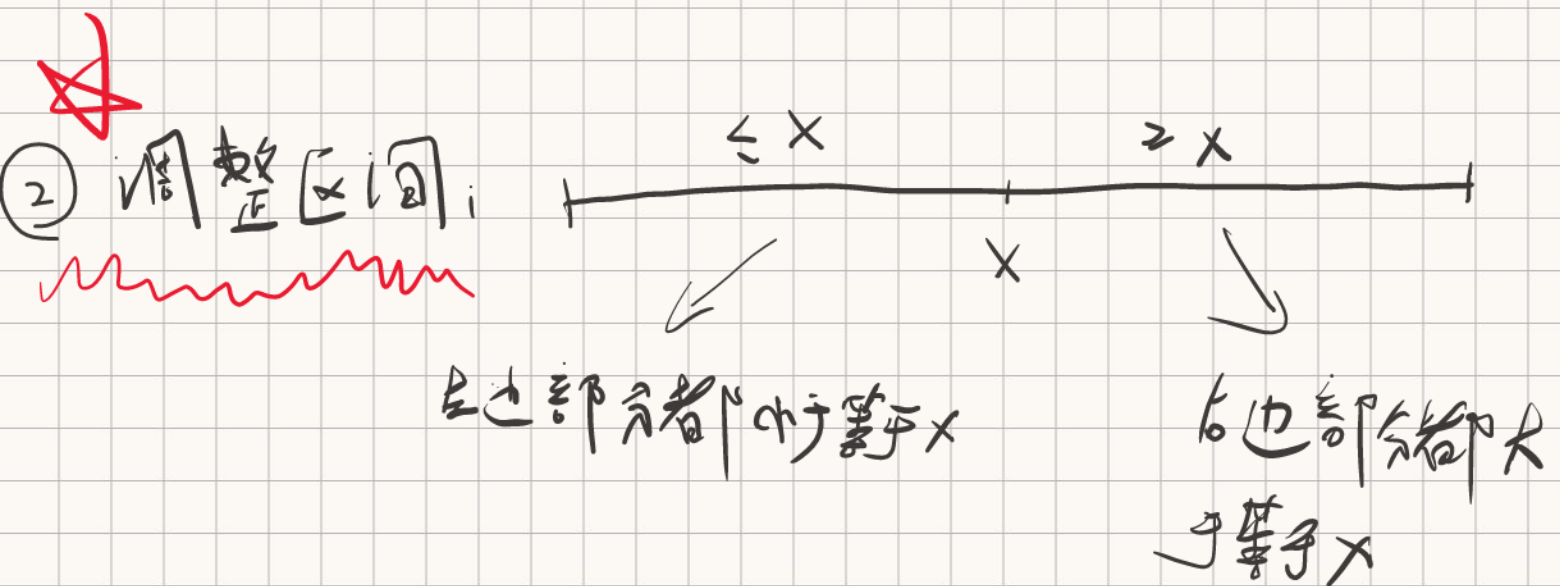
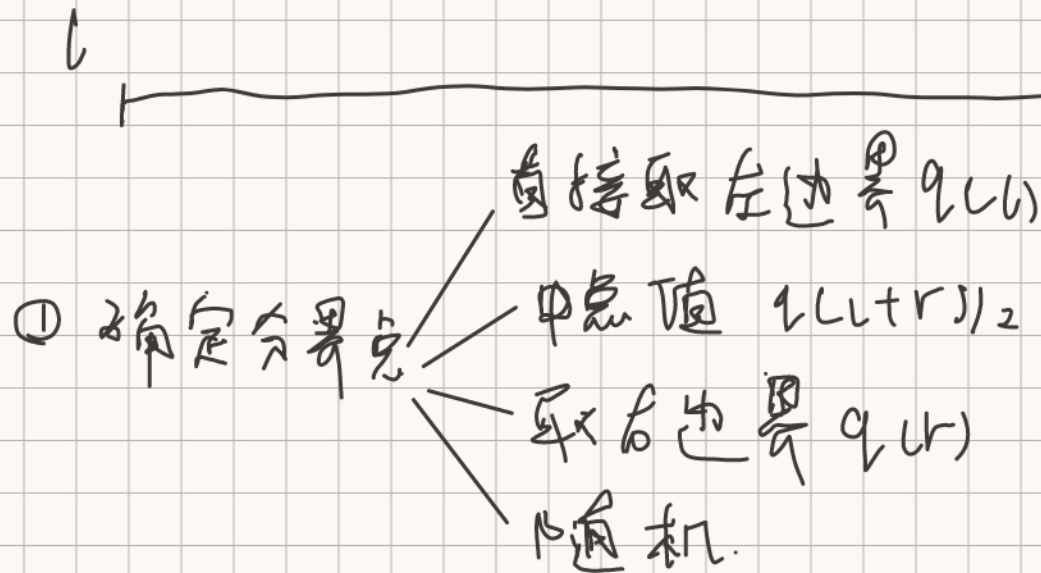


