

算法基础

郭炜 微博 http://weibo.com/guoweiofpku

http://blog.sina.com.cn/u/3266490431

刘家瑛 微博 http://weibo.com/pkuliujiaying



深度优先搜索

生日蛋糕

生日蛋糕(P0J1190)

要制作一个体积为N π 的M层生日蛋糕,每层都是一个圆柱体。设从下往上数第i (1 <= i <= M) 层蛋糕是半径为 R_i ,高度为 H_i 的圆柱。当i < M 时,要求 R_i > R_{i+1} $\mathbb{1}$ $\mathbb{1}$ $\mathbb{1}$ + $\mathbb{1}$ $\mathbb{1}$ $\mathbb{1}$ + $\mathbb{1}$ $\mathbb{$

由于要在蛋糕上抹奶油,为尽可能节约经费,我们希望蛋糕外表面(最下一层的下底面除外)的面积Q最小。

请编程对给出的N和M,找出蛋糕的制作方案(适当的Ri和Hi的值),使S最小。(除Q外,以上所有数据皆为正整数)

解题思路

●深度优先搜索, 枚举每一层可能的高度和半径。

解题思路

- ●深度优先搜索, 枚举每一层可能的高度和半径。
- ●确定搜索范围:底层蛋糕的最大可能半径和最大可能高度

解题思路

- ●深度优先搜索, 枚举每一层可能的高度和半径。
- ●确定搜索范围:底层蛋糕的最大可能半径和最大可能高度

●搜索顺序:

The possibility is small

从底层往上搭蛋糕,而不是从顶层往下搭 在同一层进行尝试的时候,半径和高度都是从大到小试

●剪枝1: 搭建过程中发现面积超过已经求得的最优表面积, 则停止搭建

- ●剪枝1: 搭建过程中发现面积超过已经求得的最优表面积, 则停止搭建
- ●剪枝2: 搭建过程中预见到再往上搭,高度已经无法安排,或者半径已 经无法安排,则停止搭建

- ●剪枝1: 搭建过程中发现面积超过已经求得的最优表面积, 则停止搭建
- ●剪枝2: 搭建过程中预见到再往上搭,高度已经无法安排,或者半径已 经无法安排,则停止搭建
- ●剪枝3: 搭建过程中发现还没搭的那些层的体积, 一定会超过还缺的体积, 则停止搭建

- ●剪枝1: 搭建过程中发现面积超过已经求得的最优表面积, 则停止搭建
- ●剪枝2: 搭建过程中预见到再往上搭,高度已经无法安排,或者半径已 经无法安排,则停止搭建
- ●剪枝3: 搭建过程中发现还没搭的那些层的体积,一定会超过还缺的体积,则停止搭建
- ●剪枝4: 搭建过程中发现还没搭的那些层的体积, 最大也到不了还缺的体积, 则停止搭建

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <cstring>
#include <cmath>
using namespace std;
int N,M;
int minArea = 1 << 30; //最优表面积
int area = 0; //正在搭建中的蛋糕的表面积
int minV[30]; // minV[n]表示n层蛋糕最少的体积
int minA[30]; // minA[n]表示n层蛋糕的最少侧表面积
int main()
       cin >> N >> M ;//M层蛋糕, 体积N
       minV[0] = 0;
       minA[0] = 0;
       for( int i = 1; i \le M; ++ i) {
               minV[i] = minV[i-1] + i * i * i; //第i层半径至少i,高度至少
               minA[i] = minA[i-1] + 2 * i * i;
       if ( minV[M] > N )
               cout << 0 << endl;
```

```
else {
       int maxH = (N - minV[M-1])/(M*M) + 1;//底层最大高度
       //最底层体积不超过 (N-minV[M-1]),且半径至少M
       int maxR = sqrt(double(N-minV[M-1])/M) + 1;//底层高度至少M
       area = 0;
       minArea = 1 \ll 30;
       Dfs( N,M,maxR,maxH);
       if ( minArea == 1 << 30)
              cout << 0 << endl;
       else
              cout << minArea << endl;</pre>
```

```
void Dfs(int v, int n,int r,int h)
//要用n层去凑体积v,最底层半径不能超过r,高度不能超过h
//求出最小表面积放入 minArea
      if(n == 0)
             if( v ) return;
             else {
                    minArea = min(minArea, area);
                     return;
             }
       if(v \le 0)
              return ;
       if( minV[n] > v ) //剪枝3
              return ;
       if( area + minA[n] >= minArea) //剪枝1
              return ;
       if(h < n | | r < n ) //剪枝2
              return ;
```

```
if ( MaxVforNRH(n,r,h) < v ) //剪枝4
//这个剪枝最强!没有的话,5秒都超时,有的话,10ms过!
      return;
//for( int rr = n; rr <= r; ++ rr ) { 这种写法比从大到小慢5倍
for( int rr = r; rr >=n; -- rr ) {
      77从大到小快! 这边大了,内部的循环可选择范围就少了
      1/符合先做选择步骤少的思路
      if( n == M ) //底面积
             area = rr * rr;
      for( int hh = h; hh >= n ; --hh ) {
             area += 2 * rr * hh;
             Dfs(v-rr*rr*hh,n-1,rr-1,hh-1);
             area -= 2 * rr * hh;
```

```
int MaxVforNRH(int n, int r, int h)
{    //求在n层蛋糕,底层最大半径r,最高高度h的情况下,能凑出来的最大体积    int v = 0;
    for( int i = 0; i < n; ++ i )
        v += (r - i) * (r-i) * (h-i);
    return v;
}</pre>
```