

แบบฝึกหัดการเขียนโปรแกรม ค่ายติวเข้มผู้แทนศูนย์รุ่น 16 โดยพี่พีท~ ชุดที่ 2 Fenwick tree จำนวน 10 ข้อ โจทย์พี่พีทมีลิขสิทธิ์ ห้ามนำส่วนหนึ่งส่วนใดไปดัดแปลง หรือ ใช้งานต่อ โดยเด็ดขาด หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)

ที่	เนื้อหา	โจทย์
1.	Fenwick tree จำนวน 3 ข้อ	1. ครองทับทิมแดง (Get_Ruby)
		2. จัดการเรื่องน้ำ (Manage_Water)
		3. โยโย่ลำแสง (Yoyo)
2.	Sweep line algorithm จำนวน 5 ข้อ	4. แม่เหล็ก (Magnet YTOPC)
		5. อ้าโอ้ (RO)
		6. แฟลชกิ้งก่า (FC_Iguana)
		7. รัชจ้างเพื่อน (RT_Hire Friend)
		8. นมโรงเรียนบูด (48_Milk spoiled)
3.	โจทย์กันลืม จำนวน 2 ข้อ	9. คู่ตัวเลขเด่น (Pair)
		10. ภาพถ่ายอวกาศแบบหัวงลึก (Space TOI14)



1. เรื่อง Fenwick Tree จำนวน 3 ข้อ

1. ครองทับทิมแดง (Get_Ruby)

ที่มา: ข้อหก EOIC#9 PeaTT~

ในที่สุด โงคูก็สามารถเข้าร่วมกองทัพสุดยิ่งใหญ่ได้สำเร็จ เขาจึงมีสิทธิ์เข้าร่วมสงครามครอบครองทับทิมแดง ทับทิมแดง เป็นอัญมณีเลิศค่าหาที่เปรียบใดในสังสารวัฏไม่ได้อีกแล้ว (เว่อร์!!) ผู้คนมากมายต่างต้องการจะแย่งชิงมัน คุณก็เช่นกัน

สงครามครอบครองทับทิมแดง เป็นสงครามที่เล่นอยู่บนสนามเส้นตรงที่มี N ช่อง (ช่องที่ 1 ถึง N) โดยผู้เล่นแต่ละคน จะต้องหาทับทิมแดงที่ฝังอยู่ในสนามแห่งนี้ โดยที่เริ่มแรกสนามว่างเปล่าไม่มีอะไรเลย มีการดำเนินการได้สองรูปแบบ ได้แก่

- * Bury A B หมายความว่า ฝังทับทิมแดงมูลค่า A ลงในช่อง B โดยที่ -1000 <= A <= 1000 และ B <= N
- * Find C D หมายความว่า ตั้งแต่ช่อง C ถึง D มีมูลค่าทับทิมแดงรวมเป็นเท่าไหร่ โดยที่ 1 <= C <= D <= N

จะเห็นว่าทับทิมแดงมีมูลค่าติดลบได้ เพราะว่าทับทิมแดงชิ้นนั้นมีค่าดัชนีหักเหต่ำซึ่งไม่เพียงพอต่อการสะท้อนกลับหมด ของแสง ทำให้ไม่เห็นความวาวของอัญมณีและไม่มีมูลค่านั่นเอง (แถได้ ^^) จงเขียนโปรแกรมเพื่อจัดการสงครามนี้ซะ

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรก จำนวนเต็มบวก N M ระบุช่องและจำนวนคำสั่งตามลำดับ โดยที่ N, M ไม่เกิน 750,000 อีก M บรรทัดต่อมา ระบุการดำเนินการของสงครามตามรูปแบบที่ได้อธิบายไป 40% ของชุดข้อมูลทดสอบ มี N, M ไม่เกิน 10,000

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

ทุกๆครั้งที่ Find ให้ตอบมูลค่ารวมของทับทิมแดงในช่วง C ถึง D

<u>ตัวอย่าง</u>

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
10 5	15
Bury 5 5	30
Bury 10 7	
Find 3 7	
Bury 20 8	
Find 6 10	

คำอธิบายตัวอย่าง

มี 10 ช่อง 5 การดำเนินการ

การดำเนินการ	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	คำอธิบาย
เริ่มต้น	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	เริ่มต้นมูลค่าทุกช่องเป็น 0
Bury 5 5	0	0	0	0	5	0	0	0	0	0	ฝังทับทิมแดงมูลค่า 5 ลงไปในช่องที่ 5
Bury 10 7	0	0	0	0	5	0	10	0	0	0	ฝังทับทิมแดงมูลค่า 10 ลงไปในช่องที่ 7
Find 3 7	0	0	0	0	5	0	10	0	0	0	รวมค่าทับทิมแดงช่องที่ 3 ถึง 7 ได้ 15
Bury 20 8	0	0	0	0	5	0	10	20	0	0	ฝังทับทิมแดงมูลค่า 20 ลงไปในช่องที่ 8



ชุดที่ 2 Fenwick tree อ.อัครพนธ์ วัชรพลากร

Find 6 10	0	0	0	0	5	0	10	20	0	0	รวมค่าทับทิมแดงช่องที่ 6 ถึง 10 ได้ 30
-----------	---	---	---	---	---	---	----	----	---	---	--

++++++++++++++++

2. จัดการเรื่องน้ำ (Manage_Water)

