# Лабораторная работа №7 «Разработка простейшего класса на C++»

Скоробогатов С.Ю.

19 апреля 2018 г.

## 1 Цель работы

Целью данной работы является изучение базовых объектно-ориентированных возможностей языка  $\mathrm{C}++.$ 

## 2 Исходные данные

Рассмотрим некоторые возможности языка C++, которые могут понадобиться при выполнении лабораторной работы.

### 2.1 Перегрузка операции индексации

Во всех заданиях требуется организовать доступ к элементам внутреннего состояния объектов разрабатываемого класса по индексу. В зависимости от задания, такими элементами могут быть элементы матрицы, коэффициенты полинома, точки ломаной линии и т.п.

Индексацию внутреннего состояния объектов класса можно осуществить путём объявления метода, возвращающего ссылку на элемент с указанным индексом. Например, метод ассеss, возвращающий ссылку на элемент вектора, может быть объявлен как

Объявив метод access, мы можем использовать его для чтения и записи элементов вектора:

```
Vector v;
v.access(0) = v.access(1);
```

Однако, гораздо естественнее обращаться к элементам вектора с помощью операции индексации. Чтобы эту операцию можно было применять к объектам нашего класса, достаточно переименовать объявленный нами метод access в operator[]:

В случае, если обращение к элементам внутреннего состояния объектов требует использования нескольких индексов (например, если объект представляет матрицу), перегрузка операции индексации вышеописанным методом становится невозможна, т.к. операция индексации имеет только один формальный параметр.

Тем не менее, для решения этой задачи можно применить приём, являющийся частным случаем известного из функционального программирования метода закарривания функции, а именно: перегруженная операция индексации для, например, матрицы должна принимать первый индекс (номер строки матрицы) и возвращать объект класса, представляющий строку матрицы; при этом для строки матрицы операция индексации перегружена таким образом, что она принимает второй индекс (номер столбца) и возвращает ссылку на элемент матрицы.

В коде это может выглядеть следующим образом:

В данном примере внутри класса Matrix объявлен вспомогательный класс Row, объект которого запоминает указатель на матрицу и номер строки матрицы. Операция индексации класса Matrix возвращает временный объект класса Row.

В результате обращение к элементам матрицы может выглядеть как

```
Matrix m;
m[1][2] = m[3][4];
```

#### 2.2 Вывод объектов в поток вывода

Чтобы объекты нашего класса можно было передавать в поток вывода (в частности, в cout), следует перегрузить операцию << для сочетания типов операндов, в котором левый операнд — &ostream, а правый — объект нашего класса. Перегрузку этой операции можно осуществить путём определения глобальной функции operator<<, имеющей параметры указанных типов.

Например, для гипотетического класса Matrix эту функцию можно было бы записать следующим образом:

```
std::ostream& operator<< (std::ostream& os, Matrix& matr)
{
    for (int i = 0; i < matr.m; i++) {
        for (int j = 0; j < matr.n; j++) {
            os << matr[i][j] << '\_';
        }
        os << std::endl;
    }
    return os;
}</pre>
```

## 3 Задание

Выполнение лабораторной работы заключается в составлении на языке C++ программы, состоящей из трёх файлов:

- заголовочный файл declaration.h с объявлением одного из классов, приведённых в таблицах 1 16;
- файл implementation.cpp с определениями методов класса;
- файл main.cpp, содержащий функцию main и, возможно, вспомогательные функции для проверки работоспособности класса.

Реализация класса не должна опираться на стандартные контейнерные классы C++, то есть внутреннее состояние объектов класса должно быть реализовано через обычные массивы. Соответственно, в классе обязательно требуется реализовать:

- конструктор копий;
- деструктор (должен быть объявлен виртуальным);
- операцию присваивания.

Проверку работоспособности класса требуется организовать в функции main, размещённой в файле main.cpp. Проверка должна включать в себя:

- 1. создание объекта класса в автоматической памяти;
- 2. передачу объекта класса по значению в функцию;
- 3. присваивание объекта класса переменной.

