A}(n) \mathbf{A}^{H}(n)^{-1} \mathbf{e}(n)$$
(3.16)

这也就是最终我们利用基于仿射投影算法的自适应滤波器,在数字通信系统中进行信号处理的基本公式 [6,10]。

#### TABLE 6.2 Summary of the Affine Projection Adaptive Filter

Parameters: M = number of taps

 $\widetilde{\mu}$  = adaptation constant

N = number of multiple constraints, which defines the filter order

Initialization: If prior knowledge on the tap-weight vector  $\hat{\mathbf{w}}(0)$  is available,

use it to initialize the filter. Otherwise, set  $\hat{\mathbf{w}}(0) = \mathbf{0}$ .

Data:

(a) Given:  $\mathbf{u}(n) = M$ -by-1 tap-input vector at time step  $n = [u(n), u(n-1), \dots, u(n-M+1)]^T$ d(n) = desired response and time step n

(b) To be computed:  $\hat{\mathbf{w}}(n+1) = \text{estimate of Wiener solution at time step } n+1$ 

Computation: n = 0, 1, 2, ...

 $\mathbf{A}^{H}(n) = [\mathbf{u}(n), \mathbf{u}(n-1), \dots, \mathbf{u}(n-N+1)]$   $\mathbf{d}^{H}(n) = [d(n), d(n-1), \dots, d(n-N+1)]$   $\mathbf{e}(n) = \mathbf{d}(n) - \mathbf{A}(n)\hat{\mathbf{w}}(n)$   $\hat{\mathbf{w}}(n+1) = \hat{\mathbf{w}}(n) + \widetilde{\mu}\mathbf{A}^{H}(n)(\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^{H}(n))^{-1}\mathbf{e}(n)$ 

图 3.1: Summary of the Affine Projection Adaptive Filter

## 3.2 仿射投影运算

由参考文献上的描述 [10] 可得,迭代后的权重矢量  $\hat{\mathbf{w}}(n+1)$  是迭代前权重矢量  $\hat{\mathbf{w}}(n)$  经过仿射投影运算的结果。为了得到仿射投影算子,我们将方程(3.12) 代

入方程(3.16)可得,

$$\hat{\mathbf{w}}(n+1) = [\mathbf{I} - \tilde{\mu} \mathbf{A}^{H}(n) (\mathbf{A}(n) \mathbf{A}^{H}(n))^{-1} \mathbf{A}(n)] \hat{\mathbf{w}}(n) 
+ \tilde{\mu} \mathbf{A}^{H}(n) (\mathbf{A}(n) \mathbf{A}^{H}(n))^{-1} \mathbf{d}(n)$$
(3.17)

其中 I 为单位矩阵。由上式(3.17)为了便于描述,定义投影算子 (projection operator) 如下:

$$\mathbf{P} = \mathbf{A}^{H}(n)(\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^{H}(n))^{-1}\mathbf{A}(n)$$
(3.18)

对方程(3.18)简单分析不难发现,**P** 由数据矩阵 **A**(n) 唯一确定。所以,对确定好了的  $\tilde{\mu}$ ,**A**(n) 和 **d**(n),互补投影算子 (complement projector)[**I** -  $\tilde{\mu}$ **P**] 作用在前一个权重矢量  $\hat{\mathbf{w}}$ (n) 上,产生新的权重矢量  $\hat{\mathbf{w}}$ (n+1)。最为重要的是,由于方程(3.17)中第二项的存在,也就是  $\tilde{\mu}$ **A**<sup>H</sup>(n)( $\mathbf{A}$ (n) $\mathbf{A}$ <sup>H</sup>(n)) $^{-1}$ **d**(n),使得互补投影算子成为了仿射投影算子而非简简单单的一个投影算子。

在参考文献 [10] 的第八章中 (pp 385-429) 谈到,对于各种最小均方算法,我们可以证明,当 N 小于 M 时(一个例子是图3.1所示算法),矩阵  $\mathbf{A}^H(n)(\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^H(n))^{-1}$  可以被视为数据矩阵  $\mathbf{A}(n)$  的伪逆 (pseudoinverse) 矩阵。用符号  $\mathbf{A}^+(n)$  来表示该伪逆矩阵,进一步将递推方程(3.17) 简化表示为

$$\hat{\mathbf{w}}(n) = [\mathbf{I} - \tilde{\mu} \mathbf{A}^{+}(n) \mathbf{A}(n)] \hat{\mathbf{w}}(n) + \tilde{\mu} \mathbf{A}^{+}(n) \mathbf{d}(n)$$
(3.19)

至此,基于仿射投影算法的自适应滤波器递推公式的相关已全部讨论。当然,参考文献 [10] 中做了这样一个总结—"正是由于递推公式(3.19)的定义,我们可以很直观地将基于仿射投影算法的自适应滤波器视作,介于归一化最小均方滤波器和递归最小均方滤波器之间的一种滤波器,就计算复杂度 (computational complexity) 和性能 (performance) 两方面来说。"

