- \ Introduction

1. 安装Numpy 与SciPy

(1) 使用 Python 发行包

常见的 Python 发行包:

Enthought Python Distribution (EPD)

ActivePython (AP)

Python(x,y)

(2) Python Windows

Step1:安装 Python

下载 https://www.python.org/downloads/release/python-2710/, 64 位操作系统选择 Windows x86_64 MSI installer, 32 位操作系统选择 Windows x86 MSI installer

双击安装 (最好选择默认路径)

Step 2:安装包管理器 pip

- a. 下载 https://pypi.python.org/pypi/pip/ ,选择 pip-8.1.1.tar.gz,解压。大命令行进入 dist\pip-8.1.1
 - b. 运行 python setup.py install
 - c. 修改环境变量 PATH, 添加 C:\Python27\Scripts

Step 3:使用包管理器安装 numpy、scipy

NumPy 和 SciPy 在 windows 下需要手动安装,否则容易出现意外的错误。过程如下

- a. 从 http://www.lfd.uci.edu/~gohlke/pythonlibs/ 下载相应 whl 包(下载 python2.7版本 cp27, 32 位下载 win32, 64 位下载 win_amd64) 手动安装,手动安装注意依赖关系
 - b. pip install wheel
 - c. pip install xxxxx.whl

Step 4:安装其他包

pip install pillow

pip install pandas

pip install -U scikit-learn

pip install matplotlib

pip install ipython

pip install pyreadline

(3) Python OS X

Step 1:安装 homebrew

/usr/bin/ruby -e "\$(curl -fsSL

https://raw.githubusercontent.com/Homebrew/install/master/install)"

Step 2:重新安装 python

brew install python

Step 3:安装 pip

sudo easy_install pip

Step 4:安装其他包

```
pip install numpy
pip install scipy
pip install pillow
pip install pandas
pip install -U scikit-learn
pip install matplotlib
pip install ipython
```

二、Numpy

1. numpy 数组与 python 列表效率对比

```
import numpy as np
# 创建大小为 10^7 的数组
arr = np.arange(1e7)
larr = arr.tolist()
def list_times(alist, scalar):
    for i, val in enumerate(alist):
        alist[i] = val * scalar
    return alist
# 利用 IPython 的魔术方法 timeit 计算运行时间
timeit arr * 1.1
>>> 1 loops, best of 3: 76.9 ms per loop
timeit list_times(larr, 1.1)
>>> 1 loops, best of 3: 2.03 s per loop
```

2. 创建数组并设置数据类型

```
(1) 从列表转换
  alist = [1, 2, 3]
   arr = np.array(alist)
(2) np.arange()
  arr = np.arange(100)
   arr = np.arange(10, 100)
(3) np.zeros()
  arr = np.zeros(5)
   np.zeros((5,5))
   cube = np.zeros((5,5,5)).astype(int) + 1
   cube = np.ones((5, 5, 5)).astype(np.float16)
   arr = np.zeros(2, dtype=int)
   arr = np.zeros(2, dtype=np.float32)
(4) reshape()
   arr1d = np.arange(1000)
   arr3d = arr1d.reshape((10, 10, 10))
   arr3d = np.reshape(arr1s, (10, 10, 10))
```

(5) revel()

作用与 reshape 相反

(6) shape

显示数据对象的形状

arr1d.shape

注意:对数据形状结构的改变只是改变了数据的显示形式,即只是改变了数据的引用,对一个数据的改变另一个也会被改变。

3. 记录数组

(1) 创建记录数组并赋值

recarr = np.zeros((2,), dtype=('i4,f4,a10')) #创建大小为 2 的记录数组,类型为 4 字节整数、4 字节浮点数和 10 字节字符 recarr[:] = [(1,2.,'Hello'),(2,3.,"World")]

(2) 使用 zip()

```
recarr = np.zeros((2,), dtype=('i4,f4,a10'))

col1 = np.arange(2) + 1

col2 = np.arange(2, dtype=np.float32)

col3 = ['Hello', 'World']

recarr[:] = zip(col1, col2, col3)
```

(3) 为每列数据命名

recarr.dtype.names = ('Integers', 'Floats', 'Strings')

(4) 使用列名访问数据 recarr('Integers')

4. 索引和切片

(1) numpy 提供了类似于 matlab 的索引和切片

alist=[[1,2],[3,4]]

alist[0][1] #python 方式

arr = np.array(alist)

 arr[0,1]
 #单个元素

 arr[:,1]
 #第 1 列

 arr[1,:]
 #第 1 行

(2) np.where()

根据条件获取索引号

index = np.where(arr>2)

new_arr = arr[index]

new arr = np.delete(arr, index)

也可以这样操作:

index = arr > 2 #得到一个逻辑数组

new_arr = arr[index]

注意:第二种方法速度更快,而且可以用 "~ index" 很容易的得到与 index 相反的逻辑数组。

5. NumPy 数组的布尔操作

NumPy 数组元素可以通过逻辑表达式方便的操作

例:

创建如 Plot A 所示的数组

img1 = np.zeros((20, 20)) + 3

img1[4:-4, 4:-4] = 6

img1[7:-7, 7:-7] = 9

获取数值大于2 且小于6 的元素索引

index1 = img1 > 2

index2 = img1 < 6

compound_index = index1 & index2

上式与下式结果相同

 $compound_index = (img1 > 3) & (img1 < 7)$

img2 = np.copy(img1)

 $img2[compound_index] = 0$

得到 Plot B.

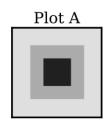
更复杂的数组逻辑操作

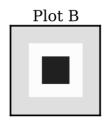
index3 = img1 == 9

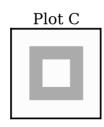
index4 = (index1 & index2) | index3

img3 = np.copy(img1)

img3[index4] = 0 # 得到 Plot C.