Таблица 1: Варианты классов

$[a_0,a_1,\dots,a_n]=\frac{1}{a_0}+\frac{1}{a_1}+\dots+\frac{1}{a_n},$ в которой $a_i\in\mathbb{N}$ , с операциями:  1. получение количества $n$ простых дробей в составе египетской дроби;  2. получение ссылки на $a_i$ ;  3. перевод в рациональное число.  Для представления рациональных чисел требуется реализовать класс нормализованных дробей с необходимыми арифметическими операциями. Конструктор египетской дроби принимает в качестве параметра рациональное число, которое нужно представить в виде египетской дроби, и максимальное количество простых дробей в составе египетской дроби. Для построения египетской дроби целесообразно реализовать алгоритм Фибоначчи.  2 Система равенств вида $a=b$ , где как $a$ , так и $b$ может быть либо именем переменной, либо цельм числом. Для системы должны быть реализованы операции:  1. получение ссылки на $i$ -тое равенство;  2. добавление нового равенства;  3. проверка, существует ли решение системы.  3 Квадратная матрица, элементами которой являются строки, с операциями:  1. получение размера матрицы;	Nº	Описание	Студент	Группа	Дата
<ul> <li>в которой a<sub>i</sub> ∈ N, с операциями:</li> <li>1. получение количества n простых дробей в составе египетской дроби;</li> <li>2. получение ссылки на a<sub>i</sub>;</li> <li>3. перевод в рациональное число.</li> <li>Для представления рациональных чисел требуется реализовать класс нормализованных дробей с необходимыми арифметическими операциями.</li> <li>Конструктор египетской дроби принимает в качестве параметра рациональное число, которое нужно представить в виде египетской дроби, и максимальное количество простых дробей в составе египетской дроби. Для построения египетской дроби целесообразно реализовать алгоритм Фибоначчи.</li> <li>2 Система равенств вида a = b, где как a, так и b может быть либо именем переменной, либо целым числом. Для системы должны быть реализованы операции:</li> <li>1. получение ссылки на i-тое равенство;</li> <li>2. добавление нового равенства;</li> <li>3. проверка, существует ли решение системы.</li> <li>3 Квадратная матрица, элементами которой являются строки, с операциями:</li> <li>1. получение размера матрицы;</li> </ul>	1	Египетская дробь	Богданова	ИУ9И-21	19.04
1. получение количества $n$ простых дробей в составе египетской дроби; 2. получение ссылки на $a_i$ ; 3. перевод в рациональное число.  Для представления рациональных чисел требуется реализовать класс нормализованных дробей с необходимыми арифметическими операциями.  Конструктор египетской дроби принимает в качестве параметра рациональное число, которое нужно представить в виде египетской дроби, и максимальное количество простых дробей в составе египетской дроби. Для построения египетской дроби целесообразно реализовать алгоритм Фибоначчи.  2 Система равенств вида $a = b$ , где как $a$ , так и $b$ может быть либо именем переменной, либо целым числом. Для системы должны быть реализованы операции:  1. получение ссылки на $i$ -тое равенство; 2. добавление нового равенства; 3. проверка, существует ли решение системы.  3 Квадратная матрица, элементами которой являются строки, с операциями: 1. получение размера матрицы;		$[a_0, a_1, \dots, a_n] = \frac{1}{a_0} + \frac{1}{a_1} + \dots + \frac{1}{a_n},$			
составе египетской дроби;  2. получение ссылки на $a_i$ ;  3. перевод в рациональное число.  Для представления рациональных чисел требуется реализовать класс нормализованных дробей с необходимыми арифметическими операциями.  Конструктор египетской дроби принимает в качестве параметра рациональное число, которое нужно представить в виде египетской дроби, и максимальное количество простых дробей в составе египетской дроби. Для построения египетской дроби целесообразно реализовать алгоритм Фибоначчи.  2 Система равенств вида $a = b$ , где как $a$ , так и $b$ может быть либо именем переменной, либо целым числом. Для системы должны быть реализованы операции:  1. получение ссылки на $i$ -тое равенство;  2. добавление нового равенства;  3. проверка, существует ли решение системы.  3 Квадратная матрица, элементами которой являются строки, с операциями:  1. получение размера матрицы;		в которой $a_i \in \mathbb{N}$ , с операциями:			
3. перевод в рациональное число.  Для представления рациональных чисел требуется реализовать класс нормализованных дробей с необходимыми арифметическими операциями.  Конструктор египетской дроби принимает в качестве параметра рациональное число, которое нужно представить в виде египетской дроби, и максимальное количество простых дробей в составе египетской дроби. Для построения египетской дроби целесообразно реализовать алгоритм Фибоначчи.  2 Система равенств вида а = b, где как а, так и b может быть либо именем переменной, либо целым числом. Для системы должны быть реализованы операции:  1. получение ссылки на i-тое равенство;  2. добавление нового равенства;  3. проверка, существует ли решение системы.  3 Квадратная матрица, элементами которой являются строки, с операциями:  1. получение размера матрицы;		•			
Для представления рациональных чисел требуется реализовать класс нормализованных дробей с необходимыми арифметическими операциями.  Конструктор египетской дроби принимает в качестве параметра рациональное число, которое нужно представить в виде египетской дроби, и максимальное количество простых дробей в составе египетской дроби. Для построения египетской дроби целесообразно реализовать алгоритм Фибоначчи.  2 Система равенств вида а = b, где как а, так и b может быть либо именем переменной, либо целым числом. Для системы должны быть реализованы операции:  1. получение ссылки на i-тое равенство;  2. добавление нового равенства;  3. проверка, существует ли решение системы.  3 Квадратная матрица, элементами которой являются строки, с операциями:  1. получение размера матрицы;		2. получение ссылки на $a_i$ ;			
требуется реализовать класс нормализованных дробей с необходимыми арифметическими операциями.  Конструктор египетской дроби принимает в качестве параметра рациональное число, которое нужно представить в виде египетской дроби, и максимальное количество простых дробей в составе египетской дроби. Для построения египетской дроби целесообразно реализовать алгоритм Фибоначчи.  2 Система равенств вида а = b, где как а, так и b может быть либо именем переменной, либо целым числом. Для системы должны быть реализованы операции:  1. получение ссылки на i-тое равенство;  2. добавление нового равенства;  3. проверка, существует ли решение системы.  3 Квадратная матрица, элементами которой являются строки, с операциями:  1. получение размера матрицы;		3. перевод в рациональное число.			
максимальное количество простых дробей в составе египетской дроби. Для построения египетской дроби целесообразно реализовать алгоритм Фибоначчи.  2 Система равенств вида $a = b$ , где как $a$ , так и $b$ может быть либо именем переменной, либо целым числом. Для системы должны быть реализованы операции:  1. получение ссылки на $i$ -тое равенство;  2. добавление нового равенства;  3. проверка, существует ли решение системы.  3 Квадратная матрица, элементами которой являются строки, с операциями:  1. получение размера матрицы;		требуется реализовать класс нормализованных дробей с необходимыми арифметическими операциями. Конструктор египетской дроби принимает в качестве параметра рациональное число, которое			
<ul> <li>Система равенств вида a = b, где как a, так и b может быть либо именем переменной, либо целым числом. Для системы должны быть реализованы операции:</li> <li>1. получение ссылки на i-тое равенство;</li> <li>2. добавление нового равенства;</li> <li>3. проверка, существует ли решение системы.</li> <li>3 Квадратная матрица, элементами которой являются строки, с операциями:</li> <li>1. получение размера матрицы;</li> </ul>		максимальное количество простых дробей в составе египетской дроби. Для построения египетской дроби целесообразно реализовать			
может быть либо именем переменной, либо целым числом. Для системы должны быть реализованы операции:  1. получение ссылки на <i>i</i> -тое равенство;  2. добавление нового равенства;  3. проверка, существует ли решение системы.  3 Квадратная матрица, элементами которой являются строки, с операциями:  1. получение размера матрицы;		<del>-</del>	D	11110 01	10.04
2. добавление нового равенства; 3. проверка, существует ли решение системы.  3 Квадратная матрица, элементами которой врляются строки, с операциями:  1. получение размера матрицы;	2	может быть либо именем переменной, либо целым числом. Для системы должны быть	Бакланов	ИУ9-21	19.04
3. проверка, существует ли решение системы.  3 Квадратная матрица, элементами которой врляются строки, с операциями:  1. получение размера матрицы;		1. получение ссылки на $i$ -тое равенство;			
3 Квадратная матрица, элементами которой Боровик ИУЗ являются строки, с операциями:  1. получение размера матрицы;		2. добавление нового равенства;			
являются строки, с операциями:  1. получение размера матрицы;		3. проверка, существует ли решение системы.			
	3	- · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	Боровик	ИУ9-21	19.04
2 получение ссылки на указанный элемент.		1. получение размера матрицы;			
2. Howy terms committed yrangement,		2. получение ссылки на указанный элемент;			
3. определение, является ли указанный элемент одновременно наименьшим в своей строке матрицы и наибольшим в своём столбце.		элемент одновременно наименьшим в своей строке матрицы и наибольшим в своём			