排序 < 快排  
归并排序

二分 < 整数二分  
浮点数二分

快速排序  $\rightarrow$  分治



③ 递归处理左, 右两边

# 调整区间的简单做法:

1) 定义两个额外的数组:  $a[]$ ,  $b[]$

2) 扫描整个区间  $q[l-r]$

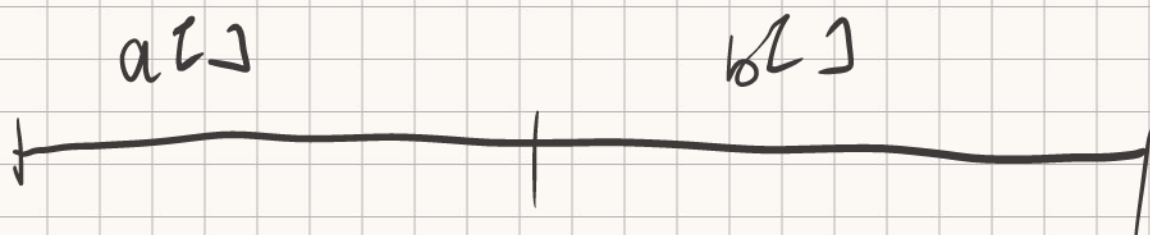
- $q[i] \leq x \rightarrow x \rightarrow a[]$
- $q[i] > x \rightarrow x \rightarrow b[]$

如果当前数小于等于  $x$ , 放进  $a[]$

如果当前数大于  $x$ , 放进  $b[]$

3)  $a[] \rightarrow q[]$ ,  $b[] \rightarrow q[]$

先把  $a[]$  放进  $q[]$ , 再把  $b[]$  放进  $q[]$



(需要两个额外的空间)

$O(n)$

更好一点的做法。

两个指针:  $i$  和  $j$



两个指针分别向中间走。

(1)  $j$  先走, 如果  $i$  指向的当前值小于等于  $x$ ,  $j$  向前走。

(2) 直到  $i$  指向的当前值大于等于  $x$ , 就开始移动  $j$ , 如果  $j$  当前指向的值大于等于  $x$ ,  $j$  就向前移动。

(3) 直到  $j$  的当前值小于等于  $x$ , 此时把  $i$  指向的数和  $j$  指向的交换 (swap)

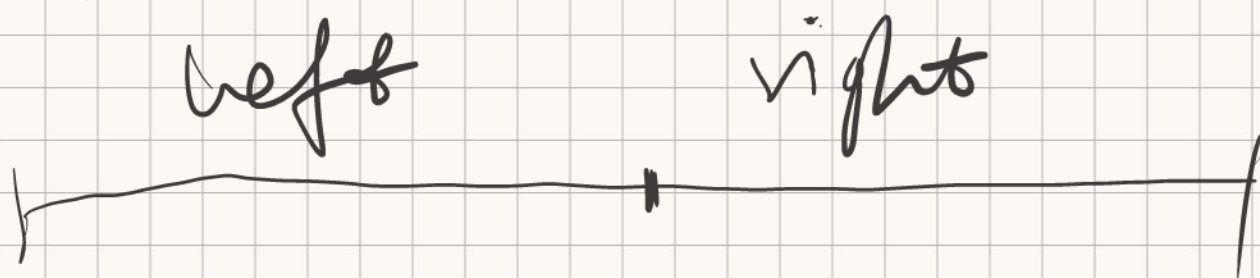
4) 然后  $i$  和  $j$  就继续向中间走, 直到  $i$  和  $j$  相遇

