# МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

#### ОТЧЕТ

# по лабораторной работе №3 по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»

Тема: Алгоритм Форда-Фалкерсона

Студентка гр. 7383	 Прокопенко Н.
Преподаватель	Жангиров Т. Р.

Санкт-Петербург 2019

#### Цель работы

Изучить и реализовать на языке программирования c++ алгоритм Форда-Фалкерсона, который позволяет найти максимальный поток в сети.

Формулировка задачи: найти максимальный поток в сети, а также фактическую величину потока, протекающего через каждое ребро, используя алгоритм Форда-Фалкерсона.

Сеть (ориентированный взвешенный граф) представляется в виде триплета из имён вершин и целого неотрицательного числа - пропускной способности (веса).

Входные данные:

N - количество ориентированных рёбер графа

v0 - исток

vn - сток

vi vi ωij - peбpo графа

vi vj ωij - ребро графа

. . .

Выходные данные:

Ртах - величина максимального потока

vi vj ωij - ребро графа с фактической величиной протекающего потока vi vj ωij - ребро графа с фактической величиной протекающего потока

...

В ответе выходные рёбра отсортируйте в лексикографическом порядке по первой вершине, потом по второй (в ответе должны присутствовать все указанные входные рёбра, даже если поток в них равен 0). Вариант 2с: представить граф в виде списка смежности. Поиск пути через поиск в глубину.

#### Реализация задачи

В данной работе для решения поставленной цели был написан класс Graf и несколько методов, содержащихся в данном классе. А также написана структура.

Параметры, хранящиеся в структуре данных struct edge:

- char beg вершина откуда;
- char end вершина куда;
- int heft пропускная способность (вес);
- int forward- потоком для рёбер из и в v.
- int back— потоком для рёбер из v в u;
- bool doubl— данные о двунаправленности ребра.

Конструктор класса создает массив структур и считывает данные в вектор graph.

Ниже представлены поля класса:

```
vector <edge> graph — вектор структур.
```

vector <char> result — вектор, хранящий путь.

vector <char> viewingpoint — вектор, хранящий просмотренные вершины.

int maxFlow — переменная, хранящая значения максимального потока в сети.

int N — количество ребер.

char source — исток.

char estuary — сток.

Далее представлены методы класса:

Meтод void FordFalk() который идет по списку смежностей, используя следующий алгоритм:

Шаг 1: строится остаточная сеть, в которой изначально поток через каждое ребро равен 0, максимальный поток в сети равен 0.

Шаг 2: ищется путь от истока к стоку через рёбра, которые имеют не нулевой вес (разрешается переход от конца ребра к его началу с уменьшением потока через него), если путь не найден, то переход на шаг 4.

Шаг 3: в найденном пути ищется ребро с минимальным весом, величина этого ребра добавляется к максимальному потоку в графе, его величина вычитается из весов всех рёбер и прибавляется к величине потока, после чего переход на шаг 2.

Шаг 4: выход в main().

Метод bool Search(char value, int& min) осуществляет поиск в глубину и поиск минимальную пропускную способность. Возвращает true если при поиске по не просмотренным вершинам достиг стока, false в противном случае.

Meтод bool isViewing(char value) проверяет была ли вершина просмотрена на данном проходе.

Metod void print() выводит в консоль максимальный поток в сети, а также фактическую величину потока, протекающего через каждое ребро.

В главной функции main() создается класс для графа и при инициализации происходит считывание данных. Далее вызывается метод поиска максимальный поток в сети, а также фактическую величину потока, протекающего через каждое ребро, используя алгоритм Форда-Фалкерсона.

#### Тестирование

Программа собрана в операционной системе Ubuntu 17.04 с использованием компилятора g++. В других ОС и компиляторах тестирование не проводилось. Результаты тестирования показали, что поставленная цель выполнена. Результаты тестирования представлены в Приложении Б.

Так же было проведено исследование алгоритма. Для поиска очередного пути от истока к стоку использовался алгоритм поиска в глубину (DFS), сложность которого составляет О (|E| + |V|), где E — множество всех рёбер в графе, V — множество всех вершин. В результате общая сложность алгоритма Форда-Фалкерсона составляет О ((|E| + |V|)\*F), где F — максимальный поток в сети.

#### Выводы

В ходе выполнения данной лабораторной работы были изучен и реализован на языке программирования c++ алгоритм Форда-Фалкерсона, который ищет максимальный поток через сеть. Для поиска очередного пути от истока к стоку использовался алгоритм поиска в глубину (DFS), сложность которого составляет О (|E| + |V|), где E- множество всех рёбер в графе, V- множество всех вершин. В результате общая сложность алгоритма Форда-Фалкерсона составляет О ((|E| + |V|)\*F), где F- максимальный поток в сети.

