

Имя, фамилия и номер группы:

.....

**Вопрос 1.** Случайная величина  $X$  имеет функцию плотности  $f(x) = 3x^2$  на отрезке  $[0; 1]$ . Ожидание  $E(1/X)$  равно

☐ A  $1/3$

☐ C  $2$

☐ E  $2/3$

☐ B  $3/2$

☐ D  $1$

**Вопрос 2.** В урне лежат 7 белых и 5 черных шаров. Из урны достают 5 шаров. Вероятность того, что хотя бы 3 из них окажутся белыми, равна

☐ A  $C_5^3 \left(\frac{7}{12}\right)^3 \left(\frac{5}{12}\right)^2$

☐ C  $\frac{C_5^3 C_7^2 + C_5^4 C_7^1 + C_5^5 C_7^0}{C_{12}^5}$

☐ E  $C_5^3 \left(\frac{7}{12}\right)^2 \left(\frac{5}{12}\right)^3$

☐ B  $\frac{3}{5} \cdot \frac{7}{12}$

☐ D  $\frac{C_7^3 C_5^2 + C_7^4 C_5^1 + C_7^5 C_5^0}{C_{12}^5}$

**Вопрос 3.** Величины  $\xi_1, \xi_2, \dots$  независимы и имеют таблицы распределения

$x$	$-1$	$1$
$\mathbb{P}(\xi_i = x)$	$1/2$	$1/2$

Рассмотрим их сумму  $S_n = \xi_1 + \dots + \xi_n$ . Предел  $\lim_{n \rightarrow \infty} \mathbb{P}\left(\frac{S_n - E(S_n)}{\sqrt{\text{Var}(S_n)}} > 2\right)$  равен

☐ A  $1$

☐ C  $\int_{-\infty}^2 \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt$

☐ E  $0.5$

☐ B  $\int_2^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt$

☐ D  $\int_2^{+\infty} e^{-t^2/2} dt$

**Вопрос 4.** Про случайные величины  $X, Y, Z$  известно, что  $E(X) = 1$ ,  $E(Y) = 2$ ,  $E(Z) = 3$ . Ожидание  $E(X - Y + 2Z)$  равно

☐ A  $2$

☐ C  $4$

☐ E  $5$

☐ B  $1$

☐ D  $3$

**Вопрос 5.** Дисперсию случайной величины  $X$  можно найти, зная

☐ A  $F_Y(x)$

☐ C  $E(XY)$  и  $E(Y)$

☐ E  $E(X^2)$  и  $E(X)$

☐ B  $(E(X))^2$  и  $E(X)$

☐ D  $\text{Cov}(X, Y)$  и  $\text{Var}(Y)$

**Вопрос 6.** Для любой функции распределения  $F_X(x)$  верно, что

☐ A она не убывает

☐ D  $F_X(x)$  принимает любые значения на  $[0, +\infty)$

☐ B  $F_X(x) > 0$

☐ C она не возрастает

☐ E она возрастает

**Вопрос 7.** Плотность величины  $X$  имеет вид  $f(x) = 2x$  при  $0 < x < 1$  и  $f(x) = 0$  при остальных  $x$ . Условная плотность величины  $Y$  задаётся формулой  $f_{Y|X}(y|x) = \begin{cases} \frac{1}{x}, & \text{если } 0 < y \leq x; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$ . Совместная плотность величин  $X$  и  $Y$  равна

☐ A  $f(x, y) = \begin{cases} 2, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ D  $f(x, y) = \begin{cases} 1/x, & \text{если } 0 < y < 1, 0 < x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ B  $f(x, y) = \begin{cases} 2, & \text{если } 0 < y < 1, 0 < x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ E  $f(x, y) = \begin{cases} 1/x, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ C  $f(x, y) = \begin{cases} 1, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

**Вопрос 8.** Совместная функция плотности пары случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} c(2x + y), & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Константа  $c$  равна

☐ A 1/8

☐ C 12

☐ E 1/6

☐ B 8

☐ D 1/12

**Вопрос 9.** Для энтропий пары случайных величин выполнено соотношение

☐ A  $H(Y|X) + H(X|Y) = H(X, Y)$

☐ D  $H(X) + H(Y) = H(X, Y)$

☐ B  $H(X) \cdot H(Y) = H(X, Y)$

☐ C  $H(X \cdot Y)/H(X) = H(Y|X)$

☐ E  $H(Y|X) + H(X) = H(X, Y)$

**Вопрос 10.** Про независимые случайные величины  $X$  и  $Y$  известно, что  $\text{Var}(X) = 8$ ,  $\text{Var}(Y) = 1$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, -2Y)$  равна

☐ A 0

☐ C 0.5

☐ E 0.25

☐ B -0.025

☐ D -0.5

**Вопрос 11.** Про линейно связанные случайные величины  $X$  и  $Y$ , известно, что  $\text{Var}(X) = 1$ ,  $\text{Var}(Y) = 4$ . Дисперсия их суммы может быть равна

☐ A 4

☐ C 1

☐ E 5

☐ B 3

☐ D 2

**Вопрос 12.** В школе три выпускных класса. В “А” классе 50% мальчиков, в “Б” классе — 70% мальчиков, и в “В” классе — 80%. Я выбираю один класс равновероятно, а затем одного учащегося из этого класса, также равновероятно. Вероятность того, что окажется выбран мальчик равна

☐ A 0.7

☐ C  $2/3$

☐ E 0.6

☐ B 0.75

☐ D 0.5

**Вопрос 13.** Случайная величина  $X$  имеет непрерывное распределение, при этом  $\mathbb{P}(X \leq 3) = 0.25$  и  $\mathbb{P}(X > 0.25) = 0.8$ . Квантиль порядка 0.25 величины  $X$  может быть равен

☐ A 0.25

☐ C 3

☐ E 0.75

☐ B 0.2

☐ D 0.8

**Вопрос 14.** Маша подбрасывает кубик два раза. Рассмотрим события  $A = \{\text{в первый раз выпало чётное число}\}$ ,  $B = \{\text{в сумме выпало чётное число}\}$  и  $C = \{\text{в сумме выпало нечётное число}\}$ . Независимыми являются пары событий:

☐ A  $A$  и  $B$ ;  $B$  и  $C$

☐ C только  $A$  и  $B$

☐ E только  $A$  и  $C$

☐ B  $A$  и  $B$ ;  $A$  и  $C$

☐ D  $A$  и  $C$ ;  $B$  и  $C$

**Вопрос 15.** Величина  $X$  с равными вероятностями принимает только два значения,  $-1$  и  $1$ , и  $E(Y|X = x) = 1$ . Ожидание  $E(Y)$  равно

☐ A 0

☐ C 1

☐ E  $-1$

☐ B 0.5

☐ D 0.5

**Вопрос 16.** Величина  $X$  имеет биномиальное распределение с параметрами  $n$  и  $p$ . Дисперсия величины  $X$  максимальна при  $p$  равном

☐ A 0.25

☐ C 0.5

☐ E 0.2

☐ B 0.75

☐ D 0.9

**Вопрос 17.** Случайная величина  $X$  равномерно распределена на отрезке от  $-2$  до  $2$ . Вероятность  $\mathbb{P}(X^2 > 0.64)$  равна

☐ A 0.8

☐ C 0.1

☐ E  $\frac{1}{2\sqrt{2}}$

☐ B 0.2

☐ D 0.6

**Вопрос 18.** Вероятность поражения мишени при одном выстреле равна 0.8. Случайная величина  $\xi_i$  равна 1, если при  $i$ -ом выстреле было попадание, и равна 0 в противном случае. Предел по вероятности последовательности  $\frac{\xi_1^{2019} + \dots + \xi_n^{2019}}{n}$  равен

☐ A  $0.8^{2019}$

☐ C 0.5

☐ E 0

☐ B 0.2

☐ D 0.8

**Вопрос 19.** Совместная функция плотности случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{1}{4}xy, & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Найдите вероятность  $\mathbb{P}(Y = X)$