例:

import numpy.random as rand

a = rand.randn(100)

index = a > 0.2

b = a[index]

 $b = b^{**}2 - 2$

a[index] = b

6. 读写操作

(1) Python 读写文本文件

f = open('somefile.txt', 'r') alist = f.readlines()

file f.close()

#以只读方式打开文件, 'r'表示读 #将文件内容读入列表, 每一行为一个列表元素 #关闭文件 f = open('newtextfile.txt', 'w') #以可写方式打开文件, 'w'表示写

f.writelines(newdata) #写入数据 f.close() #关闭文件

注意:读写完毕之后要将文件关闭

(2) Numpy 文件文件读写

Python 读写文件文件虽然方便且效率很好, 但是不太适合处理极大的文件。当文件内容有结构, 且为数字时用 NumPy 处理, 存 numpy.ndarray 会更合适。例:

import numpy as np

arr = np.loadtxt('somefile.txt')

np.savetxt('somenewfile.txt')

如果文件各列数据类型不一样,则需要指明数据类型,NumPy 用来保存数据的类型为 recarray,可以用处理 ndarray 同样的方法来对元素进行操作。recarray 数据类型不能直接保存为文本文件,如果需要的话可以使用 matplotlib.mlab 实现。

例:

文件 example.txt 内容如下

XR21 32.789 1

XR22 33.091 2

读入数据

table = np.loadtxt('example.txt',

dtype='names': ('ID', 'Result', 'Type'),

'formats': ('S4', 'f4', 'i2'))

提示:如果文本数据为 ASCII 格式的,使用 Asciitable 包读写会更加高效。

(3) 二进制文件

文本文件处理简单方便,但是读写速度和文件大小都不能和二进制文件相比,因此 大数据处理适合使用二进制文件。

例:

import numpy as np

data = np.empty((1000, 1000)) #创建一个较大的数组

np.save('test.npy', data) #保存数据 np.savez('test.npz', data) #压缩保存数据

newdata = np.load('test.npy') #读入数据

注意: NumPy 使用 numpy.save 和 numpy.load 来读写二进制文件,但这种二进制文件只能在 NumPy 下读写,scipy.io 可以处理更通用的二进制文件

7. 数学运算

(1) 线性代数

NumPy 数组间的运算只是相对应元素间的远算,不能用运算符进行矩阵运算,可以使用 numpy.dot 和 numpy.transpose 分别来进行矩阵乘法运算和矩阵转置。其优点在于常规操作时避免了对数据遍历。

NumPy 的 matrix 类型则可以直接用运算符号进行运算。

例:使用 matrix 解方程组

$$3x + 6y - 5z = 12$$

$$x - 3y + 2z = -2$$

$$5x - y + 4z = 10$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 6 & -5 \\ 1 & -3 & 2 \\ 5 & -1 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 12 \\ -2 \\ 10 \end{bmatrix}$$

import numpy as np

A = np.matrix([[3, 6, -5], [1, -3, 2], [5, -1, 4]]) #定义矩阵

B = np.matrix([[12], [-2], [10]])

 $X = A^{**}(-1) * B$

#求方程组

print(X)

例:使用数组解方程组

import numpy as np

a = np.array([[3, 6, -5], [1, -3, 2], [5, -1, 4]])

b = np.array([12, -2, 10])

x = np.linalg.inv(a).dot(b)

print(x)

注意:数组的运算速度更快,而且为了在使用中保持数据类型一致,建议使用数组。

三、SciPy

1. 最优化

(1) 数据建模和拟合

SciPy 函数 curve_fit 使用基于卡方的方法进行线性回归分析。下面,首先使用 f(x)=ax+b 生成带有噪声的数据,然后使用用 curv_fit 来拟合。

例:线性回归

import numpy as np

from scipy.optimize import curve_fit

创建函数 f(x)=ax+b

def func(x, a, b):

return a * x + b

创建干静数据

x = np.linspace(0, 10, 100)

y = func(x, 1, 2)

#添加噪声

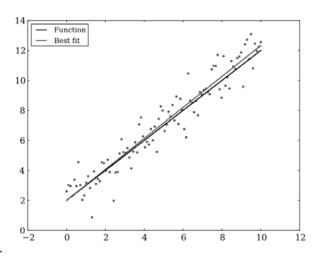
yn = y + 0.9 * np.random.normal(size=len(x))

拟合噪声数据

 $popt, pcov = \frac{curve_fit}{func}, x, yn)$

输出最优参数

print(popt)



例:高斯分布拟合

$$a * \exp\left(\frac{-(x-\mu)^2}{2\sigma^2}\right)$$

创建函数

def func(x, a, b, c):

return a*np.exp(-(x-b)**2/(2*c**2))

生成干静数据

x = np.linspace(0, 10, 100)

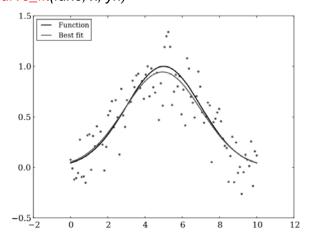
y = func(x, 1, 5, 2)

#添加噪声

yn = y + 0.2 * np.random.normal(size=len(x))

拟合

 $popt, pcov = \frac{curve_fit}{func}, x, yn)$



(2) 函数求解

SciPy 的 optimize 模块中有大量的函数求解工具,fsolve 是其中最常用的。

例:线性函数求解

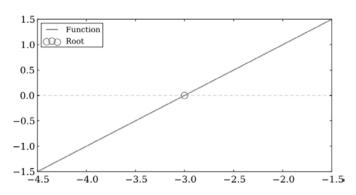
from scipy.optimize import fsolve

import numpy as np

line = lambda x: x + 3

solution = fsolve(line, -2)

print solution



例:求函数交叉点

from scipy.optimize import fsolve

import numpy as np

用于求解的解函

def findIntersection(func1, func2, x0):

return fsolve(lambda x : func1(x) - func2(x), x0)

