WiSe 2022/23 Stand: 2. Februar 2023

12. freiwillige Hausaufgabe – Logik

Abgabe: bis 10:30 am 10.02.2022 im ISIS-Kurs [WiSe 2022/23] Logik

Geht Wählen!

Hausaufgabe 1

Zeigen oder widerlegen Sie die Korrektheit der folgenden Regeln.

$$(i) \ \frac{\Phi, \varphi \Rightarrow \Delta, \psi \qquad \Phi, \psi \Rightarrow \Delta, \varphi}{\Phi \Rightarrow \Delta, \varphi \leftrightarrow \psi}$$

$$(ii) \ \frac{\Phi \Rightarrow \Delta, \varphi, \psi \qquad \Phi, \psi \Rightarrow \Delta, \varphi}{\Phi, \varphi \leftrightarrow \psi \Rightarrow \Delta}$$

$$(iii) \ \frac{\Phi,\varphi\Rightarrow\Delta,\psi\qquad \Phi\Rightarrow\Delta,\varphi}{\Phi\Rightarrow\Delta,\psi\wedge\varphi}$$

(iv)
$$\frac{\Phi, \varphi \Rightarrow \Delta, \psi}{\Phi, \varphi \rightarrow \psi \Rightarrow \Delta}$$

Hausaufgabe 2

Beweisen Sie die Korrektheit der $(\exists \Rightarrow)\text{-Regel}$ des Sequenzenkalküls.

$$(\exists \Rightarrow) \ \ \underline{ \ \ \Phi, \psi(c) \Rightarrow \Delta \ \ } \ (*)$$

(*) c ist ein Konstantensymbol, welches nicht in Φ, Δ oder ψ vorkommt.