☐ A 3/4

☐ C 0

☐ E невозможно вычислить на основе имеющихся данных

☐ B 1/4

☐ D 1/2

**Вопрос 20.** Про случайные величины  $X, Y$  известно, что  $\text{Var}(X) = 1$ ,  $\text{Var}(Y) = 4$ ,  $\text{Cov}(X, Y) = -1$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, -2Y)$  равна

☐ A -0.5

☐ C 0

☐ E 0.5

☐ B 1

☐ D -0.25

**Вопрос 21.** Количество скачиваний за день мобильного приложения распределено по Пуассону. В среднем приложение скачивают 12 раз за день. Вероятность того, что приложение будет скачено за день ровно 5 раз, равна

☐ A  $e^{-12} \frac{5^{12}}{12!}$

☐ C  $e^{-12} \frac{12^5}{5!}$

☐ E  $e^{-5}$

☐ B  $e^{-5} \frac{5^{12}}{12!}$

☐ D  $\frac{5}{12}$

**Вопрос 22.** Для дискретной случайной величины функция распределения

☐ A вырождена

☐ C не определена

☐ E непрерывна

☐ B имеет разрывы

☐ D строго возрастает

**Вопрос 23.** Известно, что  $\text{Var}(X) = 4$ ,  $\text{Var}(Y) = 9$ ,  $\text{Cov}(X, Y) = 6$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, Y)$  равна

☐ A -0.25

☐ C -0.5

☐ E 0.5

☐ B 1

☐ D 0.25

**Вопрос 24.** Случайная величина  $X$  имеет равномерное распределение. Возможной функцией плотности величины  $X$  является

☐ A  $f(x) = \begin{cases} 1/5, & x \in [-5; 5] \\ 0, & x \notin [-5; 5] \end{cases}$

☐ C  $f(x) = \begin{cases} 1/50, & x \in [30; 50] \\ 0, & x \notin [30; 50] \end{cases}$

☐ E  $f(x) = \begin{cases} 1/30, & x \in [30; 50] \\ 0, & x \notin [30; 50] \end{cases}$

☐ B  $f(x) = \begin{cases} 1/20, & x \in [30; 50] \\ 0, & x \notin [30; 50] \end{cases}$

☐ D  $f(x) = \begin{cases} x/30, & x \in [30; 50] \\ 0, & x \notin [30; 50] \end{cases}$

**Вопрос 25.** Размер выплаты по страховому полису является неотрицательной величиной с математическим ожиданием 10,000 рублей. Согласно неравенству Маркова, вероятность того, что величина выплаты превысит 30,000 рублей, не превосходит

☐ A 0.73☐ C 0.13☐ E 0.3☐ B  $1/3$ ☐ D 0.5

**Вопрос 26.** Совместная функция плотности случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{1}{4}xy, & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Найдите функцию распределения  $F_Y(y)$

☐ A☐ C☐ E

$$F_Y(y) = \begin{cases} \frac{1}{4}y^2, & \text{если } y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

$$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ y^2, & y \in [0; 2] \\ 0, & y > 2 \end{cases}$$

$$F_Y(y) = \begin{cases} y^2, & \text{если } y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

☐ B☐ D

$$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ \frac{1}{4}y^2, & y \in [0; 2] \\ 1, & y > 2 \end{cases}$$

$$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ \frac{1}{2}y^2, & y \in [0; 2] \\ 0, & y > 2 \end{cases}$$

**Вопрос 27.** Сумма независимых абсолютно непрерывной и дискретной случайных величин имеет распределение

☐ A вырожденное☐ C дискретное☐ E нормальное☐ B абсолютно непрерывное☐ D сингулярное

**Вопрос 28.** Величина  $Y$  имеет экспоненциальное (показательное) распределение с параметром  $\lambda = 0.5$ . Величины  $X$  и  $Y$  независимы. Ожидание  $E(Y|X = 3/4)$  равно

☐ A 1☐ C  $\frac{1}{2}$ ☐ E  $\frac{3}{4}$ ☐ B  $\frac{1}{8}$ ☐ D 2

**Вопрос 29.** Известно, что  $\mathbb{P}(A \cap B) = 0.3$ ,  $\mathbb{P}(B|A) = 0.6$ . Вероятность того, что событие  $A$  произойдет, а событие  $B$  не произойдёт, равна

☐  $A$  0.2☐  $C$  0.8☐  $E$   $1/3$ ☐  $B$  0.5☐  $D$   $2/3$ 

**Вопрос 30.** Величины  $X$  и  $Y$  одинаково распределены и равновероятно принимают только два значения,  $-1$  и  $1$ , при этом  $\mathbb{P}(Y = 1|X = 1) = 0.4$ . Вероятность  $\mathbb{P}(Y = -1, X = 1)$  равна

☐  $A$  1☐  $C$  0.6☐  $E$  0.5☐  $B$  0.4☐  $D$  0.3

Имя, фамилия и номер группы:

.....

**Вопрос 1.** Для любой функции распределения  $F_X(x)$  верно, что

- ☐ A она не убывает ☐ C  $F_X(x) > 0$  ☐ E  $F_X(x)$  принимает любые значения на  $[0, +\infty)$
- ☐ B она возрастает ☐ D она не возрастает

**Вопрос 2.** Вероятность поражения мишени при одном выстреле равна 0.8. Случайная величина  $\xi_i$  равна 1, если при  $i$ -ом выстреле было попадание, и равна 0 в противном случае. Предел по вероятности последовательности  $\frac{\xi_1^{2019} + \dots + \xi_n^{2019}}{n}$  равен

- ☐ A 0.5 ☐ C  $0.8^{2019}$  ☐ E 0
- ☐ B 0.2 ☐ D 0.8

**Вопрос 3.** Известно, что  $\mathbb{P}(A \cap B) = 0.3$ ,  $\mathbb{P}(B|A) = 0.6$ . Вероятность того, что событие  $A$  произойдет, а событие  $B$  не произойдёт, равна

- ☐ A  $2/3$  ☐ C  $1/3$  ☐ E 0.2
- ☐ B 0.8 ☐ D 0.5

**Вопрос 4.** Случайная величина  $X$  имеет непрерывное распределение, при этом  $\mathbb{P}(X \leq 3) = 0.25$  и  $\mathbb{P}(X > 0.25) = 0.8$ . Квантиль порядка 0.25 величины  $X$  может быть равен

- ☐ A 0.25 ☐ C 0.8 ☐ E 0.75
- ☐ B 3 ☐ D 0.2

**Вопрос 5.** Количество скачиваний за день мобильного приложения распределено по Пуассону. В среднем приложение скачивают 12 раз за день. Вероятность того, что приложение будет скачено за день ровно 5 раз, равна

- ☐ A  $e^{-12} \frac{5^{12}}{12!}$  ☐ C  $e^{-5} \frac{5^{12}}{12!}$  ☐ E  $e^{-12} \frac{12^5}{5!}$
- ☐ B  $e^{-5}$  ☐ D  $\frac{5}{12}$

**Вопрос 6.** Маша подбрасывает кубик два раза. Рассмотрим события  $A = \{\text{в первый раз выпало чётное число}\}$ ,  $B = \{\text{в сумме выпало чётное число}\}$  и  $C = \{\text{в сумме выпало нечётное число}\}$ . Независимыми являются пары событий:

- ☐ A  $A$  и  $C$ ;  $B$  и  $C$  ☐ C  $A$  и  $B$ ;  $B$  и  $C$  ☐ E  $A$  и  $B$ ;  $A$  и  $C$
- ☐ B только  $A$  и  $B$  ☐ D только  $A$  и  $C$