两个函数

 $funky = lambda \ x : np.cos(x / 5) * np.sin(x / 2)$

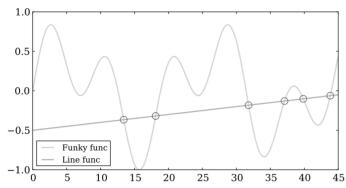
 $line = lambda \ x : 0.01 * x - 0.5$

x = np.linspace(0,45,10000)

result = findIntersection(funky, line, [15, 20, 30, 35, 40, 45])

输出结果

print(result, line(result))



2. 插值

(1) interp1d

例:正弦函数插值

import numpy as np

from scipy.interpolate import interp1d

创建待插值的数据

x = np.linspace(0, 10 * np.pi, 20) y = np.cos(x)

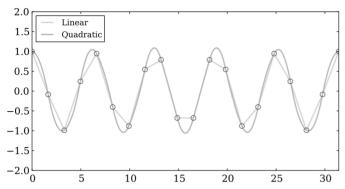
分别用 linear 和 quadratic 插值

fl = interp1d(x, y, kind='linear')

fq = interp1d(x, y, kind='quadratic')

xint = np.linspace(x.min(), x.max(), 1000)

yintl = fl(xint)yintq = fq(xint)



(2) UnivariateSpline

例:噪声数据插值

import numpy as np

from scipy.interpolate import UnivariateSpline

创建含噪声的待插值数据

sample = 30

x = np.linspace(1, 10 * np.pi, sample)

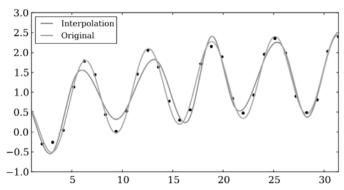
y = np.cos(x) + np.log10(x) + np.random.randn(sample) / 10

插值,参数 s 为 smoothing factor

f = UnivariateSpline(x, y, s=1)

xint = np.linspace(x.min(), x.max(), 1000)

yint = f(xint)



(3) griddata

例:利用插值重构图片

import numpy as np

from scipy.interpolate import griddata

定义一个函数

ripple = lambda x, y: np.sqrt(x**2 + y**2) + np.sin(x**2 + y**2)

生成 grid 数据,复数定义了生成 grid 数据的 step,若无该复数则 step 为 5

 $grid_x$, $grid_y = np.mgrid[0.5:1000j, 0.5:1000j]$

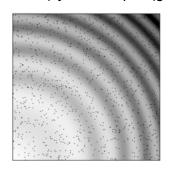
生成待插值的样本数据

xy = np.random.rand(1000, 2)

sample = ripple(xy[:,0] * 5 , xy[:,1] * 5)

用 cubic 方法插值

grid_z0 = griddata(xy * 5, sample, (grid_x, grid_y), method='cubic')





上图中,左侧为原始数据,其中的黑点是待插值的样本,右图为插值后的数据。要想提高质量,生成更大的样本数据即可。

(4) SmoothBivariateSpline

例:利用插值重构图片

import numpy as np

from scipy.interpolate import SmoothBivariateSpline as SBS

定义函数

ripple = lambda x, y: np.sqrt(x**2 + y**2) + np.sin(x**2 + y**2)

生成待插值样本

xy = np.random.rand(1000, 2)

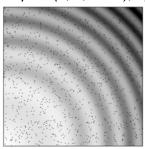
x, y = xy[:,0], xy[:,1]

sample = ripple(xy[:,0] * 5 , xy[:,1] * 5)

插值

fit = SBS(x * 5, y * 5, sample, s=0.01, kx=4, ky=4)

interp = fit(np.linspace(0, 5, 1000), np.linspace(0, 5, 1000))





注意:SmoothBivariateSpline 有时候表现比 Spline 更好一些,但是它对样本数据更敏感一些,相对而言 Spline 更加健壮。

3. 积分

SicPy 中的积分是近似的数值积分,SymPy 是一个符号积分的工具包。

(1) 解析积分

例:

$$\int_0^3 \cos^2(e^x) \, \mathrm{d}x$$

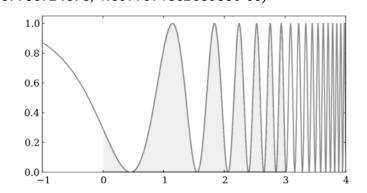
import numpy as np

from scipy.integrate import quad

定义被积函数

func = lambda x: np.cos(np.exp(x)) ** 2

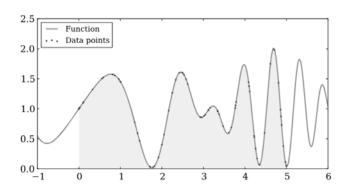
积分 solution = quad(func, 0, 3) print solution # 输出结果中第一个数字为积分值,第二个为误差 # (1.296467785724373, 1.397797186265988e-09)



(2) 数值积分

例:

import numpy as np
from scipy.integrate import quad, trapz
Setting up fake data
x = np.sort(np.random.randn(150) * 4 + 4).clip(0,5)
func = lambda x: np.sin(x) * np.cos(x ** 2) + 1
y = func(x)
Integrating function with upper and lower # limits of 0 and 5, respectively
fsolution = quad(func, 0, 5)
dsolution = trapz(y, x=x)
print('fsolution = ' + str(fsolution[0]))
print('dsolution = ' + str(dsolution))
print('The difference is ' + str(np.abs(fsolution[0] - dsolution)))
fsolution = 5.10034506754
dsolution = 5.04201628314
The difference is 0.0583287843989.