## 3.3 仿射投影自适应滤波器的稳定性分析

作出假设,即本文讨论的基于仿射投影算法的自适应滤波器的本质数学模型为多重回归模型 (multiple regression model),由上节讨论和参考文献 [10] 的最小均方滤波器部分 (pp 320-327) 可知,模型的数学表达式可以为,

$$\mathbf{d}(n) = \mathbf{w}^H \mathbf{u}(n) + \nu(n) \tag{3.20}$$

在方程(3.20)中,**w** 为模型的未知参数矢量, $\nu(n)$  为加性干扰,在归一化最小均方滤波器中,估测权重矢量 (tap-weight vector) 是通过该滤波器数学模型后,计算得到的对真实 **w** 的一个估计。因此可以定义真实值和估测值之间的误差 (mismatch) 一个专门的矢量 —权重误差矢量 (weight-error vector) 如下,

$$\boldsymbol{\varepsilon}(n) = \mathbf{w} - \hat{\mathbf{w}}(n) \tag{3.21}$$

再由归一化最小均方滤波器的递推方程[10]

$$\hat{\mathbf{w}}(n+1) = \hat{\mathbf{w}}(n) + \frac{\tilde{\mu}}{\|\mathbf{u}(n)^2\|} \mathbf{u}(n) \mathbf{e}^*(n)$$
(3.22)

两式(3.21)、(3.22)相减,得

$$\varepsilon(n+1) = \varepsilon(n) - \frac{\tilde{\mu}}{\|\mathbf{u}(n)^2\|} \mathbf{u}(n) \mathbf{e}^*(n)$$
(3.23)

在参考文献 [10-12] 中提到,设计归一化最小均方滤波器的一个核心思想便是让估测权重矢量在每一次  $n \le n+1$  的迭代 (iteration) 中,尽可能达到最小值。而这样一种设计的实现,而这样一种最小化的设想,却又受制于迭代本身。受上述过程的启发,我们不难想到用均方差 (mean square deviation) 来作为最小方差滤波器稳定性的评价标准。

$$\mathscr{D}(n) = E[\|\varepsilon(n)\|^2] \tag{3.24}$$

至此,对基于仿射投影算法的自适应滤波器稳定性分析的准备工作告一段落。现在正式开始分析。

因为仿射投影滤波器也归纳在最小均方滤波器类别下,所以同该滤波器一样,我们对其的稳定性分析以均方差  $\mathcal{D}(n)$  为评价标准,均方差的定义在式(3.24)。用含有未知权重矢量 (unknown weight vector) 的多重回归模型方程减去方程(3.16),我们可以得到下式

$$\varepsilon(n+1) = \varepsilon(n) - \tilde{\mu} \mathbf{A}^{H}(n) (\mathbf{A}(n) \mathbf{A}^{H}(n))^{-1} \mathbf{e}(n)$$
(3.25)

将上述权重误差矢量的迭代公式代入  $\mathcal{D}(n)$  的定义中,对得到的式子进行重排和

化简,有

$$\mathcal{D}(n+1) - \mathcal{D}(n) = \tilde{\mu} E[\mathbf{e}^{H}(n)(\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^{H}(n))^{-1}\mathbf{e}(n)] - 2\tilde{\mu} E\{Re[\boldsymbol{\xi}_{n}^{H}(n)(\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^{H}(n))^{-1}\mathbf{e}(n)]\}$$
(3.26)

其中

$$\boldsymbol{\xi}_u(n) = \mathbf{A}(n)(\mathbf{w} - \hat{\mathbf{w}}(n)) \tag{3.27}$$

为非干扰误差向量 (undisturbed error vector)。从方程(3.26)中可以比较明显地看出均方差  $\mathcal{D}(n)$  随着 n 的单调 (monotonically) 增加而单调减少 —假定步长参数  $\mu$  满足条件

$$0 < \tilde{\mu} < \frac{2E\{Re[\boldsymbol{\xi}_u^H(n)(\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^H(n))^{-1}\mathbf{e}(n)]\}}{E[\mathbf{e}^H(n)(\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^H(n))^{-1}\mathbf{e}(n)]}$$
(3.28)

同样不难发现,对于上式,归一化最小均方滤波器的  $\tilde{\mu}$  限定条件 [10](pp 324-325) 是其一个特例。再对方程(3.26)进行求导分析,得到最优步长 (optimal step-size) 的数学定义如下,

$$\tilde{\mu}_{opt} = \frac{E\{Re[\boldsymbol{\xi}_u^H(n)(\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^H(n))^{-1}\mathbf{e}(n)]\}}{E[\mathbf{e}^H(n)(\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^H(n))^{-1}\mathbf{e}(n)]}$$
(3.29)

由上式已经可以得出足够多可用的信息,但是我们利用参考文献 [10-12] 中提到的几条假设,并对其在本节的讨论中做出扩展,是我们可以在更加细小的范围内讨论  $\tilde{\mu}_{opt}$ ,以便看出规律。为了叙述得更加清楚,做出的假设 (assumption) 描述采用英文,即对参考文献中的假设做出适当修改后直接引用。

• Assumption I. From one iteration to the next, the fluctuations in the inverse of the matrix product  $\mathbf{A}(n)\mathbf{A}^H(n)$ , which is common to the numerator and denominator of  $\tilde{\mu}_{opt}$ , are small enough to justify approximation  $\mu_{opt}^{\sim}$  as

$$\hat{\mu}_{opt} \approx \frac{E\{Re[\boldsymbol{\xi}_u^H(n)\mathbf{e}(n)]\}}{E[\|\mathbf{e}(n)\|^2]}$$
(3.30)

• Assumption II. The undisturbed error vector  $\boldsymbol{\xi}_u(n)$  is uncorrelated with the disturbance (noise) vector

$$\boldsymbol{\nu}^{H}(n) = [\nu(n), \nu(n-1), ..., \nu(n-N+1)]$$
(3.31)

# 西州 スオ大学 本科毕业设计论文

• **Assumption III.** The spectral content of the input signal u(n) is essentially flat over a frequency band larger than that occupied by each element of the weight-error vector  $\varepsilon(n)$ , thereby justifying the approximation

$$E[\xi_u^2(n)] = E[|e^T(n)\mathbf{u}(n)|^2]$$

$$\approx E[||\varepsilon(n)||^2]E[u^2(n)]$$

$$= \mathcal{D}(n)E[u^2(n)]$$
(3.32)

