

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра МО ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №4**  
**по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»**  
**Тема: Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта**

Студентка гр. 7383

Преподаватель

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

Прокопенко Н.

Жангиров Т. Р.

Санкт-Петербург

2019

## Цель работы

Исследовать и реализовывать задачу поиска вхождения подстроки в строке, используя алгоритм Кнута – Морриса – Пратта.

Формулировка задачи: необходимо разработать программу, которая реализует алгоритм КМП и с его помощью для заданных шаблона  $P$  ( $|P| \leq 15000$ ) и текста  $T$  ( $|T| \leq 5000000$ ) найдите все вхождения  $P$  в  $T$ . Если  $P$  не входит в  $T$ , то вывести  $-1$ . Также следует разработать программу для решения следующей задачи: заданы две строки  $A$  ( $|A| \leq 5000000$ ) и  $B$  ( $|B| \leq 5000000$ ).

Определить, является ли  $A$  циклическим сдвигом  $B$  (это значит, что  $A$  и  $B$  имеют одинаковую длину и  $A$  состоит из суффикса  $B$ , склеенного с префиксом  $B$ ). Например, `defabc` является циклическим сдвигом `abcdef`. Если  $A$  является циклическим сдвигом  $B$ , индекс начала строки  $B$  в  $A$ , иначе вывести  $-1$ .

Вариант 2: оптимизация по памяти, программа должна требовать  $O(m)$  памяти, где  $m$  – длина образца. Это возможно, если не учитывать память, в которой хранится строка поиска.

Входные данные: в первой строке указывается строка шаблона  $P$ , а во второй текст, в котором ищем подстроки.

Выходные данные: индексы вхождения подстроки в строку.

## Реализация задачи

В данной работе для решения поставленной цели были написаны главная функция `main()` и дополнительные `void prefix(vector<int> &pi, string P)` и `void KMP(vector<int> &pi, vector<int> &result, string P, string T)`.

Функция для `lab4_1.cpp` `void KMP(vector<int> &pi, vector<int> &result, string P, string T)`, которая непосредственно реализует поиск подстроки в строке. В качестве аргументов функция принимает две строки: строку – образ и строку, в которой необходимо производить поиск, а также вектор в который будут записаны индексы начал вхождения  $P$  в  $T$  и вектор `pi`. Функция работает следующим образом: пока не был достигнут конец строки, выполняется сравнение символов строки и подстроки. Если символы равны, индексы увеличиваются, и функция

переходит к сравнению следующих символов. Если символы оказались не равны и индекс образа не указывает на его начало, то новый индекс образа вычисляется с использованием префикс-функции. Иначе индекс строки увеличивается на 1.

Функция `void prefix(vector<int> &pi, string P)` префикс-функция для подстроки, которая определяет наибольшую длину префикса, который одновременно является суффиксом для данной подстроки. Функция заполняет вектор типа `int`, который хранит максимальные длины суффиксов, которые одновременно являются суффиксами подстроки.

Функция для `lab4_2.cpp` `void KMP(vector<int> &pi, int &res, string P, string T)`, которая проверяет на цикличность две строки. Если длины исходных строк не равны или не удалось найти вхождение подстроки в строку, то вектор `res` остается с значением -1. Если строки, переданные данной функции, равны, то функция возвращает значение равное 0. Иначе выполняется поиск подстроки в строке, с условием, что, если был достигнут конец строки, в которой выполняется поиск, то индекс обнуляется, и поиск продолжается дальше. В результате функция меняет значение `res` на индекс начала одной строки в другой строке.

В главной функции `main()` считывается две строки вызывается префикс-функция. Далее вызывается функция поиска вхождения подстроки в строке, используя алгоритм Кнута – Морриса – Пратта.

Если считанные строки равны, то выводится значение равное 0.

## Тестирование

Программа собрана в операционной системе Ubuntu 17.04 с использованием компилятора `g++`. В других ОС и компиляторах тестирование не проводилось. Результаты тестирования показали, что поставленная цель выполнена. Результаты тестирования представлены в Приложении Б.

Так же было проведено исследование алгоритма. В начале работы программа вычисляет значения префикс функции для каждого символа

первой строки. Пусть  $P$  – длина первой строки, тогда  $T$  – длина второй. В этом случае сложность алгоритма по времени будет составлять  $O(P + T)$ .

По памяти сложность алгоритма составляет  $O(P)$ .

## **Выводы**

В ходе выполнения данной лабораторной работы были изучен и реализован на языке программирования `C++` алгоритм Кнута – Морриса – Пратта. Был написан код на языке программирования `C++`, который применял этот метод для поставленной задачи. Полученный алгоритм имеет линейную сложность как по времени, так и по памяти. Код программы представлен в приложении А.

## ПРИЛОЖЕНИЕ А. КОД ПРОГРАММЫ

### Lab4\_1.cpp

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
using namespace std;

void prefix(vector<int> &pi, string P){
    int i = 1, j = 0;
    pi[0] = 0;
    while(i < P.length()){
        if(P[i] == P[j]){
            pi[i] = j + 1;
            i++, j++;
        } else if(j == 0){
            pi[i] = 0;
            i++;
        } else j = pi[j-1];
    }
}

void KMP(vector<int> &pi, vector<int> &result, string P, string T){
    int k = 0, l = 0;
    while(k < T.length()){
        if(T[k] == P[l]){
            k++, l++;
            if(l == P.length())
                result.push_back(k - l);
        } else if(l == 0){
            k++;
        } else l = pi[l - 1];
    }
}

int main()
{
    string P, T;
    getline(cin, P);
    getline(cin, T);
    vector<int> pi(P.size()), result;
    prefix(pi, P);
    KMP(pi, result, P, T);
    if(result.size() != 0){
        for(int i = 0; i < result.size(); i++){
```

```

        cout << result[i];
        if(i != result.size() - 1)
            cout << ",";
    }
    } else cout << "-1";
    return 0;
}

```

#### Lab4\_2.cpp

```

#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
using namespace std;

void prefix(vector<int> &pi, string P){
    int i = 1, j = 0;
    pi[0] = 0;
    while(i < P.length()){
        if(P[i] == P[j]){
            pi[i] = j + 1;
            i++, j++;
        } else if(j == 0){
            pi[i] = 0;
            i++;
        } else j = pi[j-1];
    }
}

void KMP(vector<int> &pi, int &res, string P, string T){
    int k = 0, l = 0;
    if(P.length() == T.length())
        while(true){
            if(k == T.length())
                k = 0;
            if(T[k] == P[l]){
                k++, l++;
                if(l == P.length()){
                    res = (l - k);
                    break;
                }
            } else if(l == 0){
                k++;
                if(k == T.length())
                    break;
            } else l = pi[l - 1];
        }
}

```

```

    }
}

int main()
{
    string P, T;
    getline(cin, P);
    getline(cin, T);
    vector<int> pi(P.size());
    int res = -1;
    prefix(pi, P);
    KMP(pi, res, P, T);
    cout << res;
    pi.clear(), P.clear(), T.clear();
    return 0;
}

```

## ПРИЛОЖЕНИЕ Б.

### ТЕСТОВЫЕ СЛУЧАИ

Результаты тестов представлены в табл. 1.

Входные данные	Выходные данные
defabc abcdef	3
defabcdfgh abcdef	-1
asdfgh asdfgh	0