AG2

February 4, 2024

#AG2- Actividad Guiada 2 Nombre: Pedro Javier Sánchez San José Link: https://colab.research.google.com/drive/19ALqbZNayQ_iZcvKRhiH59r09MfFNL8C Github: https://github.com/Psancs05/03MIAR—Algoritmos-de-Optimizacion—2023

```
[]: import math
```

##Programación Dinámica. Viaje por el rio * **Definición**: Es posible dividir el problema en subproblemas más pequeños, guardando las soluciones para ser utilizadas más adelante. * **Características** que permiten identificar problemas aplicables: -Es posible almacenar soluciones de los subproblemas para ser utilizados más adelante -Debe verificar el principio de optimalidad de Bellman: "en una secuencia optima de decisiones, toda sub-secuencia también es óptima" (*) -La necesidad de guardar la información acerca de las soluciones parciales unido a la recursividad provoca la necesidad de preocuparnos por la complejidad espacial (cuantos recursos de espacio usaremos)

###Problema En un río hay **n** embarcaderos y debemos desplazarnos río abajo desde un embarcadero a otro. Cada embarcadero tiene precios diferentes para ir de un embarcadero a otro situado más abajo. Para ir del embarcadero i al j, puede ocurrir que sea más barato hacer un trasbordo por un embarcadero intermedio k. El problema consiste en determinar la combinación más barata.

Consideramos una tabla TARIFAS(i,j) para almacenar todos los precios que nos ofrecen los embarcaderos. Si no es posible ir desde i a j daremos un valor alto para garantizar que ese trayecto no se va a elegir en la ruta óptima(modelado habitual para restricciones)

TARIFAS

```
[]: [[0, 5, 4, 3, inf, 999, 999],
     [999, 0, 999, 2, 3, 999, 11],
     [999, 999, 0, 1, 999, 4, 10],
     [999, 999, 999, 0, 5, 6, 9],
     [999, 999, 999, 0, 999, 4],
     [999, 999, 999, 999, 0, 3],
     [999, 999, 999, 999, 999, 0]]
[]: #Calculo de la matriz de PRECIOS y RUTAS
    # PRECIOS - contiene la matriz del mejor precio para ir de un nodo a otro
    # RUTAS - contiene los nodos intermedios para ir de un nodo a otro
    **************************************
    def Precios(TARIFAS):
    #Total de Nodos
      N = len(TARIFAS[0])
      #Inicialización de la tabla de precios
      PRECIOS = [ [9999] *N for i in [9999] *N] \#n \times n
      RUTA = [""]*N \text{ for i in } [""]*N]
      #Se recorren todos los nodos con dos bucles(origen - destino)
      # para ir construyendo la matriz de PRECIOS
      for i in range(N-1):
        for j in range(i+1, N):
          MIN = TARIFAS[i][j]
          RUTA[i][j] = i
          for k in range(i, j):
            if PRECIOS[i][k] + TARIFAS[k][j] < MIN:</pre>
                MIN = min(MIN, PRECIOS[i][k] + TARIFAS[k][j] )
                RUTA[i][j] = k
            PRECIOS[i][j] = MIN
      return PRECIOS, RUTA
[]: PRECIOS, RUTA = Precios(TARIFAS)
    #print(PRECIOS[0][6])
    print("PRECIOS")
    for i in range(len(TARIFAS)):
      print(PRECIOS[i])
    print("\nRUTA")
    for i in range(len(TARIFAS)):
```

```
print(RUTA[i])
    PRECIOS
    [9999, 5, 4, 3, 8, 8, 11]
    [9999, 9999, 999, 2, 3, 8, 7]
    [9999, 9999, 9999, 1, 6, 4, 7]
    [9999, 9999, 9999, 5, 6, 9]
    [9999, 9999, 9999, 9999, 999, 4]
    [9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 3]
    [9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 9999]
    RUTA
    ['', 0, 0, 0, 1, 2, 5]
    ['', '', 1, 1, 1, 3, 4]
    ['', '', '', 2, 3, 2, 5]
    ['', '', '', '', 3, 3, 3]
    ['', '', '', '', 4, 4]
    ['', '', '', '', '', 5]
    ['', '', '', '', '', '']
[]: #Calculo de la ruta usando la matriz RUTA
    def calcular_ruta(RUTA, desde, hasta):
      if desde == RUTA[desde][hasta]:
      #if desde == hasta:
        #print("Ir a :" + str(desde))
        return desde
      else:
        return str(calcular_ruta(RUTA, desde, RUTA[desde][hasta])) + ',' +__
     →str(RUTA[desde][hasta])
    print("\nLa ruta es:")
    calcular_ruta(RUTA, 0,6)
    La ruta es:
[]: '0,2,5'
    ##Problema de Asignacion de tarea
[]: #Asignacion de tareas - Ramificación y Poda
    T A R E A
        A
    #
      E
    #
       N
    #
       T
        \boldsymbol{E}
```

```
[]: #Calculo del valor de una solucion parcial
def valor(S,COSTES):
    VALOR = 0
    for i in range(len(S)):
        VALOR += COSTES[S[i]][i]
    return VALOR
valor((3,2, ),COSTES)
```