**Вопрос 7.** Для энтропий пары случайных величин выполнено соотношение

- ☐ A  $H(Y|X) + H(X) = H(X, Y)$    
 ☐ C  $H(X \cdot Y)/H(X) = H(Y|X)$    
 ☐ E  $H(Y|X) + H(X|Y) = H(X, Y)$   
☐ B  $H(X) \cdot H(Y) = H(X, Y)$    
 ☐ D  $H(X) + H(Y) = H(X, Y)$

**Вопрос 8.** Случайная величина  $X$  имеет равномерное распределение. Возможной функцией плотности величины  $X$  является

- ☐ A  $f(x) = \begin{cases} 1/5, x \in [-5; 5] \\ 0, x \notin [-5; 5] \end{cases}$    
 ☐ C  $f(x) = \begin{cases} x/30, x \in [30; 50] \\ 0, x \notin [30; 50] \end{cases}$    
 ☐ E  $f(x) = \begin{cases} 1/50, x \in [30; 50] \\ 0, x \notin [30; 50] \end{cases}$   
☐ B  $f(x) = \begin{cases} 1/30, x \in [30; 50] \\ 0, x \notin [30; 50] \end{cases}$    
 ☐ D  $f(x) = \begin{cases} 1/20, x \in [30; 50] \\ 0, x \notin [30; 50] \end{cases}$

**Вопрос 9.** Совместная функция плотности пары случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} c(2x + y), & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Константа  $c$  равна

- ☐ A  $1/6$    
 ☐ C  $8$    
 ☐ E  $1/12$   
☐ B  $12$    
 ☐ D  $1/8$

**Вопрос 10.** В урне лежат 7 белых и 5 черных шаров. Из урны достают 5 шаров. Вероятность того, что хотя бы 3 из них окажутся белыми, равна

- ☐ A  $C_5^3 \left(\frac{7}{12}\right)^2 \left(\frac{5}{12}\right)^3$    
 ☐ C  $\frac{3}{5} \cdot \frac{7}{12}$    
 ☐ E  $\frac{C_7^3 C_5^2 + C_7^4 C_5^1 + C_7^5 C_5^0}{C_{12}^5}$   
☐ B  $C_5^3 \left(\frac{7}{12}\right)^3 \left(\frac{5}{12}\right)^2$    
 ☐ D  $\frac{C_5^3 C_7^2 + C_5^4 C_7^1 + C_5^5 C_7^0}{C_{12}^5}$

**Вопрос 11.** Размер выплаты по страховому полису является неотрицательной величиной с математическим ожиданием 10,000 рублей. Согласно неравенству Маркова, вероятность того, что величина выплаты превысит 30,000 рублей, не превосходит

- ☐ A  $1/3$    
 ☐ C  $0.73$    
 ☐ E  $0.5$   
☐ B  $0.3$    
 ☐ D  $0.13$

**Вопрос 12.** Величина  $Y$  имеет экспоненциальное (показательное) распределение с параметром  $\lambda = 0.5$ . Величины  $X$  и  $Y$  независимы. Ожидание  $E(Y|X = 3/4)$  равно

- ☐ A  $\frac{1}{8}$    
 ☐ C  $1$    
 ☐ E  $\frac{1}{2}$   
☐ B  $2$    
 ☐ D  $\frac{3}{4}$



**Вопрос 13.** Сумма независимых абсолютно непрерывной и дискретной случайных величин имеет распределение

- ☐ A вырожденное                      ☐ C абсолютно непрерывное                      ☐ E сингулярное  
☐ B дискретное                      ☐ D нормальное

**Вопрос 14.** Известно, что  $\text{Var}(X) = 4$ ,  $\text{Var}(Y) = 9$ ,  $\text{Cov}(X, Y) = 6$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, Y)$  равна

- ☐ A  $-0.5$                       ☐ C  $1$                       ☐ E  $0.25$   
☐ B  $-0.25$                       ☐ D  $0.5$

**Вопрос 15.** Про случайные величины  $X, Y, Z$  известно, что  $E(X) = 1$ ,  $E(Y) = 2$ ,  $E(Z) = 3$ . Ожидание  $E(X - Y + 2Z)$  равно

- ☐ A  $3$                       ☐ C  $5$                       ☐ E  $1$   
☐ B  $2$                       ☐ D  $4$

**Вопрос 16.** Величины  $X$  и  $Y$  одинаково распределены и равновероятно принимают только два значения,  $-1$  и  $1$ , при этом  $\mathbb{P}(Y = 1|X = 1) = 0.4$ . Вероятность  $\mathbb{P}(Y = -1, X = 1)$  равна

- ☐ A  $1$                       ☐ C  $0.6$                       ☐ E  $0.3$   
☐ B  $0.5$                       ☐ D  $0.4$

**Вопрос 17.** Величина  $X$  имеет биномиальное распределение с параметрами  $n$  и  $p$ . Дисперсия величины  $X$  максимальна при  $p$  равном

- ☐ A  $0.2$                       ☐ C  $0.5$                       ☐ E  $0.25$   
☐ B  $0.75$                       ☐ D  $0.9$

**Вопрос 18.** Про линейно связанные случайные величины  $X$  и  $Y$ , известно, что  $\text{Var}(X) = 1$ ,  $\text{Var}(Y) = 4$ . Дисперсия их суммы может быть равна

- ☐ A  $5$                       ☐ C  $4$                       ☐ E  $3$   
☐ B  $2$                       ☐ D  $1$

**Вопрос 19.** Величины  $\xi_1, \xi_2, \dots$  независимы и имеют таблицы распределения

$x$	$-1$	$1$
$\mathbb{P}(\xi_i = x)$	$1/2$	$1/2$

Рассмотрим их сумму  $S_n = \xi_1 + \dots + \xi_n$ . Предел  $\lim_{n \rightarrow \infty} \mathbb{P}\left(\frac{S_n - E(S_n)}{\sqrt{\text{Var}(S_n)}} > 2\right)$  равен

- ☐ A  $\int_2^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt$                       ☐ C  $\int_{-\infty}^2 \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt$                       ☐ E  $0.5$   
☐ B  $\int_2^{+\infty} e^{-t^2/2} dt$                       ☐ D  $1$

**Вопрос 20.** Величина  $X$  с равными вероятностями принимает только два значения,  $-1$  и  $1$ , и  $E(Y|X = x) = 1$ . Ожидание  $E(Y)$  равно

☐ A 0☐ C 1☐ E 0.5☐ B  $-1$ ☐ D 0.5

**Вопрос 21.** Про случайные величины  $X, Y$  известно, что  $\text{Var}(X) = 1$ ,  $\text{Var}(Y) = 4$ ,  $\text{Cov}(X, Y) = -1$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, -2Y)$  равна

☐ A 0.5☐ C 0☐ E 1☐ B  $-0.25$ ☐ D  $-0.5$ 

**Вопрос 22.** Про независимые случайные величины  $X$  и  $Y$  известно, что  $\text{Var}(X) = 8$ ,  $\text{Var}(Y) = 1$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, -2Y)$  равна

☐ A  $-0.025$ ☐ C  $-0.5$ ☐ E 0.5☐ B 0.25☐ D 0

**Вопрос 23.** Случайная величина  $X$  равномерно распределена на отрезке от  $-2$  до  $2$ . Вероятность  $\mathbb{P}(X^2 > 0.64)$  равна

☐ A  $\frac{1}{2\sqrt{2}}$ ☐ B 0.2☐ D 0.8☐ C 0.6☐ E 0.1

**Вопрос 24.** Совместная функция плотности случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{1}{4}xy, & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Найдите вероятность  $\mathbb{P}(Y = X)$

☐ A 0☐ C  $1/4$ ☐ E невозможно вычислить на основе имеющихся данных☐ B  $3/4$ ☐ D  $1/2$ 

**Вопрос 25.** Дисперсию случайной величины  $X$  можно найти, зная

☐ A  $(E(X))^2$  и  $E(X)$ ☐ C  $E(XY)$  и  $E(Y)$ ☐ E  $\text{Cov}(X, Y)$  и  $\text{Var}(Y)$ ☐ B  $E(X^2)$  и  $E(X)$ ☐ D  $F_Y(x)$