ที่มา: ข้อสี่ EOIC#11 PeaTT~

ในที่สุดก็สามารถเพาะเมล็ดในสวนขนาด N x N เสร็จแล้วซึ่งมีมูลค่าเริ่มต้น U สิ่งต่อไปคือการรดน้ำ การรดน้ำครั้งนี้ โยโย่ ได้ซื้อเครื่องรดน้ำรุ่นใหม่ล่าสุดมาใช้ในการรดน้ำ ได้แก่ รุ่น xyz-123

เริ่มต้นจะเปิดใช้เครื่อง และ หากรับคำสั่งรดน้ำที่ช่อง (X, Y) เครื่องรดน้ำก็จะเพิ่มมูลค่า C ลงไปในพื้นที่นั้นทันที และ หาก รับพิกัด X1 Y1 X2 Y2 เครื่องรดน้ำก็จะแสดงผลรวมพืชจากพิกัด (X1, Y1) ถึงพิกัด (X2, Y2) ออกมาได้ทันที จงเขียนโปรแกรมเพื่อจัดการเรื่องน้ำ

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

ระบุคำสั่งซึ่งเป็นไปได้ดังนี้

- * 0 N หมายความว่า เริ่มใช้เครื่อง และ N ไม่เกิน 2,000
- * 1 X Y C หมายความว่า โยโย่สั่งรดน้ำที่พิกัด (X, Y) ทำให้มูลค่าพืชเพิ่มขึ้น C โดยที่ C เก็บได้ใน int
- * 2 X1 Y1 X2 Y2 หมายความว่า โยโย่ถามผลรวมพืชจากพิกัด (X1, Y1) ถึงพิกัด (X2, Y2)
- * 3 หมายความว่า จบการทำงาน

โดยคำสั่งทั้งหมดจะมีไม่เกิน 100,000 คำสั่ง

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

แสดงผลรวมของมูลค่าพืชจากคำสั่งที่ 2 ทั้งหมดออกมา

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
0 4	3
1 1 2 3	4
2 0 0 2 2	
1 1 1 2	
1 1 2 -1	
2 1 1 2 3	
3	

+++++++++++++++++

3. โยโย่ลำแสง (Yoyo)

_____ ที่มา: ข้อแปด EOIC#10 PeaTT~

อาณาจักรพีทแลนด์ที่เดิม มีลานกว้างแห่งหนึ่งเรียกว่าลานยิงโยโย่ลำแสง ลานยิงโยโย่ลำแสงนี้เป็นลานเส้นตรงยาว N ช่อง (ช่องที่ 1 ถึง N) โดยตอนแรกทุกช่องมีค่าความสว่างเป็น 0 ทั้งหมด



ชุดที่ 2 Fenwick tree อ.อัครพนธ์ วัชรพลากร

การเล่นเกมโยโย่ลำแสงนี้ ผู้เล่นจะยิงโยโย่ลำแสงลงบนพื้นกวาดช่องในแนวราบที่อยู่ติด ๆ กัน แล้วโยโย่ลำแสงจะปล่อย ลำแสงที่มีค่าความสว่าง P แคนเดลลาลงบนพื้นในทุก ๆ ตำแหน่งที่โยโย่ลำแสงนั้นได้กวาดผ่าน มีการดำเนินการได้สองรูปแบบ ได้แก่

- * Yoyo A B C หมายความว่า ยิงโยโย่ลำแสงที่มีค่าความสว่าง A ลงบนพื้นตั้งแต่ช่อง B ไปทุกๆช่องที่อยู่ติดกันจนถึงช่อง C โดยที่ -1000 <= A <= 1000 และ B, C <= N
 - * Ask D หมายความว่า อยากทราบว่าช่อง D มีค่าความสว่างเท่าไหร่? จงเขียนโปรแกรมเพื่อจัดการเกมโยโย่ลำแสงนี้

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรก จำนวนเต็มบวก N M ระบุจำนวนช่องและจำนวนคำสั่งตามลำดับ โดยที่ N, M ไม่เกิน 500,000 อีก M บรรทัดต่อมา ระบุการดำเนินการของเกมตามรูปแบบที่ได้อธิบายไป

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

ทุก ๆ ครั้งที่ Ask ให้ตอบค่าความสว่างของช่อง D

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
7 6	25
Yoyo 10 4 7	30
Yoyo 15 1 5	10
Ask 4	
Yoyo 5 3 6	
Ask 5	
Ask 7	

คำอธิบายตัวอย่าง

มี 7 ช่อง 6 การดำเนินการ ได้แก่

การดำเนินการ	1	2	3	4	5	6	7	คำอธิบาย
เริ่มต้น	0	0	0	0	0	0	0	เริ่มต้นมูลค่าทุกช่องเป็น 0
Yoyo 10 4 7	0	0	0	10	10	10	10	ยิงโยโย่ลำแสงมูลค่า 10 ลงช่อง 4 ถึง 7
Yoyo 15 1 5	15	15	15	25	25	10	10	ยิงโยโย่ลำแสงมูลค่า 15 ลงช่อง 1 ถึง 5
Ask 4	15	15	15	25	25	10	10	ถามค่าช่อง 4 ตอบ 25
Yoyo 5 3 6	15	15	20	30	30	15	10	ยิงโยโย่ลำแสงมูลค่า 5 ลงช่อง 3 ถึง 6
Ask 5	15	15	20	30	30	15	10	ถามค่าช่อง 5 ตอบ 30
Ask 7	15	15	20	30	30	15	10	ถามค่าช่อง 7 ตอบ 10