Также, стоит отметить особенность данного алгоритма, которая заключается в том, что он гарантированно сходится только для целых пропускных способностей рёбер, в случае вещественных весов алгоритм может работать бесконечно долго, даже не сходясь к правильному результату.

# ПРИЛОЖЕНИЕ A. КОД ПРОГРАММЫ

```
lab3.cpp
#include <iostream>
#include <vector>
#include <algorithm>
#include <climits>
using namespace std;
struct edge{
    char beg;
    char end;
    int heft;
    int forward;
    int back;
    bool doubl;
};
bool compare(edge first, edge second){
    if(first.beg == second.beg)
        return first.end < second.end;</pre>
    return first.beg < second.beg;</pre>
}
class Graph{
private:
    vector <edge> graph;
    char source;
    char estuary;
    int N, maxFlow;
    vector <char> viewingpoint;
    vector <char> result;
public:
    Graph(): maxFlow(0){
        cin >> N >> source >> estuary;
        for(int i = 0; i < N; i++){
                       edge element;
            cin >> element.beg >> element.end >> element.heft;
            element.forward = element.heft;
            element.back = 0;
            element.doubl = false;
            bool flag = true;
            for(int i = 0; i < graph.size(); i++){</pre>
                if(graph[i].beg == element.end && graph[i].end ==
element.beg){
```

```
graph[i].back += element.forward;
                flag = false;
                 graph[i].doubl = true;
                 break;
            }
        }
        if(!flag)
            continue;
        graph.push_back(element);
    }
bool isViewing(char value){
    for(size_t i = 0; i < viewingpoint.size(); i++)</pre>
        if(viewingpoint[i] == value)
            return true;
    return false;
}
bool Search(char value, int& min){
    if(value == estuary){
        result.push_back(value);
        return true;
    }
    viewingpoint.push_back(value);
    for(size_t i(0); i < graph.size(); i++){</pre>
        if(value == graph[i].beg){
            if(isViewing(graph[i].end) || graph[i].forward == 0)
                 continue;
            result.push_back(graph[i].beg);
            bool flag = Search(graph[i].end, min);
            if(flag){
                if(graph[i].forward < min)</pre>
                    min = graph[i].forward;
                return true;
            }
            result.pop back();
        if(value == graph[i].end){
            if(isViewing(graph[i].beg) || graph[i].back == 0)
                 continue;
            result.push_back(graph[i].end);
            bool flag = Search(graph[i].beg, min);
            if(flag){
                if(graph[i].back < min)</pre>
                     min = graph[i].back;
                return true;
            }
```

```
result.pop_back();
            }
        }
        return false;
    }
    void FordFalk(){
        int min = INT_MAX;
        while(Search(source, min)){
            for(int i = 1; i < result.size(); i++){</pre>
                 for(int j = 0; j < graph.size(); j++){</pre>
                     if(graph[j].beg == result[i-1] && graph[j].end ==
result[i]){
                         graph[j].forward -= min;
                         graph[j].back += min;
                     }
                     if(graph[j].end == result[i-1] && graph[j].beg ==
result[i]){
                         graph[j].forward += min;
                         graph[j].back -= min;
                     }
                 }
            }
            maxFlow += min;
            viewingpoint.clear();
            result.clear();
            min = INT_MAX;
        }
    }
    void print(){
        sort(graph.begin(), graph.end(), compare);
        cout << maxFlow << endl;</pre>
        for(int i = 0; i < graph.size(); i++){</pre>
             int value = max(graph[i].heft - graph[i].forward, 0 -
graph[i].back);
              if(graph[i].doubl == true){
                 if(value < 0)
                     value = 0;
                 cout << graph[i].beg << " " << graph[i].end << " " <<</pre>
value << endl;</pre>
                 swap(graph[i].beg, graph[i].end);
                 swap(graph[i].back, graph[i].forward);
                 graph[i].doubl = false;
                 sort(graph.begin(), graph.end(), compare);
            }
            else{
```

# приложение Б.

# ТЕСТОВЫЕ СЛУЧАИ

Результаты тестов представлены в табл. 1.

Входные данные	Выходные данные
7	12
a	12
f	a b 6
a b 7	a c 6
a c 6	
b d 6	b d 6
c f 9	c f 8
d e 3 d f 4	
e c 2	d e 2
C C 2	d f 4
	e c 2
13	
a	11
h	a b 6
a b 6	_
a c 6	a c 5
b d 4	b d 4
b e 2	b e 2
c b 2	
c e 9 d f 4	c b 0
d g 2	c e 5
e d 8	
e g 7	d f 4
f h 7	d g 2
g f 11	
g h 4	e d 2
	e g 5
	f h 7
	g f 3
	g h 4