

# TALLER PROGCOMP: TRACK GRAFOS

## TOPOLOGICAL SORT

**Gabriel Carmona Tabja**

Universidad Técnica Federico Santa María,  
Università di Pisa

October 27, 2024

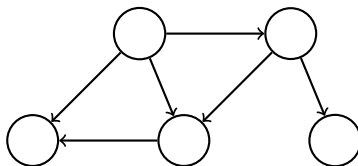
## Part I

# TOPOLOGICAL SORT

# TOPOLOGICAL SORT

## Definición

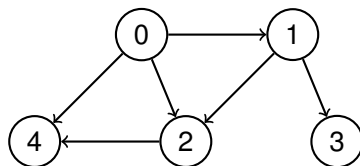
En un grafo dirigido sin ciclos se quiere determinar un **orden para los vertices**.



# TOPOLOGICAL SORT

## Definición

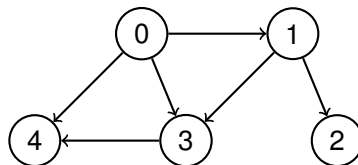
En un grafo digirido sin ciclos se quiere determinar un **orden para los vertices**.



# TOPOLOGICAL SORT

## Definición

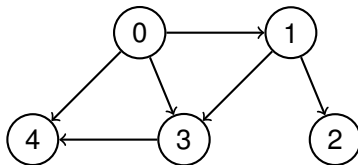
En un grafo digirido sin ciclos se quiere determinar un **orden para los vertices**.



# TOPOLOGICAL SORT

## Definición

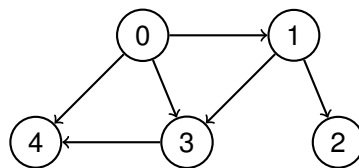
En un grafo dirigido sin ciclos se quiere determinar un **orden para los vertices**.



¡Hagamos un algoritmo! (el grafo no debe tener ciclos)

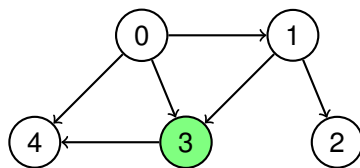
# ALGORITMO

{ }



# ALGORITMO

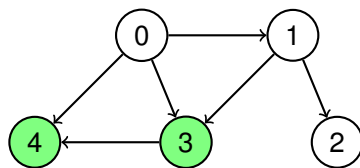
{ }





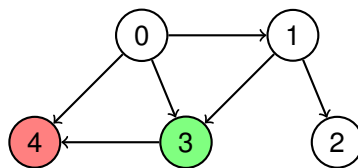
# ALGORITMO

{ }



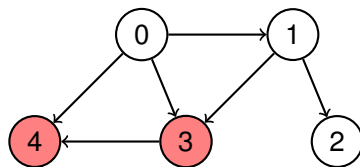
# ALGORITMO

$\{4\}$



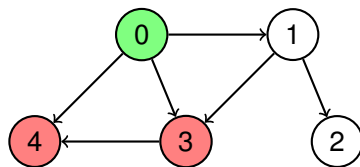
## ALGORITMO

$\{4, 3\}$



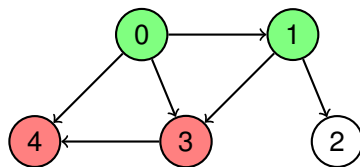
# ALGORITMO

$\{4, 3\}$



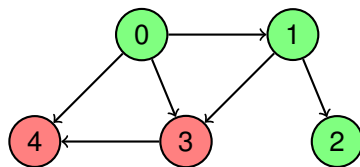
## ALGORITMO

$\{4, 3\}$



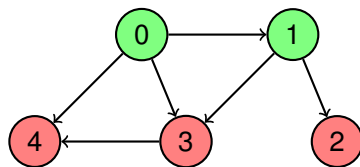
# ALGORITMO

$\{4, 3\}$



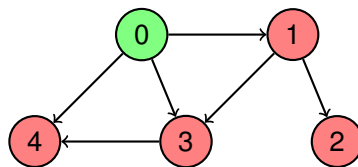
## ALGORITMO

$\{4, 3, 2\}$



## ALGORITMO

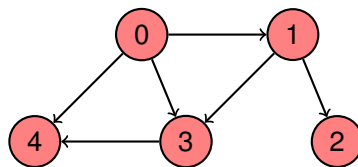
$\{4, 3, 2, 1\}$





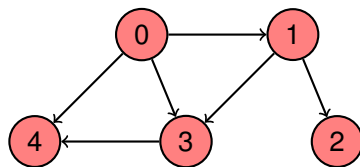
## ALGORITMO

$\{4, 3, 2, 1, 0\}$



## ALGORITMO

$\{0, 1, 2, 3, 4\}$



# CÓDIGO

```
1  int n; // numero de vertices
2  vector< vector<int> > lista;
3  vector< bool > visitado;
4  vector< int > res;
5
6  void dfs(int u) {
7      visitado[u] = true;
8      for(int i = 0; i < lista[u].size(); i++){
9          int v = lista[u][i];
10         if(visitado[v] == false){
11             dfs(v);
12         }
13     }
14     res.push_back(u);
15 }
16
17 void top_sort() {
18     for(int i = 0; i < n; i++) {
19         if(visitado[i] == false) {
20             dfs(i);
21         }
22     }
23     reverse(res.begin(), res.end());
24 }
```

## UTILIDADES Y COMPLEJIDAD

- Complejidad:  $O(n + a)$

## UTILIDADES Y COMPLEJIDAD

- ▶ Complejidad:  $O(n + a)$
- ▶ Obtener dependencias

## UTILIDADES Y COMPLEJIDAD

- ▶ Complejidad:  $O(n + a)$
- ▶ Obtener dependencias
- ▶ Si el grafo es dirigido con pesos sin ciclos: calcular camino máximo/mínimo complejidad  $O(n + a)$

## UTILIDADES Y COMPLEJIDAD

- ▶ Complejidad:  $O(n + a)$
- ▶ Obtener dependencias
- ▶ Si el grafo es dirigido con pesos sin ciclos: calcular camino máximo/mínimo complejidad  $O(n + a)$
- ▶ ¡Algoritmo de Kosaraju! ¡Obtener componentes fuertemente conexas!

# REFERENCES I