+++++++++++++++++



2. เรื่อง Sweep line algorithm จำนวน 5 ข้อ

4. แม่เหล็ก (Magnet YTOPC)

มหาวิทยาลัยชื่อดังแห่งหนึ่งได้คิดค้นเครื่องสลายพลังแม่เหล็กขึ้น เมื่อนำแม่เหล็กใด ๆ เข้าไปในเครื่องสลายพลังนี้แล้ว แม่เหล็กเหล่านั้นจะสูญเสียพลังแม่เหล็กไปชั่วขณะหนึ่ง จนกว่าจะหยุดการทำงานของเครื่องสลายพลัง นอกจากนี้ศาสตราจารย์ เอ็กซ์ยังได้สร้างแขนกลพลังลมเพื่อใช้ในการพลิกแม่เหล็กไปมา เพื่อใช้ในการพลิกแม่เหล็กเพื่อทดสอบภายในเครื่องสลายพลังนี้อีก ด้วย

เริ่มต้นมีแม่เหล็กทั้งสิ้น N ขึ้นวางเป็นแถวในแนวตั้ง ภายในเครื่องสลายพลังแม่เหล็ก โดยแม่เหล็กแผ่นบนสุดจะเรียกว่า แผ่นที่ 1 และเรียกแผ่นล่างสุดเรียกว่าแผ่นที่ N กำหนดให้ แม่เหล็กแต่ละชิ้นมีลักษณะเป็นแผ่น โดยด้านหนึ่งของแผ่นแม่เหล็กจะ เป็นขั้วเหนือและอีกด้านหนึ่งของแผ่นจะเป็นขั้วใต้ ขณะเริ่มต้นแม่เหล็กทุกชิ้นหันด้านขั้ว เหนือขึ้นด้านบน ดังแสดงในรูป 1 ก) ต่อมาศาสตราจารย์เอ็กซ์โด้พลิกแม่เหล็กไปมาด้วยความสนุกสนานสักพักหนึ่ง จากนั้นศาสตราจารย์เอ็กซ์ก็จะปิดการทำงานของ เครื่องสลายพลังแม่เหล็ก เมื่อเครื่องสลายพลังหยุดทำงาน แม่เหล็กที่วางตัวเรียงกันอยู่นั้นก็จะเริ่มมีพลังแม่เหล็กอีกครั้ง ทำให้เกิด แรงดึงดูดกันและแรงผลักระหว่างแม่เหล็กที่ติดกันอีกครั้ง งานของคุณคือหาว่าเมื่อคุณหยิบแม่เหล็กชิ้นหนึ่งออกมาจะมีแม่เหล็ก ทั้งหมดติดออกมากี่อัน (แม่เหล็กที่อยู่ติดกันและดึงดูดกันจะติดกันออกมาทั้งหมด หมายเหตุ: แม่เหล็กต่างขั้วกันจะดึงดูดกัน)

สำหรับการสั่งให้แขนกลพลังลมทำการพลิกแม่เหล็กนั้น ศาสตราจารย์เอ็กซ์ได้ออกแบบไว้ดังนี้คือ เราสามารถสั่งให้แขนกล พลิกแม่เหล็กจากแผ่นที่ a ไปจำนวน k แผ่นได้ โดยจะทำให้แม่เหล็กทุกแผ่นตั้งแต่แผ่นที่ a จนถึงแผ่นที่ a + k - 1 ถูกพลิก ซึ่งมีผล คือแผ่นแม่เหล็กที่เคยหันขั้วเหนือขึ้นด้านบนก็จะหันขั้วใต้ขึ้นด้านบนแทน และแม่เหล็กแผ่นที่หันขั้วใต้ขึ้นด้านบนก็จะกลับมาหัน ด้านเหนือขึ้นด้านบนแทน และทำนองเดียวกันในกรณีกลับกัน นอกจากนี้การพลิกแม่เหล็กจะไม่ทำให้ตำแหน่งของแม่เหล็ก เปลี่ยนไป

ตัวอย่างการการพลิกแม่เหล็กสามารถแสดงได้ดังรูปที่ 1 สมมติให้มีแม่เหล็กทั้งสิ้น 10 แผ่น และศาสตราจารย์เอ็กซ์ได้สั่งให้ แขนกลพลังลมพลิกแม่เหล็กนี้ทั้งสิ้น 3 ครั้ง โดยครั้งที่ 1 จะพลิกแม่เหล็กจำนวน 4 แผ่นเริ่มต้นจากแผ่นที่ 2, ครั้งที่ 2 พลิกแม่เหล็ก จำนวน 5 แผ่นเริ่มต้นจากแผ่นที่ 4, และครั้งสุดท้ายพลิกแม่เหล็กเริ่มต้นจากแผ่นที่ 3 เป็นจำนวน 7 แผ่น