应用以上三条假设,对方程(3.29)进行化简,有

$$\tilde{\mu}_{opt} = \frac{E[\|\boldsymbol{\xi}_{u}(n)\|^{2}]}{E[\|\mathbf{e}(n)\|^{2}]}$$

$$= \frac{\sum_{k=0}^{N-1} E[|\xi_{u}(n-k)|^{2}]}{\sum_{k=0}^{N-1} E[|e(n-k)|^{2}]}$$

$$\approx \frac{\sum_{k=0}^{N-1} \mathscr{D}(n-k)E[|u(n-k)|^{2}]}{\sum_{k=0}^{N-1} E[|e(n-k)|^{2}]}$$
(3.33)

# 第四章 信道评估方法设计

评价数字通信系统的各项指标中,接收到的信号与发送的信号之间出错的概率(即 Bit Error Rate,BER 误码率)是一项很重要也广泛被使用的评价指标。用蒙特卡洛方法进行通信系统信道评估,要点在于设计好一个大小为 M 的字母表(或者其他你想要进行测试的数据,比如二进制数据报)作为发送信号(即系统的输入信号)。参考文献 [2] 中指出通常设计的字母表大小为  $2^k$ ,这是由电子计算机的特性决定的。

而计算误码率的通常方法是任意多次取任意长(由准确性考虑应当取得较长,视  $M=2^k$  大小而定)的接收信号(即系统的输出信号),计算其平均的出错次数。其数学叙述大体如下:假设 N 为输入信号的数据量 (N 个二进制数),n(N) 为观测到的错误数,则出错概率 p 定义为  $p=\lim_{N\to\infty}\frac{n(N)}{N}$ 。对于前述的当字母表的大小 M=2 的时候,一个专有的名称为比特差错概率(误码率)。

本章和第五章所讨论的数字通信系统, 其模型简化为

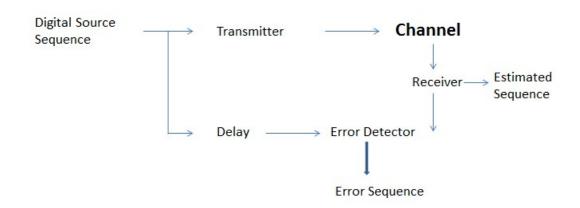


图 4.1: System Block Diagram

# 4.1 蒙特卡罗方法

蒙特卡罗信道评估方法 <sup>[2,7]</sup> 是基于统计学方法的,对真实通信系统的一种模拟。蒙特卡罗方法的核心在于建立真是通信系统尽可能准确的数学模型,然后依据模型进行推理、演算。最为常见的模型建立方法是框图法——个例子如图4.1。根据任务要求,可以设计出类型相似但实际差别很大的框图出来 <sup>[2,7,10]</sup>。如图4.2 和图4.3所示。建立好所需系统的模拟框图之后,在模拟软件(本文采用的是 <sup>[5]</sup>)

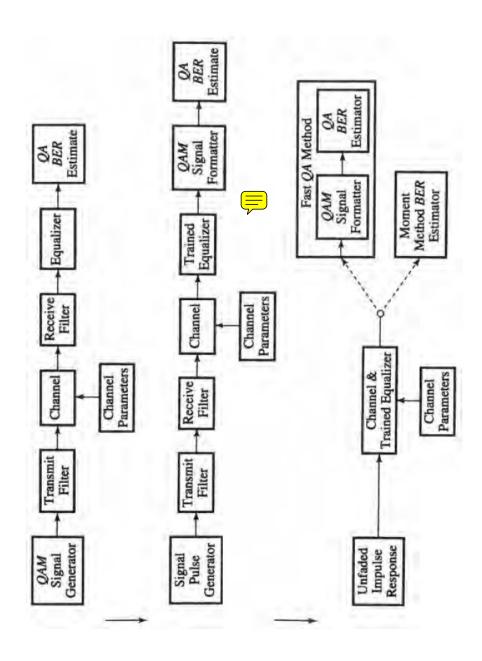


图 4.2: Typical System Block Diagram

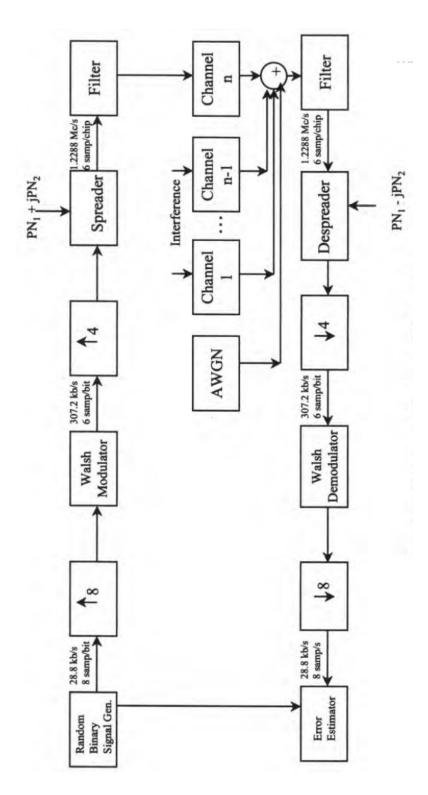


图 4.3: Another Typical System Block Diagram

里把每一个功能框都用对应的算法表示、代码实现出来。蒙特卡罗方法的一个好处是不需要知道系统真实的输入信号——它将假定一个数字信号源作为输入。这样一来该方法便能很方便地比较输入和输出之间的误差,从而得出有关系统性能的若干结论。

