Modelowanie Matematyczne - Lab 3

Adam Przemysław Chojecki 28 maja 2024

Punktacja

- Zadanie 1: 0.5 pkt
- Zadanie 2: 0.5 pkt
- Zadanie 3: 0.5 pkt
- Zadanie 4: 0.5 pkt
- Czystość kodu i zrozumiałe komentarze: 0.5 pkt

Zadanie 1: Residua i wartości odstające (Dane: CO2)

W tym zadaniu będziemy analizować różnicę między różnymi typami residuów, wykrywać wartości odstające i wpływowe oraz interpretować ich znaczenie.

- 1. Wczytaj zbiór danych CO2 używając funkcji data(CO2).
- 2. Dopasuj model liniowy, w którym zmienną zależną będzie uptake, a zmienną wyjaśniającą będzie conc.
- 3. Oblicz residua modelu, znormalizowane residua oraz residua studentyzowane używając funkcji residuals(), rstandard() i rstudent().
- 4. Na wykresie przedstaw zależność między przewidywanymi wartościami a residuami, znormalizowanymi residuami oraz residuami studentyzowanymi. Czy można wyciągnąć z wykresu jakieś ciekawe obserwacje?
- Dopasuj model liniowy, w którym zmienną zależną będzie uptake, a zmiennymi niezależnymi conc i Type. Od teraz będziemy badać już tylko ten model.
- 6. Dla nowego modelu wykonaj punkty 3 oraz 4. Czy teraz widać w wykresie rezyduów jakąś zależność?

- 7. Zidentyfikuj wartości odstające: znormalizowane residuum > 2.
- 8. Zidentyfikuj punkty wpływowe używając kryterium dźwigni (leverages) $> 2\frac{p}{n}$ oraz odległości Cooka. Czy metody te wyznaczyły te same punkty?

Zadanie 2: Współliniowość i VIF (Dane: LifeCycleSavings)

W tym zadaniu będziemy analizować współliniowość zmiennych przy użyciu współczynnika inflacji wariancji (VIF).

- 1. Wczytaj zbiór danych LifeCycleSavings używając funkcji data(LifeCycleSavings).
- 2. Dodaj do danych przekształcone zmienne pop15_sq = pop15² oraz pop75_log = log(pop75).
- 3. Dopasuj model liniowy, w którym zmienną zależną będzie sr, a zmiennymi niezależnymi pop15, pop75, dpi, ddpi, pop15_sq, pop75_log.
- 4. Oblicz współczynniki VIF dla zmiennych niezależnych używając funkcji vif() z pakietu car.
- 5. Zidentyfikuj zmienne o współczynniku VIF > 10 i usuń je z modelu. Należy to robić iteracyjnie - po usunięciu jednej ze zmiennych należy policzyć VIF jeszcze raz, gdyż może się on zmienić.
- 6. Dopasuj nowy model bez zmiennych o wysokim VIF i porównaj wyniki.

Zadanie 3: Transformacja Box-Cox (Dane: airquality)

W tym zadaniu będziemy stosować transformację Box-Cox do poprawy dopasowania modelu.

- 1. Wczytaj zbiór danych airquality używając funkcji data(airquality).
- 2. Usuń wiersze z brakującymi wartościami funkcją na.omit().
- 3. Dopasuj model liniowy, w którym zmienną zależną będzie Wind, a zmienną niezależna Temp.
- 4. Zastosuj transformację Box-Cox używając funkcji boxcox() z pakietu MASS. Czy wykres sugeruje, że liniowa zależność jest poprawna?
- 5. Dopasuj nowy model na podstawie transformowanej zmiennej zależnej.
- 6. Porównaj jakość dopasowania obu modeli (przed i po transformacji) używając summary() opisz różnice (np. istotność zmiennej, współczynnik dopasowania R^2 , rezydua).

Zadanie 4: Wybór cech (Dane: mtcars)

W tym zadaniu będziemy przeprowadzać wybór cech przy użyciu kryteriów AIC i BIC oraz funkcji step().

- 1. Wczytaj zbiór danych mtcars używając funkcji data(mtcars).
- 2. Dopasuj dwa modele ze zmienną zależną qsec:
 - pełny model, w którym bierzemy wszystkie pozostałe zmienne: full_model <- lm(qsec ~ ., data = mtcars)
 - pusty model, w którym jest tylko intercept: null_model <- lm(qsec \sim 1, data = mtcars)
- Użyj funkcji step() z kryterium AIC, aby znaleźć najlepszy model używając metody wstecz (backward).
 step_backward_aic <- step(full_model, direction = "backward")
- 4. Użyj funkcji step() z kryterium AIC, aby znaleźć najlepszy model używając metody do przodu (forward).

```
step_forward_aic <- step(null_model,
scope = list(lower = null_model, upper = full_model),
direction = "forward")</pre>
```

- 5. Porównaj otrzymane modele (metody backward i forward). Czy funkcja step() wybrała te same zmienne do modeli? Jeśli nie, to porównaj je pod względem jakości dopasowania oraz interpretacji.
- 6. Wykonaj procedurę wyboru wstecz (backward) dla kryterium BIC. Porównaj znaleziony model z tym z punktu 3 (w tym celu zmodyfikuj parametr k w funkcji step()).
 - Czy modele są takie same? Czy któryś z nich ma więcej zmiennych?