Programmazione B Ingegneria e Scienze Informatiche - Cesena A.A. 2022-2023

Elaborato 2

Data di sottomissione: entro le 20 del 2 Ottobre 2022.

Formato di sottomissione: un file compresso con nome elaborato2.zip

contenente un unico file sorgente con nome quadratic_eq.h.

Codeboard: https://codeboard.io/projects/130695

Specifiche:

• Implementare le seguenti macro per calcolare alcune proprietà di una funzione di secondo grado nel campo reale:

$$f(x) = ax^2 + bx + c$$

- 1. NUM_OF_ROOTS(a,b,c). Implementa un'espressione che può valere 0, 1 o 2, a seconda che l'equazione $ax^2 + bx + c = 0$ ammetta 0, 1 o 2 radici nel campo reale (i.e. gli zeri della funzione).
- 2. R00T1(a,b,c). Implementa un'espressione che calcola la radice più grande dell'equazione $ax^2 + bx + c = 0$. Non è necessario che la macro *verifichi* che l'equazione abbia effettivamente almeno una soluzione. Nel caso in cui non ci siano soluzioni, l'espressione può essere non definita.
- 3. R00T2(a,b,c). Espressione che calcola la radice più piccola dell'equazione $ax^2 + bx + c = 0$. Se l'equazione ha una sola soluzione, il valore dell'espressione coinciderà con quello di R00T1(a,b,c). Come sopra, non è necessario che la macro verifichi che l'equazione abbia effettivamente soluzioni.
- 4. EXTREME_POINT(a,b,c). Implementa un'espressione che calcola il punto estremo (massimo o minimo) della funzione di secondo grado $f(x) = ax^2 + bx + c$.

- 5. MAXIMUM_POINT(a,b,c). Implementa un'espressione (booleana) che vale 1 oppure 0 a seconda che il punto estremo della funzione $f(x) = ax^2 + bx + c$ sia un punto di massimo oppure di minimo, rispettivamente.
- Si assume che il coefficiente a sia sempre diverso da 0. Le macro non sono tenute a gestire il caso in cui vengano richiamate con parametro a uguale a 0.
- Le macro devono essere definite in un file con nome quadratic_eq.h.
- Deve essere sottomesso unicamente il file quadratic_eq.h.
- E' possibile sviluppare altre macro oltre a quelle richieste.

Esempi:

- 1. Numero di soluzioni dell'equazione f(x) = 0.
 - $NUM_OF_ROOTS(0.5, -2.0, 1.5) = 2$
 - $NUM_OF_ROOTS(0.5, -2.0, 2.0) = 1$
 - $NUM_OF_ROOTS(-0.5, -2.0, -3.0) = 0$
- 2. Radici dell'equazione f(x) = 0.
 - ROOT1(0.5,-2.0,1.5) = 3.0ROOT2(0.5,-2.0,1.5) = 1.0
 - ROOT1(0.5,-2.0,2.0) = 2.0 ROOT2(0.5,-2.0,2.0) = 2.0
 - ROOT1(-0.5, -2.0, -3.0) = N.D. ROOT2(-0.5, -2.0, -3.0) = N.D.,
- 3. Punto di massimo o minimo della funzione.
 - EXTREME_POINT(0.5,-2.0,1.5) = 2.0 MAXIMUM_POINT(0.5,-2.0,1.5) = 0
 - EXTREME_POINT(0.5,-2.0,2) = 2.0 MAXIMUM_POINT(0.5,-2.0,2) = 0
 - EXTREME_POINT(-0.5,-2.0,-3) = -2.0 MAXIMUM_POINT(-0.5,-2.0,-3) = 1

APPENDICE

Sia data una funzione di secondo grado

$$f(x) = ax^2 + bx + c.$$

Assumiamo che $a \neq 0$.

• Zeri della funzione. Per calcolare i punti di intersezione di f(x) con l'asse delle ascisse, risolviamo l'equazione di secondo grado:

$$ax^2 + bx + c = 0. (1)$$

Consideriamo il discriminante dell'equazione.

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

L'equazione (1) ha:

- 1. **nessuna soluzione** nel campo dei reali se $\Delta < 0$, i.e la funzione f(x) non interseca l'asse delle ascisse;
- 2. una soluzione se $\Delta = 0$, i.e. la funzione f(x) interseca l'asse delle ascisse in un unico punto;
- 3. due soluzioni se $\Delta > 0$, i.e. la funzione f(x) interseca l'asse delle ascisse in due punti distinti.

Se $\Delta \geq 0$ i punti di intersezione x_1, x_2 , sono calcolati nel seguente modo:

1. se
$$\Delta > 0$$
, $x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$, $x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$;

2. Se
$$\Delta = 0$$
, $x_1 = x_2 = \frac{-b}{2a}$.

• Punto di massimo/minimo della funzione. Una funzione di secondo grado ha un unico punto estremante, che può essere un punto di massimo o di minimo. Per individuare l'unico punto estremante è sufficiente individuare dove si annulla la derivata prima di f(x). Dobbiamo quindi risolvere l'equazione:

$$f'(x) = 0$$

Stiamo assumendo $a \neq 0$, quindi

$$f'(x) = 2ax + b = 0 \Longrightarrow x = \frac{-b}{2a}$$

Per determinare se il punto $x=\frac{-b}{2a}$ è un punto di massimo o di minimo, valutiamo il segno della derivata seconda:

$$f''(x) = 2a$$

- Se f''(x) > 0 allora, $x = \frac{-b}{2a}$ è un punto di minimo (la concavità della parabola f(x) è rivolta verso l'alto).
- Se f''(x) < 0 allora, $x = \frac{-b}{2a}$ è un punto di massimo (la concavità della parabola f(x) è rivolta verso il basso).