

Strutture dati elementari

Vittorio Maniezzo - Università di Bologna

1

Pile (Stacks)

Dati: un insieme S di elementi.

Operazioni: PUSH, POP

- **PUSH:** inserisce un elemento in S
- **POP:** restituisce l'ultimo elemento inserito e lo rimuove da S

Politica: Last-In-First-Out (LIFO)

Vittorio Maniezzo - Università di Bologna

2

2

Pila

PUSH...



```
PUSH(S, o)
  S.top = S.top + 1
  S[S.top] = o
```

3

Pila

POP...



```
POP(S)
  o = S[S.top]
  S.top = S.top - 1
  return o
```

4

Code (Queues)

Dati: un insieme Q di elementi.

Operazioni: ENQUEUE, DEQUEUE

- **ENQUEUE** : inserisce un elemento in Q
- **DEQUEUE** : restituisce l'elemento da più tempo presente (il più vecchio) e lo rimuove da Q

Politica: First-In-First-Out (FIFO)

Implementazione con **vettori circolari**:

- Q.head indica la posizione della testa (la prima *usata*)
- Q.tail indica la prima posizione a destra della coda (la prima *libera*)
- Se la coda è vuota Q.head = Q.tail
- Inizialmente, Q.head = Q.tail = 1

Coda

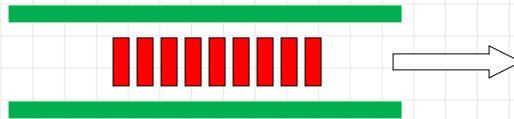
ENQUEUE . . .



```
ENQUEUE (Q, x)
  Q[Q.tail] = x
  if Q.tail = Q.length
    then Q.tail = 1
    else Q.tail = Q.tail + 1
```

Coda

DEQUEUE...



```
DEQUEUE(Q)
  x = Q[Q.head]
  if Q.head = Q.length
    then Q.head = 1
    else Q.head = Q.head + 1
  return x
```

Problemi con i vettori

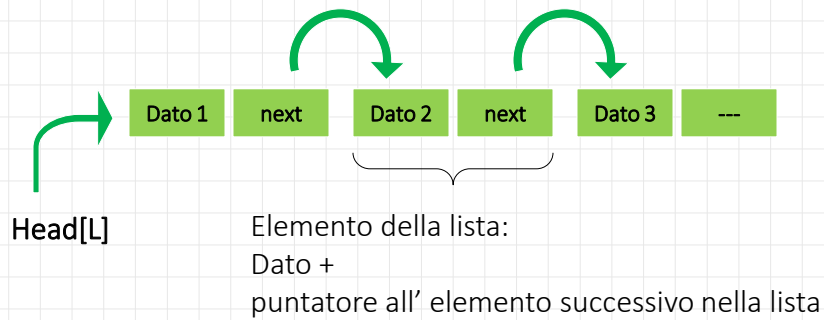
Vettori

- Semplici,
- Veloci

ma

- Bisogna specificare la lunghezza staticamente
- Legge di Murphy:
Se usi un vettore di lunghezza n = doppio di ciò che ti serve,
domani avrai bisogno di un vettore lungo $n+1$
- Esiste una struttura dati più flessibile?

