## 1. 摘要

AQuiz 是为 ArRow 设计的推荐算法, 前身为原 XFCRC。

通过 AQuiz,可以快速地得到项得分、分区内项排列、分区排列与全局项排列,且具有生态性。

## 2. 目录

- 综述
- 原理
- 分区内项排列
- 分区排列
- 全局项排列
  - 分区权重
  - 群权重
  - 环比惯性
  - 结论
- 总结
- 实现

## 3. 综述

AQuiz 是为 ArRow 设计的推荐算法,前身为原 XFCRC。

AQuiz 的强制条件:项有明确分区(可多个);有浏览量且确定来源用户;有认可量(如点赞,可多种)。

在 AQuiz 算法中,优秀项不等同于优先项,最终得到的相对分数排列以优先项为序,绝对分数则能反映项的优秀程度。

#### a. 分区内项排列

设浏览量v、认可量r。

一般地,单分区内,浏览量、认可量(若有多种则对每一种认可量按下述过程求 8 后得总积)与认可率 q 分别降序排列后,均近似于正态分布。浏览量即样本量,认可率反应项的质量。

对于任意分区,认可率 q 符合:

$$n \sim N(\mu_q, \sigma_q) \tag{2}$$

认可率期望值为:

$$\mu_q = \frac{\sum_{i=1}^n r_i}{\sum_{j=1}^n v_j} \tag{3}$$

其中n为项的总数。

或近似于:

$$\mu_q = \frac{q_{max} - q_{min}}{2} \tag{4}$$

浏览量过小时,认可率置信度  $1-\alpha$  下降,反解以下方程使样本量小于阈值 t 的可能性为 p (p<0.5):

$$f(t_v) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_v} \exp(-\frac{(t_v - \mu_v)^2}{2{\sigma_v}^2}) = 0.5 - p$$
 (5)

得

$$t_v = \sqrt{-2\sigma_v^2 \cdot \log_e((0.5 - p) \cdot \sqrt{2\pi}\sigma_v)} - \mu_v \tag{6}$$

α 为函数:

$$\alpha(v) = \begin{cases} \frac{v}{t_v} (0 \leqslant v \leqslant t_v) \\ 1(v \geqslant t_v) \end{cases} \tag{7}$$

阈值左侧区间内置信度从 0 向右递增于阈值处为 1,置信度为 0 时认可率默认为期望值,得式 (1)。

$$q'_{i} = \alpha(v_{i})q_{i} + \mu_{q}(1 - \alpha(v_{i}))$$

$$q'_{i} = \alpha(v_{i})(q_{i} - \mu_{q}) + \mu_{q}$$
(1)

对于任意单项, 其得分 s 为与认可率期望值的比值的百分比, 如式 (2)。

$$s_i = \frac{{q'}_i}{\mu_q} \cdot 100\% \tag{9}$$

得分 s 与分区内项优先度成正比,同时也是项在全局中的绝对得分,因此将 s 降序排列得集合 A, 将项按 s 降序排列得集合 A', A' 即分区内项有序列,索引越小优先度越高。

#### b. 分区排列

一个分区的平均浏览量反应分区热度,理想状态下,各分区热度相同,因此为平衡分区热度,分区优先度与分区热度成反比,因此将平均浏览量升序排列得集合B,将分区按平均浏览量降序排列得集合B,B'即分区有序列,索引越小优先度越高。

#### c. 全局项排列

对于全局项排列,需要考虑的因素较多,本文细述分区权重、群权重、环比惯性。

#### i. 分区权重

分区权重规定了用户在某一分区中投入的注意力的目标量,目标 量越高,加权越大。

设每一用户总注意力为 1,则任意分区权重 w 符合:

$$\frac{1}{2n} < w < \frac{1}{n} \tag{10}$$

其中n为分区总数。

上式等价于:

$$\frac{w_1}{2} < w_2 < 2w_1 \tag{11}$$

一用户对于分区 i 有总阅读量 v'、(总)认可量 r'。为了使系统流动,最不感兴趣的应与最感兴趣的权重相同。分区 i 得分为:

$$s_i = v'_i + r'_i \tag{12}$$

所有分区的 s 降序排列得集合 S。

则得分最高的分区 0、最低的分区 n、中位分区 n/2 分别可在平面直角坐标系中表示为:

$$P(S_0, 1), Q(S_{n-1}, 1), M(S_{\frac{n}{2}}, 0)$$
 (13)