对于本节讨论以及下一章部分计算采用的框图4.1来说,其中一个很重要的部件 (component) 就是系统的延时 (delay)。由参考文献 <sup>[2,7]</sup> 可知,讨论该系统(框图)的延时等同于讨论信号同步 (synchronization) 的问题。对于载波调制 (carrier-modulated) 的信号做输入量系统来说,信号解调的问题和信号同步的问题是一回事。限于本文主旨和篇幅,不做过多讨论。

#### 4.2 准分析方法

准分析信道评估方法,也叫半解析 (semianalytical) 方法,是一种结合了系统模拟和纯数学推理计算的方法。这样一种方法可以让系统的输出信号几乎完全消除噪声的干扰  $^{[2]}$ 。该方法的描述如下,需要已知含有噪声的输出信号,并假定噪声是已知概率密度函数 (probability density function) 的加性噪声。由于在处理时假定噪声的概率密度函数已知,我们可以很方便地对输出端噪声的概率进行计算,这是数学推理的部分。在系统模拟部分,同样由于假定已知噪声的概率密度函数,我们可以在计算机模拟的时候人工移除噪声的影响(MATLAB 代码实现 $^{[13]}$ )。一个简明的准分析方法如图4.4所示。该图的上半部分 (a) 表示的是一个假定的传输比特流,下半部分 (b) 表示的是去掉噪声后的接收机输入信号(即等待接收机进行处理的信号)。现结合准分析方法对该图进行讨论。如果用符号  $\nu_k$  表示第 k 个采样瞬间对应的信号的幅值(即纵坐标的数值),当考虑加性噪声时,可以将每个采样瞬间误差的概率用方程4.1表示  $^{[2-4,7]}$ 

$$P_{e_k} = \begin{cases} Prob[noise > \nu_k] = \int_{\nu_k}^{\infty} f_n dn, & \nu_k < 0 \\ Prob[noise < \nu_k] = \int_{-\infty}^{\nu_k} f_n dn, & \nu_k > 0 \end{cases}$$

$$(4.1)$$

其中 f|n 表示的是在处理中假定已知加性噪声的的概率密度函数,并且其平均值 (即概率密度函数的数学期望)为了计算方便,假定为 0。这一假定使得在本次 讨论中信号相关检测解调的阈值 (threshold) 也为 0。

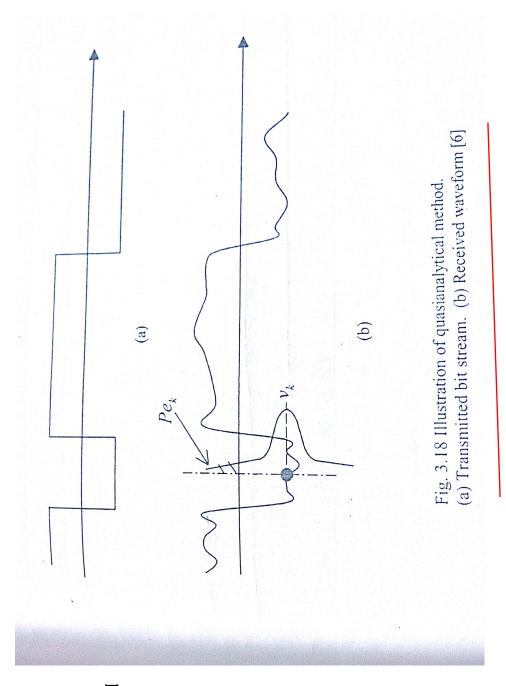


图 4.4: Illustration of Quasianalytical Method

# 第五章 信道评估结果及分析

本文仿真所用的代码由于较长,附在了附录里面。为了便于读者直观的分析、比较仿真结果,所得的一共 16 张图片均作为正文放在了本章。

#### 5.1 仿真结果

#### 5.2 结果分析

现在根据上节所列的仿真结果对全文做一个总结。基于仿射投影算法的自适应滤波器,在最小均方滤波器家族中有着比归一化最小均方滤波器更好的收敛程度,因此在计算复杂度不是主要考虑因素的前提下,仿射投影自适应滤波器是一个很好的选择——如前所述,介于两个极端,归一化最小均方和递归最小均方两个极端之间。

- 仿射投影自适应滤波器的学习曲线包含有指数项求和的运算,因此有一定的计算复杂度。
- 仿射投影自适应滤波器的收敛速度比归一化最小均方滤波器要快,因此能经过较少次的迭代而获得期望结果。
- 当滤波器的阶数 N 增加的时候,在迭代时可以用的输入数据矢量  $\mathbf{u}_n$  也随之增多。从理论和仿真两方面均证明了这样收敛性会变得更好,不过收敛速率却随之降低。

总的来说,通信系统的设计和评估领域有这样一句脍炙人口的话,可以很好地作为全篇的一个总结,"设计通信系统的时候没有免费的午餐可以吃,对于我们取得的每一分贝增益,我们都付出了等额的代价。" (There is no free lunch in designing a communication system: for every gain that is made, there is a price to be paid.)