Lista concatenata semplice

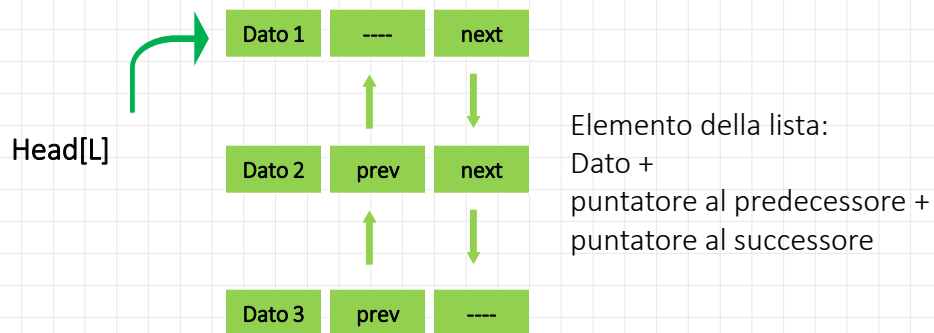


Vittorio Maniezzo - Università di Bologna

9

9

Lista doppiamente concatenata



Vittorio Maniezzo - Università di Bologna

10

10

Ricerca e Inserimento

```
LIST-SEARCH(L,k)
  x = head[L]
  while x != nil and key[x] != k
    do x = next[x]
  return x
```

```
LIST-INSERT(L,x)
  next[x] = head[L]
  if head[L] != nil
  then prev[head[L]] = x
  head[L] = x
  prev[x] = nil
```

Cancellazione

```
LIST-DELETE(L,k)

  x = LIST-SEARCH(L,k)
  if prev[x] != nil
  then next[prev[x]] = next[x]
  else head[L] = next[x]
  if next[x] != nil
  then prev[next[x]] = prev[x]
```

Costi Computazionali

Inserimento	LIST-INSERT	$\Theta(1)$
Cancellazione	LIST-DELETE	$\Theta(1)$
Ricerca	LIST-SEARCH	$\Theta(n)$

Se non conto il
ListSearch interno

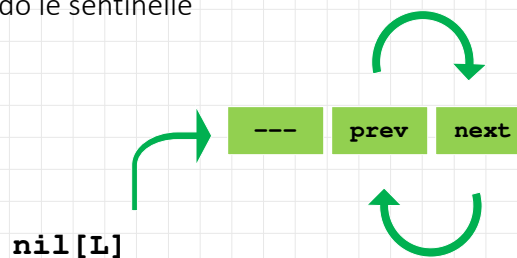
Vittorio Maniezzo - Università di Bologna

13

13

Sentinelle

Lista vuota usando le sentinelle



Una sentinella è un oggetto artificiale che semplifica la gestione dei limiti dei dati.

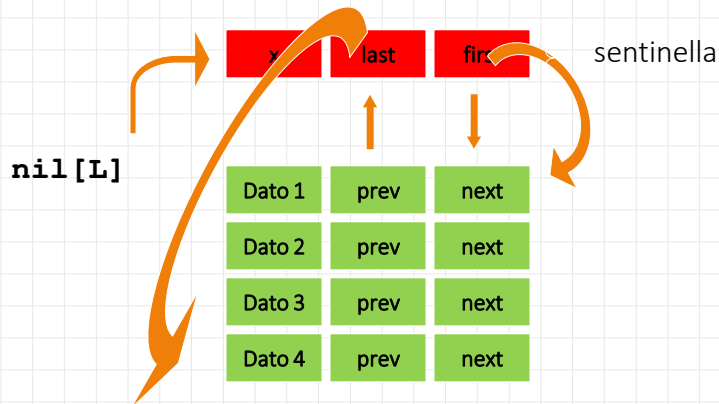
- `nil[L]` contiene `nil`, è l'inizio
- `next[nil[L]]` punta alla testa della lista
- La lista vuota è la sola sentinella, `nil[L]`
- `head[L]` non è più necessario

Vittorio Maniezzo - Università di Bologna

14

14

Sentinelle



Vittorio Maniezzo - Università di Bologna

15

15

Cancellazione con le sentinelle

```
LIST-DELETE(L,k)
  x = LIST-SEARCH[L,k]
  if prev[x] != nil
    then next[prev[x]] = next[x]
  else head[L] = next[x]
  if next[x] != nil
    then prev[next[x]] = prev[x]
```

Senza
sentinelle

Con la
sentinella

```
LIST-DELETE-SENTINEL(L,k)
  x = LIST-SEARCH[L,k]
  next[prev[x]] = next[x]
  prev[next[x]] = prev[x]
```