4. 统计

SciPy 中有包括 mean, std, median, argmax, 及 argmin 等在内的基本统计函数, 而且 numpy.arrays 类型中内置了大部分统计函数,以便于使用。

例:

import numpy as np

创建大小为 1000 的随机数组

elements x = np.random.randn(1000)

mean = x.mean() #均值

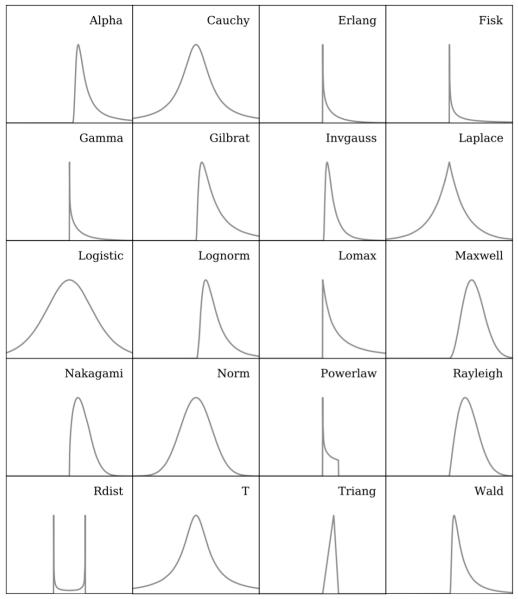
std = x.std() #标准差

var = x.var() #方差

SciPy 中还包括了各种分布、函数等工具。

(1) 连续和离散分布

SciPy 的 scipy.stats 包中包含了大概 80 种连续分布和 10 种离散分布。下图是其中的 20 种连续分布的概率密度函数。这些分布函数其实都依赖于 numpy.random 函数。



有几种方法来使用 scipy.stats 中的分布时:概率密度函数(PDFs)、累积分布函数(CDFs)、随机变量样本(RVSs)、百分比点函数(PPFs)等。下面基于标准正态分布函数,来演示如何使用这些分布。

PDF =
$$e^{(-x^2/2)/\sqrt{2\pi}}$$

```
例:
```

```
import numpy as np
import scipy.stats import norm
# 创建样本区间
x = np.linspace(-5,5,1000)
# 设置正态分布参数,loc 为均值,scale 为标准差
dist = norm(loc=0, scale=1)
# 得到正态分布的 PDF 和 CDF
pdf = dist.pdf(x)
cdf = dist.cdf(x)
# 根据分布生成 500 个随机数
sample = dist.rvs(500)
```

可以基于 SciPy.stats 中的任何连续分布生成随机数, 有需要请查看文档。除此外, 如泊松分布、二项分布、几何分布等离散分布的使用也很简单。下式为几何分布的概率分布函数(PMF):

$$PMF = (1 - p)^{(k-1)} p$$

例:

import numpy as np
from scipy.stats import geom
设置几何分布的参数
p = 0.5
dist = geom(p)
设置样本区间
x = np.linspace(0, 5, 1000)
得到几何分布的 PMF 和 CDF
pmf = dist.pmf(x)
cdf = dist.cdf(x)
生成 500 个随机数
sample = dist.rvs(500)

(2) 函数

SciPy 中有超过 60 种统计函数。stats 包中包括了诸如 kstest 和 normaltest 等的样本测试函数,用来检测样本是否服从某种分布。提示:在使用这些工具前,要对数据有较好的理解,否则可能会误读它们的结果。

例:样本分布检验

```
import numpy as np
from scipy import stats
# 生成包括 100 个服从正态分布的随机数样本
sample = np.random.randn(100)
# 用 normaltest 检验原假设
out = stats.normaltest(sample)
print('normaltest output')
print('Z-score = ' + str(out[0]))
print('P-value = ' + str(out[1]))
```

```
#kstest 是检验拟合度的 Kolmogorov-Smirnov 检验, 这里针对正态分布进行检验,
    # D 是 KS 统计量的值, 越接近 0 越好
    out = stats.kstest(sample, 'norm')
    print('\nkstest output for the Normal distribution')
    print('D = ' + str(out[0]))
    print('P-value = ' + str(out[1]))
    # 类似地可以针对其他分布进行检验,例如 Wald 分布
    out = stats.kstest(sample, 'wald')
    print('\nkstest output for the Wald distribution')
    print('D = ' + str(out[0]))
    print('P-value = ' + str(out[1]))
   SciPy 的 stats 模块中还提供了一些描述函数, 如几何平均(gmean)、偏度(skew)、
样本频数(itemfreq)等。
例:
    import numpy as np
    from scipy import stats
    #生成包括 100 个服从正态分布的随机数样本
    sample = np.random.randn(100)
    # 调和平均数, 样本值须大于 0
    out = stats.hmean(sample[sample > 0])
    print('Harmonic mean = ' + str(out))
    # 计算-1 到 1 之间样本的均值
    out = stats.tmean(sample, limits=(-1, 1))
    print('\nTrimmed mean = ' + str(out))
    # 计算样本偏度
    out = stats.skew(sample)
    print('\nSkewness = ' + str(out))
    # 函数 describe 可以一次给出样本的多种描述统计结果
    out = stats.describe(sample)
    print('\nSize = ' + str(out[0]))
    print('Min = ' + str(out[1][0]))
    print('Max = ' + str(out[1][1]))
    print('Mean = ' + str(out[2]))
    print('Variance = ' + str(out[3]))
    print('Skewness = ' + str(out[4]))
    print('Kurtosis = ' + str(out[5]))
```

SciPy 的 stats 模块中还有很多统计工具,可以满足绝大多数需要。还可以用 RPy,通过它能够在 Python 中调用 R 语言进行统计分析。此外, Pandas 是 python 的一个强大的工具包,它可以在大数据上进行快速的统计分析。

5. 空间和聚类分析

SciPy 包括 scipy.spatial 类和 scipy.cluster 类分别用于空间和聚类分析。前者用于分析数据点之间的距离,后者包括两个子类矢量量化(vq)和层次聚类(hierarchy)。