**Вопрос 26.** В школе три выпускных класса. В “А” классе 50% мальчиков, в “Б” классе — 70% мальчиков, и в “В” классе — 80%. Я выбираю один класс равновероятно, а затем одного учащегося из этого класса, также равновероятно. Вероятность того, что окажется выбран мальчик равна

☐ A 0.6

☐ C 0.7

☐ E 0.5

☐ B  $2/3$

☐ D 0.75

**Вопрос 27.** Плотность величины  $X$  имеет вид  $f(x) = 2x$  при  $0 < x < 1$  и  $f(x) = 0$  при остальных  $x$ . Условная плотность величины  $Y$  задаётся формулой  $f_{Y|X}(y|x) = \begin{cases} \frac{1}{x}, & \text{если } 0 < y \leq x; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$ . Совместная плотность величин  $X$  и  $Y$  равна

☐ A  $f(x, y) = \begin{cases} 2, & \text{если } 0 < y < 1, 0 < x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ D  $f(x, y) = \begin{cases} 2, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ B  $f(x, y) = \begin{cases} 1/x, & \text{если } 0 < y < 1, 0 < x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ E  $f(x, y) = \begin{cases} 1, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ C  $f(x, y) = \begin{cases} 1/x, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

**Вопрос 28.** Совместная функция плотности случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{1}{4}xy, & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Найдите функцию распределения  $F_Y(y)$

☐ A

☐ C

☐ E

$F_Y(y) = \begin{cases} y^2, & \text{если } y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

$F_Y(y) = \begin{cases} \frac{1}{4}y^2, & \text{если } y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ \frac{1}{2}y^2, & y \in [0; 2] \\ 0, & y > 2 \end{cases}$

☐ B

☐ D

$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ \frac{1}{4}y^2, & y \in [0; 2] \\ 1, & y > 2 \end{cases}$

$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ y^2, & y \in [0; 2] \\ 0, & y > 2 \end{cases}$

**Вопрос 29.** Для дискретной случайной величины функция распределения

- ☐ *A* имеет разрывы                      ☐ *C* строго возрастает                      ☐ *E* непрерывна  
☐ *B* не определена                      ☐ *D* вырождена

**Вопрос 30.** Случайная величина  $X$  имеет функцию плотности  $f(x) = 3x^2$  на отрезке  $[0; 1]$ . Ожидание  $E(1/X)$  равно

- ☐ *A*  $3/2$                       ☐ *C*  $1$                       ☐ *E*  $2/3$   
☐ *B*  $2$                       ☐ *D*  $1/3$

Имя, фамилия и номер группы:

.....

**Вопрос 1.** Вероятность поражения мишени при одном выстреле равна 0.8. Случайная величина  $\xi_i$  равна 1, если при  $i$ -ом выстреле было попадание, и равна 0 в противном случае. Предел по вероятности последовательности  $\frac{\xi_1^{2019} + \dots + \xi_n^{2019}}{n}$  равен

☐ A 0.8

☐ C 0

☐ E  $0.8^{2019}$

☐ B 0.5

☐ D 0.2

**Вопрос 2.** Про случайные величины  $X, Y$  известно, что  $\text{Var}(X) = 1$ ,  $\text{Var}(Y) = 4$ ,  $\text{Cov}(X, Y) = -1$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, -2Y)$  равна

☐ A -0.5

☐ C 0.5

☐ E -0.25

☐ B 1

☐ D 0

**Вопрос 3.** Маша подбрасывает кубик два раза. Рассмотрим события  $A = \{\text{в первый раз выпало чётное число}\}$ ,  $B = \{\text{в сумме выпало чётное число}\}$  и  $C = \{\text{в сумме выпало нечётное число}\}$ . Независимыми являются пары событий:

☐ A  $A$  и  $C$ ;  $B$  и  $C$

☐ C  $A$  и  $B$ ;  $A$  и  $C$

☐ E только  $A$  и  $B$

☐ B только  $A$  и  $C$

☐ D  $A$  и  $B$ ;  $B$  и  $C$

**Вопрос 4.** Про независимые случайные величины  $X$  и  $Y$  известно, что  $\text{Var}(X) = 8$ ,  $\text{Var}(Y) = 1$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, -2Y)$  равна

☐ A 0.25

☐ C 0.5

☐ E -0.025

☐ B 0

☐ D -0.5

**Вопрос 5.** Известно, что  $\text{Var}(X) = 4$ ,  $\text{Var}(Y) = 9$ ,  $\text{Cov}(X, Y) = 6$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, Y)$  равна

☐ A 0.25

☐ C 1

☐ E -0.5

☐ B -0.25

☐ D 0.5

**Вопрос 6.** Совместная функция плотности пары случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} c(2x + y), & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Константа  $c$  равна

☐ A 8

☐ C  $1/6$

☐ E 12

☐ B  $1/12$

☐ D  $1/8$

**Вопрос 7.** Случайная величина  $X$  имеет равномерное распределение. Возможной функцией плотности величины  $X$  является

☐ A  $f(x) = \begin{cases} 1/5, x \in [-5; 5] \\ 0, x \notin [-5; 5] \end{cases}$

☐ C  $f(x) = \begin{cases} x/30, x \in [30; 50] \\ 0, x \notin [30; 50] \end{cases}$

☐ E  $f(x) = \begin{cases} 1/30, x \in [30; 50] \\ 0, x \notin [30; 50] \end{cases}$

☐ B  $f(x) = \begin{cases} 1/20, x \in [30; 50] \\ 0, x \notin [30; 50] \end{cases}$

☐ D  $f(x) = \begin{cases} 1/50, x \in [30; 50] \\ 0, x \notin [30; 50] \end{cases}$

**Вопрос 8.** Случайная величина  $X$  имеет непрерывное распределение, при этом  $\mathbb{P}(X \leq 3) = 0.25$  и  $\mathbb{P}(X > 0.25) = 0.8$ . Квантиль порядка 0.25 величины  $X$  может быть равен

☐ A 0.8

☐ C 0.2

☐ E 0.25

☐ B 3

☐ D 0.75

**Вопрос 9.** Плотность величины  $X$  имеет вид  $f(x) = 2x$  при  $0 < x < 1$  и  $f(x) = 0$  при остальных  $x$ . Условная плотность величины  $Y$  задаётся формулой  $f_{Y|X}(y|x) = \begin{cases} \frac{1}{x}, & \text{если } 0 < y \leq x; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$ . Совместная плотность величин  $X$  и  $Y$  равна

☐ A  $f(x, y) = \begin{cases} 1/x, & \text{если } 0 < y < 1, 0 < x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ D  $f(x, y) = \begin{cases} 2, & \text{если } 0 < y < 1, 0 < x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ B  $f(x, y) = \begin{cases} 1, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ E  $f(x, y) = \begin{cases} 2, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ C  $f(x, y) = \begin{cases} 1/x, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

**Вопрос 10.** Известно, что  $\mathbb{P}(A \cap B) = 0.3$ ,  $\mathbb{P}(B|A) = 0.6$ . Вероятность того, что событие  $A$  произойдет, а событие  $B$  не произойдёт, равна

☐ A  $2/3$

☐ C 0.8

☐ E 0.2

☐ B 0.5

☐ D  $1/3$

**Вопрос 11.** Размер выплаты по страховому полису является неотрицательной величиной с математическим ожиданием 10,000 рублей. Согласно неравенству Маркова, вероятность того, что величина выплаты превысит 30,000 рублей, не превосходит

