

# Softwaretechnik und Programmierparadigmen

#### 02 Logische Programmierung

Prof. Dr. Sabine Glesner Software and Embedded Systems Engineering Technische Universität Berlin



### Anmeldung zur Prüfung und Hausaufgabe

#### Anmeldung zur Prüfung

- am 30.11. um 23:59
- Keine verspätete Anmeldung möglich!

#### Umfragen zur Hausaufgabe auf ISIS

- Ende der Umfragen am **28.11. um 23:59**
- 2 Umfragen:
  - Vorbereitende Umfrage: wir benötigen eure TU-Gitlab ID
  - Übernahme der Punkte (ggf. bei Teilnahme im letzten Semester)

#### Beginn der **Hausaufgabe am 4.12.**

#### Diese VL

Planung

Entwicklungsmodelle

Anforderungs management

Analyse und Entwurf

Objektorientierter Entwurf (UML,OCL)

Model Driven Develop ment Implementierung

**Design Patterns** 

Architekturstile

Funktionale Programmierung (Haskell)

Logische Programmierung (Prolog) Qualitätssicherung

Testen

Korrektheit (Hoare-Kalkül)

> Code-Qualität

Unterstützende Prozesse

Konfigurations-Management

Projekt-Management

Deployment

Betrieb, Wartung, Pflege

Dokumentation

Softwaretechnik-Anteil

Programmierparadigmen-Anteil

# Inhalt

#### Logische Programmierung

- Einführung in Prolog
- Sprach-Syntax
- Unifikation und Resolution
- Rekursion
- Vordefinierte Prädikate

# Inhalt

#### Logische Programmierung

- Einführung in Prolog
- Sprach-Syntax
- Unifikation und Resolution
- Rekursion
- Vordefinierte Prädikate

### Logische Programmierung

#### Weiterer Vertreter der deklarativen Programmierung

- > Beschreibung des Problems steht im Vordergrund (Was)
- Trennt die Implementierung (Wie) vom Algorithmus
- Lösungsmethode ist vom Interpreter vorgegeben

#### Beruht auf der mathematischen Logik

- Axiome (Fakten und Regeln) beschreiben eine Situation (Was gilt)
- Axiome enthalten damit auch die gesamte Datenbasis
- Anfragen an das System werden vom Benutzer als Ziel vorgegeben
- Der Interpreter versucht automatisch weitere Regeln herzuleiten, um die Frage zu beantworten

### Prolog - Einführung

#### Lösungsmethode in Prolog:

- Tiefensuche mit Unifikation und Resolution
- Ziel: Variablenbelegungen, mit denen die Anfrage wahr wird
- positive Antwort: Anfrage kann aus Datenbasis abgeleitet werden
  - ➤ Eine **gültige Belegung** wird zurückgegeben
- negative Antwort: Anfrage kann nicht aus Datenbasis abgeleitet werden
  - ➤ Keine gültige Belegung kann gefunden werden
  - ➤ Die Antwort ist "no" bzw. "false"

#### Anwendungsgebiete:

- Künstliche Intelligenz (Spracherkennung)
- Datenbanksuche
- Expertensysteme
- Constraint Programming

### Prolog - Geschichte

1965: John Alan Robinson entwickelt den Resolution Calculus

1972: Erster Prolog-Interpreter

- von Alan Colmerauer (Frankreich) entwickelt
- Bedeutung des Namens: Programmation en Logique

1983: Warren Abstract Machine

Erster Prolog-Compiler, von David H.D. Warren entwickelt (Edinburgh)

1995: ISO-Prolog

• Definition eines ISO-Standards basierend auf dem Edinburgh-Dialekt

Es gibt verschiedene Implementierungen. Wir verwenden SWI-Prolog (http://www.swi-prolog.org/).