Таблица 2: Варианты классов

Ŋoႍ	Описание	Студент	Группа	Дата
4	Последовательность символов ASCII с операциями:	Громков	ИУ9-21	19.04
	1. получение количества символов;			
	2. получение ссылки на $i$ -тый символ;			
	3. удаление из последовательности латинских гласных (для представления результата удаления должен создаваться новый объект);			
	4. проверка, является ли последовательность гипердромом, т.е. можно ли из её символов построить палиндром.			
5	Полином степени <i>n</i> с целочисленными коэффициентами и операциями:	Дмитриев	ИУ9-21	19.04
	1. вычисление значения для заданного $x$ ;			
	2. получение степени полинома;			
	3. получение ссылки на указанный коэффициент полинома;			
	4. домножение на полином.			
6	Квадратная матрица, элементы которой являются рациональными числами, с операциями:	Егорычев	ИУ9-21	19.04
	1. получение порядка матрицы;			
	2. получение ссылки на указанный элемент;			
	3. формирование подматрицы, полученной путём вычёркивания <i>i</i> -той строки и <i>j</i> -го столбца;			
	4. вычисление определителя матрицы.			
	Для представления рациональных чисел требуется реализовать класс нормализованных дробей с необходимыми арифметическими операциями.			
	Конструктор матрицы должен принимать в качестве параметра её порядок и формировать нулевую матрицу.			

Таблица 3: Варианты классов

Nº	Описание	Студент	Группа	Дата
7	Множество интервалов вида $(a,b)$ на вещественной прямой с операциями:	Кочанова	ИУ9-21	19.04
	1. получение количества интервалов;			
	2. получение ссылки на <i>i</i> -тый интервал;			
	3. проверка принадлежности числа $x$ множеству вещественных чисел, задаваемому множеством интервалов;			
	4. добавление интервалов одного множества в другое множество;			
	Для представления интервала следует разработать отдельный класс.			
8	Функция, представляющая собой сумму синусоид: $f(x) = \sum a_i \sin(d_i + \omega_i x)$ . Каждая	Кузвецов	ИУ9-21	19.04
	синусоида определяется тремя параметрами: амплитуда $a_i$ , смещение $d_i$ и частота $\omega_i$ . В классе должны быть реализованы операции:			
	1. получение количества синусоид;			
	2. получение ссылки на <i>i</i> -тую синусоиду;			
	3. вычисление значения функции в точке $x$ ;			
	4. формирование новой функции, составленной из синусоид текущей функции, амплитуды которых превышают заданное значение $a$ ;			
	Для представления синусоиды следует разработать отдельный класс.			
9	Стековая машина, оперирующая вещественными числами, с операциями:	Лобачев	ИУ9-21	19.04
	1. получение количества чисел в стеке;			
	2. добавление вещественного числа на стек;			
	3. получение ссылки на $i$ -ое число, считая от вершины стека;			
	4. сложение, умножение и вычитание двух чисел на вершине стека (числа удаляются со стека, результат добавляется в стек).			

Таблица 4: Варианты классов

Nº	Описание	Студент	Группа	Дата
10	<ol> <li>Полином степени n с целочисленными коэффициентами и операциями:</li> <li>вычисление значения для заданного x;</li> <li>получение степени полинома;</li> <li>получение ссылки на указанный коэффициент полинома;</li> <li>сложение с полиномом (для суммы формируется новый полином, степень которого может стать меньше степеней слагаемых).</li> </ol>	Маркова	ИУ9-21	19.04
11	Система материальных точек, каждая из которых определяется своими координатами на плоскости и массой, с операциями:  1. получение количества точек в системе; 2. получение ссылки на <i>i</i> -тую точку; 3. вычисление центра масс системы; 4. добавление новой точки; 5. удаление точек с нулевой массой;  Для представления материальной точки следует разработать отдельный класс.	Петрова	ИУ9-21	19.04
12	Очередь целых чисел, реализованная через двойной стек, с операциями:  1. получение количества чисел в очереди;  2. получение ссылки на <i>i</i> -ое число (последнее добавленное число имеет индекс 0);  3. добавление числа в очередь;  4. удаление числа из очереди.	Пинская	ИУ9-21	19.04

Таблица 5: Варианты классов

No॒	Описание	Студент	Группа	Дата
13	Траектория движения материальной точки на плоскости, представленная координатами положения точки в дискретные моменты времени (0 с, 1 с, 2 с,), с операциями:  1. получение общего времени движения точки;  2. получение ссылки на положение точки в	Поленов	ИУ9-21	19.04
	момент времени $t$ ; 3. добавление нового положения точки в конец траектории;			
	4. вычисление пройденного расстояния.  Для представления координат точки следует разработать отдельный класс.			
14	Конечная цепная дробь	Родионов	ИУ9-21	19.04
	$[a_0;a_1,a_2,\ldots,a_n]=a_0+rac{1}{a_1+rac{1}{a_2+\ldots}},$ в которой			
	$a_i \in \mathbb{Z}$ и $\forall i > 0$ : $a_i > 0$ , с операциями:			
	1. получение длины $n$ дроби;			
	2. получение ссылки на коэффициент $a_i$ ;			
	3. добавление нового коэффициента в конец списка коэффициентов;			
	4. перевод в рациональное число.			
	Для представления рациональных чисел требуется реализовать класс нормализованных дробей с необходимыми арифметическими операциями.			
	Конструктор цепной дроби принимает в качестве			
15	параметра рациональное число. Запись шахматных партий с операциями:	Санталов	ИУ9-21	19.04
	1. получение количества сделанных ходов;			20.01
	2. получение ссылки на $i$ -тый ход;			
	3. добавление хода;			
	4. вычисление количества фигур, оставшихся на доске к концу партии.			