☐ A 0.73

☐ C 0.5

☐ E  $1/3$

☐ B 0.3

☐ D 0.13

**Вопрос 12.** Величины  $\xi_1, \xi_2, \dots$  независимы и имеют таблицы распределения

$x$	$-1$	$1$
$\mathbb{P}(\xi_i = x)$	$1/2$	$1/2$

Рассмотрим их сумму  $S_n = \xi_1 + \dots + \xi_n$ . Предел  $\lim_{n \rightarrow \infty} \mathbb{P}\left(\frac{S_n - \mathbb{E}(S_n)}{\sqrt{\text{Var}(S_n)}} > 2\right)$  равен

- ☐ A  $\int_2^{+\infty} e^{-t^2/2} dt$  ☐ C  $\int_{-\infty}^2 \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt$  ☐ E  $\int_2^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt$   
☐ B 0.5 ☐ D 1

**Вопрос 13.** Для любой функции распределения  $F_X(x)$  верно, что

- ☐ A она возрастает значения на  $[0, +\infty)$  ☐ D она не убывает  
☐ B  $F_X(x)$  принимает любые ☐ C она не возрастает ☐ E  $F_X(x) > 0$

**Вопрос 14.** Величины  $X$  и  $Y$  одинаково распределены и равновероятно принимают только два значения,  $-1$  и  $1$ , при этом  $\mathbb{P}(Y = 1|X = 1) = 0.4$ . Вероятность  $\mathbb{P}(Y = -1, X = 1)$  равна

- ☐ A 0.5 ☐ C 1 ☐ E 0.6  
☐ B 0.3 ☐ D 0.4

**Вопрос 15.** В школе три выпускных класса. В “А” классе 50% мальчиков, в “Б” классе — 70% мальчиков, и в “В” классе — 80%. Я выбираю один класс равновероятно, а затем одного учащегося из этого класса, также равновероятно. Вероятность того, что окажется выбран мальчик равна

- ☐ A 0.5 ☐ C 0.6 ☐ E  $2/3$   
☐ B 0.7 ☐ D 0.75

**Вопрос 16.** Величина  $Y$  имеет экспоненциальное (показательное) распределение с параметром  $\lambda = 0.5$ . Величины  $X$  и  $Y$  независимы. Ожидание  $\mathbb{E}(Y|X = 3/4)$  равно

- ☐ A  $\frac{1}{8}$  ☐ C 1 ☐ E  $\frac{1}{2}$   
☐ B 2 ☐ D  $\frac{3}{4}$

**Вопрос 17.** Для дискретной случайной величины функция распределения

- ☐ A не определена ☐ C строго возрастает ☐ E имеет разрывы  
☐ B вырождена ☐ D непрерывна

**Вопрос 18.** Совместная функция плотности случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{1}{4}xy, & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Найдите функцию распределения  $F_Y(y)$

A

$$F_Y(y) = \begin{cases} \frac{1}{4}y^2, & \text{если } y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

C

$$F_Y(y) = \begin{cases} y^2, & \text{если } y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

E

$$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ \frac{1}{4}y^2, & y \in [0; 2] \\ 1, & y > 2 \end{cases}$$

B

$$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ \frac{1}{2}y^2, & y \in [0; 2] \\ 0, & y > 2 \end{cases}$$

D

$$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ y^2, & y \in [0; 2] \\ 0, & y > 2 \end{cases}$$

**Вопрос 19.** В урне лежат 7 белых и 5 черных шаров. Из урны достают 5 шаров. Вероятность того, что хотя бы 3 из них окажутся белыми, равна

A  $\frac{3}{5} \cdot \frac{7}{12}$

C  $\frac{C_5^3 C_7^2 + C_5^4 C_7^1 + C_5^5 C_7^0}{C_{12}^5}$

E  $C_5^3 \left(\frac{7}{12}\right)^2 \left(\frac{5}{12}\right)^3$

B  $C_5^3 \left(\frac{7}{12}\right)^3 \left(\frac{5}{12}\right)^2$

D  $\frac{C_7^3 C_5^2 + C_7^4 C_5^1 + C_7^5 C_5^0}{C_{12}^5}$

**Вопрос 20.** Про линейно связанные случайные величины  $X$  и  $Y$ , известно, что  $\text{Var}(X) = 1$ ,  $\text{Var}(Y) = 4$ . Дисперсия их суммы может быть равна

A 1

C 4

E 2

B 5

D 3

**Вопрос 21.** Величина  $X$  имеет биномиальное распределение с параметрами  $n$  и  $p$ . Дисперсия величины  $X$  максимальна при  $p$  равном

A 0.5

C 0.2

E 0.75

B 0.9

D 0.25

**Вопрос 22.** Для энтропий пары случайных величин выполнено соотношение

A  $H(Y|X) + H(X) = H(X, Y)$

D  $H(X \cdot Y)/H(X) = H(Y|X)$

B  $H(Y|X) + H(X|Y) = H(X, Y)$

C  $H(X) \cdot H(Y) = H(X, Y)$

E  $H(X) + H(Y) = H(X, Y)$



**Вопрос 23.** Величина  $X$  с равными вероятностями принимает только два значения,  $-1$  и  $1$ , и  $E(Y|X = x) = 1$ . Ожидание  $E(Y)$  равно

☐ A 0.5☐ C  $-1$ ☐ E  $1$ ☐ B 0.5☐ D  $0$ 

**Вопрос 24.** Случайная величина  $X$  имеет функцию плотности  $f(x) = 3x^2$  на отрезке  $[0; 1]$ . Ожидание  $E(1/X)$  равно

☐ A  $1$ ☐ C  $2$ ☐ E  $3/2$ ☐ B  $1/3$ ☐ D  $2/3$ 

**Вопрос 25.** Случайная величина  $X$  равномерно распределена на отрезке от  $-2$  до  $2$ . Вероятность  $\mathbb{P}(X^2 > 0.64)$  равна

☐ A  $0.2$ ☐ C  $\frac{1}{2\sqrt{2}}$ ☐ E  $0.8$ ☐ B  $0.6$ ☐ D  $0.1$ 

**Вопрос 26.** Про случайные величины  $X, Y, Z$  известно, что  $E(X) = 1$ ,  $E(Y) = 2$ ,  $E(Z) = 3$ . Ожидание  $E(X - Y + 2Z)$  равно

☐ A  $3$ ☐ C  $1$ ☐ E  $4$ ☐ B  $5$ ☐ D  $2$ 

**Вопрос 27.** Совместная функция плотности случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{1}{4}xy, & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Найдите вероятность  $\mathbb{P}(Y = X)$

☐ A невозможно вычислить на основе имеющихся данных☐ B  $1/2$ ☐ D  $3/4$ ☐ C  $1/4$ ☐ E  $0$ 

**Вопрос 28.** Количество скачиваний за день мобильного приложения распределено по Пуассону. В среднем приложение скачивают 12 раз за день. Вероятность того, что приложение будет скачено за день ровно 5 раз, равна

☐ A  $\frac{5}{12}$ ☐ C  $e^{-5}$ ☐ E  $e^{-5} \frac{5^{12}}{12!}$ ☐ B  $e^{-12} \frac{12^5}{5!}$ ☐ D  $e^{-12} \frac{5^{12}}{12!}$

**Вопрос 29.** Сумма независимых абсолютно непрерывной и дискретной случайных величин имеет распределение

☐ *A* абсолютно непрерывное

☐ *C* вырожденное

☐ *E* нормальное

☐ *B* сингулярное

☐ *D* дискретное

**Вопрос 30.** Дисперсию случайной величины  $X$  можно найти, зная

☐ *A*  $E(X^2)$  и  $E(X)$

☐ *C*  $(E(X))^2$  и  $E(X)$

☐ *E*  $F_Y(x)$

☐ *B*  $\text{Cov}(X, Y)$  и  $\text{Var}(Y)$

☐ *D*  $E(XY)$  и  $E(Y)$

Имя, фамилия и номер группы:

.....

