

Идея в том, чтобы понять порядок переменных по которым ты будешь интегрировать. Когда мы хотим узнать объем пересечения сферы и цилиндра, нам надо по факту проинтегрировать $z(x,y)$ - как функцию двух переменных по полуокружности внизу (на плоскости $z = 0$). Поэтому интеграл получается двойной. Его можно было бы сделать тройным, добавив интегрирование единицы в еще один внутренний интеграл, границы интегрирования которого будут 0 и $z(x,y)$. Еще раз $z(x,y)$ - это высота точки на сфере.

$$\text{Двойной: } \int_{-3}^3 \int_{-\sqrt{9-y^2}}^0 3\sqrt{1 - \frac{x^2+y^2}{25}} dx dy$$

$$\text{Тройной: } \int_{-3}^3 \int_{-\sqrt{9-y^2}}^0 \int_0^{3\sqrt{1 - \frac{x^2+y^2}{25}}} dz dx dy$$

Бля, а в цилиндрических координатах просто збс

$$\int_0^\pi \int_0^3 3\sqrt{1 - \frac{r^2}{25}} dr d\phi$$