(1) 矢量量化 (Vector Quantization)

矢量量化是信号处理、数据压缩和聚类等领域通用的术语。这里仅关注其在聚类中 的应用。

例: k 均值聚类

import numpy as np

from scipy.cluster import vq

生成数据

c1 = np.random.randn(100, 2) + 5

c2 = np.random.randn(30, 2) - 5

c3 = np.random.randn(50, 2)

将所有数据放入一个 180 x 2 的数组

data = np.vstack([c1, c2, c3])

利用 k 均值方法计算聚类的质心和方差

centroids, variance = vq.kmeans(data, 3)

变量 identified 中存放关于数据聚类的信息

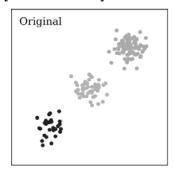
identified, distance = vq.vq(data, centroids)

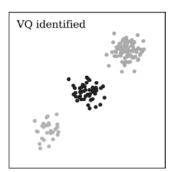
获得各类别的数据

vqc1 = data[identified == 0]

vqc2 = data[identified == 1]

vqc3 = data[identified == 2]





(2) 层次聚类

层次聚类是一种重要的聚类方法,但其输出结果比较复杂,不能像 k 均值那样给出清晰的聚类结果。下面是一个层次聚类的例子,输入一个距离矩阵,输出为一个树状图。例:

coding:utf-8

import numpy as np

import matplotlib.pyplot as mpl

from scipy.spatial.distance import pdist, squareform

import scipy.cluster.hierarchy as hy

用于生成聚类数据的函数

def clusters(number=20, cnumber=5, csize=10):

聚类服从高斯分布

rnum = np.random.rand(cnumber, 2)

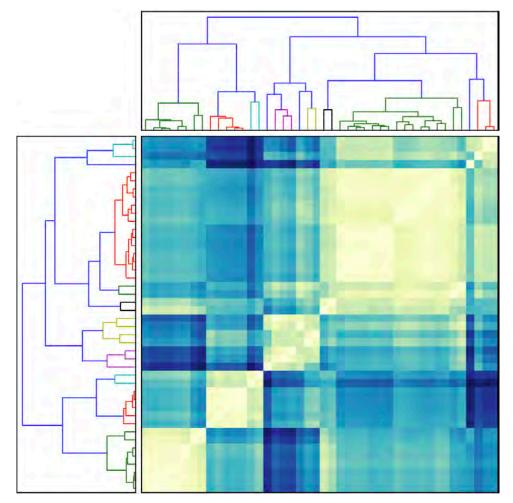
rn = rnum[:, 0] * number

```
rn = rn.astype(int)
    rn[np.where(rn < 5)] = 5
    rn[np.where(rn > number / 2.)] = round(number / 2., 0)
    ra = rnum[:, 1] * 2.9
    ra[np.where(ra < 1.5)] = 1.5
    cls = np.random.randn(number, 3) * csize
    # Random multipliers for central point of cluster
    rxyz = np.random.randn(cnumber - 1, 3)
    for i in xrange(cnumber - 1):
         tmp = np.random.randn(rn[i + 1], 3)
        x = tmp[:, 0] + (rxyz[i, 0] * csize)
        y = tmp[:, 1] + (rxyz[i, 1] * csize)
        z = tmp[:, 2] + (rxyz[i, 2] * csize)
        tmp = np.column\_stack([x, y, z])
        cls = np.vstack([cls, tmp])
    return cls
# 创建待聚类数据及矩离矩阵
cls = clusters()
D = pdist(cls[:, 0:2])
D = squareform(D)
# 绘制左侧树状图
fig = mpl.figure(figsize=(8, 8))
ax1 = fig.add\_axes([0.09, 0.1, 0.2, 0.6])
Y1 = hy.linkage(D, method='complete')
cutoff = 0.3 * np.max(Y1[:, 2])
Z1 = hy.dendrogram(Y1, orientation='left', color_threshold=cutoff)
ax1.xaxis.set_visible(False)
ax1.yaxis.set_visible(False)
#绘制顶部树状图
ax2 = fig.add\_axes([0.3, 0.71, 0.6, 0.2])
Y2 = hy.linkage(D, method='average')
cutoff = 0.3 * np.max(Y2[:, 2])
Z2 = hy.dendrogram(Y2, color threshold=cutoff)
ax2.xaxis.set_visible(False)
ax2.yaxis.set_visible(False)
#显示距离矩阵
ax3 = fig.add\_axes([0.3, 0.1, 0.6, 0.6])
```

idx1 = Z1['leaves'] idx2 = Z2['leaves'] D = D[idx1, :] D = D[:, idx2] ax3.matshow(D, aspect='auto', origin='lower', cmap=mpl.cm.YlGnBu) $ax3.xaxis.set_visible(False)$ $ax3.yaxis.set_visible(False)$

保存图片,显示图片

fig.savefig('cluster_hy_f01.pdf', bbox = 'tight')
mpl.show()



在上图虽然计算了数据点之间的距离,但是还是难以将各类区分开。函数 fcluster 可以根据阈值来区分各类,其输出结果依赖于 linkage 函数所采用的方法,如 complete 或 single 等,它的第二个参数即是阈值。dendrogram 函数中默认的阈值是 0.7 * np.max(Y[:, 2]),这里还使用 0.3。

例:

导入的包同上例一致, 函数 cluster 同上例 # 获得不同类别数据点的坐标

def group(data, index):

number = np.unique(index)

```
groups = []
    for i in number:
        groups.append(data[index == i])
    return groups
# 创建数据
cls = clusters()
# 计算 kinkage 矩阵
Y = hy.linkage(cls[:,0:2], method='complete')
# 从层次数据结构中,用 fcluster 函数将层次结构的数据转为 flat clusters
cutoff = 0.3 * np.max(Y[:, 2])
index = hy.fcluster(Y, cutoff, 'distance')
# 使用 grooup 函数将数据划分类别
groups = group(cls, index)
# 绘制数据点
fig = mpl.figure(figsize=(6, 6))
ax = fig.add\_subplot(111)
colors = ['r', 'c', 'b', 'g', 'orange', 'k', 'y', 'gray']
for i, g in enumerate(groups):
    i = np.mod(i, len(colors))
    ax.scatter(g[:,0], g[:,1], c=colors[i], edgecolor='none', s=50)
    ax.xaxis.set_visible(False)
    ax.yaxis.set_visible(False)
fig.savefig('cluster_hy_f02.pdf', bbox = 'tight')
mpl.show()
```



6. 信号和图像处理

SimPy 可以高效的处理 JPEG 和 PNG 等格式的图片,下面利用 SimPy 将多副图片叠加成一副图片。

本部分实例更多内容参见:

http://stackoverflow.com/questions/9251580/stacking-astronomy-images-with-python 例:

```
import numpy as np
from scipy.misc import imread, imsave
from glob import glob
# 获取文件夹中全部 JPG 图片
files = glob('space/*.JPG')
# 打开第一个图片
im1 = imread(files[0]).astype(np.float32)
# 叠加图片
for i in xrange(1, len(files)):
    print i
    im1 += imread(files[i]).astype(np.float32)
# 保存图片
imsave('stacked_image.jpg', im1)
```



例:

```
import numpy as np
from scipy.misc import imread, imsave
from glob import glob
# 该函数对比两副图片,选择两副图片中相同位置上较亮的点生成新的图片
def chop_lighter(image1, image2):
    s1 = np.sum(image1, axis=2)
    s2 = np.sum(image2, axis=2)
    index = s1 < s2
    image1[index, 0] = image2[index, 0]
    image1[index, 1] = image2[index, 1]
    image1[index, 2] = image2[index, 2]
    return image1
files = glob('space/*.JPG')
im1 = imread(files[0]).astype(np.float32)
im2 = np.copy(im1)
for i in xrange(1, len(files)):
    print i
```

im = imread(files[i]).astype(np.float32) im1 += imim2 = chop_lighter(im2, im)

调整并保存图像

imsave('stacked_image.jpg', im1/im1.max() + im2/im2.max()*0.2)



注意:imread 和 imsave 需要安装 pillow 包, pip install pillow Python 环境中的 JPG 图片格式为(426, 640, 3)的 NumPy 数组 (RGB)

7. 稀疏矩阵

NumPy 处理 10⁶ 级别的数据没什么大问题,当数据量达到 10⁷ 级别时速度开始变 慢, 内存受到限制(具体情况取决于实际内存大小)。当处理超大规模数据集, 比如 1010 级别, 且数据中包含大量的0时, 可采用稀疏矩阵可显著的提高速度和效率。

提示:使用 data.nbytes 可查看数据所占空间大小

例:矩阵与稀疏矩阵运算对比

coding:utf-8

import numpy as np from scipy.sparse.linalg import eigsh from scipy.linalg import eigh import scipy.sparse import time N = 3000# 创建随机稀疏矩阵 m = scipy.sparse.rand(N, N)

a = m.toarray()

创建包含相同数据的数组

print('The numpy array data size: ' + str(a.nbytes) + ' bytes') print('The sparse matrix data size: ' + str(m.data.nbytes) + ' bytes')

数组求特征值

t0 = time.time()

res1 = eigh(a)

dt = str(np.round(time.time() - t0, 3)) + 'seconds'

print('Non-sparse operation takes ' + dt)

稀疏长阵求特征值

t0 = time.time()

```
res2 = eigsh(m)
dt = str(np.round(time.time() - t0, 3)) + 'seconds'
print('Sparse operation takes' + dt)
```

非几何的稀疏矩阵可用于优化、经济建模、数学和统计,和网络/图等的运算。利用 scipy.io 模块可读写 Matrix Market、Harwell-Boeing 或 MatLab 格式的稀疏矩阵数据文件。

四、SciKit:SciPy 更进一步

SciKit 是 SciPy 的进阶和补充,有超过 20 个包(现在超过 50),更多信息参见 https://scikits.appspot.com/scikits ,本部分介绍其中两个使用最为广泛的: Scikitimage(比 scipy.ndimage 功能更强大的图片包)和 Scikit-learn(机器学习包)。

1. Scikit-Image

SciPy 的 ndimage 类包含许多有用的工具,可用于处理多维数据,例如基本过滤器(如高斯平滑)、傅里叶变换、morphology、插值、测量等。基于这些功能,我们可以处理更复杂的问题。Scikit-image 即是基于这些,提供了更丰富的功能,主要模块包括色彩空间转换、图像亮度调整算法、特征检测、锐化过滤器和去噪、读/写等。

(1) 动态阈值转换

提取图像元素在图像处理中很常见,被称为域值转换(thresholding)。经典的技术处理均匀背景的图像很容易,但复杂背景的图片就较为困难了。Scikit-image 使用适应性阈值转换技术来解决这类问题,而且使用很简单。

下面用一个例子来说明。在该例子中,图片中包括一些随机的模糊点,而且背景非均匀,应用 Scikit-image 来提取其中的点。

```
例:图像元素识别——基本方法和自适应方法对比
   import numpy as np
   import matplotlib.pyplot as mpl
   import scipy.ndimage as ndimage
   import skimage.filter as skif
   # 在非均匀背景中生成数据点
   x = np.random.uniform(low=0, high=100, size=20).astype(int)
   y = np.random.uniform(low=0, high=100, size=20).astype(int)
   # 创建非均匀背景
   func = lambda x, y: x^{**2} + y^{**2}
   grid_x, grid_y = np.mgrid[-1:1:100j, -2:2:100j]
   bkg = func(grid_x, grid_y)
   bkg = bkg / np.max(bkg)
   # 创建数据点
   clean = np.zeros((100, 100))
   clean[(x,y)] += 5
   clean = ndimage.gaussian_filter(clean, 3)
```

clean = clean / np.max(clean)

```
# 将数据和背景相结合
```

fimg = bkg + clean

fimg = fimg / np.max(fimg)