[]: 34

```
[]: #Coste inferior para soluciones parciales
     # (1,3,) Se asigna la tarea 1 al agente 0 y la tarea 3 al agente 1
     def CI(S,COSTES):
      VALOR = 0
       #Valores establecidos
      for i in range(len(S)):
        VALOR += COSTES[i][S[i]]
       #Estimacion
      for i in range( len(S), len(COSTES)
                                             ):
        VALOR += min( [ COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES)) ])
      return VALOR
     def CS(S,COSTES):
      VALOR = 0
       #Valores establecidos
      for i in range(len(S)):
        VALOR += COSTES[i][S[i]]
       #Estimacion
      for i in range( len(S), len(COSTES)
        VALOR += max( [ COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES)) ])
      return VALOR
     CI((0,1),COSTES)
```

[]: 68

```
[]: #Genera tantos hijos como como posibilidades haya para la siquiente elemento de
      \rightarrow la tupla
     \#(0,) \rightarrow (0,1), (0,2), (0,3)
     def crear_hijos(NODO, N):
       HIJOS = []
       for i in range(N):
         if i not in NODO:
           HIJOS.append({'s':NODO +(i,) })
       return HIJOS
[]: crear_hijos((0,), 4)
[]: [{'s': (0, 1, 3, 2)}]
[ ]: def ramificacion_y_poda(COSTES):
     \#Construccion\ iterativa\ de\ soluciones(arbol). En cada etapa asignamos un<sub>\sqcup</sub>
      \rightarrow agente (ramas).
     #Nodos del grafo \{s:(1,2),CI:3,CS:5\}
       #print(COSTES)
       DIMENSION = len(COSTES)
       MEJOR_SOLUCION=tuple( i for i in range(len(COSTES)) )
       CotaSup = valor(MEJOR_SOLUCION,COSTES)
       #print("Cota Superior:", CotaSup)
       NODOS=[]
       NODOS.append({'s':(), 'ci':CI((),COSTES)
                                                    })
       iteracion = 0
       while( len(NODOS) > 0):
         iteracion +=1
         nodo_prometedor = [ min(NODOS, key=lambda x:x['ci']) ][0]['s']
         #print("Nodo prometedor:", nodo_prometedor)
         #Ramificacion
         #Se generan los hijos
         HIJOS = [ \{'s':x['s'], 'ci':CI(x['s'], COSTES) \} for x in_{\square}
      →crear_hijos(nodo_prometedor, DIMENSION) ]
         #Revisamos la cota superior y nos quedamos con la mejor solucion si llegamosu
      \rightarrow a una solucion final
         NODO_FINAL = [x for x in HIJOS if len(x['s']) == DIMENSION]
         if len(NODO_FINAL ) >0:
           \#print("\n*******Soluciones:", [x for x in HIJOS if len(x['s']) == ""]
      → DIMENSION ] )
           if NODO_FINAL[0]['ci'] < CotaSup:</pre>
```