Таблица 6: Варианты классов

16				
	Вещественная матрица размером $m \times n$ с операциями:	Свечникова	ИУ9-21	19.04
	1. получение количества строк и столбцов;			
	2. получение ссылки на указанный элемент;			
	3. добавление строки снизу или добавление столбца справа (формируется новая матрица на основе текущей).			
17	Доска для игры в крестики-нолики размером	Тарасова	ИУ9-21	19.04
	$n \times n$ с операциями:			
	1. получение размера доски;			
	2. получение ссылки на клетку с указанными координатами;			
	3. определение, является ли текущая позиция финальной.			
18	Целочисленная матрица размером $m \times n$ с операциями:	Узунов	ИУ9И-21	19.04
	1. получение количества строк;			
	2. получение количества столбцов;			
	3. получение ссылки на указанный элемент;			
	4. перестановка двух строк;			
	5. перестановка двух столбцов.			
19	Абсолютный путь к каталогу в файловой системе UNIX с операциями:	Филоненко	ИУ9-21	19.04
	1. получение количества каталогов в пути;			
	2. получение ссылки на $i$ -тый каталог в пути, считая от корня;			
	3. добавление имени каталога в конец пути;			
	4. получение количества файлов в каталоге (для этого требуется разобраться, как получить оглавление каталога).			

Таблица 7: Варианты классов

Nº	Описание	Студент	Группа	Дата
20	Последовательность символов ASCII, часть из которых может быть неизвестна, с операциями:	Шатнюк	ИУ9-21	19.04
	1. получение количества символов;			
	2. проверка, известен ли $i$ -тый символ;			
	3. получение ссылки на $i$ -тый символ (если символ — неизвестен, ему присваивается значение ноль);			
	4. проверка, можно ли подобрать такие значения неизвестных символов, что последовательность станет палиндромом.			
	Конструктор последовательности должен формировать последовательность размера $n$ , все символы которой неизвестны.			
21	Функция, представляющая собой сумму синусоид: $f(x) = \sum a_i \sin(d_i + \omega_i x)$ . Каждая	Шельдяев	ИУ9-21	19.04
	синусоида определяется тремя параметрами: $a_i$ , $d_i$ и $\omega_i$ . В классе нужно реализовать операции:			
	1. получение количества синусоид;			
	2. получение ссылки на $i$ -тую синусоиду;			
	3. вычисление значения функции в точке $x$ ;			
	4. добавление новой синусоиды;			
	<ol><li>удаление пар синусоид, которые в сумме дают ноль.</li></ol>			
	Для представления синусоиды следует разработать отдельный класс.			
22	Последовательность символов ASCII с операциями:	Ярахмедов	ИУ9-21	19.04
	1. получение количества символов;			
	2. получение ссылки на $i$ -тый символ;			
	3. вставка нового символа в $i$ -тую позицию последовательности;			
	4. проверка, является ли последовательность палиндромом.			

Таблица 8: Варианты классов

$N_{\overline{0}}$	Описание	Студент	Группа	Дата
23	Беззнаковое рациональное число, представленное в позиционной системе счисления по основанию $d$ , часть цифр которого может быть неизвестно. Число должно быть представлено вектором цифр, каждая из которых является целым числом от 0 до $n-1$ , и позицией точки, разделяющей целую и дробную часть, в этом векторе. Договоримся о нумерации цифр числа: пусть цифры целой части пронумерованы неотрицательными числами (младшая цифра имеет номер 0), а цифры дробной части имеют отрицательные номера (старшая цифра имеет номер $-1$ ). Обратите внимание на то, что позиция точки может быть отрицательна, а также может превышать количество цифр в числе. В классе должны быть реализованы следующие операции:  1. получение количества цифр в числе;  2. определение, известна ли $i$ -тая цифра числа (если $i$ выходит за границы допустимых номеров цифр, считать, что $i$ -тая цифра известна и равна 0);	Апахов	ИУ9-22	19.04
	<ol> <li>получение ссылки на <i>i</i>-тую цифру числа (если <i>i</i> выходит за границы допустимых номеров цифр, нужно расширить число нулями до нужного размера; если <i>i</i>-тая цифра неизвестна, нужно сделать её известной и обнулить);</li> <li>округление числа до указанного количества значащих цифр.</li> <li>Конструктор разработанного класса должен принимать в качестве параметра основание системы счисления <i>d</i>, количество цифр в числе <i>n</i> и позицию точки <i>p</i>. При этом он должен</li> </ol>			
	порождать число, все цифры которого неизвестны.			