定义待提取对像最小相邻距离

 $block_size = 3$

Adaptive threshold function which returns image map of structures that are different relative to background

adaptive_cut = skif.threshold_adaptive(fimg, block_size, offset=0)

Global threshold

global_thresh = skif.threshold_otsu(fimg)
global_cut = fimg > global_thresh

Creating figure to highlight difference between adaptive and global threshold methods

fig = mpl.figure(figsize=(8, 4))

fig.subplots_adjust(hspace=0.05, wspace=0.05)

 $ax1 = fig.add_subplot(131)$

ax1.imshow(fimg)

ax1.xaxis.set_visible(False)

ax1.yaxis.set_visible(False)

 $ax2 = fig.add_subplot(132)$

ax2.imshow(global_cut)

ax2.xaxis.set_visible(False)

ax2.yaxis.set_visible(False)

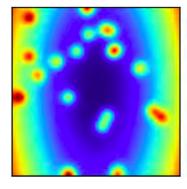
 $ax3 = fig.add_subplot(133)$

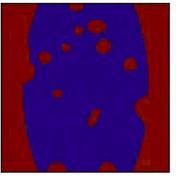
ax3.imshow(adaptive_cut)

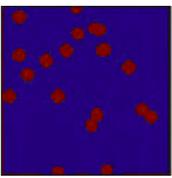
ax3.xaxis.set_visible(False)

ax3.yaxis.set_visible(False)

fig.savefig('scikit_image_f01.pdf', bbox_inches='tight') mpl.show()





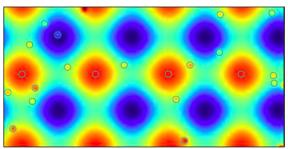


(2) 局部极大值

与上一个问题类似,需要找出非均匀背景中元素的像素坐标。这里使用 skimage.morphology.is_local_maximum。 例:

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as mpl
import scipy.ndimage as ndimage
import skimage.morphology as morph
import skimage.feature as ft
# 生成非均匀背景数据
x = np.random.uniform(low=0, high=200, size=20).astype(int)
y = np.random.uniform(low=0, high=400, size=20).astype(int)
# 创建非均匀背景
func = lambda x, y: np.cos(x) + np.sin(y)
grid_x, grid_y = np.mgrid[0:12:200j, 0:24:400j]
bkg = func(grid_x, grid_y)
bkg = bkg / np.max(bkg)
# 创建待识别对象点
clean = np.zeros((200,400))
clean[(x,y)] += 5
clean = ndimage.gaussian_filter(clean, 3)
clean = clean / np.max(clean)
# 将待识别对象点与背景结合
fimg = bkg + clean
fimg = fimg / np.max(fimg)
fig = mpl.figure(figsize=(8, 4))
ax = fig.add\_subplot(111)
ax.imshow(fimg)
# 计算局部最大值(方法1)
# Im1 = ft.peak_local_max(fimg, indices=False)
#x1, y1 = np.where(Im1.T == True)
# ax.scatter(x1, y1, s=100, facecolor='none', edgecolor='#009999')
#计算局部最大值(方法2)
Im1 = ft.peak\_local\_max(fimg)
ax.scatter(lm1[:,1], lm1[:,0], s=100, facecolor='none', edgecolor='#009999')
ax.set_xlim(0,400)
ax.set_ylim(0,200)
ax.xaxis.set_visible(False)
ax.yaxis.set_visible(False)
```

fig.savefig('scikit_image_f02.pdf', bbox_inches='tight')
mpl.show()

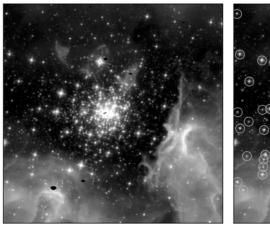


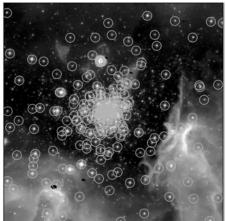
注意:原文使用 skimage.morphology 中的函数 is_local_maximum 来计算局部最大值, 该函数在 scikit-image 的 0.8 版本后放入 skimage.feature 模块中, 改名为 peak_local_max 且功能有所变化。默认情况下,其返回值为局部最大值的坐标(参见方法 2),如果设置参数 indices=False 则返回值同 is_local_maximum 一样为布尔数组(参见方法 1),两种方法结果完全一样。

例:

```
import numpy as np
import pyfits
import matplotlib.pyplot as mpl
import skimage.exposure as skie
import skimage.feature as ft
# 载入 fits 格式的图片
img = pyfits.getdata('stellar_cluster.fits')[500:1500, 500:1500]
# 图片预处理
limg = np.arcsinh(img)
limg = limg / limg.max()
low = np.percentile(limg, 0.25)
high = np.percentile(limg, 99.5)
opt_img = skie.exposure.rescale_intensity(limg, in_range=(low, high))
# 过滤噪声并识别局部最大值
# Im = morph.is local maximum(limg)
Im = ft.peak_local_max(limg,indices=False)
x1, y1 = np.where(Im.T == True)
v = limg[(y1, x1)]
lim = 0.5
             #除去像素值小于 0.5 的点
x2, y2 = x1[v > lim], y1[v > lim]
fig = mpl.figure(figsize=(8,4))
fig.subplots_adjust(hspace=0.05, wspace=0.05)
ax1 = fig.add\_subplot(121)
ax1.imshow(opt_img)
ax1.set_xlim(0, img.shape[1])
ax1.set_ylim(0, img.shape[0])
```

