

OBI2013

Caderno de Tarefas

Modalidade $\mathbf{Programa}$ ção • Nível \mathbf{J} únior, Fase $\mathbf{2}$

31 de agosto de 2013

A PROVA TEM DURAÇÃO DE ${\bf 3}$ HORAS

Promoção:



Patrocínio:



Instruções

LEIA ATENTAMENTE ESTAS INSTRUÇÕES ANTES DE INICIAR A PROVA

- Este caderno de tarefas é composto por 6 páginas (não contando a folha de rosto), numeradas de 1 a 6. Verifique se o caderno está completo.
- A prova deve ser feita individualmente.
- É proibido consultar a Internet, livros, anotações ou qualquer outro material durante a prova. É permitida a consulta ao *help* do ambiente de programação se este estiver disponível.
- As tarefas têm o mesmo valor na correção.
- A correção é automatizada, portanto siga atentamente as exigências da tarefa quanto ao formato da entrada e saída de seu programa.
- Não implemente nenhum recurso gráfico nas suas soluções (janelas, menus, etc.), nem utilize qualquer rotina para limpar a tela ou posicionar o cursor.
- As tarefas não estão ordenadas, neste caderno, por ordem de dificuldade; procure resolver primeiro as questões mais fáceis.
- Preste muita atenção no nome dos arquivos fonte indicados nas tarefas. Soluções na linguagem C devem ser arquivos com sufixo .c; soluções na linguagem C++ devem ser arquivos com sufixo .cc ou .cpp; soluções na linguagem Pascal devem ser arquivos com sufixo .pas; soluções na linguagem Java devem ser arquivos com sufixo .java e a classe principal deve ter o mesmo nome do arquivo fonte; e soluções na linguagem Python devem ser arquivos com sufixo .py. Para problemas diferentes você pode escolher trabalhar com linguagens diferentes, mas apenas uma solução, em uma única linguagem, deve ser submetida para cada problema.
- Ao final da prova, para cada solução que você queira submeter para correção, copie o arquivo fonte para o seu diretório de trabalho ou disquete, conforme especificado pelo seu professor.
- Não utilize arquivos para entrada ou saída. Todos os dados devem ser lidos da entrada padrão (normalmente é o teclado) e escritos na saída padrão (normalmente é a tela). Utilize as funções padrão para entrada e saída de dados:
 - em Pascal: readln, read, writeln, write;
 - em C: scanf, getchar, printf, putchar;
 - em C++: as mesmas de C ou os objetos cout e cin.
 - -em Java: qualquer classe ou função padrão, como por exemplo $Scanner,\ BufferedReader,\ BufferedWriter$ e System.out.println
 - em Python: read, read line, read lines, print, write
- Procure resolver o problema de maneira eficiente. Na correção, eficiência também será levada em conta. As soluções serão testadas com outras entradas além das apresentadas como exemplo nas tarefas.

Volume da TV

Nome do arquivo fonte: volume.c, volume.cpp, volume.pas, volume.java, ou volume.py

Bruno é um menino que gosta muito de ver televisão. No entanto ele se depara com um problema muito chato. Sempre que começa um novo programa no canal preferido dele, a TV Nlogônia, acontece de o volume do som deste programa estar diferente do anterior, às vezes com volume menor, outras vezes com volume maior. Quando está com volume menor, ele aumenta o volume pressionando uma quantidade de vezes seguidas o botão de aumentar para o volume ficar ideal; a mesma coisa acontece quando está um volume maior, e ele diminui o volume pressionando alguma quantidade de vezes seguidas o botão de diminuir o volume para ficar com o volume que ele goste no momento.

O aparelho de TV dele tem umas peculiaridades: ele possui volume mínimo, com valor 0 (também chamado de mudo), e volume máximo, com valor 100. A TV nunca ultrapassa os volumes máximo e mínimo. Por exemplo, se o volume já estiver no máximo e ele pressionar o botão de aumentar o som, o volume não se altera. Da mesma forma, se o volume estiver no valor mínimo e ele pressionar o botão de diminuir o som, o volume não se altera.

Agora Bruno quer sua ajuda: ele lembra qual era o volume inicial da TV, e quantas vezes ele pressionou cada botão. Mas, como foram várias mudanças de volume, ele não sabe qual é o volume atual da TV. Por isso, pediu que você o ajude a calcular qual é o volume atual, dados o volume inicial e a lista de trocas de volume que ele realizou.

Entrada

A primeira linha da entrada contém dois números inteiros V e T, que indicam, respectivamente, o volume inicial e o número de trocas de volume.

A segunda linha contém T números inteiros A_i que mostram as modificações de volume realizadas, na ordem em que estas modificações foram feitas. O primeiro número indica a primeira modificação de volume, o segundo número indica a segunda modificação, e assim por diante. Para cada modificação, um número maior do que zero significa quantas vezes Bruno pressionou o botão de aumentar o som; um número menor do que zero significa quantas vezes ele pressionou o botão de diminuir o som. Ou seja, se o número é igual a 5, significa que nessa modificação ele pressionou cinco vezes o botão de aumentar o som; se o número é igual a -3, significa que nessa modificação ele pressionou o botão de diminuir o som três vezes.