Таблица 9: Варианты классов

Эписание Рункция, представляющая собой сумму	Студент Бахметьев	Группа	Дата
	Бахметьев		1000
		ИУ9-22	19.04
инусоид: $f(x) = \sum a_i \sin(d_i + \omega_i x)$ . Каждая			
$\frac{-i}{i}$ инусоида определяется тремя параметрами: $a_i$ ,			
$i$ и $\omega_i$ . В классе должны быть реализованы			
перации:			
порации.			
1. получение количества синусоид;			
2. получение ссылки на $i$ -тую синусоиду;			
3. вычисление значения функции в точке $x$ ;			
4. добавление синусоид одной функции к			
другой функции;			
Іля представления синусоиды следует			
азработать отдельный класс.			
Іоманая линия на плоскости с операциями:	Бойчук	ИУ9-22	19.04
1. получение количества точек;			
2. получение ссылки на $i$ -тую точку;			
3. конкатенация двух ломаных (формируется новая ломаная);			
4. выделение части ломаной с $i$ -той по $j$ -тую точки (формируется новая ломаная).			
очки на плоскости должны быть представлены			
<u> </u>	T.	14370.00	10.04
вещественная матрица размером $m \times n$ с перациями:	Ботвинников	ИУ9-22	19.04
1. получение количества строк;			
2. получение количества столбцов;			
3. получение ссылки на указанный элемент;			
4. умножение на число;			
5. транспонирование (формируется новая матрица на основе текущей).			
T	<ol> <li>получение ссылки на <i>i</i>-тую точку;</li> <li>конкатенация двух ломаных (формируется новая ломаная);</li> <li>выделение части ломаной с <i>i</i>-той по <i>j</i>-тую точки (формируется новая ломаная).</li> <li>чки на плоскости должны быть представлены руктурами с целочисленными полями х и у.</li> <li>ещественная матрица размером <i>m</i> × <i>n</i> с верациями:</li> <li>получение количества строк;</li> <li>получение количества столбцов;</li> <li>получение ссылки на указанный элемент;</li> <li>умножение на число;</li> <li>транспонирование (формируется новая</li> </ol>	<ol> <li>получение ссылки на <i>i</i>-тую точку;</li> <li>конкатенация двух ломаных (формируется новая ломаная);</li> <li>выделение части ломаной с <i>i</i>-той по <i>j</i>-тую точки (формируется новая ломаная).</li> <li>очки на плоскости должны быть представлены руктурами с целочисленными полями х и у.</li> <li>ещественная матрица размером <i>m</i> × <i>n</i> с верациями:</li> <li>получение количества строк;</li> <li>получение количества столбцов;</li> <li>получение ссылки на указанный элемент;</li> <li>умножение на число;</li> <li>транспонирование (формируется новая</li> </ol>	<ol> <li>получение ссылки на <i>i</i>-тую точку;</li> <li>конкатенация двух ломаных (формируется новая ломаная);</li> <li>выделение части ломаной с <i>i</i>-той по <i>j</i>-тую точки (формируется новая ломаная).</li> <li>рчки на плоскости должны быть представлены руктурами с целочисленными полями х и у.</li> <li>ещественная матрица размером m × n с перациями:</li> <li>получение количества строк;</li> <li>получение количества столбцов;</li> <li>получение ссылки на указанный элемент;</li> <li>умножение на число;</li> <li>транспонирование (формируется новая</li> </ol>

Таблица 10: Варианты классов

No॒	Описание	Студент	Группа	Дата
27	Очередь целых чисел, реализованная через кольцевой буфер, с операциями:	Браславский	ИУ9-22	19.04
	1. получение количества чисел в очереди;			
	2. получение ссылки на $i$ -ое число (головной элемент имеет индекс $0$ );			
	3. добавление числа в хвост очереди;			
	4. удаление головного элемента очереди.			
28	Полином степени $n$ с вещественными коэффициентами и операциями:	Гавриленко	ИУ9-22	19.04
	1. вычисление значения для заданного $x$ ;			
	2. получение степени полинома;			
	3. получение ссылки на указанный коэффициент полинома;			
	4. вычисление производной (формируется новый полином).			
29	Конечная цепная дробь $[a_0;a_1,a_2,\dots,a_n]=a_0+\frac{1}{a_1+\frac{1}{a_2+\dots}}, \ \text{в которой}$	Гавриловский	ИУ9-22	19.04
	$a_i \in \mathbb{Z}$ и $\forall i = \overline{1,n} : (a_i > 0),$ с операциями:			
	1. получение длины $n$ дроби;			
	2. сокращение длины дроби до указанного $n'$ ;			
	3. получение ссылки на $a_i$ ;			
	4. перевод в рациональное число.			
	Для представления рациональных чисел требуется реализовать класс нормализованных дробей с необходимыми арифметическими операциями.  Конструктор цепной дроби принимает в качестве			
	параметра вещественное число $x$ и точность $\varepsilon$ . Длина цепной дроби должна быть выбрана таким образом, чтобы представляемое ею число $\widetilde{x}$			
	удовлетворяло неравенству: $\left  \frac{\widetilde{x} - x}{x} \right  < \varepsilon$ .			

Таблица 11: Варианты классов

No	Паолица 11: Барианты кла	Студент	Группа	Дата
		****	ИУ9-22	+ ' '
30	Замкнутая ломаная линия на плоскости с операциями:	Гулин	V1 Y 9-22	19.04
	операциями.			
	1. получение количества точек;			
	2. получение ссылки на $i$ -тую точку;			
	3. разбиение отрезков ломаной, длина которых			
	превышает указанное значение, напополам.			
	Towns to the original to the first the towns of the towns			
	Точки на плоскости должны быть представлены			
31	структурами с вещественными полями <b>x</b> и <b>y</b> .  Траектория движения материальной точки на	Даровская	ИУ9-22	19.04
31	плоскости, представленная координатами	даровская	113 9-22	19.04
	положения точки в дискретные моменты времени			
	(0 с, 1 с, 2 с,), с операциями:			
	(0 с, 1 с, 2 с,), с операциями.			
	1. получение общего времени движения точки;			
	2. получение ссылки на положение точки в			
	момент времени $t$ ;			
	2 Tokan Tayura a Tura ii maa ay maay a yayay			
	3. добавление одной траектории в конец другой траектории;			
	другой грасктории,			
	Для представления координат точки следует			
	разработать отдельный класс.			
32	Последовательность строк, имеющая переменную	Испирян	ИУ9-22	19.04
	длину, с операциями:			
	1. получение длины последовательности;			
	2. получение ссылки на $i$ -тую строку;			
	3. вставка строки в указанное место			
	последовательности;			
	4. удаление из последовательности			
	дублирующихся строк (если есть две или			
	более одинаковые строки, остаётся только			
	первая).			
	Для представления строк нужно использовать			
	стандартный класс string.			
	Tangapinnin isiaco buring.			