```
ax1.xaxis.set_visible(False)
ax1.yaxis.set_visible(False)
ax2 = fig.add\_subplot(122)
ax2.imshow(opt_img)
ax2.scatter(x2, y2, s=80, facecolor='none', edgecolor='#FF7400')
ax2.set_xlim(0, img.shape[1])
ax2.set_ylim(0, img.shape[0])
ax2.xaxis.set_visible(False)
ax2.yaxis.set_visible(False)
fig.savefig('scikit_image_f03.pdf', bbox_inches='tight')
mpl.show()
```





注意:运行上述程序前先安装包 PyFITS, 用于读取 fits 格式的数据。 fits 格式的图片可在这里寻找下载 http://fits.gsfc.nasa.gov/fits_samples.html

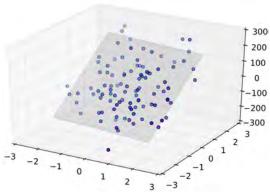
2. SciKit-Learn

```
(1) 线性回归
例:三维数据最小两乘回归
   import numpy as np
   import matplotlib.pyplot as mpl
   from mpl toolkits.mplot3d import Axes3D
   from sklearn import linear_model
   from sklearn.datasets.samples_generator import make_regression
   # 生成用于训练和测试的数据
   X, y = make\_regression(n\_samples=100, n\_features=2,
   n informative=1,random state=0, noise=50)
   #X为二维数据,y为值. 首先将其分布训练数据X_train, y_train 和测试数据X_test,
   y_test
   X_{train}, X_{test} = X[:80], X[-20:]
   y_{train}, y_{test} = y[:80], y[-20:]
```

创建模型实例

regr = linear_model.LinearRegression()

```
# 训练模型
regr.fit(X_train, y_train)
#系数
print(regr.coef_)
#[-10.25691752 90.5463984]
# 预测
X1 = np.array([1.2, 4])
print(regr.predict(X1))
# 350.860363861
# 测试,输出为预测的决定系数 R^2
print(regr.score(X_test, y_test))
# 0.949827492261
fig = mpl.figure(figsize=(8, 5))
ax = fig.add_subplot(111, projection='3d')
\# ax = Axes3D(fig)
# 绘制数据点
ax.scatter(X_train[:,0], X_train[:,1], y_train, facecolor='#00CC00')
ax.scatter(X_test[:,0], X_test[:,1], y_test, facecolor='#FF7800')
# 绘制训练好的模型
coef = regr.coef
line = lambda x1, x2: coef[0] * x1 + coef[1] * x2
grid_x1, grid_x2 = np.mgrid[-2:2:10j, -2:2:10j]
ax.plot_surface(grid_x1, grid_x2, line(grid_x1, grid_x2), alpha=0.1, color='k')
ax.xaxis.set_visible(False)
ax.yaxis.set_visible(False)
ax.zaxis.set_visible(False)
fig.savefig('scikit_learn_regression.pdf', bbox='tight')
mpl.show()
```

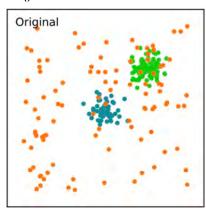


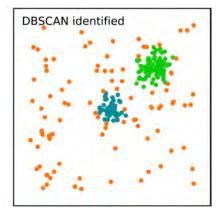
```
(2) 聚类
例:DBSCAN 方法聚类
   import numpy as np
   import matplotlib.pyplot as mpl
   from scipy.spatial import distance
   from sklearn.cluster import DBSCAN
   # 生成数据
   c1 = np.random.randn(100, 2) + 5
   c2 = np.random.randn(50, 2)
   # 创建一个均匀分布的背景
   u1 = np.random.uniform(low=-10, high=10, size=100)
   u2 = np.random.uniform(low=-10, high=10, size=100)
   c3 = np.column\_stack([u1, u2])
   # 将数据合并成 150 x 2 的数组
   data = np.vstack([c1, c2, c3])
   # 聚类,db.labels_ 是标识数据所属类别的数组
   db = DBSCAN(eps=0.95, min_samples=10).fit(data)
   labels = db.labels
   # 获取数据坐标.数据中有两个类别,分别标记为 0 和 1, 标记为-1 的为噪声数据
   dbc1 = data[labels == 0]
   dbc2 = data[labels == 1]
   noise = data[labels == -1]
   x1, x2 = -12, 12
   y1, y2 = -12, 12
   fig = mpl.figure()
   fig.subplots_adjust(hspace=0.1, wspace=0.1)
   ax1 = fig.add_subplot(121, aspect='equal')
   ax1.scatter(c1[:,0], c1[:,1], lw=0.5, color='#00CC00')
   ax1.scatter(c2[:,0], c2[:,1], lw=0.5, color='#028E9B')
   ax1.scatter(c3[:,0], c3[:,1], lw=0.5, color='#FF7800')
   ax1.xaxis.set_visible(False)
   ax1.yaxis.set_visible(False)
   ax1.set xlim(x1, x2)
   ax1.set_ylim(y1, y2)
   ax1.text(-11, 10, 'Original')
   ax2 = fig.add_subplot(122, aspect='equal')
   ax2.scatter(dbc1[:,0], dbc1[:,1], lw=0.5, color='#00CC00')
```

ax2.scatter(dbc2[:,0], dbc2[:,1], lw=0.5, color='#028E9B') ax2.scatter(noise[:,0], noise[:,1], lw=0.5, color='#FF7800')

```
ax2.xaxis.set_visible(False)
ax2.yaxis.set_visible(False)
ax2.set_xlim(x1, x2)
ax2.set_ylim(y1, y2)
ax2.text(-11, 10, 'DBSCAN identified')
```

fig.savefig('scikit_learn_clusters.pdf', bbox_inches='tight')
mpl.show()





五、综结

略