# Inhalt

#### Logische Programmierung

- Einführung in Prolog
- Sprach-Syntax
- Unifikation und Resolution
- Rekursion
- Vordefinierte Prädikate

# Begriffe: Überblick

Ein Programm in Prolog besteht aus einer Menge von Prädikate (Predicates)

Prädikate sind allgemeiner als Funktionen (z.B. in Haskell):

• Sie können durch mehrere Belegungen erfüllt werden (mehrere Ergebnisse)

Prädikate werden durch eine Menge von Klauseln (Clauses) definiert

Eine Klausel besteht aus Literalen (Literals), die durch logische Operatoren verbunden sind

Literale haben als Argumente Terme (Terms), die die Datenstrukturen in Prolog darstellen

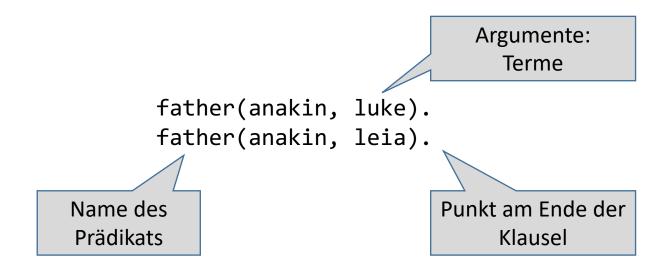
Eine Klausel kann entweder ein Fakt (Fact), eine Regel (Rule) oder eine Anfrage (Query, Goal) sein

Closed-world assumption: Datenbasis und sonst nichts gilt

### Fakt

Fakt: Einfachste Form der Klausel

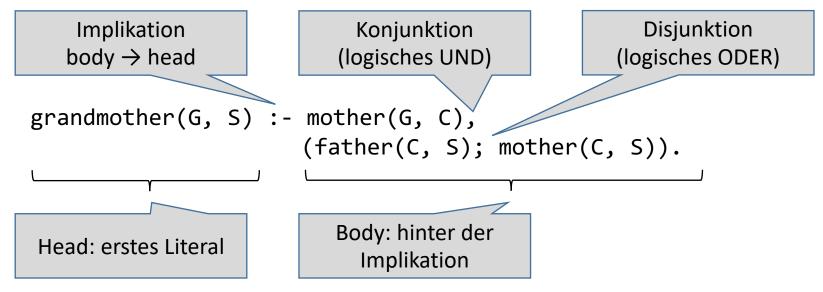
- Besteht aus nur einem Literal
- Aussage, die wahr ist (Relation zwischen Argumenten)



# Regel

Klausel mit der Form head :- body.

- body besteht aus Literalen, verbunden durch logische Operatoren
- Eine Regel ist eine Implikation aus einer wahren Aussage



Ein Fakt einspricht einer Regel mit body = true
father(anakin, luke) :- true.

#### Terme

# Einzige **Datenstruktur** in Prolog (Prolog besitzt keine statische Typisierung)

- Dienen als Argumente von Literalen
- Können folgende Form annehmen:

Basisterm (ground term): Hat keine Variablen

#### Variablen

#### Variable Werte

- Können beliebig ersetzt werden
- Gültigkeitsbereich (Scope): Die Klausel in der sie definiert wurde
- Jedes Vorkommen einer Variable innerhalb einer Klausel wird mit demselben Wert belegt.
- Variablen, die in einer Regel nur einmal auftauchen (**frei**), nennen sich **Singletons** sie können nicht mit Werten belegt werden
  - ➤ Meist ein Fehler
  - ➤ SWI-Prolog gibt eine Warnung aus
- Variablen, die mehrfach auftauchen, also verwendet werden, nennt man gebundene Variablen

Anonyme Variable: '\_' (Unterstrich)

➤ Für irrelevante Werte

## Anfragen

#### Query/Goal

- Fakten und Regeln, die an den Interpreter zur Lösung gegeben werden
- Die Antwort ist true, wenn eine Belegung gefunden werden kann, sonst false.
- Wenn freie Variablen in der Query verwendet wurden, wird für sie eine Belegung angegeben

SWI-Prolog: Mit [SPACE] kann man den Interpreter nach weiteren Belegungen suchen lassen und diese ausgeben.

Anfrage: Ist Anakin der Vater von Luke?