1	1	1	1
2	2	2	2
3	3	3	3
4	4	4	4
5	5	5	5
6	6	6	6
7	7	7	7
8	8	8	8
9	9	9	9
ก) เริ่มต้นแม่เหล็ก	ข) เมื่อพลิกแม่เหล็ก	ค) เมื่อพลิกแม่เหล็ก	ง) เมื่อพลิกแม่เหล็ก
10 ชิ้นหันขั้นเหนือ	4 ชิ้นโดยเริ่มต้นจาก	5 ชิ้นโดยเริ่มต้นจาก	7 ชิ้นโดยเริ่มต้นจาก
ขึ้นด้านบน	แผ่นที่ 2	แผ่นที่ 5	แผ่นที่ 3

รูปที่ 1 : ตัวอย่างการพลิกตัวของแม่เหล็กภายในเครื่องสลายพลัง



ชุดที่ 2 Fenwick tree อ.อัครพนธ์ วัชรพลากร

<u>งานของคุณ</u>

หน้าที่ของคุณคือ ให้หาว่าเมื่อหยุดการทำงานของเครื่องสลายพลังแม่เหล็ก ภายหลังจากการพลิกแม่เหล็กไปมาแล้วนั้น ถ้า ต้องการหยิบแม่เหล็กขึ้นมาแผ่นหนึ่งจะมีแม่เหล็กที่ติดกับมันออกมาด้วยกี่ชิ้น

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรก รับจำนวนเต็ม 3 จำนวน คือ จำนวนแม่เหล็กทั้งหมด N (1 <= N <=100,000,000), จำนวนครั้งที่พลิก M (1 <= M <= 100,000) และจำนวนคำถาม Q (1 <= Q <= 100,000)

ต่อมาอีก M บรรทัด จะรับข้อมูลการพลิกแม่เหล็ก กล่าวคือ บรรทัดที่ 1+i จะเป็นข้อมูลการพลิกแม่เหล็กครั้งที่ i โดยแต่ละ บรรทัดจะรับข้อมูลจำนวนเต็มสองจำนวน ได้แก่ ตำแหน่งเริ่มต้นของแม่เหล็กที่จะพลิก a (1 <= a <= N) และจำนวนชิ้นของ แม่เหล็กที่พลิก k (1 <= k <= N) ทั้งนี้ รับประกันว่าจะไม่พลิกแม่เหล็กเกินขอบเขตที่เป็นไปได้ กล่าวคือ รับประกันว่า 1 <= a+k-1

ต่อมาอีก Q บรรทัด จะรับข้อมูลคำถาม กล่าวคือในบรรทัดที่ 1+M+i จะรับข้อมูล คำถามที่ i โดยในแต่ละบรรทัดจะรับ ข้อมูลตัวเลขเพียงจำนวนเดียว x (1 <= x <= N) ที่แสดงถึงหมายเลขของแม่เหล็กที่ต้องการถาม

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

ให้แสดงคำตอบทั้งสิ้น Q บรรทัด โดยข้อมูลในแต่ละบรรทัดให้แสดงจำนวนของแม่เหล็กทั้งหมดที่จะถูกหยิบออกมาเมื่อคุณ หยิบแม่เหล็กแผ่นที่ถาม

<u>ตัวอย่าง</u>

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
10 3 2	3
2 4	2
4 5	
3 7	
7	
5	

+++++++++++++++++

5. อ้าโอ้ (RO)

. ที่มา: ข้อสามสิบสอง Blast Programming Contest 2014 ติวผู้แทนคูนย์รุ่น10 PeaTT~

คุณเล่นเกมกับเพื่อนของคุณ โดยเกมของคุณนั้นมีกฎอันแสน ปญอ (ปัญญาอ่อน) คือเพื่อนของคุณจะร้องคำว่า "อ้า" และ "โอ้" ไปเรื่อยๆ แล้วคุณจะต้องตอบให้ได้ว่า ช่วงติดกันที่ยาวที่สุดที่มีจำนวนคำว่า "โอ้" มีจำนวนเป็น k เท่าของจำนวนคำว่า "อ้า" มี ความยาวเท่าใด

ตัวอย่างประกอบ สมมติว่าเพื่อนของคุณร้องว่า "อ้า" "โอ้" "อ้า" "โอ้" "โอ้า" "โอ้" "โอ้า" "โอ้" "โอ้

คุณจะพบว่าช่วง "โอ้" "โอ้" "อ้า" "โอ้" "อ้า" "โอ้" "โอ้" "โอ้" มีจำนวนคำว่า "โอ้" 6 ครั้งและ "อ้า" 2 ครั้ง ซึ่งถูกต้องตาม หลักเกณฑ์และเป็นช่วงที่ยาวที่สุด ดังนั้นคำตอบของกรณีนี้จึงเป็น 8 เพราะช่วง "โอ้" "โอ้



ชุดที่ 2 Fenwick tree อ.อัครพนธ์ วัชรพลากร

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรกประกอบด้วยจำนวนนับ n และ k (1 <= n <= 1000 000, 2 <= k <= n)

บรรทัดถัดมาประกอบด้วยสตริงยาว n โดยตัวอักษรแต่ละตัวจะแสดงคำที่เพื่อนของคุณพูดตามลำดับ ซึ่ง 'R' จะแทนคำว่า "อ้า" และ 'O' จะแทนคำว่า "โอ้"

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

บรรทัดเดียว แสดงความยาวของช่วงที่ติดกันที่ยาวที่สุดที่มีจำนวนคำว่า "โอ้" มีจำนวนเป็น k เท่าของจำนวนคำว่า "อ้า"