# 参考文献

- [1] Wikipedia. Eniac. Technical report, http://en.wikipedia.org/wiki/ENIAC, 2013.
- [2] W. H. Tranter and K. L. Kosbar. Simulation of communication systems. *IEEE Communications Magazine*, pages 26–35, July 1994.
- [3] J. M. Rabaey. The spice homepage. Technical report, Department of Electrical Engineering and Computer Science, 2013.
- [4] M. C. Jeruchim, P. Balaban, and K. S. Shanmugan. *Simulation of Communication Systems*. Springer, 2nd edition, October 2000.
- [5] MathWorks. Matlab-the language of technical computing. Technical report, MathWorks, 2013.
- [6] K. Ozeki and T. Umeda. An adaptive filtering algorithm using an orthogonal projection to an affine subspace and its properities. *Electronics and Communications in Japan*, 67-A(5):19–36, 1984.
- [7] R. E. Ziemer, W. H Tranter, and D. R. Fannin. *Signals and Systems: Continuous and Discrete*. Prentice Hall, 4th edition, Febuary 1998.
- [8] A. V. Oppenheim and R. W. Schafer. *Discrete-Time Signal Processing*. Prentice Hall, 3rd edition, August 2009.
- [9] A. V. Oppenheim, A. S. Willsky, and S. Hamid. Signals and Systems. Prentice Hall, 2nd edition, August 1996.
- [10] S. Haykin. Adaptive Filter Theory. Pearson Education, Communications Research Laborotary, McMaster University, 4th edition, 2002.
- [11] S. G. Sankaran and A.A. Beex. Convergence behavior of affine projection. *IEEE Transactions on Signal Processing*, 48(4):1086–1095, April 2000.
- [12] S.G.Sankaran and A.A. (Louis) Beex. Fast generalized affine projection algorithm. *International Journal of Adaptive Control and Signal Processing*, pages 623–641, 2000.
- [13] T. K. Paul and T. Ogunfunmi. On the convergence behavior of the affine projection algorithm for adaptive filters. *IEEE Transactions on Circuits and Systems*, 58(8):1813–1826, August 2011.

# 西州 スオ大学 本科毕业设计论文

## 致 谢

首先要感谢我的导师 XXX 教授。论文是在我的导师 X 老师的悉心指导下完成的。在论文的进展中,X 老师提供了实验平台和学习资料,并且做了不少指点,对论文写作提出了很多宝贵意见。X 老师严谨的治学态度以及丰富的实践经验将是我以后学习和工作的动力和楷模。在此谨向我的导师 X 士宁教授表示衷心的感谢。

同时要感谢传感器网络教研室 X 志刚老师和师兄师姐们,他们为我创造了良好的学习环境。他们提供的各种资料对我帮助很大,特别是林黛娣师姐在相同领域所作工作留下的资料使我受益匪浅。

另外要感谢 UC Berkley 的 Philip Levis, USC 的 Omprakash Gnawali 等人,是他们创造了 TinyOS 这个自由和优秀的 WSN 操作系统并提供了完整详细的文档;感谢为 GNU/Linux 贡献代码的黑客们,这个自由免费的平台为我完成毕设提供了不少便利;感谢清华大学王磊博士,他创作的 LETEX 模板使我的论文的排版得以顺利完成。

最后感谢我的家人对我一如既往的关心和支持,感谢即将出世的侄儿给我带 来精神上莫大的鼓舞。

# 毕业设计小结

这次毕业设计是对我四年本科学习的一个总结,涉及了操作系统、计算机网络、体系结构、组成原理等课程的知识,并且要求自己动手实践,这对我来说是一次全面的考验。一开始对于 TinyOS 和 nesC 语言完全是陌生的,对组件化设计的概念理解也不够深入。接着是各种安装和配置问题,只能通过官方的教程和 TinyOS 的邮件列表查询,信息的来源比较少。由于 nesC 并不是一种广泛使用的语言,因此各种相关的工具比较少,比如没有优秀的可视化工具可用,从而导致阅读 TinyOS 代码相对比较困难:为了找一个命令的实现,需要顺着配置文件层层挖掘,有时甚至要深入十几层才能找到具体实现的代码,后来通过自定义配置编辑器以及查找辅助工具才略微提高了一些效率,这一过程颇为坎坷。

本次毕业设计中印象比较深刻的是节点上程序的调试,节点没有足够的资源用于支持断点,甚至获知节点的当前运行状态也是相当困难的,通过串口的调试信息并不一定是实时的,因而只能通过节点上的3个LED灯得知准确状态信息,这是以后可以改进的地方。