Als Parameter übergeben wir konkrete Werte (Atome).

```
?- father(anakin,luke).
true.
```

Antwort: **true**. Es kann eine Belegung gefunden werden, die Zutrifft.

Anfrage: Hat Anakin Kinder?

Diesmal verwenden wir eine anonyme Variable. Es interessiert uns nicht welche Kinder es gibt.

```
?- father(anakin,_).
true.
```

Antwort: **true**. Es kann eine Belegung gefunden werden, in der Anakin der Vater von irgendwem ist.

X ist eine freie Variable. Nun werden Belegungen von X gesucht, mit denen die Bedingungen wahr werden.

```
?- grandmother(shmi,X);
X = luke;
X = leia;
false.
```

Großmutter?

Die Antwort ist zweimal ein Datensatz für den die Aussage zutrifft (**true**). Danach **false**, da es keinen dritten gibt.

?- mother(leia, ).

Antwort: Nicht in unserem Datensatz (Closed world assumption). Es wird schon beim ersten Aufruf **false** zurückgegeben.

false.

Haben Luke und Leia denselben Vater (und wenn ja, wen)?

Alle Vorkommen von X sind gleich.

```
?- father(X,luke),father(X,leia).
X = anakin.
```

Verundet: Beide Literale müssen in der Zielbelegung erfüllt sein.

### Funktoren

Funktoren sind Terme, die wiederum aus anderen Termen bestehen

Beliebig tief geschachtelt möglich

Literal mit Individuenkonstanten

persondata(peter, 41, 'Spooner Street', '31', 'Quahog').

Funktor zur expliziten Benennung eines Arguments

persondata(peter, age(41),

address('Spooner Street', '31', 'Quahog')).

Funktor zur Zusammenfassung von zusammengehörigen Termen (Daten)

## Funktoren (2)

Achtung: Funktoren sind keine Funktionen! Sie werden nicht ausgewertet. Beispiel:

Achtung: Namen von Funktoren können keine Variablen sein ➤D.h. Variablen haben keine Argumente

### Arithmetik

Boolesche Operatoren and ( , ), or ( ; ), implies ( :- ), not ( \+ ) Vergleiche

- Zahlen: Numerisch gleich (=:=), ungleich (=\=), <, >, =<, >=
- Terme:
  - Unifizierbar (=), nicht unifizierbar (\=): Test ob ein Term in den anderen umgewandelt werden kann
  - identisch (==), nicht identisch (\==): Test ob zwei Terme gleich sind.
- Bei Vergleichen müssen alle Variable gebunden sein

```
?- wert(a)=wert(X).
X = a.
true.
```

Auf der Rechten Seite des Vergleichs kann X durch a ersetzt werden, dann sind beide gleich. → unifizierbar

Beim Vergleich mit == hingegen sind wirklich gleiche Terme gefragt

# Arithmetik (2)

Grundrechenarten +, -, \*, /, mod

Zuweisung eines Wertes (numerisch) zu einer Variable mit is

- Bsp: X1 is X + 1
- Variable auf der linken Seite wird der Ausdruck der rechten Seite zugewiesen
- Auf der rechten Seite müssen alle Variablen gebunden sein
- ➤ Hier wird tatsächlich etwas ausgewertet
- ➤ Ohne die Verwendung von is sind die Operatoren normale Terme in Infix-Notation!

#### Listen

#### Vordefinierte **rekursive Struktur**

```
Beispiel: [1,2,3,4,5]

Leere Liste: [] (in manchen Prolog-Versionen Leerzeichen nötig)

Mit '|' können Head (Element(e)) und Tail (Liste) getrennt werden:

[H|T]

[first,second|Rest]

[1,2|[3,4,5]]
```

**Achtung**: es gibt auch hierbei keine Typisierung, d.h. folgende Definition einer Liste ist gültig:

```
[morgen, 34, temperatur(98,"F"), warm]
```

Auch ist es möglich, eine Liste zu übergeben wenn keine erwartet wird >Übergabe "passender" Parameter ist Verantwortung des Entwicklers

### Listenoperationen

Einige vordefinierte Listenoperationen (viele weitere sind verfügbar).

