

CCF 全国青少年信息学奥林匹克联赛

CCF NOIP 2025

时间：2025 年 11 月 29 日 08:30 ~ 13:00

题目名称	糖果店	清仓甩卖	树的价值	序列询问
题目类型	传统型	传统型	传统型	传统型
目录	candy	sale	tree	query
可执行文件名	candy	sale	tree	query
输入文件名	candy.in	sale.in	tree.in	query.in
输出文件名	candy.ans	sale.ans	tree.ans	query.ans
每个测试点时限	1.0 秒	1.0 秒	2.0 秒	2.0 秒
内存限制	512 MiB	512 MiB	512 MiB	512 MiB
测试点数目	20	25	25	20
测试点是否等分	是	是	是	是

提交源程序文件名

对于 C++ 语言	candy.cpp	sale.cpp	tree.cpp	query.cpp
-----------	-----------	----------	----------	-----------

编译选项

对于 C++ 语言	-O2 -std=c++14 -static
-----------	------------------------

注意事项（请仔细阅读）

1. 文件名（程序名和输入输出文件名）必须使用英文小写。
2. `main` 函数的返回值类型必须是 `int`，程序正常结束时的返回值必须是 0。
3. 提交的程序代码文件的放置位置请参考各省的具体要求。
4. 因违反以上三点而出现的错误或问题，申诉时一律不予受理。
5. 若无特殊说明，结果的比较方式为全文比较（过滤行末空格及文末回车）。
6. 选手提交的程序源文件必须不大于 100KB。
7. 程序可使用的栈空间内存限制与题目的内存限制一致。
8. 全国统一评测时采用的机器配置为：Intel(R) Core(TM) i7-8700K CPU @3.70GHz，内存 32GB。上述时限以此配置为准。
9. 只提供 Linux 格式附加样例文件。
10. 评测在当前最新公布的 NOI Linux 下进行，各语言的编译器版本以此为准。

糖果店 (candy)

【题目描述】

小 X 开了一家糖果店，售卖 n 种糖果，每种糖果均有无限颗。对于不同种类的糖果，小 X 采用了不同的促销策略。具体地，对于第 i ($1 \leq i \leq n$) 种糖果，购买第一颗的价格为 x_i 元，第二颗为 y_i 元，第三颗又变回 x_i 元，第四颗则为 y_i 元，以此类推。

小 R 带了 m 元钱买糖果。小 R 不关心糖果的种类，只想得到数量尽可能多的糖果。你需要帮助小 R 求出， m 元钱能购买的糖果数量的最大值。

【输入格式】

输入的第一行包含两个正整数 n, m ，代表糖果的种类数和小 R 的钱数。

输入的第 $i + 1$ ($1 \leq i \leq n$) 行包含两个正整数 x_i, y_i ，分别表示购买第 i 种糖果时第奇数颗的价格和第偶数颗的价格。

【输出格式】

输出一行一个非负整数，表示 m 元钱能购买的糖果数量的最大值。

【样例 1 输入】

```
1 2 10
2 4 1
3 3 3
```

【样例 1 输出】

```
1 4
```

【样例 1 解释】

小 R 可以购买 4 颗第一种糖果，共花费 $4 + 1 + 4 + 1 = 10$ 元。

【样例 2 输入】

```
1 3 15
2 1 7
```

```
3 2 3
4 3 1
```

【样例 2 输出】

```
1 8
```

【样例 2 解释】

小 R 可以购买 1 颗第一种糖果、1 颗第二种糖果与 6 颗第三种糖果，共花费 $1 + 2 + 12 = 15$ 元。

【样例 3】

见选手目录下的 *candy/candy3.in* 与 *candy/candy3.ans*。
该样例满足测试点 6 的约束条件。

【样例 4】

见选手目录下的 *candy/candy4.in* 与 *candy/candy4.ans*。
该样例满足测试点 8,9 的约束条件。

【样例 5】

见选手目录下的 *candy/candy5.in* 与 *candy/candy5.ans*。
该样例满足测试点 11,12 的约束条件。

【样例 6】

见选手目录下的 *candy/candy6.in* 与 *candy/candy6.ans*。
该样例满足测试点 13 的约束条件。

【样例 7】

见选手目录下的 *candy/candy7.in* 与 *candy/candy7.ans*。
该样例满足测试点 17,18 的约束条件。

【数据范围】

对于所有测试数据，均有：

- $1 \leq n \leq 10^5$;