经历了本次毕设,我对无线传感器网络有了一定的了解,积累了一些实际经验,对以后研究生阶段的学习目标也更加明确了。

## 附录

### AffineProjection.m源代码:

```
function
                [outputVector,...
                 errorVector,...
3
                 coefficientVector] =
                                        Affine_projection(desired, input, S)
4
   %
5
        Affine_projection.m
        Implements the Complex Affine-Projection algorithm for COMPLEX valued data.
6
   %
7
   %
8
   %
   %
Q
            [outputVector, errorVector, coefficientVector] = Affine_projection(desired, input, S)
10
   %
   %
11
        Input Arguments:
           . desired : Desired signal.
12
   %
                                                                          (ROW vector)
13
   %
              input
                        : Signal fed into the adaptive filter.
                                                                         (ROW vector)
14
   %
                        : Structure with the following fields
15
  %
                - step
                                        : Convergence (relaxation) factor.
                                        : Order of the FIR filter.
16
   %
                - filterOrderNo
17
   %
                - initialCoefficients
                                        : Initial filter coefficients.
    (COLUMN vector)
18
  %
                                        : Regularization factor.
19
                                           (small positive constant to avoid singularity)
20
  %
                - memoryLength
                                          Reuse data factor.
21
   %
                                           (referred as L in the textbook)
22 %
23
   %
        Output Arguments:
24
   %
            . outputVector
                                    Store the estimated output of each iteration.
    (COLUMN vector)
25
   %
            . errorVector
                                    Store the error for each iteration.
    (COLUMN vector)
26
   %
           . coefficientVector :
                                     Store the estimated coefficients for each iteration.
27
   0/0
                                     (Coefficients at one iteration are COLUMN vector)
28 %
29
30 %
        Some Variables and Definitions:
31 %
                                        Input is prefixed by nCoefficients -1 zeros.
          . prefixedInput
32 %
                                         (The prefix led to a more regular source code)
33
   %
34
   %
            . regressor
                                         Auxiliar variable. Store the piece of the
                                         prefixedInput that will be multiplied by the
35
   %
36
   %
                                         current set of coefficients.
37
   %
                                        (regressor is a COLUMN vector)
38
   %
39
   %
                                        FIR filter number of coefficients.
            . nCoefficients
40 %
41
            . nIterations
                                        Number of iterations.
42
43
44 %
        Initialization Procedure
45
    nCoefficients
                            S. filterOrderNo+1;
46
    nIterations
                            length(desired);
47
48 %
        Pre Allocations
49
   errorVectorApConj
                                zeros ((S. memoryLength+1)
50
    , nIterations);
51
   outputVectorApConj
                                zeros ((S. memoryLength+1)
52
   , nIterations);
53
    coefficientVector
                                zeros (nCoefficients
54
    ,( nIterations +1));
55
   regressor
                                zeros (nCoefficients
56
   (S.memoryLength+1));
57
58 %
        Initial State Weight Vector
   coefficientVector(:,1) = S.initialCoefficients;
```

# 西州ノオ大学本科毕业设计论文

```
60
61 %
       Improve source code regularity
   prefixedInput = [zeros((nCoefficients -1),1)
62
63
                                  transpose (input)];
64
   prefixedDesired
                                [zeros (S. memoryLength, 1)
65
                                  transpose (desired)];
66
67
   % Body
68
   for it = 1:nIterations,
69
70
        regressor(:,2:S.memoryLength+1) = regressor(:,1:S.memoryLength);
71
72
        regressor(:.1)
        prefixedInput(it+(nCoefficients -1): -1: it);
73
74
75
        outputVectorApConj(:, it)
76
        (regressor')*coefficientVector(:, it);
77
78
        errorVectorApConj(:, it)
79
        conj(prefixedDesired(it+(S.memoryLength):-1:it))...
80
        -outputVectorApConj(:, it);
81
82
        coefficientVector(:, it+1)
83
        coefficientVector(:, it)+(S.step*regressor*...
        inv(regressor '* regressor+S.gamma * ..
84
85
        eye(S.memoryLength+1))*errorVectorApConj(:, it));
86
87
88
89
    outputVector
                                 outputVectorApConj(1,:)';
90
   errorVector
                                 errorVectorApConj(1,:)';
91
92
   % EOF
```

#### AffineProjectionExample.m源代码:

```
Example: System Identification
2
  3
4 %
5
  % In this example we have a typical system identification scenario. We want
  % to estimate the filter coefficients of an unknown system given by Wo. In
                                                                    %
  % order to accomplish this task we use an adaptive filter with the same
  % number of coefficients, N, as the unkown system. The procedure is:
  % 1) Excitate both filters (the unknown and the adaptive) with the signal
10
      x. In this case, x is chosen according to the 4-QAM constellation.
                                                                    %
     The variance of x is normalized to 1.
11
12 % 2) Generate the desired signal, d = Wo' x + n, which is the output of the
                                                                    %
13
      unknown system considering some disturbance (noise) in the model. The
14
      noise power is given by sigma_n2.
                                                                    %
15
  % 3) Choose an adaptive filtering algorithm to govern the rules of coefficient
16
      updating.
                                                                    %
  %
17
18
  %
        Adaptive Algorithm used here: Affine Projection
                                                                    %
19
21
22
      Definitions:
23
24
  ensemble
            = 100;
  % number of realizations within the ensemble
25
26
             = 500;
27
  % number of iterations
28 H
             = [0.32+0.21*j, -0.3+0.7*j, 0.5-0.8*j, 0.2+0.5*j].;
29
  Wo
            = H:
30
  % unknown system
            = 0.04:
  sigma_n2
```