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
15 3	8
RORROOROORO	
17 3	12
OROOOOROOOORRRR	

+++++++++++++++

6. แฟลชกิ้งก่า (FC_Iguana)

ที่มา: ข้อแปด Flash Contest 2017 โจทย์สำหรับติวผู้แทนศูนย์ สอวน. คอมพิวเตอร์ ม.บูรพา รุ่น13

พีทอิโงะเป็นเจ้าของสวนสัตว์ที่มีกิ้งก่าชนิดประหลาดหายากนำเข้าอยู่ N ตัว อยู่ใน N กรงที่วางเรียงกัน ถ้าเกิดว่ามีคนเอา นิ้วไปจิ้มกิ้งก่าชนิดนี้ มันจะเปลี่ยนสีทันที และอาหารที่มันอยากกินก็จะเปลี่ยนไปตามสีของมันด้วย

กิ้งก่ามีสีที่เป็นไปได้สามสี คือ แดง เขียว และ น้ำเงิน กิ้งก่าสีแดงจะเปลี่ยนสีเป็นสีเขียวเมื่อถูกจิ้ม สีเขียวจะเปลี่ยนเป็นสีน้ำ เงิน และสีน้ำเงินจะเปลี่ยนเป็นสีแดง เริ่มต้นกิ้งก่าทุกตัวเป็นสีแดง

เนื่องจากมีกิ้งก่าหิวโซตัวหนึ่งคาบกุญแจของพีทอิโงะไปกิน ทำให้เขาไม่ได้ล็อกกรง เมื่อวานนี้ มีเด็กมือบอน M คนเข้ามา คนที่ i เดินจิ้มกิ้งก่าตั้งแต่ตัวละ A_i ถึงตัวที่ B_i ตัวละหนึ่งครั้ง จนกิ้งก่าเปลี่ยนสีมั่วไปหมด

และเนื่องจากมีกิ้งก่าตัวหนึ่งป่วนพีทอิโงะตอนกำลังสั่งอาหาร ทำให้อาหารทั้งหมดที่สั่งมานั้นกลายเป็นอาหารสำหรับกิ้งก่า สีเดียว ซึ่งเขาจะเปลี่ยนก็ไม่ทันแล้ว จึงอยากทราบว่า พีทอิโงะจะต้องไปจิ้มกิ้งก่าอย่างน้อยกี่ครั้ง เพื่อให้กิ้งก่าทุกตัวสามารถกิน อาหารที่สั่งมาได้

<u>งานของคุณ</u>

จงเขียนโปรแกรมรับจำนวนกิ้งก่า การจิ้มกิ้งก่าของเด็ก และอาหารสีที่คุณสั่งมา แล้วตอบว่าพีทอิโงะต้องจิ้มกิ้งก่าอย่างน้อย กี่ครั้ง เพื่อให้ทุกตัวสีเดียวกับอาหารนั้น

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรกมีจำนวนเต็มบวกสองจำนวน N, M (1 <= N <= 100,000,000, 0 <= M <= 100,000)

บรรทัดถัดไป M บรรทัด มีจำนวนเต็มบวกสองจำนวน A_i, B_i (1 <= Ai <= Bi <= N) เป็นการบอกว่า เด็กมือบอนแต่ละ คนจิ้มกิ้งก่าตั้งแต่ตัวไหนถึงตัวไหน

บรรทัดถัดไป มีตัวหนังสือภาษาอังกฤษหนึ่งตัว R (แดง), G (เขียว) หรือ B (น้ำเงิน) เป็นการบอกว่า อาหารที่สั่งมาสำหรับ กิ้งก่าสีอะไร



ชุดที่ 2 Fenwick tree อ.อัครพนธ์ วัชรพลากร

50% ของชุดข้อมูลทดสอบทั้งหมด N <= 10,000 และ M <= 10,000 70% ของชุดข้อมูลทดสอบทั้งหมด N <= 100,000,000 และ M <= 10,000

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

บรรทัดเดียว แสดงจำนวนครั้งที่น้อยที่สุดที่ต้องจิ้มกิ้งก่า ที่จะทำให้กิ้งก่าทุกตัวเป็นสีเดียวกับอาหาร

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
3 2	5
1 2	
2 3	
R	

คำอธิบายตัวอย่างที่ 1

หลังจากการจิ้มทั้งหมด กิ้งก่าตัวแรกจะมีสีเขียว ตัวที่สองสีน้ำเงิน และตัวที่สามสีเขียว อาหารที่สั่งมาเป็นสีแดง จึงต้องจิ้ม กิ้งก่าตัวแรกสองครั้ง ตัวที่สองหนึ่งครั้ง และตัวที่สามสองครั้ง เพื่อให้ทุกตัวเปลี่ยนเป็นสีแดง

+++++++++++++++++

7. รัชจ้างเพื่อน (RT_Hire Friend)

. ที่มา: ข้อหนึ่งร้อยหกสิบเก้า Rush TOI 2018 โจทย์สำหรับติวผู้แทนคูนย์ สอวน. คอมพิวเตอร์ ม.บูรพา รุ่น14