- $1 \leq m \leq 10^{18}$;
- 对于所有 $1 \leq i \leq n$, 均有 $1 \leq x_i, y_i \leq 10^9$ 。

测试点编号	$n \leq$	$m \leq$	特殊性质
1	1	10	无
2, 3	2	20	
4, 5	10		
6	10^2	10^2	A
7			B
8, 9			无
10	10^3	10^4	A
11, 12			B
13			无
14	10^5	10^9	A
15, 16			B
17, 18			无
19, 20		10^{18}	

特殊性质 A: 对于所有 $1 \leq i \leq n$, 均有 $x_i = y_i$ 。

特殊性质 B: 对于所有 $1 \leq i \leq n$, 均有 $x_i \geq y_i$ 。

清仓甩卖 (sale)

【题目描述】

小 X 的糖果促销策略很成功, 现在糖果店只剩下了 n 颗糖果, 其中第 i ($1 \leq i \leq n$) 颗糖果的原价为 a_i 元。小 X 计划将它们全部重新定价, 清仓甩卖。具体地, 小 X 会将每颗糖果的清仓价格分别定为 1 元或 2 元。设第 i ($1 \leq i \leq n$) 颗糖果的清仓价格为 $w_i \in \{1, 2\}$ 元, 则它的**性价比**被定义为原价与清仓价格的比值, 即 $\frac{a_i}{w_i}$ 。

小 R 又带了 m 元钱买糖果。这一次, 小 R 希望他购买到的糖果的原价总和最大, 于是他采用了以下购买策略: 将所有糖果按照**性价比从大到小排序**, 然后依次考虑每一颗糖果。具体地, 若小 R 在考虑第 i ($1 \leq i \leq n$) 颗糖果时剩余的钱至少为 w_i 元, 则他会购买这颗糖果; 否则他会跳过这颗糖果, 继续考虑下一颗。特别地, 若存在两颗糖果的性价比相同, 则小 R 会先考虑**原价较高**的糖果; 若存在两颗糖果的性价比与原价均相同, 则小 R 会先考虑编号较小的糖果。

例如, 若小 X 的糖果商店剩余 3 颗糖果, 原价分别为 $a_1 = 1$, $a_2 = 3$, $a_3 = 5$, 而清仓价格分别为 $w_1 = w_2 = 1$, $w_3 = 2$, 则性价比分别为 $1, 3, \frac{5}{2}$ 。因此小 R 会先考虑第 2 颗糖果, 然后考虑第 3 颗糖果, 最后考虑第 1 颗糖果。

小 R 想知道, 在小 X 的所有 2^n 种定价方案中, 有多少种定价方案使得他按照上述购买策略能购买到的糖果的**原价总和最大**。你需要帮助小 R 求出满足要求的定价方案的数量。由于答案可能较大, 你只需要求出答案对 998,244,353 取模后的结果。

【输入格式】

本题包含多组测试数据。

输入的第一行包含两个非负整数 c, t , 分别表示测试点编号与测试数据组数。 $c = 0$ 表示该测试点为样例。

接下来依次输入每组测试数据, 对于每组测试数据:

- 第一行包含两个正整数 n, m , 分别表示糖果的数量与小 R 的钱数;
- 第二行包含 n 个正整数 a_1, a_2, \dots, a_n , 分别表示每颗糖果的原价。

【输出格式】

对于每组测试数据, 输出一行一个非负整数, 表示使得小 R 购买到的糖果的原价总和达到最大值的定价方案数对 998,244,353 取模后的结果。

【样例 1 输入】

```
1 0 1
2 3 2
3 1 3 5
```

【样例 1 输出】

```
1 6
```

【样例 1 解释】

该样例即为【题目描述】中的例子。共有以下 6 种定价方案使得小 R 购买到的糖果原价总和最大，分别为：

- $w_1 = w_2 = w_3 = 1$ ，小 R 购买到的糖果原价总和为 8；
- $w_1 = w_3 = 1, w_2 = 2$ ，小 R 购买到的糖果原价总和为 6；
- $w_1 = 1, w_2 = w_3 = 2$ ，小 R 购买到的糖果原价总和为 5；
- $w_2 = w_3 = 1, w_1 = 2$ ，小 R 购买到的糖果原价总和为 8；
- $w_3 = 1, w_1 = w_2 = 2$ ，小 R 购买到的糖果原价总和为 5；
- $w_1 = w_2 = w_3 = 2$ ，小 R 购买到的糖果原价总和为 5。