# 西北スま大学 本科毕业设计论文

```
32 % noise power
33 N
                 = 4;
34
   % number of coefficients of the adaptive filter
35
    mu
                  = .1;
    % convergence factor (step) (0 < mu < 1)
36
37
    gamma
                 = 1e-12;
38
    % small positive constant to avoid singularity
39
    L
                 = 1;
40
   % data reuse factor (L=0 -> NLMS; L=1 -> BNLMS; ...)
41
42
43
        Initializing & Allocating memory:
   W
            = ones (N, (K+1), ensemble);
44
   % coefficient vector for each iteration and realization; w(0) = [1 \ 1 \ 1 \ 1].
45
46
             = zeros (K, ensemble);
    MSE
47
    % MSE for each realization
48
    MSEmin = zeros (K, ensemble);
49
    % MSE min for each realization
50
51
   %
52
        Computing:
53
    for l=1:ensemble,
54
55
                  = zeros(N,1);
56
        % input at a certain iteration (tapped delay line)
57
                 = zeros(1,K);
58
        % desired signal
59
60
                  = (\operatorname{sign}(\operatorname{randn}(K,1)) + j*\operatorname{sign}(\operatorname{randn}(K,1)))./\operatorname{sqrt}(2);
61
        % Creating the input signal (normalized)
62
        sigma_x2 = var(x);
63
        % signal power = 1
64
                  = \operatorname{sqrt}(\operatorname{sigma_n2/2})*(\operatorname{randn}(K,1)+j*\operatorname{randn}(K,1));
65
        % complex noise
66
67
         for k=1:K,
68
69
             X
                           [x(k,1)]
70
                            X(1:(N-1),1);
71
                           % input signal (tapped delay line)
72
73
             d(k)
                      = (W_0'*X(:,1))+n(k);
74
             % desired signal
75
76
         end
77
                  struct('step',mu, 'filterOrderNo',(N-1), 'initialCoefficients',...
78
79
                         W(:,1,1), 'gamma', gamma, 'memoryLength',L);
80
         [y,e,W(:,:,1)] = Affine_projection(d, transpose(x),S);
81
82
                          MSE(:,1)+(abs(e(:,1))).^2;
        MSE(:,1)
83
         MSEmin(:,1) =
                          MSEmin(:,1)+(abs(n(:))).^2;
84
85
86
87
88
        Averaging:
    W \text{ av} = sum(W, 3) / ensemble;
    MSE_av = sum(MSE, 2)/ensemble;
90
91
    MSEmin_av = sum(MSEmin, 2)/ensemble;
92
93
       Plotting:
94 %
95
    figure,
   plot(1:K,10*log10(MSE_av),'-k');
96
   title ('Learning L'Curve for MSE');
98 xlabel('Number_of_iterations, _k'); ylabel('MSE_[dB]');
```

# 西北スま大学 本科毕业设计论文

```
99
100
    figure,
101
     plot(1:K,10*log10(MSEmin_av),'-k');
102
     title ('Learning L'Curve L for LMSEmin');
103
    xlabel('Numberuofuiterations, uk'); ylabel('MSEminu[dB]');
104
105
     subplot 211, plot(real(W_av(1,:))),...
106
107
     title ('Evolution of the 1st coefficient (real part)');
108 xlabel('Number of iterations, k'); ylabel('Coefficient');
109
     subplot 212, plot(imag(W_av(1,:))),...
110
     title ('Evolution \cup of \cup the \cup1 st \cup coefficient \cup (imaginary \cup part)');
111 xlabel('Number_of_iterations, _k'); ylabel('Coefficient');
```

#### AffineProjectionSimulation.m源代码:

```
%% APA Algorithm for System Identification
2
5
   % %% number of runs, iterations...
   % % num_runs=200; num_iter=500;
6
7
   % %
8 % %
   % % %% Input type
10 % % GAUSSIAN WHITE
11 % % GAUSSIAN COLORED = 2;
12 % % UNIFORM_WHITE
                        = 3;
   % % UNIFORM COLORED = 4;
13
14 %% input_type = GAUSSIAN_WHITE; %UNIFORM_WHITE;
15 % %
16 % %
17
   % % % APA parameters
18
   % % M = 16; % input vector length
   \% \% K = 4;
                  % number of past regressors, observ. to use
19
20 \% \% D = 8;
                 % delay between past regressors, observ. used
   % % mu = 1.0; % update gain parameter
21
22
23
24 % Plant parameters
25
   v = 0.001;
                               % measurement noise (for 30dB)
26
   epsil_I = 0; \%0.001 * eye(K);
                                 % regularization parameter
27
28 % randomly generate optimum weights
   w_opt = rand(M, 1);
29
30
31 % For input signal statistics...
32 E_r2 = 0;
33 R = zeros(M,M);
34
35 % For numerous runs of plant...
36 START DLY = M + K*D;
37
   wgt_vec = zeros(M,1);
38
   mse_vec = zeros(num_iter,1);
   for run_cnt = 1:num_runs
39
40
41
       % Generate plant signal (before noise)
42
        if input_type == GAUSSIAN_WHITE
43
           u_i = randn(1, num_iter+START_DLY);
44
           % gaussian, unit variance
        elseif input_type == UNIFORM_WHITE
45
46
           u_i = 2*rand(1, num_iter+START_DLY, 1) - 1;
47
           % uniform, between -1, +1
48
        elseif input_type == GAUSSIAN_COLORED
49
           u_i = randn(1, num_iter+START_DLY);
50
           % gaussian, unit variance
51
           u_i = filter(1, [1 -0.9], u_i);
```