# Inhalt

#### Logische Programmierung

- Einführung in Prolog
- Sprach-Syntax
- Unifikation und Resolution
- Rekursion
- Vordefinierte Prädikate

### Was steckt hinter Prolog?

Fakten und Regeln in Prolog-Programmen sind Hornklauseln.

Hornklauseln sind eine echte Teilmenge der Prädikatenlogik

Das Ableiten von neuen Fakten aus der Datenbasis wird durch Resolution ermöglicht

- ≽einem Beweisverfahren aus der Logik
- Die Laufzeitumgebung versucht dabei, die Ausdrücke durch Unifikation so weit zu ersetzen, dass sich eine gültige Belegung ergibt
- Es wird nicht vorgegeben was getan werden soll, sondern was gilt

#### Unifikation

Unifikation zweier Terme: **Ersetzung** (Substitution) der Variablen in den Termen derart, dass die so entstandenen Zeichenfolgen **gleich** sind

- Zwei Terme sind unifizierbar, wenn:
  - ➤ Sie beide dieselbe Individuenkonstante sind
  - Einer von ihnen eine freie Variable ist
  - ➤ Beide komplexe Terme sind mit folgenden Eigenschaften:
    - > der Funktor ist derselbe
    - ➤ die Anzahl Parameter (Stelligkeit) ist gleich
    - ➤ deren Argumente sind paarweise unifizierbar

#### Ein paar unifizierbare Beispiele...

```
?- gleich = gleich.
true.
```

```
?- X = gleich.
true.
```

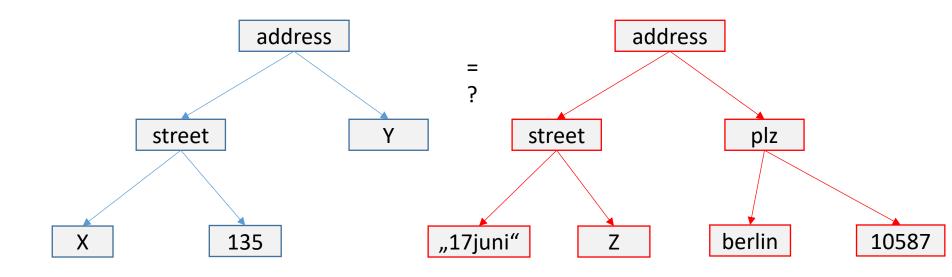
```
?- father(anakin,luke) = father(anakin,X).
X = luke.
```

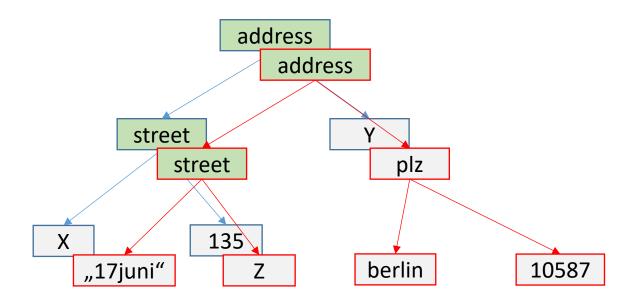
```
?- address(street(X,135),Y) = address(street("17juni",Z),plz(berlin,10587)).

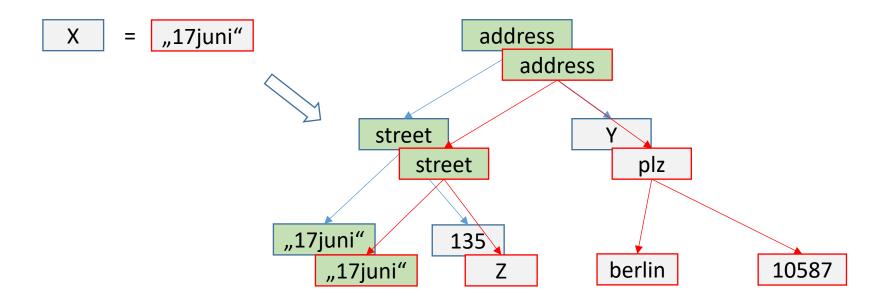
X = "17juni",

Y = plz(berlin, 10587),

Z = 135.
```