พีทเทพมีงานทั้งสิ้น n งาน แต่ละงานเริ่มทำในวันที่ si และสิ้นสุดในวันที่ ei แต่บางทีพีทเทพก็อาจจะรับงานชนกันได้ พีท เทพจึงให้เพื่อนของเขาไปทำงานแทนให้ โดยพีทเทพจะมอบเงินให้ 1 บาทต่อการทำงาน 1 วันที่ให้เพื่อนไป เช่น มีงานหนึ่งเป็นช่วง 1-5 แสดงว่าพีทเทพจะต้องไปทำงานในวันที่ 1, 2, 3, 4 และ 5 แต่ถ้าเกิดมีคิวงานอีกคิวที่ทำในช่วง 3-8 แสดงว่าในวันที่ 3, 4 และ 5 พีทเทพติดงานแรกจึงต้องจ้างเพื่อให้ไปทำงานแทน โดยเสียค่าใช้จ่ายเป็นเงิน 3 บาท

<u>งานของคูณ</u>

จงเขียนโปรแกรมเพื่อหาว่าพีทเทพจะต้องจ่ายเงินให้เพื่อนกี่บาทเพื่อให้เขาสามารถทำงานได้ครบทุกงาน

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรก รับจำนวนเต็มบวก n แทนจำนวนคิวงานทั้งหมด โดยที่ n ไม่เกิน 100,000

อีก n บรรทัดต่อมา รับจำนวนเต็มบวก si ei แทนเวลาเริ่มและเวลาจบของแต่ละงาน โดยมีค่าไม่เกิน 1 พันล้าน

30% ของชุดข้อมูลทดสอบจะมี n ไม่เกิน 1,000 และ si, ei ไม่เกิน 1,000

50% ของชุดข้อมูลทดสอบจะมี n ไม่เกิน 1,000 และ si, ei ไม่เกิน 100,000

70% ของชุดข้อมูลทดสอบจะมี n ไม่เกิน 100,000 และ si, ei ไม่เกิน 100,000

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

บรรทัดเดียว แสดงจำนวนเงินทั้งหมดที่พีทเทพจะต้องจ้างเพื่อนไปทำงานแทน

<u>ตัวอย่าง</u>



ชุดที่ 2 Fenwick tree อ.อัครพนธ์ วัชรพลากร

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
3	8
1 5	
4 8	
3 11	
4	0
2 5	
6 8	
9 12	
14 19	

+++++++++++++++++

8. นมโรงเรียนบูด (48_Milk spoiled)

ที่มา: ข้อสอบท้ายค่ายสองศูนย์ ม.บูรพา รุ่น14 ออกโดย PeaTT~

เหตุการณ์นมโรงเรียนบูดเป็นเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นบ่อยในประเทศไทย ซึ่งทางโรงเรียนควรตระหนักถึงวิธีการเก็บรักษานม โรงเรียนให้เกิดความอร่อยสูงที่สุด โดยค่าความอร่อยของนมแต่ละกล่องจะขึ้นอยู่กับอุณหภูมิของตู้เก็บ



นมกล่องที่ i จะมีอุณหภูมิที่เหมาะสมอยู่ระหว่าง Ai ถึง Bi องศา ถ้าอุณหภูมิของตู้เก็บเย็นเกินไป (T < Ai) ค่าความอร่อย ของนมจะเท่ากับ X ถ้าอุณหภูมิของตู้เก็บเหมาะสม (Ai <= T <= Bi) ค่าความอร่อยของนมจะเท่ากับ Y และ ถ้าอุณหภูมิของตู้เก็บ ร้อนเกินไป (T > Bi) ค่าความอร่อยของนมจะเท่ากับ Z ซึ่ง Y > X, Z เสมอ

โรงเรียนมีตู้เก็บนมโรงเรียนที่จะต้องตั้งอุณหภูมิเป็นค่าเดียวเท่านั้น

<u>งานของคุณ</u>

จงเขียนโปรแกรมเพื่อหาว่าเราควรจะตั้งอุณหภูมิอย่างไรเพื่อให้ได้ค่าความอร่อยของนมโรงเรียนรวมทุกกล่องแล้วมีค่าสูง ที่สุด?

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรก รับจำนวนเต็มบวก Q แทนจำนวนคำถาม โดยที่ Q ไม่เกิน 10 ในแต่ละคำถาม

บรรทัดแรก รับจำนวนเต็มบวก N X Y Z แทนจำนวนกล่องนม และ ค่าความอร่อยของนมที่อุณหภูมิต่างๆ โดยที่ N ไม่เกิน 1,000,000 และ 1 <= X, Z < Y <= 1,000

อีก N บรรทัดถัดมา รับค่า Ai Bi ตามลำดับ โดยที่ 0 < Ai <= Bi < 1,000,000,000 30% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมี Ai และ Bi ไม่เกิน 1,000 และ N ไม่เกิน 1,000



ชุดที่ 2 Fenwick tree อ.อัครพนธ์ วัชรพลากร

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

มีทั้งสิ้น Q บรรทัด แต่ละบรรทัด ให้แสดงค่าความอร่อยรวมของนมทั้ง N กล่องที่มากที่สุดเท่าที่จะเป็นไปได้

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
1	31
4 7 9 6	
5 8	
3 4	
13 20	
7 10	

คำอธิบายตัวอย่างที่1

เมื่อตั้งอุณหภูมิตู้เก็บเป็น 7 หรือ 8 องศา นมกล่องกล่องที่ 1 และ 4 จะอยู่ในอุณหภูมิเหมาะสม ส่วน กล่องที่ 3 ร้อน เกินไป และกล่องที่ 2 เย็นเกินไป ทำให้ได้ค่าความอร่อยรวมทั้งหมดเท่ากับ 9+9+7+6 = 31