Таблица 12: Варианты классов

No	Паолица 12: Варианты кл	Студент	Группа	Дата
33	Матрица смежности для простого графа с	Климова	ИУ9-22	19.04
33	операциями:	Климова	VI 9 9-22	19.04
	1. определение, смежны ли две вершины;			
	2. добавление вершины;			
	3. удаление вершины;			
	4. вычисление количества компонент связности графа.			
34	Полином степени $n$ с вещественными коэффициентами и операциями:	Котова	ИУ9-22	19.04
	1. получение степени полинома;			
	2. получение ссылки на указанный коэффициент полинома;			
	3. вычисление первообразной (формируется новый полином, значение младшего коэффициента первообразной передаётся в качестве параметра).			
35	Квадратная матрица, элементами которой являются упорядоченные множества строк, с операциями:	Мамаев	ИУ9-22	19.04
	1. получение ссылки на элемент $(i, j)$ ;			
	2. умножение матрицы на саму себя.			
	При выполнении умножения матрицы считать, что для множеств строк операции сложения и умножения определены следующим образом:			
	<b>сложение множеств А и В</b> – объединение этих множеств;			
	умножение множеств А и В – результатом			
	умножения является множество,			
	составленное из конкатенаций всех			
	возможных пар строк таких, что первая строка принадлежит A, а вторая – принадлежит B.			
	Для представления строк нужно использовать стандартный класс string.			

Таблица 13: Варианты классов

Nº	Описание	Студент	Группа	Дата
36	Матрица смежности для простого орграфа с операциями:	Мирзоева	ИУ9-22	19.04
	1. определение, ведёт ли дуга из $i$ -той вершины в $j$ -тую (операция индексации);			
	2. добавление вершины;			
	3. удаление вершины;			
	4. определение, содержит ли граф циклы.			
37	Система материальных точек, каждая из которых определяется своими координатами на плоскости и массой, с операциями:  1. получение количества точек в системе;	Пичугин	ИУ9-22	19.04
	2. получение ссылки на $i$ -тую точку;			
	<ol> <li>вычисление центра масс системы;</li> <li>разбиение системы на непересекающиеся подсистемы в соответствии со следующим отношением эквивалентности: точки x и y</li> </ol>			
	эквивалентны, если можно добраться из $x$ в $y$ , перескакивая с одной точки на другую и не покрывая за один прыжок расстояние, превышающее $d$ .			
	Для представления материальной точки следует разработать отдельный класс.			
38	Перестановка $P$ порядка $n$ (т.е. биекция множества натуральных чисел от $0$ до $n-1$ на себя) с операциями:	Прийма	ИУ9-22	19.04
	1. получение $P(i)$ , где $i = \overline{0, n-1}$ ;			
	2. обмен $(P(i) \leftrightarrow P(j));$			
	3. вычисление композиции данной перестановки с некоторой перестановкой $Q$ того же порядка;			
	4. определение, является ли перестановка обратной самой себе.			
	Конструктор перестановки должен получать в качестве параметра её порядок $n$ и создавать тождественную перестановку.			

Таблица 14: Варианты классов

No	Таблица 14: Варианты кл Описание	Студент	Группа	Дата
				<u> </u>
39	Множество интервалов вида $(a,b)$ на	Ростецкий	ИУ9-22	19.04
	вещественной прямой с операциями:			
	1. получение количества интервалов;			
	2. получение ссылки на $i$ -тый интервал;			
	3. проверка принадлежности числа $x$			
	множеству вещественных чисел,			
	задаваемому множеством интервалов;			
	4. добавление нового интервала;			
	5. удаление всех интервалов, содержащихся			
	внутри других интервалов.			
	_			
	Для представления интервала следует			
10	разработать отдельный класс.	D. C	III IO OO	10.04
40	Множество интервалов вида $(a, b)$ на	Рыбаков	ИУ9-22	19.04
	вещественной прямой с операциями:			
	1. получение количества интервалов;			
	2. получение ссылки на $i$ -тый интервал;			
	3. проверка принадлежности числа $x$			
	множеству вещественных чисел,			
	задаваемому множеством интервалов;			
	4. выделение подмножества интервалов,			
	размер которых превышает значение $d$ (для			
	представления подмножества должен			
	создаваться новый объект);			
	Для представления интервала следует			
41	разработать отдельный класс.		11770 22	10.04
41	Ломаная линия на плоскости с операциями:	Спиридонова	ИУ9-22	19.04
	1. получение количества точек;			
	2. вычисление размеров минимального			
	прямоугольника, внутри которого может			
	поместиться ломаная;			
	3. получение ссылки на <i>i</i> -тую точку;			
	4. вставка новой точки в любое место ломаной.			
	Точки на плоскости должны быть представлены			
	структурами с целочисленными полями х и у.			
	orpinijpamii o govio movionibinii novimiii k ii y.			

Таблица 15: Варианты классов

$N_{\overline{0}}$	Описание	Студент	Группа	Дата
42	Система материальных точек, каждая из которых определяется своими координатами на плоскости и массой, с операциями:	Актюрк	ИУ9-23	19.04
	1. получение количества точек в системе;			
	2. получение ссылки на $i$ -тую точку;			
	3. вычисление центра масс системы;			
	4. выделение подсистемы, в которой массы точек превышают $m$ (для представления подсистемы должен создаваться новый объект);			
	Для представления материальной точки следует разработать отдельный класс.			
43	Беззнаковое целое число, записанное в системе счисления по основанию $2^{16}$ , с операциями:	Артеменко	ИУ9-23	19.04
	1. получение количества цифр;			
	2. получение ссылки на $i$ -тую цифру (младшая цифра имеет индекс $0$ );			
	3. прибавление числа;			
	4. конкатенация двух чисел (для хранения результата формируется новый объект).			
	Конструктор класса должен принимать начальное зачение типа long. Вывод чисел			
44	можно выполнять в шестнадцатеричной системе. Матрица рациональных чисел размером $m \times n$ с операциями:	Бакланова	ИУ9-23	19.04
	1. получение количества строк;			
	2. получение количества столбцов;			
	3. получение ссылки на указанный элемент;			
	4. умножение строки на рациональное число;			
	5. прибавление одной строки к другой.			
	Для представления рациональных чисел требуется реализовать класс нормализованных дробей с операциями сложения и умножения.			