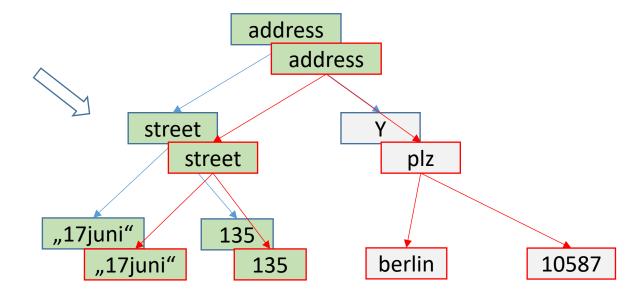


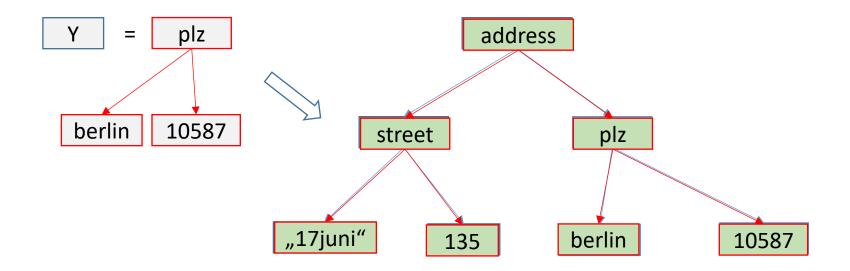




address(street(X,135),Y) = address(street("17juni",Z),plz(berlin,10587)).

135 = Z





#### ... und diese sind nicht unifizierbar

?- aehnlich = ähnlich. false.

- ?- father(X,luke) = father(anakin,X). false.
- ?- father(X,luke) = man(anakin). false.
- ?- A=f(A). A = f(A).

Nicht ganz.

Ersetzung von X muss überall gleich sein

Funktor nicht gleich und Parameterzahl unterschiedlich.

Zyklischer Term erzeugt unendlichen Baum. Je nach Prolog-Implementierung und Einstellung wird das erkannt oder nicht. Hier Default-Verhalten von SWI-Prolog.

#### Resolution

Der Prolog-Interpreter versucht, Anfragen schrittweise durch Unifikation so weit zu substituieren, dass die leere Behauptung übrig bleibt (true)

- Alternative Entscheidungen (mehrere gültige Eingaben) erzeugen einen Lösungsbaum
- Baum wird nach Lösung durchsucht (SWI-Prolog: Tiefensuche)
- Bei Misserfolg (oder um weitere Lösung zu finden): **Backtracking** zur letzten Entscheidung
- Antwort "false" möglich durch Closed-World-Assumption: "Negation by Failure"

