

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)»

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ _	«Информатика и системы управления»
КАФЕДРА	«Теоретическая информатика и компьютерные технологии»

Рубежный контроль № 1 по курсу «Численные методы линейной алгебры»

«Применение метода LU разложения»

Студент группы ИУ9-71Б Баев Д.А

Преподаватель Посевин Д. П.

1 Задание

Вычислить определитель матрицы через LU-разложение.

2 Исходный код

Исходный код программы представлен в листингах 1-2.

Листинг 1 — Подсчет определителя

```
def det(A):
    n = len(A)
    l, u = lu(A)
    det = 1

for i in range(n):
    det *= l[i][i]
    det *= u[i][i]
    return det
```

Листинг 2 — Реализация LU-разложения

```
def lu(A):
         n = len(A)
 3
         l = np.zeros(shape=(n, n))
 4
         u = np.zeros(shape=(n, n))
 5
         for i in range(n):
 6
               l[i][i] = \hat{1}
 7
 8
 9
         for i in range(n):
10
               for j in range(n):
11
                     if j >= i:
                          u\,[\,i\,][\,j\,] \,\,=\, A\,[\,i\,][\,j\,] \,\, \, \, \, \, sum(\,l\,[\,i\,][\,p\,] \,\, \, \, \, \, u\,[\,p\,][\,j\,] \,\, \, \, for \,\,\, p \,\, \, in \,\, \, range
12
        (i))
13
                     else:
                          l[i][j] = (A[i][j] - sum(l[i][p] * u[p][j] for p in
14
        range(j))) / u[j][j]
15
16
         return 1, u
```

3 Результаты

Результаты сравнения погрешностей разложений приведены на рисунках 1-3. det: 25311.598747624463
det_lib 25311.598747624415

Рис. 1 — Результат для матрицы 4х4

det: 3683643726593434.5
det_lib 3683643726593417.5

Рис. 2 — Результат для матрицы 10х10

det: 8.26357556506871e+107
det_lib 8.263575565084261e+107

Рис. 3 — Результат для матрицы 50х50

4 Выводы

В рамках данной лабораторной работы был реализован метод рассчета определителя обратимой матрицы через LU-разложение.