Таблица 16: Варианты классов

$N_{\overline{0}}$	Описание	Студент	Группа	Дата
45	Последовательность знаковых 64-битовых чисел с фиксированной точкой, в которой каждое число $x = whole + frac/2^{32}$ , где $whole$ и $frac$ – это 32-битовые целые числа, представляющие целую и дробную части. Операции для последовательности:  1. получение ссылки на целую часть $i$ -того элемента последовательности;  2. получение ссылки на дробную часть $i$ -того элемента последовательности;  3. умножение каждого числа последовательности на целое 32-разрядное число.  Конструктор последовательности должен	Богданов	ИУ9-23	19.04
46	принимать в качестве параметра её длину.  Целочисленная квадратная матрица, часть элементов которой может иметь «неопределённое» значение. Предполагается, что при создании матрицы все её элементы не определены. Они становятся определены только после присваивания им целочисленного значения. Для матрицы должны быть реализованы следующие операции:	Бокарев	ИУ9-23	19.04
	<ol> <li>проверка, определён ли элемент с индексами (i, j);</li> <li>запись целого числа в элемент с индексами (i, j);</li> <li>чтение значения элемента с индексами (i, j) (чтение неопределённого элемента автоматически присваивает ему нулевое</li> </ol>			
	значение);  4. домножение матрицы на себя (элементы, для вычисления которых требуются неизвестные элементы, становятся неизвестными).  Конструктор матрицы должен принимать в качестве параметра её размер.			

Таблица 17: Варианты классов

Nº	Описание	Студент	Группа	Дата
47	Множество интервалов вида $(a,b)$ на вещественной прямой с операциями:	Бостанджян	ИУ9-23	19.04
	1. получение количества интервалов;			
	2. получение ссылки на $i$ -тый интервал;			
	3. проверка принадлежности числа $x$ множеству вещественных чисел, задаваемому множеством интервалов;			
	4. объединение пересекающихся интервалов (в результате должен формироваться новый объект, содержащий множество непересекающихся интервалов, задающее то же самое множество вещественных чисел).			
	Для представления интервала следует разработать отдельный класс.			
48	Вектор простых дробей с операциями:	Дурдымура-	ИУ9-23	19.04
	1. получение размера вектора;	дова		
	2. получение ссылки на $i$ -тый элемент;			
	3. вставка нового элемента после $i$ -го;			
	4. вычисление скалярного произведения вектора на самого собя.			
	Дополнительно требуется реализовать класс простых дробей с операциями сложения и умножения.			
49	Матрица смежности для неориентированного мультиграфа, рёбра которого помечены строками, с операциями:	Жданов	ИУ9-23	19.04
	1. определение, соединены ли две вершины ребром с указанной меткой;			
	2. добавление ребра;			
	3. удаление ребра;			
	4. добавление вершины;			
	5. удаление вершины.			
	Для представления строк нужно использовать стандартный класс string.			

Таблица 18: Варианты классов

№	Описание	Студент	Группа	Дата
50	Замкнутая ломаная линия на плоскости с операциями:	Жулева	ИУ9-23	19.04
	1. получение количества отрезков, из которых состоит ломаная;			
	2. получение ссылки на <i>i</i> -тую точку;			
	3. удаление отрезков, длина которых меньше указанного значения.			
	Точки на плоскости должны быть представлены структурами с вещественными полями х и у.			
51	Система материальных точек, каждая из которых определяется своими координатами на плоскости и массой, с операциями:	Зайцев	ИУ9-23	19.04
	1. получение количества точек в системе;			
	2. получение ссылки на <i>i</i> -тую точку;			
	3. вычисление центра масс системы;			
	4. добавление точек одной системы к другой.			
	Для представления материальной точки следует разработать отдельный класс.			
52	Целочисленная матрица размера $m \times n$ , часть элементов которой может иметь «неопределённое» значение. Предполагается, что при создании матрицы все её элементы не определены. Они становятся определены только после присваивания им целочисленного значения. Для матрицы должны быть реализованы следующие операции:	Конюхов	ИУ9-23	19.04
	1. проверка, определён ли элемент с индексами $(i,j)$ ;			
	2. получение ссылки на элемент с индексами $(i,j)$ (получение ссылки на неопределённый элемент автоматически присваивает ему нулевое значение);			
	3. умножение строки матрицы на число и прибавление результата к другой строке.			
	Конструктор матрицы должен принимать в качестве параметров её размеры $m$ и $n$ .			

Таблица 19: Варианты классов

№	Описание	Студент	Группа	Дата
53	Стек рациональных чисел с операциями:	Курушин	ИУ9-23	19.04
	<ol> <li>получение количества чисел в стеке;</li> <li>получение ссылки на <i>i</i>-ое число (вершина стека имеет индекс 0);</li> <li>добавление числа в стек;</li> </ol>			
	<ul> <li>4. удаление числа с вершины стека;</li> <li>5. вычисление минимального элемента стека (за константное время).</li> <li>Для представления рациональных чисел требуется реализовать класс нормализованных дробей с необходимыми арифметическими</li> </ul>			
54	операциями. Целочисленная матрица размером $m \times n$ с	Лысенко	ИУ9-23	19.04
	операциями:  1. получение количества строк и столбцов;  2. получение ссылки на указанный элемент;  3. удаление строки (формируется новая матрица на основе текущей);  4. удаление столбца (формируется новая матрица на основе текущей).		HVO 02	
55	Вектор значений, каждое из которых является либо целым числом, либо «не определено». Предполагается, что при создании вектора все его элементы не определены. Они становятся определены только после присваивания им целочисленного значения. Для вектора должны быть реализованы следующие операции:  1. проверка, определён ли <i>i</i> -тый элемент;  2. получение ссылки на <i>i</i> -тый элемент (если элемент не определён, ему автоматически присваивается нулевое начение);  3. добавление нового неопределённого элемента в конец вектора.	Петров	ИУ9-23	19.04
	Конструктор вектора должен принимать в качестве параметра его начальный размер.			