# 西州 スオ大学 本科毕业设计论文

```
52
             % pole at 0.9
53
         else % UNIFORM_COLORED
54
             u_i = 2*rand(1, num_iter+START_DLY, 1) - 1;
55
             % uniform, between -1, +1
56
             u_i = filter(1, [1 -0.9], u_i);
57
             % pole at 0.9
58
             u_i = filter(1, [1 -0.5], u_i);
 59
             % pole at 0.5
60
         end
61
         y_i = filter(w_opt, 1, u_i);
62
         % noiseless plant output
63
64
65
         % Find autocorr. R, E[1/r^2], for input signal, u_i
         for i = START_DLY : (num_iter+START_DLY-1)
66
67
             u_{vec} = u_{i}(i:-1:i-M+1).;
             R = R + (u_vec * u_vec') / num_iter;
68
69
             E_r^2 = E_r^2 + (1/(norm(u_vec)^2)) / num_iter;
70
         end
71
72
73
        % Add measurement noise to plant output
74
         scale_y = 1 / sqrt(mean(y_i.*conj(y_i)));
         y_i = y_i * scale_y;
75
         % normalize plant power (x4)
 76
77
         v_i = sqrt(v_var)*randn(1, num_iter+START_DLY);
 78
         % noise for 30dB SNR
79
         \mathbf{d_i} = \mathbf{y_i} + \mathbf{v_i};
         % add noise to output
80
81
82
         % Initialize APA
83
         w = zeros(M, 1);
                                      % init. weights
         U_i = zeros(K, M);
84
85
         D_i = zeros(K, 1);
86
87
         % APA algorithm computation
         for i = START_DLY : (num_iter+START_DLY-1)
88
89
             % APA inputs (U_i and D_i)
             for k = 0 : (K-1);
90
91
                 i_a = i - k*D;
                 i_b = i - k*D - M+1;
92
93
                 U_i(k+1,:) = u_i(i_a : -1 : i_b);
94
                  D_i(k+1,:) = d_i(i_a);
95
96
97
             % Apply APA algorithm
98
             Y_apa = U_i*w;
             e_i = D_i - Y_apa;
99
100
             \mathbf{w_p} = \mathbf{w};
101
             w = w + mu*U i'*inv(epsil I + U i*U i')*e i;
102
103
             % Store MSE output
             mse_vec(i-START_DLY+1) = mse_vec(i-START_DLY+1)
104
105
             + e_i(1).*conj(e_i(1));
106
107
108
109
         % Add final weights to average
110
         wgt_vec = wgt_vec + w;
111
     end
112
113
114
    % Average MSE error, final weight vector
115
     mse_vec = mse_vec / num_runs;
     wgt_vec = wgt_vec / num_runs;
116
117
118 % various parameters (R, E[1/r^2], etc...)
```

# 西北スま大学 本科毕业设计论文

```
119 \mathbf{E} \ \mathbf{r2} = \mathbf{E} \ \mathbf{r2} \ / \ \mathbf{num} \ \mathbf{runs};
120 R = R / num_runs;
121
    tr_R = trace(R);
122
    [U,S,V] = svd(R);
123
    p_v = \frac{diag(S)}{tr_R};
124 % p_v = ones(size(p_v))*(1/M);
125
126 % % Plot learning curves
127
    % % figure; plot(0:num iter-1, 10*log10(mse vec));
128 %% title ('APA MSE (Ensemble-averaged, 20 Runs, 1000 Iter.)');
129
    %% xlabel('Iteration, n'); ylabel('Mean-Square-Error, J(n)');
130
   % % axis([-10 510 -30 0]); grid on;
131
132
133
    134
    format long;
135
136 % Display simulation MSE results
137
    K D mu = [K D mu]
138
    msevec_sim = mse_vec(end-3:end).'
    msevec_avg = mean(mse_vec(end-floor(num_iter*0.2):end))
139
140
141
142
    % Compute component for correl. of noise, coeff.
    G = 0;
143
144
    for i = 1:M
145
        for g = 1 : (K-1)
146
            G = G + p_v(i) *
            (1 - (1-(1-p_v(i))^g)/(1-(1-p_v(i))^K)) * (1-mu)^g;
147
148
149
    end
150
151
    % Compute theoretical MSE
    mse\_theory\_a = v\_var + (mu*v\_var)/(2-mu)*E\_r2*tr\_R
    mse\_theory\_b = v\_var + (mu*v\_var)/(2-mu)*E\_r2*tr\_R*(1+2*G)
153
154
    mse_theory_diniz = v_var + K^*(mu^*v_var)/(2-mu)^*(1-(1-mu)^2)/(1-(1-mu)^(2*K))
155
156
    157
158
159
160 % Theoretical MSE curve
    a = mu*(2-mu);
161
    lmb_ni_orig = zeros(M, num_iter);
162
    lmb_ni_mod = zeros (M, num_iter);
163
   lmb_ni_orig(:,1) = diag(V^*w_opt^*w_opt^*V)^*scale_y^2;
    \% transformed (based on Rxx)
165
166
    lmb_ni_mod(:,1) = diag(V'*w_opt*w_opt'*V)*scale_y^2;
167
    % transformed (based on Rxx)
    mse_vec_theory_orig = zeros(num_iter,1);
169
    mse_vec_theory_mod = zeros(num_iter,1);
170
171
    for n = 2: num_iter
        % find transformed covariance matrix
172
173
        for i = 1:M
174
175
            % beta term
176
            b = 1 - (1 - p \ v(i))^K;
177
178
            % original formula...
            lmb_ni_orig(i,n) = (1 - a*b)*
179
180
            lmb_ni_orig(i,(n-1)) + mu^2*v_var*E_r2*b;
181
182
            % modified formula...
            G_i = 0;
183
            for g = 1 : (K-1)
184
                G i = G i +
185
```

# 西州 スオ大学 本科毕业设计论文

```
186
                  (\ (1-p_v(i))^g - (1-p_v(i))^K) * (1-mu)^g;
187
188
             lmb_ni_mod(i,n) = (1 - a*b)*
              lmb_ni_mod(i,(n-1)) + mu^2*v_var*E_r2*(b+2*G_i);
189
190
191
         % compute theoretical MSE curves
         mse_vec_theory_orig(n) = v_var +
tr_R*sum(p_v.*lmb_ni_orig(:,n));
192
                                                 % assumes Rxx = I
193
194
         mse_vec_theory_mod(n) = v_var +
         tr_R*sum(p_v.*lmb_ni_mod(:,n));
195
                                                 % assumes Rxx = I
196
    end
197
    % Display results
198
199
     msevec_theory_orig =
200
    mse_vec_theory_orig(end-3:end).'
                                                        ;
201
    msevec_theory_mod
202
    mse_vec_theory_mod(end-3:end).'
203
204
    %pause
205
206
    format short;
```

## AffineProjectionExample.m源代码:

#### AffineProjectionExample.m源代码: