

# Presentation 1

## Non-blocking algorithms

Lock-freedom гарантирует прогресс в системе

## Treiber Lock-Free Stack

## Michael-Scott Lock-Free Queue

# Presentation 2.1

## Model happens before

H - Исполнение программы - множество операций: чтение и запись ячеек памяти

Отношение  $\rightarrow_H$  - это happens before

$e \rightarrow_H f$  - означает, что  $e$  произошло строго до  $f$ , это отношение транзитивно, антирефлексивно и асимметрично

Две операции параллельны, если  $\neg(e \rightarrow_H f) \ \& \ \neg(f \rightarrow_H e)$

Модель глобального времени: каждая операция - временной интервал

"Произошло до" на практике: современные яп предоставляют операции синхронизации: `std::atomic` в C++11, `volatile` в Java, потоки и тд.

Модель памяти определяет то, каким образом исполнение операций синхронизации создает отношения happens before

Конфликты и гонки данных.

Две операции над одной переменной, одной из которых является запись называются конфликтующими, они не коммутируют в модели чередования. Если они происходят параллельно, то такая ситуация называется data race. Программа, в любом допустимом исполнении которой нет гонок данных называется корректно синхронизированной.

$H|P$  - Сужение исполнения на поток  $P$ . Если сужение на все потоки является последовательным, тогда такое исполнение называется правильным, иначе неправильным.

Объединение всех сужений на потоки - это po - program order

$H|x$  - Сужение исполнения на объект - множество всех операций исполнения над объектом  $x$ . В правильном исполнении оно обязательно последовательно

Последовательное исполнение является допустимым, если выполнены все последовательные спецификации объектов, т.е. сужения на все объекты последовательны + не бывает такого что  $x.w(1)$ , затем  $x.r:0$

Как же определить допустимость параллельного исполнения? Надо сопоставить эквивалентное последовательное. Тут в игру вступают условия согласованности.

## Последовательная согласованность

Исполнение п.с. если можно сопоставить эквивалентное ему допустимое последовательное исполнение, сохраняющее ро. Иначе говоря, у тебя есть потоки на временной шкале, и ты можешь все операции двигать как хочешь и куда хочешь, лишь бы порядок в рамках одного потока сохранялся

П.с. на каждом объекте не влечет п.с. всего исполнения

## Линеаризуемость

Исполнение линеаризуемо, если можно сопоставить эквивалентное ему допустимое последовательное, сохраняющее порядок happens before

### Свойства линеаризуемости

- В линеаризуемом исполнении каждой операции  $e$  можно сопоставить точку линеаризации  $t(e) \in R$ , так что время всех операций различно, и  $e \rightarrow f \Rightarrow t(e) < t(f)$
- Линеаризуемость локальна, т.е. линеаризуемость исполнения на каждом объекте эквивалентна линеаризуемости в целом
- Операции над линеаризуемыми объектами называют атомарными, они происходят как бэ мгновенно и в определенном порядке
- В глобальном времени исполнение линеаризуемо тогда и только тогда, когда точки линеаризации могут быть выбраны так что  $t_{inv}(e) < t(e) < t_{res}(e)$
- Исполнение системы, выполняющей операции над линеаризуемыми объектами можно анализировать в модели чередования

## Presentation 2.2

Построение линеаризуемого объекта. Хотим построить линеаризуемый объект, например стек, так что все операции над ним (push, pop) линеаризуемы

Можно использовать mutex

```

class Stack:
    Mutex mutex
    ...

def push:
    mutex.lock()
    ...
    mutex.unlock()

def pop:
    mutex.lock()
    ...
    mutex.unlock()

```

То, что между lock и unlock - критическая секция (CS). Так как критические секции не выполняются параллельно, то их исполнение линейизуемо

## Попробуем реализовать lock и unlock

```

// Подобная реализация lock и unlock плоха: несколько потоков могут оказаться в CS

shared boolean want

def lock:
    while want:
        wait()
    want = true

def unlock:
    want = false

// Эта реализация работает, но нет никакой гарантии прогресса

threadlocal int id
shared boolean want[2]

def lock:
    want[id] = true
    while want[1 - id]:
        wait()

def unlock:
    want[id] = false