Таблица 20: Варианты классов

Nº	Описание	Студент	Группа	Дата
<u>№</u> 56	Пелое беззнаковое число, представленное в позиционной системе счисления по основанию d. Другими словами, число представлено вектором цифр, каждая из которых является целым числом от 0 до d — 1. Некоторые цифры числа могут быть неизвестны. В классе должны быть реализованы следующие операции:  1. получение количества цифр в числе;  2. определение, известна ли i-тая цифра числа (если i превышает количество цифр в числе, считать, что i-тая цифра известна и равна 0);  3. получение ссылки на i-тую цифру числа (если i превышает количество цифр в числе, нужно расширить число нулями до нужного размера; если i-тая цифра неизвестна, нужно сделать её известной и обнулить);  4. прибавление другого числа, представленного в системе с тем же основанием.  Конструктор разработанного класса должен принимать в качестве параметра основание системы счисления d и количество цифр в числе n. При этом он должен порождать число, все	Пинчук	Группа ИУ9-23	Дата 19.04
57	цифры которого неизвестны. Конечная цепная дробь $[a_0;a_1,a_2,\ldots,a_n]=a_0+\frac{1}{a_1+\frac{1}{a_2+\ldots}}, \text{ в которой } a_i\in\mathbb{Z} \text{ и } \forall i=\overline{1,n}:(a_i>0), \text{ с операциями:}$ 1. получение длины $n$ дроби; 2. получение ссылки на $a_i$ ; 3. перевод в число с плавающей точкой. Конструктор цепной дроби принимает в качестве параметра число с плавающей точкой и длину дроби.	Подольный	ИУ9-23	19.04

Таблица 21: Варианты классов

Nº	Описание	Студент	Группа	Дата
58	Полином с целочисленными коэффициентами, часть из которых может быть «неизвестна». Для полинома должны быть реализованы следующие операции:  1. проверка, определён ли коэффициент полинома с индексом i;  2. получение ссылки на i-тый коэффициент полинома (при этом неизвестному коэффициенту автоматически присваивается нулевое значение);  3. дифференцирование с порождением нового полинома для хранения производной (коэффициенты производной, для вычисления которых нужно знать значения неизвестных коэффициентов полинома, становятся неизвестными).	Рогов	ИУ9-23	19.04
59	Отношение $R$ на множестве целых чисел из диапазона $[a,b]$ , представленное квадратной матрицей $A$ булевских значений (размер матрицы: $b-a+1$ ). Строки и столбцы матрицы соотвествуют числам из диапазона $[a,b]$ . Подразумевается, что если $A_{i,j}$ – истина, то $\langle i+a,j+a\rangle\in R$ . Для отношения должны быть реализованы следующие операции:  1. получение ссылки на элемент матрицы, соответствующий паре чисел $(x,y)$ , в которой $a\leq x\leq b,a\leq y\leq b$ ;  2. определение, является ли отношение рефлексивным;  3. определение, является ли отношение симметричным.	Снегур	ИУ9-23	19.04

Таблица 22: Варианты классов

$N_{\overline{0}}$	Описание	Студент	Группа	Дата
60	Ломаная линия на плоскости с операциями:	Сырбу	ИУ9-23	19.04
	1. получение количества точек;			
	2. вычисление длины ломаной;			
	3. получение ссылки на $i$ -тую точку;			
	4. добавление точки в конец ломаной.			
	Точки на плоскости должны быть представлены структурами с вещественными полями х и у.			
61	Последовательность булевских значений длины $n$ , часть элементов которой может быть «неизвестна». Предполагается, что при создании последовательности все её элементы неизвестны. Они становятся определены только после присваивания им булевского значения. Операции для последовательности:  1. проверка, известен ли $i$ -тый элемент;  2. получение ссылки на $i$ -тый элемент последовательности (при этом неизвестному элементу автоматически присваивается значение «false»);  3. поразрядное И двух последовательностей равной длины.  Конструктор последовательности должен	Чигвинцев	ИУ9-23	19.04
	принимать в качестве параметра её длину.			
62	<ul> <li>Траектория движения материальной точки на плоскости, представленная координатами положения точки в дискретные моменты времени (0 с, 1 с, 2 с,), с операциями:</li> <li>1. получение общего времени движения точки;</li> <li>2. получение ссылки на положение точки в момент времени t;</li> <li>3. выделение подтраектории точки с момента времени t1 до момента времени t2 (для представления подтраектории должен создаваться отдельный объект);</li> <li>Для представления координат точки следует</li> </ul>	Чурсина	ИУ9-23	19.04
	разработать отдельный класс.			

Таблица 23: Варианты классов

Nº	Описание	Студент	Группа	Дата
63	Функция, представляющая собой сумму синусоид: $f(x) = \sum a_i \sin(d_i + \omega_i x)$ . Каждая	Шевляков	ИУ9-23	19.04
	синусоида определяется тремя параметрами: $a_i$ , $d_i$ и $\omega_i$ . В классе должны быть реализованы операции:			
	1. получение количества синусоид;			
	2. получение ссылки на <i>i</i> -тую синусоиду;			
	3. вычисление значения функции в точке $x$ ;			
	4. дифференцирование функции (в результате должен порождаться новый объект, представляющий производную).			
	Для представления синусоиды следует разработать отдельный класс.			
64	Последовательность символов ASCII с операциями:	Ширяева	ИУ9-23	19.04
	1. получение количества символов;			
	2. получение ссылки на $i$ -тый символ;			
	3. добавление одной последовательности в конец другой последовательности;			
	4. разбиение последовательности на минимальное количество подпоследовательностей, не содержащих пробелы.			
65	Полином степени <i>n</i> с рациональными коэффициентами и операциями:	Яушев	ИУ9-23	19.04
	1. вычисление значения для заданного $x$ ;			
	2. получение степени полинома;			
	3. получение ссылки на указанный коэффициент полинома;			
	4. деление на полином (для хранения результата формируется новый полином, остаток от деления отбрасывается).			
	Дополнительно требуется реализовать класс дробей с операциями сложения и умножения.			