**Вопрос 1.** Про линейно связанные случайные величины  $X$  и  $Y$ , известно, что  $\text{Var}(X) = 1$ ,  $\text{Var}(Y) = 4$ . Дисперсия их суммы может быть равна

☐ A 4

☐ C 3

☐ E 1

☐ B 2

☐ D 5

**Вопрос 2.** Размер выплаты по страховому полису является неотрицательной величиной с математическим ожиданием 10,000 рублей. Согласно неравенству Маркова, вероятность того, что величина выплаты превысит 30,000 рублей, не превосходит

☐ A 0.73

☐ C 0.5

☐ E 0.3

☐ B 0.13

☐ D  $1/3$

**Вопрос 3.** Величина  $X$  имеет биномиальное распределение с параметрами  $n$  и  $p$ . Дисперсия величины  $X$  максимальна при  $p$  равном

☐ A 0.9

☐ C 0.75

☐ E 0.5

☐ B 0.2

☐ D 0.25

**Вопрос 4.** Про случайные величины  $X, Y, Z$  известно, что  $E(X) = 1$ ,  $E(Y) = 2$ ,  $E(Z) = 3$ . Ожидание  $E(X - Y + 2Z)$  равно

☐ A 1

☐ C 3

☐ E 2

☐ B 4

☐ D 5

**Вопрос 5.** Плотность величины  $X$  имеет вид  $f(x) = 2x$  при  $0 < x < 1$  и  $f(x) = 0$  при остальных  $x$ . Условная плотность величины  $Y$  задаётся формулой  $f_{Y|X}(y|x) = \begin{cases} \frac{1}{x}, & \text{если } 0 < y \leq x; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$ . Совместная плотность величин  $X$  и  $Y$  равна

☐ A  $f(x, y) = \begin{cases} 2, & \text{если } 0 < y < 1, 0 < x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ D  $f(x, y) = \begin{cases} 1/x, & \text{если } 0 < y < 1, 0 < x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ B  $f(x, y) = \begin{cases} 1/x, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ E  $f(x, y) = \begin{cases} 2, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

☐ C  $f(x, y) = \begin{cases} 1, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$

**Вопрос 6.** Совместная функция плотности пары случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} c(2x + y), & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Константа  $c$  равна

☐ A 1/6

☐ C 12

☐ E 1/8

☐ B 8

☐ D 1/12

**Вопрос 7.** Для любой функции распределения  $F_X(x)$  верно, что

☐ A  $F_X(x) > 0$

☐ C  $F_X(x)$  принимает любые значения на  $[0, +\infty)$

☐ D она не убывает

☐ B она не возрастает

☐ E она возрастает

**Вопрос 8.** Для дискретной случайной величины функция распределения

☐ A непрерывна

☐ C строго возрастает

☐ E не определена

☐ B имеет разрывы

☐ D вырождена

**Вопрос 9.** Случайная величина  $X$  равномерно распределена на отрезке от  $-2$  до  $2$ . Вероятность  $\mathbb{P}(X^2 > 0.64)$  равна

☐ A 0.2

☐ C 0.6

☐ E 0.1

☐ B 0.8

☐ D  $\frac{1}{2\sqrt{2}}$

**Вопрос 10.** Величины  $X$  и  $Y$  одинаково распределены и равновероятно принимают только два значения,  $-1$  и  $1$ , при этом  $\mathbb{P}(Y = 1|X = 1) = 0.4$ . Вероятность  $\mathbb{P}(Y = -1, X = 1)$  равна

☐ A 0.6

☐ C 0.3

☐ E 0.4

☐ B 1

☐ D 0.5

**Вопрос 11.** Величина  $X$  с равными вероятностями принимает только два значения,  $-1$  и  $1$ , и  $E(Y|X = x) = 1$ . Ожидание  $E(Y)$  равно

☐ A 1

☐ C 0.5

☐ E 0

☐ B 0.5

☐ D  $-1$

**Вопрос 12.** Сумма независимых абсолютно непрерывной и дискретной случайных величин имеет распределение

☐ A нормальное

☐ C сингулярное

☐ E вырожденное

☐ B абсолютно непрерывное

☐ D дискретное

**Вопрос 13.** Совместная функция плотности случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{1}{4}xy, & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Найдите функцию распределения  $F_Y(y)$

☐ A

☐ C

☐ E

$$F_Y(y) = \begin{cases} \frac{1}{4}y^2, & \text{если } y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

$$F_Y(y) = \begin{cases} y^2, & \text{если } y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

$$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ \frac{1}{4}y^2, & y \in [0; 2] \\ 1, & y > 2 \end{cases}$$

☐ B

☐ D

$$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ \frac{1}{2}y^2, & y \in [0; 2] \\ 0, & y > 2 \end{cases}$$

$$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ y^2, & y \in [0; 2] \\ 0, & y > 2 \end{cases}$$

**Вопрос 14.** Величины  $\xi_1, \xi_2, \dots$  независимы и имеют таблицы распределения

$x$	-1	1
$\mathbb{P}(\xi_i = x)$	1/2	1/2

Рассмотрим их сумму  $S_n = \xi_1 + \dots + \xi_n$ . Предел  $\lim_{n \rightarrow \infty} \mathbb{P}\left(\frac{S_n - \mathbb{E}(S_n)}{\sqrt{\text{Var}(S_n)}} > 2\right)$  равен

☐ A 1

☐ C  $\int_2^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt$

☐ E 0.5

☐ B  $\int_2^{+\infty} e^{-t^2/2} dt$

☐ D  $\int_{-\infty}^2 \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt$

**Вопрос 15.** Случайная величина  $X$  имеет непрерывное распределение, при этом  $\mathbb{P}(X \leq 3) = 0.25$  и  $\mathbb{P}(X > 0.25) = 0.8$ . Квантиль порядка 0.25 величины  $X$  может быть равен

☐ A 0.75

☐ C 3

☐ E 0.25

☐ B 0.8

☐ D 0.2

**Вопрос 16.** Для энтропий пары случайных величин выполнено соотношение

☐ A  $H(X) \cdot H(Y) = H(X, Y)$

☐ C  $H(X) + H(Y) = H(X, Y)$

☐ E  $\frac{H(Y|X)}{H(X, Y)} + \frac{H(X|Y)}{H(X, Y)} =$

☐ B  $H(Y|X) + H(X) = H(X, Y)$

☐ D  $H(X \cdot Y)/H(X) = H(Y|X)$

**Вопрос 17.** Случайная величина  $X$  имеет равномерное распределение. Возможной функцией плотности величины  $X$  является

☐ A  $f(x) = \begin{cases} 1/5, & x \in [-5; 5] \\ 0, & x \notin [-5; 5] \end{cases}$

☐ C  $f(x) = \begin{cases} 1/30, & x \in [30; 50] \\ 0, & x \notin [30; 50] \end{cases}$

☐ E  $f(x) = \begin{cases} 1/50, & x \in [30; 50] \\ 0, & x \notin [30; 50] \end{cases}$

☐ B  $f(x) = \begin{cases} x/30, & x \in [30; 50] \\ 0, & x \notin [30; 50] \end{cases}$

☐ D  $f(x) = \begin{cases} 1/20, & x \in [30; 50] \\ 0, & x \notin [30; 50] \end{cases}$

**Вопрос 18.** Количество скачиваний за день мобильного приложения распределено по Пуассону. В среднем приложение скачивают 12 раз за день. Вероятность того, что приложение будет скачено за день ровно 5 раз, равна

☐ A  $e^{-5} \frac{5^{12}}{12!}$

☐ C  $e^{-12} \frac{5^{12}}{12!}$

☐ E  $\frac{5}{12}$

☐ B  $e^{-12} \frac{12^5}{5!}$

☐ D  $e^{-5}$

**Вопрос 19.** В школе три выпускных класса. В “А” классе 50% мальчиков, в “Б” классе — 70% мальчиков, и в “В” классе — 80%. Я выбираю один класс равновероятно, а затем одного учащегося из этого класса, также равновероятно. Вероятность того, что окажется выбран мальчик равна