注意：若 $w_1 = w_2 = 1, w_3 = 2$ ，则小 R 会依次购买第 2 颗和第 1 颗糖果，原价总和为 4，但小 R 可以只购买第 3 颗糖果，原价总和为 5。因此该定价方案无法使小 R 购买到的糖果的原价总和达到最大值。

【样例 2】

见选手目录下的 *sale/sale2.in* 与 *sale/sale2.ans*。

该样例满足测试点 1 ~ 3 的约束条件。

【样例 3】

见选手目录下的 *sale/sale3.in* 与 *sale/sale3.ans*。

该样例满足测试点 4, 5 的约束条件。

【样例 4】

见选手目录下的 *sale/sale4.in* 与 *sale/sale4.ans*。

该样例满足测试点 7 ~ 9 的约束条件。

【样例 5】

见选手目录下的 *sale/sale5.in* 与 *sale/sale5.ans*。
该样例满足测试点 10 ~ 12 的约束条件。

【样例 6】

见选手目录下的 *sale/sale6.in* 与 *sale/sale6.ans*。
该样例满足测试点 13 的约束条件。

【样例 7】

见选手目录下的 *sale/sale7.in* 与 *sale/sale7.ans*。
该样例满足测试点 14, 15 的约束条件。

【样例 8】

见选手目录下的 *sale/sale8.in* 与 *sale/sale8.ans*。
该样例满足测试点 17 的约束条件。

【样例 9】

见选手目录下的 *sale/sale9.in* 与 *sale/sale9.ans*。
该样例满足测试点 19, 20 的约束条件。

【样例 10】

见选手目录下的 *sale/sale10.in* 与 *sale/sale10.ans*。
该样例满足测试点 21 ~ 23 的约束条件。

【样例 11】

见选手目录下的 *sale/sale11.in* 与 *sale/sale11.ans*。
该样例满足测试点 24, 25 的约束条件。

【数据范围】

设 N 为单个测试点内所有测试数据的 n 的和。对于所有测试数据，均有：

- $1 \leq t \leq 5 \times 10^4$;
- $1 \leq n \leq 5,000$, $N \leq 5 \times 10^4$, $1 \leq m \leq 2n - 1$;
- 对于所有 $1 \leq i \leq n$, 均有 $1 \leq a_i \leq 10^9$ 。

测试点编号	$n \leq$	$N \leq$	m	特殊性质
1 ~ 3	5	5,000	$\leq 2n - 1$	无
4, 5	10			
6	40			
7 ~ 9	300		$= 2$	
10 ~ 12			$\leq 2n - 1$	B
13				
14, 15	10^3	10^4	$= 2$	无
16			$= 2n - 1$	
17			$= 2n - 2$	
18			$\leq 2n - 1$	A
19, 20				B
21 ~ 23				
24, 25	5,000	5×10^4		无

特殊性质 A: $a_1 = a_2 = \cdots = a_n$ 。

特殊性质 B: 对于所有 $1 \leq i \leq n$, 均有 $a_i > 5 \times 10^8$ 。

树的价值 (tree)

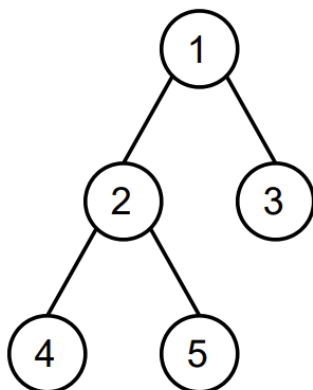
【题目描述】

给定一棵 n 个结点的有根树，其中结点 1 为根，结点 i ($2 \leq i \leq n$) 的父亲结点为结点 p_i 。

对于 $1 \leq i \leq n$ ，定义结点 i 的**深度** d_i 为结点 1 到结点 i 的简单路径的**边数**，也就是说， $d_1 = 0$ ， $d_i = d_{p_i} + 1$ ($2 \leq i \leq n$)。定义有根树的**高度** h 为所有结点的**深度**的**最大值**，即 $h = \max_{i=1}^n d_i$ 。

给定高度的上界 m 。在本题中，给定的有根树的高度不超过 m 。

你需要给每个结点设置一个**非负整数**作为它的**权值**。对于 $1 \leq i \leq n$ ，若结点 i 的权值为 a_i ，令 S_i 表示结点 i 的**子树**中结点权值构成的集合。对于每一种权值设置方案，定义树的**价值**为 $\sum_{i=1}^n \text{mex}(S_i)$ ，其中 $\text{mex}(S)$ 表示**不在集合 S 中的最小非负整数**。例如，在下图中，若设置 $a_1 = 3$ ， $a_2 = 2$ ， $a_3 = a_4 = 0$ ， $a_5 = 1$ ，则 $S_1 = \{0, 1, 2, 3\}$ ， $S_2 = \{0, 1, 2\}$ ， $S_3 = \{0\}$ ， $S_4 = \{0\}$ ， $S_5 = \{1\}$ ，树的价值为 $4 + 3 + 1 + 1 + 0 = 9$ 。



洛谷

你要求出，在所有权值设置方案中，树的价值最大值。

【输入格式】

本题包含多组测试数据。

输入的第一行包含一个正整数 t ，表示测试数据组数。

接下来依次输入每组测试数据，对于每组测试数据：

- 第一行包含两个正整数 n, m ，分别表示结点数量与高度的上界。
- 第二行包含 $n - 1$ 个正整数 p_2, p_3, \dots, p_n ，分别表示每个结点的父亲结点。

【输出格式】

对于每组测试数据，输出一行一个非负整数，表示树的价值最大值。

【样例 1 输入】

```
1 2
2 5 2
3 1 1 2 2
4 7 2
5 1 1 2 2 2 3
```

【样例 1 输出】

```
1 9
2 13
```

【样例 1 解释】

该样例共包含两组测试数据。

对于第一组测试数据，可以设置 $a_1 = 3$, $a_2 = 2$, $a_3 = a_4 = 0$, $a_5 = 1$, 则树的价值为 $4 + 3 + 1 + 1 + 0 = 9$ 。

对于第二组测试数据，可以设置 $a_1 = 4$, $a_2 = 3$, $a_4 = 2$, $a_3 = a_6 = 1$, $a_5 = a_7 = 0$, 则树的价值为 $5 + 4 + 2 + 0 + 1 + 0 + 1 = 13$ 。

【样例 2】

见选手目录下的 *tree/tree2.in* 与 *tree/tree2.ans*。

该样例满足测试点 3,4 的约束条件。

【样例 3】

见选手目录下的 *tree/tree3.in* 与 *tree/tree3.ans*。

该样例满足测试点 7,8 的约束条件。

【样例 4】

见选手目录下的 *tree/tree4.in* 与 *tree/tree4.ans*。

该样例满足测试点 13,14 的约束条件。

【样例 5】

见选手目录下的 *tree/tree5.in* 与 *tree/tree5.ans*。

该样例满足测试点 18,19 的约束条件。

【数据范围】

对于所有测试数据，均有：

- $1 \leq t \leq 5$;
- $2 \leq n \leq 8,000, 1 \leq m \leq \min(n - 1, 800)$;
- 对于所有 $2 \leq i \leq n$ ，均有 $1 \leq p_i \leq i - 1$;
- 给定的有根树的高度不超过 m 。

测试点编号	$n \leq$	$m \leq$
1, 2	7	$n - 1$
3, 4	13	
5, 6	18	
7, 8	40	
9, 10	120	
11, 12	360	
13, 14	4, 000	2
15 ~ 17		10
18, 19		50
20 ~ 25		800

序列询问 (query)

【题目描述】

给定一个长度为 n 的整数序列 a_1, a_2, \dots, a_n 。

有 q 次询问，其中第 j ($1 \leq j \leq q$) 次询问将会给出 L_j, R_j ($1 \leq L_j \leq R_j \leq n$)。定义区间 $[l, r]$ ($1 \leq l \leq r \leq n$) 是**极好的**，当且仅当区间 $[l, r]$ 的长度在 $[L_j, R_j]$ 内，即 $L_j \leq r - l + 1 \leq R_j$ 。定义区间 $[l, r]$ ($1 \leq l \leq r \leq n$) 的**权值**为 $\sum_{i=l}^r a_i$ 。对于所有 $i = 1, 2, \dots, n$ ，求出所有**包含** i 的极好区间的最大权值，即 $\max_{1 \leq l \leq i \leq r \leq n} \{\sum_{i=l}^r a_i \mid L_j \leq r - l + 1 \leq R_j\}$ 。