#### SWI-Prolog (Bearbeitung der Anfrage):

- Auswahl des ersten Literals (links), dann schrittweise Auflösung nach rechts
- Bei Entscheidungen: Zuerst wird die erste (linke/obere) Möglichkeit versucht

```
Lösungsbaum: Verzweigung bei
/* FAKTEN */
                              zwei gültigen Belegungen von X in
man(luke).
                                         woman(X)
man(anakin).
woman(shmi).
woman(leia).
father (anakin, luke).
                                      ?- woman(X),father(anakin,X).
father (anakin, leia).
                                                                X/leia
                       X/shmi
                                              woman(leia),father(anakin,leia).
woman(shmi),father(anakin,shmi).
            father(anakin, shmi).
                                                          father(anakin,leia).
                                                           true
                                                           X = leia
```

```
/* FAKTEN */
man(luke).
                                                Auswahl des Literals für die Suche
man(anakin).
                                                    der Lösung: Von links aus
woman(shmi).
woman(leia).
father (anakin, luke).
                                       ?- woman(X),father(anakin,X).
father (anakin, leia).
                                                                 X/leia
                        X/shmi
                                               woman(leia),father(anakin,leia).
woman(shmi), father(anakin, shmi).
             father(anakin, shmi).
                                                            father(anakin,leia).
                                                            true
                                                            X = leia
```

```
/* FAKTEN */
man(luke).
                                               Auswahl des Literals für die Suche
man(anakin).
                                                    der Lösung: Von links aus
woman(shmi).
woman(leia).
father (anakin, luke).
                                       ?- woman(X),father(anakin,X).
father (anakin, leia).
                                                                 X/leia
                       X/shmi
                                              woman(leia),father(anakin,leia).
woman(shmi), father(anakin, shmi).
             father(anakin,shmi).
                                                           father(anakin, leia).
                                                            true
             Kein Erfolg: Backtracking
                                                            X = leia
```

```
/* FAKTEN */
man(luke).
                                               Auswahl des Literals für die Suche
man(anakin).
                                                    der Lösung: Von links aus
woman(shmi).
woman(leia).
father (anakin, luke).
                                       ?- woman(X),father(anakin,X).
father (anakin, leia).
                                                                 X/leia
                       X/shmi
woman(shmi), father(anakin, shmi).
                                              woman(leia),father(anakin,leia).
             father(anakin,shmi).
                                                           father(anakin, leia).
                                                            true
             Kein Erfolg: Backtracking
                                                            X = leia
```

```
/* FAKTEN */
man(luke).
                                               Auswahl des Literals für die Suche
man(anakin).
                                                    der Lösung: Von links aus
woman(shmi).
woman(leia).
father (anakin, luke).
                                       ?- woman(X),father(anakin,X).
father (anakin, leia).
                                                                 X/leia
                       X/shmi
woman(shmi), father(anakin, shmi).
                                              woman(leia),father(anakin,leia).
                                                          father(anakin,leia).
             father(anakin,shmi). 🗶
                                                            true
             Kein Erfolg: Backtracking
                                                            X = leia
```

# Inhalt

#### Logische Programmierung

- Einführung in Prolog
- Sprach-Syntax
- Unifikation und Resolution
- Rekursion
- Vordefinierte Prädikate

#### Rekursion

Prädikate können **rekursiv** definiert werden, d.h. in einem Prädikat kann es selbst wieder auftauchen

Rekursionsanker: Eltern sind direkt Vorfahren

```
ancestor(A,B) :- parent(A,B).
ancestor(A,B) :- parent(A,A_B), ancestor(A_B,B).
```

Rekursionsschritt: Vorfahren können beliebig viele Generationen entfernt sein

➤ Prolog wird das Prädikat so oft in sich selbst einsetzen bis eine gültige Belegung gefunden ist.

# Rekursion (2)

Wenn zwischen den Rekursionsschritten Datenaustausch nötig ist, kann dies über Variablen geschehen.

Akkumulator: Zwischenrechnungen werden weiter nach "unten" gegeben. Ergebnisvariable: Im Rekursionsanker wird das Ergebnis mit dieser Variable verknüpft.

```
?- cntAncestor(shmi, luke, 1, Erg).
Erg = 2
```

Cnt muss mit dem Startwert (1) initialisiert werden, für Erg soll eine Belegung gefunden werden.

In jedem Rekursionsschritt wird dieser Zähler inkrementiert.

# Rekursion (3)

Alternative Umsetzung der Rekursion:

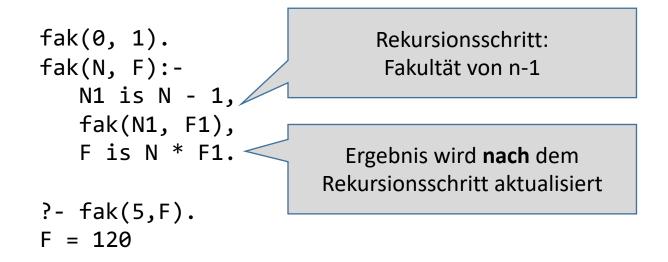
Setzen des Startwerts für Erg im Rekursionsanker.