++++++++++++++++++



ชุดที่ 2 Fenwick tree อ.อัครพนธ์ วัชรพลากร

3. เรื่องโจทย์กันลืม จำนวน 2 ข้อ

9. คู่ตัวเลขเด่น (Pair)

ให้ชุดของคู่อันดับจำนวนเต็มบวกมา n ชุด คือ (a_1, b_1) , (a_2, b_2) , ..., (a_n, b_n) โดยที่ $a_i \neq a_j$ ถ้า $i \neq j$ และ $b_k \neq b_l$ ถ้า $k \neq l$ โดยกำหนดว่า $1 <= a_i <= 100,000$ และ $1 <= b_j <= n$ เราเรียกคู่อันดับ 2 คู่ (a_i, b_i) และ (a_j, b_j) ว่าคู่ตัวเลขเด่นก็ต่อเมื่อ $a_i > a_i$ และ $b_i < b_i$

จงเขียนโปรแกรมที่มีประสิทธิภาพในการหาค่าผลรวมของ a_i+a_j ทั้งหมด เมื่อคู่ (a_i, b_i) และ (a_j, b_j) เป็นคู่ตัวเลขเด่น

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรก เป็นค่าของ n โดยที่ 2 <= n <= 100,000

บรรทัดที่สอง เป็นค่าของคู่ตัวเลข a_i และ b_i จำนวน n คู่ โดยจะเรียงจากคู่ที่หนึ่งไปจนกระทั่งถึงคู่ที่ n โดยมีตัวเลขทั้งหมด 2n ตัว และมีช่องว่างคั่นอยู่ระหว่างตัวเลขเหล่านี้

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

เป็นจำนวนเต็มบวกหนึ่งค่า แสดงถึงผลรวมของ a_i+a_j ทั้งหมด เมื่อคู่ $(a_i,\,b_i)$ และ $(a_j,\,b_j)$ เป็นคู่ตัวเลขเด่น

<u>หมายเหตุ</u>

แนะนำให้ใช้ตัวแปรชนิด double ในการเก็บค่าผลรวม และแสดงผลโดยใช้รูปแบบ "%.0lf"

<u>ตัวอย่าง</u>

ข้อมูลนำเข้า												ข้อมูลส่งออก		
6	5													78
2	2	1	7	6	9	3	18	4	3	2	5	5		

+++++++++++++++++

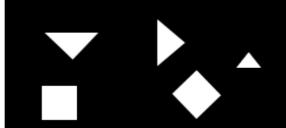


ชุดที่ 2 Fenwick tree อ.อัครพนธ์ วัชรพลากร

10. ภาพถ่ายอวกาศแบบหัวงลึก (Space TOI14)

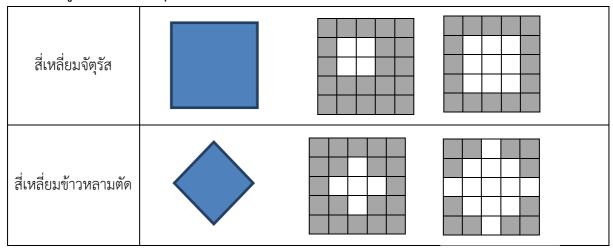
ในการถ่ายภาพอวกาศนั้น มีเทคนิคการถ่ายภาพแบบหัวงลึก (deep field) ซึ่งเป็นการถ่ายภาพที่เปิดหน้ากล้องอย่าง ยาวนาน ทำให้สามารถบันทึกภาพที่มีแสงที่น้อยมาก ๆ จากหัวงอวกาศห่างไกล ภาพที่ได้มีโครงสร้างเป็นภาพขาวดำขนาด NxM จุดภาพ (pixel) โดย N คือความกว้าง และ M คือความสูงของภาพขาวดำ เพื่อความสะดวกในการประมวลผลภาพ (image processing) เหล่านักวิทยาศาสตร์ด้านดาราศาสตร์ทำการวิจัยจนสรุปได้ว่า โครงสร้างของภาพถ่ายที่ได้ มีพื้นหลังเป็นจุดภาพสีดำ (black pixel) และวัตถุที่ปรากฏในภาพเป็นจุดภาพสีขาว (white pixel) ทั้งนี้หากจุดภาพสีขาวเรียงต่อกันจนเป็นรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส (square shape) \square สามารถแปลความหมายได้ว่าเป็นภาพถ่ายของดาวเคราะห์ (planet) หากจุดภาพสีขาวเรียงต่อกันจนเป็นรูป สี่เหลี่ยมข้าวหลามตัด (diamond shape) \diamondsuit สามารถแปลความได้ว่าเป็นภาพถ่ายของดาวฤกษ์ (fixed star) แต่ถ้าหากจุดภาพสีขาวเรียงต่อกันจนเป็นรูปสามเหลี่ยมหน้าจั่ว (isosceles triangle shape) \triangle , \triangleleft , \triangledown หรือ \triangleright สามารถแปลความหมายได้ว่า เป็นภาพถ่ายของดาวหาง (comet)