# 代码实现

```
1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 const int N = 1e6 + 10;
6
7 int n;
8 int q[N];
9
10 void quick_sort(int q[], int l, int r)
11 {
12     if (l >= r) return;
13
14     int x = q[l], i = l - 1, j = r + 1;
15     while (i < j)
16     {
17         do i ++ ; while (q[i] < x);
18         do j -- ; while (q[j] > x);
19         if (i < j) swap(q[i], q[j]);
20     }
21
22     quick_sort(q, l, j);
23     quick_sort(q, j + 1, r);
24 }
25
26 int main()
27 {
28     scanf("%d", &n);
29     for (int i = 0; i < n; i ++ ) scanf("%d", &q[i]);
30
31     quick_sort(q, 0, n - 1);
32
33     for (int i = 0; i < n; i ++ ) printf("%d ", q[i]);
34
35     return 0;
36 }
```

## 注意边界问题

归并排序  $\rightarrow$  分治



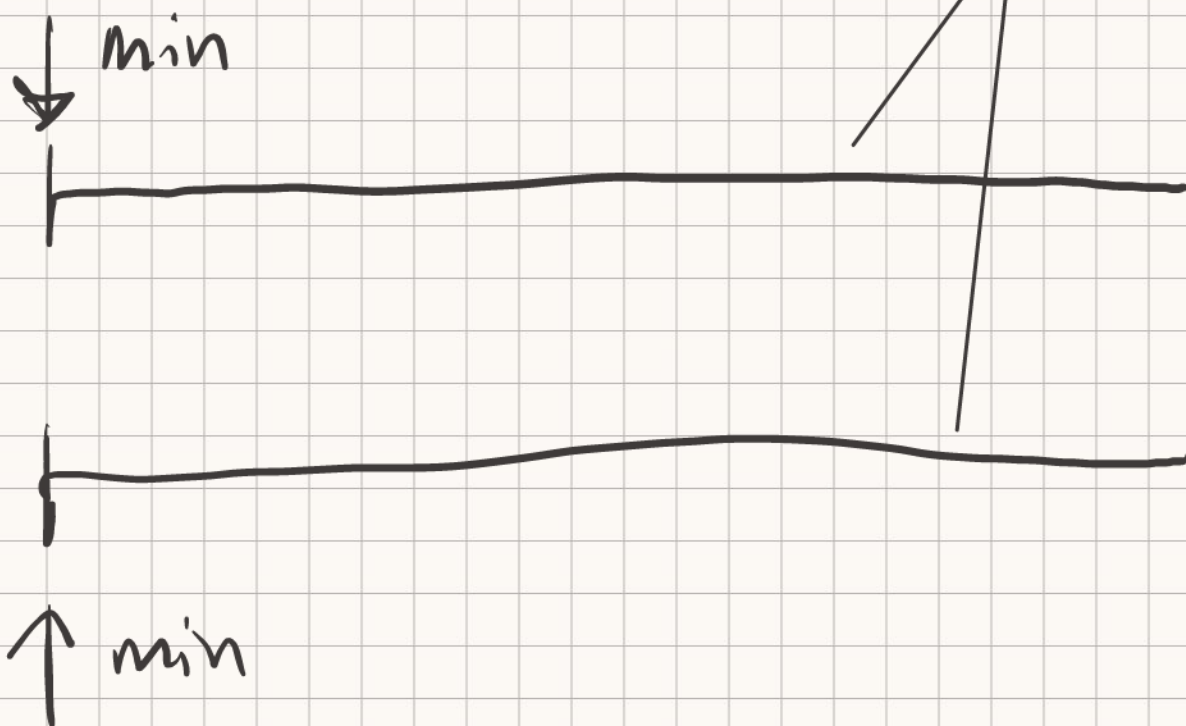
- ① 确定分界点  $\text{mid} = (l+r)/2$
- ② 递归排序 (left, right)
- ③ ~~归并~~  $\rightarrow$  将两个有序的合并为一个有序的 (合二为一)

双指针



具体操作:

两个有序序列



(1) 两个指针指向两个有序序列的  
起始位置

(2) 定义一个新的数组来记录答案  $\rightarrow res[]$

(3) 序列已经排好序了, 指针指  
向的开始位置是两个序列的  
最小值

将两个最小值比较, 较小的放入  $res$

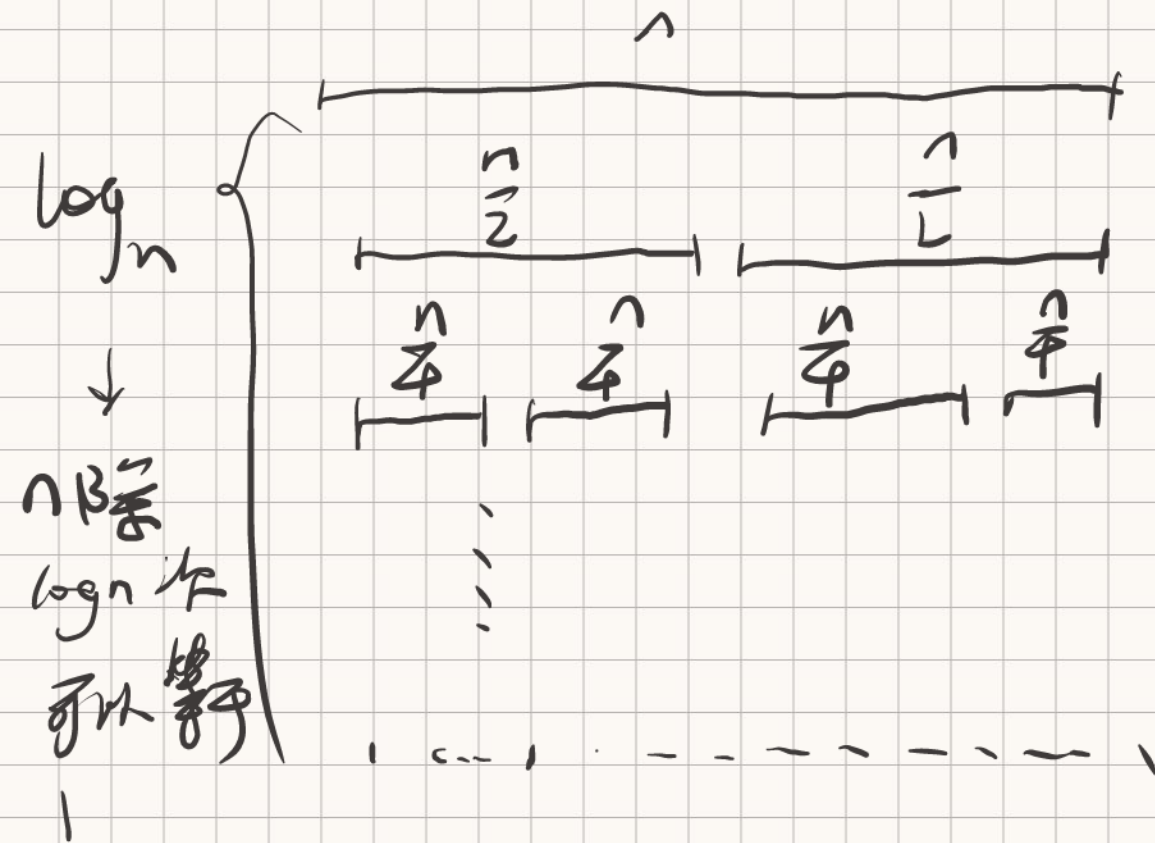
(5) 将小的那个指针向右移1位.

(6) 移动后再比较两个指针的大小.

(7) 直到有一个指针到终点为止.

(8) 把另一个还剩下的数存进 `res[]`

时间复杂度:  $n \log n$



# 代码实现

```
3 using namespace std;
4
5 const int N = 1000010;
6
7 int n;
8 int q[N], tmp[N];
9
10 void merge_sort(int q[], int l, int r)
11 {
12     if (l >= r) return;
13
14     int mid = l + r >> 1;
15
16     merge_sort(q, l, mid), merge_sort(q, mid + 1, r);
17
18     int k = 0, i = l, j = mid + 1;
19     while (i <= mid && j <= r)
20         if (q[i] <= q[j]) tmp[k++] = q[i++];
21         else tmp[k++] = q[j++];
22     while (i <= mid) tmp[k++] = q[i++];
23     while (j <= r) tmp[k++] = q[j++];
24
25     for (i = l, j = 0; i <= r; i++, j++) q[i] = tmp[j];
26 }
27
28 int main()
29 {
30     scanf("%d", &n);
31     for (int i = 0; i < n; i++) scanf("%d", &q[i]);
32
33     merge_sort(q, 0, n - 1);
34
35     for (int i = 0; i < n; i++) printf("%d ", q[i]);
36
37     return 0;
38 }
```