```

## Алгоритм Петерсона

Чет ничего не получается, поэтому приведем корректный алгоритм блокировки, аж сразу обобщенный на N потоков

```
threadlocal int
shared int
shared int
id // 0 to N-1
level[N]
victim[N]
def lock:
    for j = 1..N-1:
        level[id] = j
        victim[j] = id
        while exist k: k != id and level[k] >= j and victim[j] == id:
            wait()
def unlock:
    level[id] = 0
```

Что можно сказать про этот алгоритм

- Гарантирует взаимное исключение, отсутствие взаимной блокировки и отсутствие голодания
- Не очень честный
  - в худшем случае  $O(N^2)$  - время ожидания
  - лучше сделать  $O(N)$

Для этого есть алгоритм Лампорта который корректен и обладает всеми свойствами прогресса. Более того, он обладает свойством FCFS(first come first served) - это сильнее чем линейное ожидание

## Тонкая и двухфазная блокировка

Грубая блокировка - блокируем всю операцию целиком. Очень неэффективно по времени. Зато любой последовательный объект можно линеаризовать.

Тонкая блокировка - блокируем отдельно операции над какими-то объектами

В примере со стеком у нас была грубая блокировка. Теперь можно сделать тонкую используя два мьютекса - один для top, второй для массива. Но если отдельно менять top под topMutex, а потом массив под arrayMutex, программа будет некорректная. Так как будут возможны нелинеаризуемые исполнения. Для обеспечения линеаризуемости используются двухфазные блокировки

Алгоритм 2-Phase-Locking

1. Взять блокировки на все необходимые объекты
2. Выполнить операцию
3. Отпустить все взятые блокировки (в любом порядке)

Но и тут могут быть проблемы. Может возникнуть deadlock, для его обнаружения может быть использован граф ожидания

Поэтому есть еще и иерархическая блокировка. Упорядочим все блокировки выстроив их в иерархию, и всегда будем захватывать сначала более приоритетные блокировки. Тогда deadlock невозможен

## Presentation 3

### Безусловные условия прогресса

- Отсутствие помех (obstruction-freedom). Если несколько потоков пытаются выполнить операцию, то любой из них должен выполнить ее за конечное время если все остальные остановиться.\*
- Lock-freedom. Если несколько потоков пытаются выполнить операцию, то хотя бы один должен выполнить ее за конечное время.
- Wait-freedom. Если поток пытается выполнить операцию, то он должен выполнить за конечное время.

Используя блокировку мы не можем получить obstruction-freedom или lock-freedom

### Регистры

Объект лежащий в основе общения потоков между собой

- Безопасный регистр - гарантирует получение последнего записанного значения, если операция чтения не параллельна операции записи
- Регулярный регистр - при чтении выдает либо последнее значение, либо одно из тех, которые пишутся
- Атомарный - исполнение линеаризуемо

Дальше строим всякие более сложные регистры..

## Presentation 4

Говорим про JMM - Java Memory Model

### Атомарный доступ

Доступ ко всем базовым типам атомарен кроме long и double. Если приписать к ним volatile, то для них тоже атомарен.

### Последовательная согласованность

Если в программе нет гонок, то она п.с.

Поймем что такое happens before с точки зрения JMM

РО - программный порядок

SO - это некий порядок на операциях синхронизации

SW - это некий подпорядок ограниченный конкретными парами, например volatile rw, lock unlock и тд.

Happens before (HB) = (SW ∪ PO)<sup>+</sup>

Таким образом чтения в JMM могут увидеть либо последнюю запись в HB, либо что-то еще через гонку

JMM: out-of-thin-air значения запрещены, то есть если прочитали значение, значит кто-то до нас его записал

## Presentation 5

### Задача о консенсусе

```
class Consensus:
def decide(val):
    ...
    return decision
```

Условия задачи

- Каждый поток использует класс Консенсус единожды
- Согласованность: все потоки должны вернуть одно и то же значение из метода decide
- Обоснованность: выходное значение должно быть входным значением одного из потоков
- Wait-free

**Консенсусное число** - если с помощью класса атомарных объектов C можно реализовать консенсусный протокол для N потоков (и не больше), то говорят, что у класса C консенсусное число равно N.

Атомарный регистры имеют консенсусное число 1.

RMW(Read - Modify - Write) регистры - умеют атомарно менять значение и возвращать старое

Консенсусное число такого регистра больше/равно двум

**Универсальный объект** - у которого конс. число равно бесконечности, например CASRegister

## Presentation 6.1

Какая-то хрень

## **Presentation 6.2**