过点 P、Q、M 作抛物线,得解析式:

$$f(x) = ax^2 + bx + c \ 1 = aS_{rac{n}{2}}^2 \ a = S_{rac{n}{2}}^{-2} \ f(x) = S_{rac{n}{2}}^{-2} (x^2 - (S_0 + S_n)x + S_0S_n + S_{rac{n}{2}}^{-2})$$

即

$$w_i = S_{rac{n}{2}}^{-2} ({s_i}^2 - (S_0 + S_n) s_i + S_0 S_n + S_{rac{n}{2}}^{-2}) \quad (15)$$

加入分区优先度加权得 w':

$$w'{}_i = rac{B_0}{B_i} \cdot S_{rac{n}{2}}{}^{-2} (s_i{}^2 - (S_0 + S_n) s_i + S_0 S_n + S_{rac{n}{2}}{}^2) ~~~ (16$$

#### ii. 群权重

群权重是分区权重在全局用户中的衍生,它通过其他用户与目标 用户的相似性,描述了目标用户可能对项感兴趣的可能性(标准 值100%)。

对于每一用户, 存在一个势为 n 的有限集:

$$C = \{x | x_i = w'_i\} \tag{17}$$

它量化了用户分区偏好,可以转换为n维笛卡尔坐标系中一点U:

$$U(C_0, C_1, C_2, \dots, C_n) \tag{18}$$

等价于:

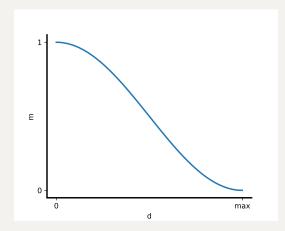
$$U(w'_0, w'_1, w'_2, \dots, w'_n) \tag{19}$$

将所有 U 点按感兴趣的分区分为 n 类且一一对应, 称为用户组, 如用户组0即对分区0感兴趣的用户。

一般而言,用户组间存在交集,如果确定交集为空,可以使用 EM模型聚类等聚类分析模型进行单一归类,本文仅细述前者。 对于用户组 j,其中几何中心坐标可表示为集合:

$$O_j = \{x | x_i = \begin{cases} 0(i \neq j) \\ 1(i = j) \end{cases}$$
 (20)

对于一个U点,其在用户组j中的典型性m与它到用户组j中心的直线距离d的函数关系如下图:



其解析式为:

$$m_j = \cosrac{d_j\pi}{2d_{j-max}} + rac{1}{2} \ d_j \in \{0, d_{j-max}\}$$

其中 d 有下式:

$$d_j = \sqrt{\sum_{i=0}^{n} (C_i - O_{j_i})^2}$$
 (22)

d 的最大值为任意 U 点到用户组 j 中心的最大距离。

现有用户1与2,用户1浏览了一分区 j 的子项,则对于用户2,此项来自用户1的群加权得:

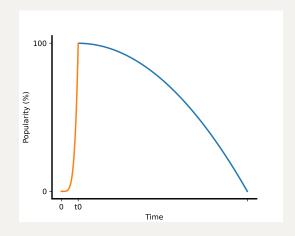
$$w_1 = \frac{1 + m_{j_1}}{m_{j_2}} \tag{23}$$

仅对于用户2,此项的群加权 w' 为来自所有其他浏览了此项的用户的群加权之积:

$$w' = \prod_i w_i$$
 (24)

#### iii. 环比惯性

假定一项的热度自发布后存在一定自然趋势,如图:



设解析式:

$$p - t : y = f(t) \tag{25}$$

时刻 t 的浏览量环比目标值 G 符合:

$$G_t = \frac{v_t - v_{t-1}}{v_{t-1}} \cdot 100 = f(t)$$
 (26)

设实际浏览量环比g,则加权w得:

$$w = (100 + G_t - g_t)\% (27)$$

### iv. 结论

一项对于一用户,其相对得分 ß 为这一项的分区内得分 s、这一项所属分区的分区权重 w'、此项对于此用户得到的群加权 w'、环比惯性加权 w 的积。对于匿名者,不含后两因数。

若一项属于多个分区,则其得分为它作为它所属的每一分区的子 项的得分之积。

将项按 ß 降序排列得集合 l',即全局项有序列,索引越小优先 度越高。

#### d. 总结

以上所有算法都基于每一分区的认可率期望值均为正数,若初始条件不符合可以加入混淆项以改动认可率期望值。

若样本量过少或极度偏离正态分布,会造成部分功能失效。

# 5. 实现

略。