ตัวอย่างเช่น ภาพด้านล่างจะมีรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส \square จำนวน 1 รูป รูปสี่เหลี่ยมข้าวหลามตัด \diamondsuit จำนวน 1 รูป รูป สามเหลี่ยมหน้าจั่ว ∇ จำนวน 1 รูป รูปสามเหลี่ยมหน้าจั่ว \triangleright จำนวน 1 รูป และ รูปสามเหลี่ยมหน้าจั่ว \triangle จำนวน 1 รูป

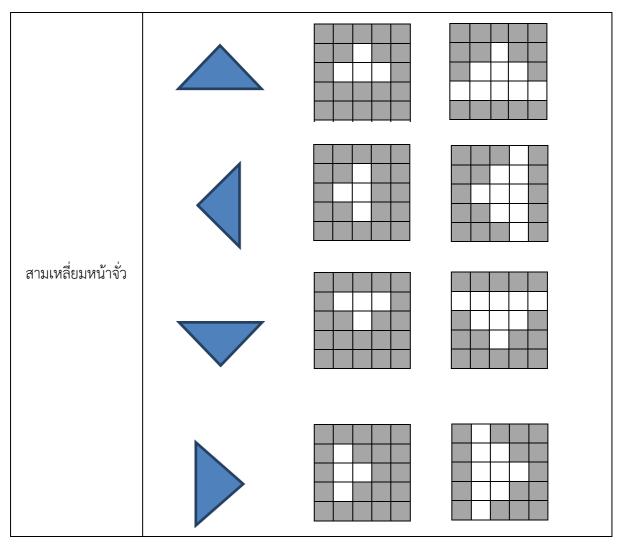


เมื่อนำภาพนี้มาประมวลผลจะแปลความหมายได้ว่า ภาพถ่ายอวกาศดังกล่าวปรากฏว่ามีดาวเคราะห์จำนวน 1 ดวง ดาว ถูกษ์จำนวน 1 ดวง และ ดาวหางจำนวน 3 ดวง

ตารางแสดงตัวอย่างรูปแบบการเรียงจุดภาพในภาพถ่ายอวกาศห้วงลึกขนาดต่างๆ







<u>หมายเหตุ</u>

- 1. ภาพถ่ายอวกาศที่ได้จะปรากฏเพียงการเรียงจุดภาพในลักษณะสี่เหลี่ยมจัตุรัส สี่เหลี่ยมข้าวหลามตัด และสามเหลี่ยมหน้าจั่ว ซึ่ง จะมีลักษณะคล้ายดังที่ปรากฏใน**ตารางแสดงตัวอย่างรูปแบบการเรียงจุดภาพในภาพถ่ายอวกาศห้วงลึก**เท่านั้น
- 2. ภาพถ่ายของแต่ละวัตถุที่ปรากฏ จะอยู่แยกจากกันอิสระ (ไม่มีภาพวัตถุใดที่สัมผัสหรือซ้อนทับกัน)
- 3. ภาพถ่ายของดาวแต่ละดวงมีจำนวนจุดภาพมากกว่า 1 เสมอ

<u>งานของคุณ</u>

จงเขียนโปรแกรมที่มีประสิทธิภาพเพื่อนับจำนวนดาวเคราะห์ ดาวฤกษ์ และดาวหางที่ปรากฏในภาพถ่ายอวกาศห้วงลึก ข้อมูลนำเข้า

มีจำนวน M+1 บรรทัด ดังนี้

บรรทัดที่ 1 จำนวนเต็มสองจำนวน คั่นแต่ละจำนวนด้วยช่องว่างหนึ่งช่อง จำนวนแรก คือ N ระบุความกว้างของภาพ อวกาศห้วงลึก จำนวนที่สอง คือ M ระบุความสูงของภาพอวกาศห้วงลึก

สำหรับข้อ space_1 กำหนดให้ 10 <= M <= 1,000 และ 10 <= N <= 1,000 สำหรับข้อ space_2 กำหนดให้ 10 <= M <= 10,000 และ 10 <= N <= 2,000



ชุดที่ 2 Fenwick tree อ.อัครพนธ์ วัชรพลากร

M บรรทัดต่อมา แต่ละบรรทัดเป็นสายบิต (bit string) มีความยาว N แสดงค่าจุดภาพจำนวน N จุด โดยค่า 0 แทน จุดภาพสีดำ และค่า 1 แทนจุดภาพสีขาว กำหนดให้ 10 <= N <= 2,000

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

มีจำนวน 1 บรรทัด คือ

บรรทัดที่ 1 แสดงจำนวนเต็ม 3 จำนวนแทนจำนวนดาวเคราะห์ ดาวฤกษ์และดาวหางตามลำดับ แต่ละจำนวนถูกคั่นด้วย ช่องว่างหนึ่งช่อง

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
20 12	1 0 2
000000000000000000	
0010000001111111110	
0111000000111111100	
1111100000011111000	
0000000000001110000	
0000000000000100000	
000000000000000000	
0001111100000000000	
0001111100000000000	
0001111100000000000	
0001111100000000000	
0001111100000000000	
20 12	1 1 3
000000000000000000	
100000000111111111	
11000100000111111100	
11101110000011111000	
1100000000001110000	
1000000000000100000	
000000000000000000	
1111100000000100000	
1111100000001110000	
1111100000011111000	
1111100000001110000	
1111100000000100000	

++++++++++++++++++