【输入格式】

输入的第一行包含一个正整数 n ，表示序列长度。

输入的第二行包含 n 个整数 a_1, a_2, \dots, a_n 。

输入的第三行包含一个正整数 q ，表示询问次数。

输入的第 $j + 3$ ($1 \leq j \leq q$) 行包含两个正整数 L_j, R_j ，表示第 j 次询问。

【输出格式】

对于每次询问，设包含 i ($1 \leq i \leq n$) 的极好区间的最大权值为 k_i ，输出一行一个非负整数，表示 $\bigoplus_{i=1}^n ((i \times k_i) \bmod 2^{64})$ ，其中 \oplus 表示**二进制按位异或**。注意：对于任意**整数** x ，存在**唯一的非负整数** x' 满足 $x' \equiv x \pmod{2^{64}}$ 且 $0 \leq x' \leq 2^{64} - 1$ ，则记 $x \bmod 2^{64} = x'$ 。

【样例 1 输入】

```
1 4
2 2 4 -5 1
3 3
4 1 2
5 3 4
6 1 4
```

【样例 1 输出】

```
1 18446744073709551603
2 8
3 4
```

【样例 1 解释】

对于第 1 次询问：

- 包含 1 的极好区间为 $[1, 1]$ 和 $[1, 2]$ ，权值分别为 2, 6；
- 包含 2 的极好区间为 $[1, 2]$ ， $[2, 2]$ 和 $[2, 3]$ ，权值分别为 6, 4, -1；
- 包含 3 的极好区间为 $[2, 3]$ ， $[3, 3]$ 和 $[3, 4]$ ，权值分别为 -1, -5, -4；
- 包含 4 的极好区间为 $[3, 4]$ 和 $[4, 4]$ ，权值分别为 -4, 1。

因此 $k_1 = 6$ ， $k_2 = 6$ ， $k_3 = -1$ ， $k_4 = 1$ 。

对于第 2 次询问， $k_1 = 2$ ， $k_2 = 2$ ， $k_3 = 2$ ， $k_4 = 2$ 。

对于第 3 次询问， $k_1 = 6$ ， $k_2 = 6$ ， $k_3 = 2$ ， $k_4 = 2$ 。

【样例 2】

见选手目录下的 *query/query2.in* 与 *query/query2.ans*。

该样例满足测试点 2, 3 的约束条件。

【样例 3】

见选手目录下的 *query/query3.in* 与 *query/query3.ans*。

该样例满足测试点 4 的约束条件。

【样例 4】

见选手目录下的 *query/query4.in* 与 *query/query4.ans*。

该样例满足测试点 6, 7 的约束条件。

【样例 5】

见选手目录下的 *query/query5.in* 与 *query/query5.ans*。

该样例满足测试点 8 ~ 10 的约束条件。

【样例 6】

见选手目录下的 *query/query6.in* 与 *query/query6.ans*。

该样例满足测试点 11,12 的约束条件。

【样例 7】

见选手目录下的 `query/query7.in` 与 `query/query7.ans`。
该样例满足测试点 13 的约束条件。

【样例 8】

见选手目录下的 `query/query8.in` 与 `query/query8.ans`。
该样例满足测试点 16 ~ 20 的约束条件。

【数据范围】

- 对于所有测试数据，均有：
- $1 \leq n \leq 5 \times 10^4$, $1 \leq q \leq 1,024$;
 - 对于所有 $1 \leq i \leq n$, 均有 $|a_i| \leq 10^5$;
 - 对于所有 $1 \leq j \leq q$, 均有 $1 \leq L_j \leq R_j \leq n$ 。

测试点编号	$n \leq$	$q \leq$	特殊性质
1	10^3	1	无
2, 3	3,000	50	
4	10^4	128	
5	3×10^4	512	
6, 7	5×10^4	1,024	A
8 ~ 10		512	B
11, 12			C
13		1,024	D
14, 15			E
16 ~ 20			无

- 特殊性质 A：对于所有 $1 \leq j \leq q$, 均有 $L_j = R_j$ 。
- 特殊性质 B：对于所有 $1 \leq j \leq q$, 均有 $R_j \leq 32$ 。
- 特殊性质 C：对于所有 $1 \leq j \leq q$, 均有 $L_j \leq 16$ 且 $R_j \geq n - 1000$ 。
- 特殊性质 D：对于所有 $1 \leq j \leq q$, 均有 $L_j > n/2$ 。
- 特殊性质 E：对于所有 $1 \leq j \leq q$, 均有 $L_j > n/4$ 。