?- cntAncestor2(shmi, luke, Erg).
Erg = 2

Berechnung des Ergebnisses auf dem Weg nach "oben"

### Rekursive Berechnungen

Beispiel: Berechnung der Fakultät.



### Regeln für Rekursion

#### Nicht-Rekursive Klauseln zuerst!

- ➤ Erinnerung: Tiefensuche im Lösungsbaum.
- Es werden die Klauseln nacheinander von oben nach unten auf Unifizierbarkeit geprüft
- ➤ Steht die rekursive Klausel oben, ergibt sich ein **unendlicher Lösungsbaum bevor** der Rekursionsanker geprüft wird

#### Innerhalb einer Klausel: Nicht-rekursive Literale vor rekursivem Literal!

➤So wird sichergestellt, dass Manipulationen an den Übergabewerten vor dem Rekursionsschritt geschehen

#### Zyklen in den Daten (Graph):

- Keine Zyklen innerhalb eines Prädikats!
- Besuchte Knoten in weiterem Parameter "merken" (siehe nächste Folie)

### Zyklische Daten

Aufgabe: Es soll herausgefunden werden, über wie viele Ecken zwei Personen sich kennen.

```
friend(jim,johnny).
friend(johnny,jose).
friend(jose,jack).
friend(jack,mary).
friend(mary,jim).
friend(jim,jack).
knows(A,B) :- friend(A,B).
knows(A,B) :- friend(A,C), knows(C,B).
Jim

Johnny

Johnny

Johnny

Johnny

Johnny

Mary

Jose

Jos
```

Problem: Zyklische Abhängigkeiten ermöglichen unendliche Rekursion: knows(jim,johnny) → jim,johnny,jose,jack,mary,jim,johnny, .....

Mit etwas Pech findet man sogar nur einen unendlichen Pfad

### Zyklische Daten

Lösung: "Merken" schon verwendeter Fakten(Daten)

Liste Visited enthält alle schon gefundenen "Zwischenfreunde"

Prüft ob dieser Freund C nicht schon einmal besucht wurde

Merke Zwischenwert in Liste

```
?- knows(jim,johnny, [ ]).

true;

false

Leere Liste: Am Anfang wurde

noch keiner besucht
```

# Inhalt

#### Logische Programmierung

- Einführung in Prolog
- Sprach-Syntax
- Unifikation und Resolution
- Rekursion
- Vordefinierte Prädikate

#### Vordefinierte Prädikate

#### Einige weitere wichtige Prädikate:

L = [luke, leia].

### Lernziele

☐ Was ist logische Programmierung?
☐ Was ist die Closed-World Assumption?
☐ Wie setzen sich Terme in Prolog zusammen?
☐ Was sind Variablen in Prolog und welchen Typ haben sie?
☐ Welche Typen gibt es in Prolog?
$lue{}$ Was unterscheidet einen Funktor von einer Funktion in anderen Programmiersprachen?
☐ Was ist der Unterschied zwischen einer Anfrage und einer Regel?
☐ Warum gibt es so viele Vergleichsoperatoren?
☐ Wann werden arithmetische Ausdrücke ausgewertet?
☐ Wie erhalte ich das erste Element einer Liste?
☐ Was passiert, wenn man an eine Liste mit Zahlen einen String anhängt?
☐ Wie funktioniert Unifikation und wann sind zwei Terme unifizierbar?
☐ Wie löst der Prolog-Interpreter die ihm gestellten Anfragen?
☐ Wieso sollten rekursive Ausdrücke immer rechts innerhalb einer Klausel und unten bei mehreren Klauseln stehen?
☐ Wie vermeidet man eine unendliche Auswertung zyklischer Daten?

#### Literatur

- Leon Sterling and Ehud Shapiro: The Art of Prolog. MIT Press, 1994
- http://www.learnprolognow.org/
- http://www.swi-prolog.org/
- Für die, die mehr wissen wollen: Stuart Russell, Peter Norvig: Künstliche Intelligenz. Pearson,2012