

Technische Universität Berlin

Software and Embedded Systems Engineering Group Prof. Dr. Sabine Glesner



Q

www.sese.tu-berlin.de

Sekr. TEL 12-4

Ernst-Reuter-Platz 7

10587 Berlin

## Softwaretechnik und Programmierparadigmen WiSe 2023/2024

Prof. Dr. Sabine Glesner Simon Schwan Julian Klein

## Übungsblatt 10

## Aufgabe 1: Partielle Korrektheit

Beweist mithilfe des Hoare Kalküls die partielle Korrektheit folgender Programme.

a) 
$$\max(\text{int a,int b})$$
:  $\{true\}$  if a > b then 
$$m := a$$
 else 
$$m := b$$
 
$$\text{fi}$$
  $\{m \geq a \wedge m \geq b \wedge (m = a \vee m = b)\}$ 

b) trinumber(int n)<sup>1</sup>: 
$$\{n \ge 0\}$$

$$i := 0;$$

while i < n do

 $\quad \text{od} \quad$ 

$$\left\{s = \sum_{j=0}^{n} j\right\}$$

Q

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Berechnet die sogennanten "Triangular Numbers".

c) rest(int x, int y): 
$$\{x \geq 0\}$$

Q

D

$$q := 0;$$

$$r := x;$$

while 
$$r >= y do$$

$$r := r - y;$$

$$q := q + 1$$

od

$$\{r < y \wedge x = q * y + r \wedge r \geq 0\}$$

d) **Zusatzaufgabe zum knobeln** (einschließlich totaler Korrektheit):  $mod(int \ x, \ int \ y)$ :

$$\{x = m \land y = n \land x \ge 0 \land y > 0\}$$

$$while(x >= y) do$$

$$x := x - y$$

od;

## Referenz: Hoare Kalkül

- (1) Skip-Axiom:  $\{P\}$  skip  $\{P\}$
- (2) Zuweisungsaxiom:  $\{P[x \leftarrow E]\} \ \mathtt{x} := \mathtt{E} \ \{P\}$
- (3) Sequenzregel:

$$\frac{\{P\}\;S_1\;\{R\}\quad\{R\}\;S_2\;\{Q\}}{\{P\}\;S_1;S_2\;\{Q\}}$$

(4) if-then-else-Regel:

$$\frac{\{B \wedge P\} \ S_1 \ \{Q\} \quad \{\neg B \wedge P\} \ S_2 \ \{Q\}}{\{P\} \ \text{if} \ B \ \text{then} \ S_1 \ \text{else} \ S_2 \ \text{fi} \ \{Q\}}$$

(5) while-Regel:

$$\frac{\{B \wedge I\} \; S \; \{I\}}{\{I\} \; \text{while} \; B \; \text{do} \; S \; \text{od} \; \{\neg B \wedge I\}}$$

(6) Konsequenzregel:

$$\frac{\{P \Rightarrow P'\} \quad \{P'\} \ S \ \{Q'\} \quad \{Q' \Rightarrow Q\}}{\{P\} \ S \ \{Q\}}$$

(7) Terminierung:

$$\frac{\{B \wedge I \wedge (t=m)\} \; S \; \{I \wedge (t< m)\}, \; B \wedge I \Rightarrow t \geq 0}{\{I\} \; \text{while} \; B \; \text{do} \; S \; \text{od} \; \{\neg B \wedge I\}}$$

Vorgehen: finde Terminierungsfunktion  $t \mapsto \mathbb{N}$ , sodass

1. 
$$B \wedge I \Rightarrow t \geq 0$$
 und

2. 
$$\{B \wedge I \wedge (t = m)\}\ S \{I \wedge (t < m)\}\ gilt.$$