Saída

Seu programa deve imprimir apenas uma linha, contendo apenas um inteiro F, que indica qual o volume atual da TV após as mudanças de volume.

Restrições

- $0 \le V \le 100$
- $0 \le T \le 1000$
- Para cada variação de volume A_i , $-100 \le A_i \le 100$

Exemplos

Entrada	Saída
50 4 11 20 -15 -13	53

Entrada	Saída
50 5 30 30 30 40 -78	22

Soma de Frações

Nome do arquivo fonte: fracoes.c, fracoes.cpp, fracoes.pas, fracoes.java, ou fracoes.py

Joãozinho está aprendendo a somar frações na escola e quer sua ajuda para escrever um programa que dadas duas frações imprima a soma delas em sua forma irredutível. Assim ele vai poder conferir as respostas dos exercícios que está fazendo.

A forma irredutível de uma fração é quando o divisor (número de baixo) é o menor possível. Por exemplo, $\frac{10}{3}$ é uma fração irredutível, pois 10 e 3 não têm nenhum divisor em comum. Mas $\frac{10}{6}$ não é, pois ela pode ser simplificada para $\frac{5}{3}$, dividindo-se 10 e 6 por 2.

Dados quatro inteiros a, b, c, d, escreva um programa que calcule $\frac{a}{b} + \frac{c}{d}$ na sua forma irredutível.

Entrada

A única linha da entrada contém quatro inteiros a, b, c, d, respectivamente dividendo e divisor da primeira fração e dividendo e divisor da segunda fração.

Saída

Seu programa deve imprimir uma única linha contendo dois inteiros, dividendo e divisor da fração irredutível formada pela soma das duas frações dadas.

Restrições

• $1 \le a, b, c, d \le 100$

Exemplos

Entrada	Saída
2 3 7 3	3 1

Entrada	Saída
7 5 3 2	29 10

Plantação

Nome do arquivo fonte: plantacao.c, plantacao.cpp, plantacao.pas, plantacao.java, ou plantacao.py

A N-logônia é uma região com um clima muito intenso e variável, onde em questão de poucos dias é possível observar uma forte seca, seguida de uma intensa estação de chuvas. O Seu João tem uma plantação de obilina, uma fruta típica e muito apreciada na região, o que a torna muito valiosa. A obilina, entretanto, é muito suscetível a mudanças climáticas, de forma que é difícil prever quanto desta fruta será colhido durante a safra.

Observou-se que as árvores de obilina seguem as seguintes regras:

- As árvores produzem frutas todos os dias, exceto quando elas morrem;
- As árvores mortas não produzem frutas, e infelizmente, mesmo que volte a chover, continuam mortas;
- Se choveu na noite anterior, a árvore produz uma fruta a mais que no dia anterior;
- Se estiou na noite anterior, a árvore produz uma fruta a menos que no dia anterior; e
- Uma árvore morre se não produzir nenhuma fruta.

O Seu João deseja vender toda a obilina produzida para uma grande rede de mercados local, mas para isso, precisa saber exatamente quantas frutas de obilina ele colherá durante a safra.

Para ajudar o Seu João nesta tarefa, você deve escrever um programa que, dada a previsão do tempo para cada noite do período da safra, e quantas frutas cada árvore do Seu João produziu no dia anterior ao início da safra, determine quantas obilinas serão colhidas durante a safra.

Por exemplo, considerando apenas um pé de obilina, se a safra dura dois dias, choveu durante duas noites, e o pé de obilina produziu 3 frutos antes de começar a safra, a produção total da safra será de 9 frutas: 4 no primeiro dia da safra, e 5 no segundo dia.

Entrada

A primeira linha da entrada contém dois inteiros, N e K, respectivamente o número de dias que dura a safra, e o número de árvores que o Seu João possui.

A segunda linha contém K inteiros a_i indicando quantas frutas foram produzidas no dia anterior ao início da safra por cada uma das K árvores.

A linha seguinte contém N letras separadas por um espaço em branco. Cada uma das letras indica se choveu ou se estiou durante a noite respectiva: a primeira letra se refere à primeira noite, a segunda letra se refere à segunda noite, e assim por diante. Se a letra for um 'C', indica que choveu aquela noite chuvosa, e se for um 'E', indica que estiou (ou seja, não choveu).

Saída

Seu programa deve imprimir uma única linha, contendo um único inteiro, indicando o número de frutas que serão produzidas pela plantação do Seu João.

Restrições

- $\bullet \ 1 \leq N \leq 100\,000$
- $1 \le K \le 100000$
- $1 \le a_i \le 100$ para todo i

Informações sobre a pontuação

- $\bullet\,$ Em um conjunto de casos de teste valendo 70 pontos, $N \leq 1000$ e $K \leq 1000.$
- $\bullet\,$ Em um conjunto de casos de teste valendo 70 pontos, a resposta não excederá 1.000.000.000.

Exemplos

Entrada	Saída
3 2	13
1 2	
CEC	

Entrada	Saída
5 3	4
2 3 1	
EEECC	