La solucion final es: $[\{'s': (1, 2, 0, 3), 'ci': 64\}]$ en 10 iteraciones para dimension: 4

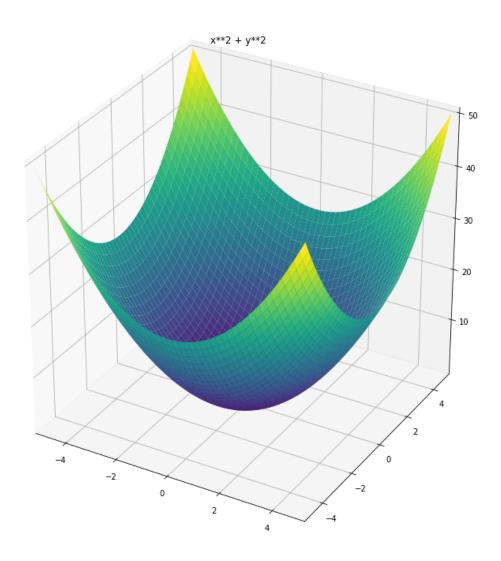
##Descenso del gradiente

Vamos a buscar el minimo de la funcion paraboloide:

$$f(x) = x + y$$

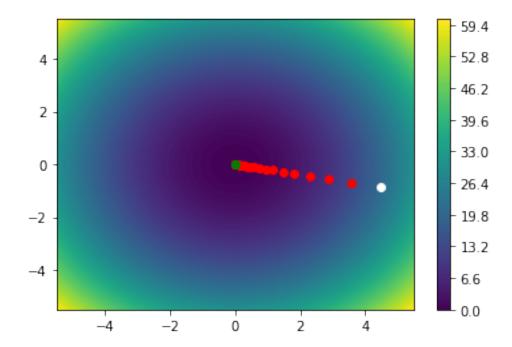
Obviamente se encuentra en (x,y)=(0,0) pero probaremos como llegamos a él a través del descenso del gradiante.

[]: [2, 4]



[]: <sympy.plotting.plot.Plot at 0x7ff26b920370>

```
[]: #Prepara los datos para dibujar mapa de niveles de Z
     resolucion = 100
     rango=5.5
     X=np.linspace(-rango,rango,resolucion)
     Y=np.linspace(-rango, rango, resolucion)
     Z=np.zeros((resolucion,resolucion))
     for ix,x in enumerate(X):
       for iy,y in enumerate(Y):
         Z[iy,ix] = f([x,y])
     #Pinta el mapa de niveles de Z
     plt.contourf(X,Y,Z,resolucion)
     plt.colorbar()
     #Generamos un punto aleatorio inicial y pintamos de blanco
     P=[random.uniform(-5,5),random.uniform(-5,5)]
     plt.plot(P[0],P[1],"o",c="white")
     #Tasa de aprendizaje. Fija. Sería más efectivo reducirlo a medida que nos⊔
     TA = .1
     #Iteraciones:50
     for _ in range(50):
       grad = df(P)
       #print(P, grad)
      P[0], P[1] = P[0] - TA*grad[0], P[1] - TA*grad[1]
      plt.plot(P[0],P[1],"o",c="red")
     #Dibujamos el punto final y pintamos de verde
     plt.plot(P[0],P[1],"o",c="green")
     plt.show()
     print("Solucion:" , P , f(P))
```



Solucion: [6.380863075730166e-05, -1.2115726177934234e-05] 4.218332179940345e-09 ¿Te atreves a optimizar la función?:

$$f(x) = \sin(1/2 * x^2 - 1/4 * y^2 + 3) * \cos(2 * x + 1 - e^y)$$