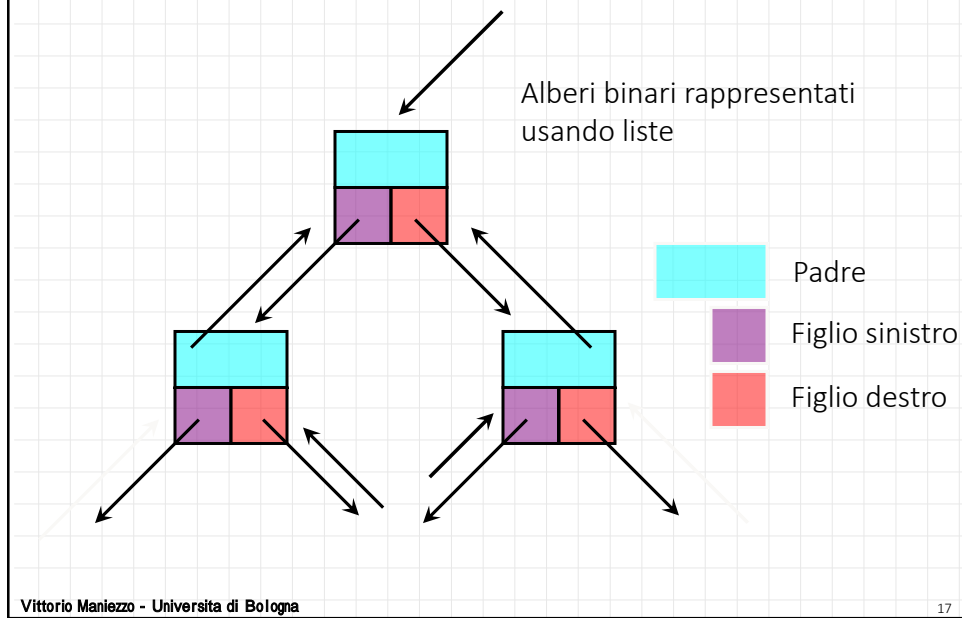
Esercizio: usare le sentinelle per
SEARCH e INSERT

Vittorio Maniezzo - Università di Bologna

16

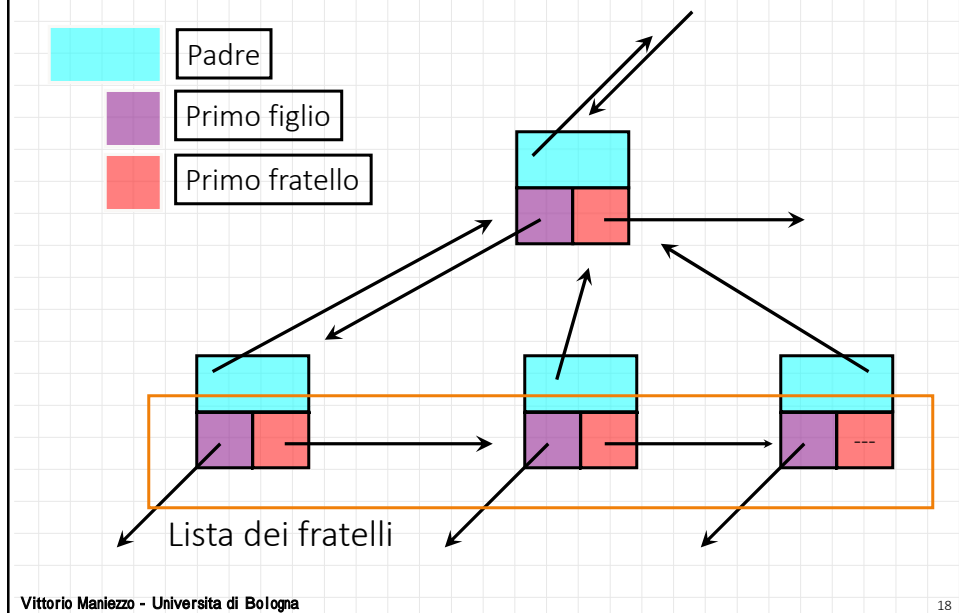
16

Alberi binari e liste



17

Alberi generali e liste



18

Costo computazionale delle operazioni sulle liste

	Singly linked non ordinata	Singly linked ordinata	Doubly linked non ordinata	Doubly linked ordinata
Ricerca				
Inserimento				
Cancellazione				
Successore				
Predecessore				
Massimo				