

BeKo Cheat Sheet WS22/23 Version 0.3

Sei $L \subseteq \Sigma^*$ für ein endliches Alphabet Σ und seien χ_L (und χ'_L) die (halbe) charakteristische Funktion von L .

um das zu zeigen...	... kann ich eins hiervon zeigen
L semi-entscheidbar L aufzählbar	<ol style="list-style-type: none"> 1. χ'_L berechenbar (DTM, NTM, WHILE, oder GOTO) 2. χ'_L μ-rekursiv 3. $L \leq Q$ für semi-entscheidbare Sprache Q 4. $L = T(M)$ für eine (N)TM M
L entscheidbar	<ol style="list-style-type: none"> 1. χ_L berechenbar (DTM, NTM, WHILE, oder GOTO) 2. χ_L μ-rekursiv 3. $L \leq Q$ für entscheidbare Sprache Q 4. L und \bar{L} semi-entscheidbar
L nicht semi-entscheidbar	<ol style="list-style-type: none"> 1. L unentscheidbar und \bar{L} semi-entscheidbar 2. $Q \leq L$ für eine nicht semi-entscheidbare Sprache Q (z.B. Äquivalenzproblem) 3. Widerspruchsbeweis (z.B. Diagonalisierung)
L unentscheidbar	<ol style="list-style-type: none"> 1. L nicht semi-entscheidbar oder \bar{L} nicht semi-entscheidbar 2. $Q \leq L$ für unentscheidbare Sprache Q (z.B. Halteproblem) 3. Widerspruchsbeweis (z.B. Diagonalisierung) 4. Satz von Rice: <ol style="list-style-type: none"> (a) nichttriviale Menge \mathcal{S} von Sprachen/Funktionen definieren (b) zeigen, dass $L = C(\mathcal{S})$
$L \in \text{NP}$	<ol style="list-style-type: none"> 1. NTM die L in Polynomzeit entscheidet 2. Zertifikate für Ja-Instanzen können von DTM in Polynomzeit überprüft werden ("guess and check") 3. $\bar{L} \in \text{coNP}$ 4. $L \leq_m^p Q$ für ein $Q \in \text{NP}$ (z.B. 3-SAT)
$L \in \text{coNP}$	<ol style="list-style-type: none"> 1. co-nichtdeterministische Turing-Maschine, die L in Polynomzeit entscheidet 2. Zertifikate für Nein-Instanzen können von DTM in Polynomzeit überprüft werden ("guess and check") 3. $\bar{L} \in \text{NP}$ 4. $L \leq_m^p Q$ für ein $Q \in \text{coNP}$ (z.B. TAUT)
$L \in \text{PSPACE}$	<ol style="list-style-type: none"> 1. (N)TM die L in polynomielltem Platz entscheidet 4. $L \leq_m^p Q$ für ein $Q \in \text{PSPACE}$ (z.B. TQBF)
L ist NP-schwer	<ol style="list-style-type: none"> 1. $Q \leq_m^p L$ für jedes $Q \in \text{NP}$ 2. $Q \leq_m^p L$ für ein NP-schweres Q (z.B. 3-SAT) 3. \bar{L} ist coNP-schwer
L ist coNP-schwer	<ol style="list-style-type: none"> 1. $Q \leq_m^p L$ für jedes $Q \in \text{coNP}$ 2. $Q \leq_m^p L$ für ein coNP-schweres Q (z.B. TAUT) 3. \bar{L} ist NP-schwer
L ist PSPACE-schwer	<ol style="list-style-type: none"> 1. $Q \leq_m^p L$ für jedes $Q \in \text{PSPACE}$ 2. $Q \leq_m^p L$ für ein PSPACE-schweres Q (z.B. TQBF)
L ist NP-vollständig	$L \in \text{NP}$ und L ist NP-schwer
L ist coNP-vollst.	$L \in \text{coNP}$ und L ist coNP-schwer
L ist PSPACE-vollst.	$L \in \text{PSPACE}$ und L ist PSPACE-schwer
$L \leq Q$	Reduktionsfunktion f , die Eingaben für L in Eingaben für Q umbaut, sodass <ol style="list-style-type: none"> (a) f berechenbar & total auf Σ^* (b) $x \in L \iff f(x) \in Q$ für alle $x \in \Sigma^*$
$L \leq_m^p Q$	Reduktionsfunktion f , die Eingaben für L in Eingaben für Q umbaut, sodass <ol style="list-style-type: none"> (a) f polynomzeitberechenbar & total auf Σ^* (b) $x \in L \iff f(x) \in Q$ für alle $x \in \Sigma^*$