☐ A 0.75

☐ C 0.6

☐ E 0.5

☐ B 0.7

☐ D  $2/3$

**Вопрос 20.** Про независимые случайные величины  $X$  и  $Y$  известно, что  $\text{Var}(X) = 8$ ,  $\text{Var}(Y) = 1$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, -2Y)$  равна

☐ A 0

☐ C 0.25

☐ E -0.5

☐ B -0.025

☐ D 0.5

**Вопрос 21.** В урне лежат 7 белых и 5 черных шаров. Из урны достают 5 шаров. Вероятность того, что хотя бы 3 из них окажутся белыми, равна

☐ A  $\frac{C_5^3 C_7^2 + C_5^4 C_7^1 + C_5^5 C_7^0}{C_{12}^5}$

☐ C  $C_5^3 \left(\frac{7}{12}\right)^2 \left(\frac{5}{12}\right)^3$

☐ E  $\frac{C_7^3 C_5^2 + C_7^4 C_5^1 + C_7^5 C_5^0}{C_{12}^5}$

☐ B  $C_5^3 \left(\frac{7}{12}\right)^3 \left(\frac{5}{12}\right)^2$

☐ D  $\frac{3}{5} \cdot \frac{7}{12}$

**Вопрос 22.** Совместная функция плотности случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{1}{4}xy, & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Найдите вероятность  $\mathbb{P}(Y = X)$

☐ A невозможно вычислить на основе имеющихся данных

☐ B  $1/2$

☐ D  $1/4$

☐ C  $3/4$

☐ E 0

**Вопрос 23.** Величина  $Y$  имеет экспоненциальное (показательное) распределение с параметром  $\lambda = 0.5$ . Величины  $X$  и  $Y$  независимы. Ожидание  $E(Y|X = 3/4)$  равно

☐ A 1

☐ C  $\frac{1}{8}$

☐ E  $\frac{3}{4}$

☐ B  $\frac{1}{2}$

☐ D 2

**Вопрос 24.** Случайная величина  $X$  имеет функцию плотности  $f(x) = 3x^2$  на отрезке  $[0; 1]$ . Ожидание  $E(1/X)$  равно

☐ A 2/3☐ C 3/2☐ E 1/3☐ B 1☐ D 2

**Вопрос 25.** Маша подбрасывает кубик два раза. Рассмотрим события  $A = \{\text{в первый раз выпало чётное число}\}$ ,  $B = \{\text{в сумме выпало чётное число}\}$  и  $C = \{\text{в сумме выпало нечётное число}\}$ . Независимыми являются пары событий:

☐ A только  $A$  и  $B$ ☐ C  $A$  и  $B$ ;  $A$  и  $C$ ☐ E  $A$  и  $C$ ;  $B$  и  $C$ ☐ B  $A$  и  $B$ ;  $B$  и  $C$ ☐ D только  $A$  и  $C$ 

**Вопрос 26.** Известно, что  $\text{Var}(X) = 4$ ,  $\text{Var}(Y) = 9$ ,  $\text{Cov}(X, Y) = 6$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, Y)$  равна

☐ A  $-0.5$ ☐ C  $0.25$ ☐ E 1☐ B  $0.5$ ☐ D  $-0.25$ 

**Вопрос 27.** Дисперсию случайной величины  $X$  можно найти, зная

☐ A  $E(XY)$  и  $E(Y)$ ☐ C  $E(X^2)$  и  $E(X)$ ☐ E  $(E(X))^2$  и  $E(X)$ ☐ B  $F_Y(x)$ ☐ D  $\text{Cov}(X, Y)$  и  $\text{Var}(Y)$ 

**Вопрос 28.** Про случайные величины  $X, Y$  известно, что  $\text{Var}(X) = 1$ ,  $\text{Var}(Y) = 4$ ,  $\text{Cov}(X, Y) = -1$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, -2Y)$  равна

☐ A 0☐ C  $-0.25$ ☐ E  $0.5$ ☐ B  $-0.5$ ☐ D 1

**Вопрос 29.** Вероятность поражения мишени при одном выстреле равна  $0.8$ . Случайная величина  $\xi_i$  равна  $1$ , если при  $i$ -ом выстреле было попадание, и равна  $0$  в противном случае. Предел по вероятности последовательности  $\frac{\xi_1^{2019} + \dots + \xi_n^{2019}}{n}$  равен

☐ A  $0.8^{2019}$ ☐ C 0☐ E  $0.5$ ☐ B  $0.2$ ☐ D  $0.8$ 

**Вопрос 30.** Известно, что  $\mathbb{P}(A \cap B) = 0.3$ ,  $\mathbb{P}(B|A) = 0.6$ . Вероятность того, что событие  $A$  произойдет, а событие  $B$  не произойдёт, равна

☐ A  $0.8$ ☐ C  $0.2$ ☐ E  $1/3$ ☐ B  $2/3$ ☐ D  $0.5$

Имя, фамилия и номер группы:

.....

**Вопрос 1.** Для дискретной случайной величины функция распределения

- ☐ A не определена
 ☐ C строго возрастает
 ☐ E вырождена  
☐ B имеет разрывы
 ☐ D непрерывна

**Вопрос 2.** Совместная функция плотности пары случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} c(2x + y), & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Константа  $c$  равна

- ☐ A 1/12
 ☐ C 1/6
 ☐ E 8  
☐ B 12
 ☐ D 1/8

**Вопрос 3.** Величина  $X$  с равными вероятностями принимает только два значения,  $-1$  и  $1$ , и  $E(Y|X = x) = 1$ . Ожидание  $E(Y)$  равно

- ☐ A 0.5
 ☐ C 1
 ☐ E 0  
☐ B 0.5
 ☐ D  $-1$

**Вопрос 4.** Дисперсию случайной величины  $X$  можно найти, зная

- ☐ A  $\text{Cov}(X, Y)$  и  $\text{Var}(Y)$ 
☐ C  $(E(X))^2$  и  $E(X)$ 
☐ E  $E(XY)$  и  $E(Y)$   
☐ B  $E(X^2)$  и  $E(X)$ 
☐ D  $F_Y(x)$

**Вопрос 5.** Величины  $\xi_1, \xi_2, \dots$  независимы и имеют таблицы распределения

$x$	$-1$	$1$
$\mathbb{P}(\xi_i = x)$	$1/2$	$1/2$

Рассмотрим их сумму  $S_n = \xi_1 + \dots + \xi_n$ . Предел  $\lim_{n \rightarrow \infty} \mathbb{P}\left(\frac{S_n - E(S_n)}{\sqrt{\text{Var}(S_n)}} > 2\right)$  равен

- ☐ A  $\int_2^{+\infty} e^{-t^2/2} dt$ 
☐ C 1
 ☐ E  $\int_{-\infty}^2 \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt$   
☐ B  $\int_2^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt$ 
☐ D 0.5



**Вопрос 6.** Плотность величины  $X$  имеет вид  $f(x) = 2x$  при  $0 < x < 1$  и  $f(x) = 0$  при остальных  $x$ . Условная плотность величины  $Y$  задаётся формулой  $f_{Y|X}(y|x) = \begin{cases} \frac{1}{x}, & \text{если } 0 < y \leq x; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$ . Совместная плотность величин  $X$  и  $Y$  равна

$$\boxed{A} \quad f(x, y) = \begin{cases} 1/x, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

$$\boxed{D} \quad f(x, y) = \begin{cases} 1, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

$$\boxed{B} \quad f(x, y) = \begin{cases} 1/x, & \text{если } 0 < y < 1, 0 < x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

$$\boxed{E} \quad f(x, y) = \begin{cases} 2, & \text{если } 0 < y < 1, 0 < x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

$$\boxed{C} \quad f(x, y) = \begin{cases} 2, & \text{если } 0 < y \leq x < 1; \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

**Вопрос 7.** Величины  $X$  и  $Y$  одинаково распределены и равновероятно принимают только два значения,  $-1$  и  $1$ , при этом  $\mathbb{P}(Y = 1|X = 1) = 0.4$ . Вероятность  $\mathbb{P}(Y = -1, X = 1)$  равна

$$\boxed{A} \quad 0.5$$

$$\boxed{C} \quad 0.3$$

$$\boxed{E} \quad 0.4$$

$$\boxed{B} \quad 1$$

$$\boxed{D} \quad 0.6$$

**Вопрос 8.** Вероятность поражения мишени при одном выстреле равна  $0.8$ . Случайная величина  $\xi_i$  равна  $1$ , если при  $i$ -ом выстреле было попадание, и равна  $0$  в противном случае. Предел по вероятности последовательности  $\frac{\xi_1^{2019} + \dots + \xi_n^{2019}}{n}$  равен

$$\boxed{A} \quad 0.2$$

$$\boxed{C} \quad 0$$

$$\boxed{E} \quad 0.5$$

$$\boxed{B} \quad 0.8$$

$$\boxed{D} \quad 0.8^{2019}$$

**Вопрос 9.** Количество скачиваний за день мобильного приложения распределено по Пуассону. В среднем приложение скачивают  $12$  раз за день. Вероятность того, что приложение будет скачено за день ровно  $5$  раз, равна

$$\boxed{A} \quad e^{-5}$$

$$\boxed{C} \quad e^{-12} \frac{5^{12}}{12!}$$

$$\boxed{E} \quad \frac{5}{12}$$

$$\boxed{B} \quad e^{-12} \frac{12^5}{5!}$$

$$\boxed{D} \quad e^{-5} \frac{5^{12}}{12!}$$

**Вопрос 10.** Про линейно связанные случайные величины  $X$  и  $Y$ , известно, что  $\text{Var}(X) = 1$ ,  $\text{Var}(Y) = 4$ . Дисперсия их суммы может быть равна

$$\boxed{A} \quad 2$$

$$\boxed{C} \quad 1$$

$$\boxed{E} \quad 5$$

$$\boxed{B} \quad 3$$

$$\boxed{D} \quad 4$$

**Вопрос 11.** Про независимые случайные величины  $X$  и  $Y$  известно, что  $\text{Var}(X) = 8$ ,  $\text{Var}(Y) = 1$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, -2Y)$  равна

☐ A 0

☐ C 0.5

☐ E -0.5

☐ B -0.025

☐ D 0.25

**Вопрос 12.** Случайная величина  $X$  имеет равномерное распределение. Возможной функцией плотности величины  $X$  является

☐ A  $f(x) = \begin{cases} 1/5, x \in [-5; 5] \\ 0, x \notin [-5; 5] \end{cases}$

☐ C  $f(x) = \begin{cases} 1/20, x \in [30; 50] \\ 0, x \notin [30; 50] \end{cases}$

☐ E  $f(x) = \begin{cases} x/30, x \in [30; 50] \\ 0, x \notin [30; 50] \end{cases}$

☐ B  $f(x) = \begin{cases} 1/30, x \in [30; 50] \\ 0, x \notin [30; 50] \end{cases}$

☐ D  $f(x) = \begin{cases} 1/50, x \in [30; 50] \\ 0, x \notin [30; 50] \end{cases}$

**Вопрос 13.** Про случайные величины  $X, Y, Z$  известно, что  $E(X) = 1$ ,  $E(Y) = 2$ ,  $E(Z) = 3$ . Ожидание  $E(X - Y + 2Z)$  равно

☐ A 2

☐ C 1

☐ E 3

☐ B 4

☐ D 5

**Вопрос 14.** Случайная величина  $X$  имеет непрерывное распределение, при этом  $\mathbb{P}(X \leq 3) = 0.25$  и  $\mathbb{P}(X > 0.25) = 0.8$ . Квантиль порядка 0.25 величины  $X$  может быть равен

☐ A 0.8

☐ C 3

☐ E 0.2

☐ B 0.75

☐ D 0.25

**Вопрос 15.** В урне лежат 7 белых и 5 черных шаров. Из урны достают 5 шаров. Вероятность того, что хотя бы 3 из них окажутся белыми, равна

☐ A  $C_5^3 \left(\frac{7}{12}\right)^3 \left(\frac{5}{12}\right)^2$

☐ C  $\frac{3}{5} \cdot \frac{7}{12}$

☐ E  $\frac{C_7^3 C_5^2 + C_7^4 C_5^1 + C_7^5 C_5^0}{C_{12}^5}$

☐ B  $C_5^3 \left(\frac{7}{12}\right)^2 \left(\frac{5}{12}\right)^3$

☐ D  $\frac{C_5^3 C_7^2 + C_5^4 C_7^1 + C_5^5 C_7^0}{C_{12}^5}$

**Вопрос 16.** Для любой функции распределения  $F_X(x)$  верно, что

☐ A она не возрастает

☐ значения на  $[0, +\infty)$

☐ D она возрастает

☐ B  $F_X(x)$  принимает любые

☐ C  $F_X(x) > 0$

☐ E она не убывает

**Вопрос 17.** Для энтропий пары случайных величин выполнено соотношение

☐ A  $H(Y|X) + H(X) = H(X, Y)$

☐ D  $H(X) + H(Y) = H(X, Y)$

☐ B  $H(Y|X) + H(X|Y) = H(X, Y)$

☐ C  $H(X) \cdot H(Y) = H(X, Y)$

☐ E  $H(X \cdot Y)/H(X) = H(Y|X)$

**Вопрос 18.** В школе три выпускных класса. В “А” классе 50% мальчиков, в “Б” классе — 70% мальчиков, и в “В” классе — 80%. Я выбираю один класс равновероятно, а затем одного учащегося из этого класса, также равновероятно. Вероятность того, что окажется выбран мальчик равна

☐ A 0.6☐ C 0.75☐ E  $2/3$ ☐ B 0.7☐ D 0.5

**Вопрос 19.** Известно, что  $\mathbb{P}(A \cap B) = 0.3$ ,  $\mathbb{P}(B|A) = 0.6$ . Вероятность того, что событие  $A$  произойдет, а событие  $B$  не произойдёт, равна

☐ A  $1/3$ ☐ C 0.5☐ E 0.2☐ B  $2/3$ ☐ D 0.8

**Вопрос 20.** Размер выплаты по страховому полису является неотрицательной величиной с математическим ожиданием 10,000 рублей. Согласно неравенству Маркова, вероятность того, что величина выплаты превысит 30,000 рублей, не превосходит

☐ A  $1/3$ ☐ C 0.5☐ E 0.13☐ B 0.3☐ D 0.73

**Вопрос 21.** Случайная величина  $X$  имеет функцию плотности  $f(x) = 3x^2$  на отрезке  $[0; 1]$ . Ожидание  $E(1/X)$  равно

☐ A  $1/3$ ☐ C  $2/3$ ☐ E  $3/2$ ☐ B 2☐ D 1

**Вопрос 22.** Известно, что  $\text{Var}(X) = 4$ ,  $\text{Var}(Y) = 9$ ,  $\text{Cov}(X, Y) = 6$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, Y)$  равна

☐ A 1☐ C 0.25☐ E 0.5☐ B  $-0.25$ ☐ D  $-0.5$ 

**Вопрос 23.** Величина  $X$  имеет биномиальное распределение с параметрами  $n$  и  $p$ . Дисперсия величины  $X$  максимальна при  $p$  равном

☐ A 0.75☐ C 0.25☐ E 0.9☐ B 0.2☐ D 0.5

**Вопрос 24.** Сумма независимых абсолютно непрерывной и дискретной случайных величин имеет распределение

☐ A вырожденное☐ C сингулярное☐ E дискретное☐ B нормальное☐ D абсолютно непрерывное

**Вопрос 25.** Маша подбрасывает кубик два раза. Рассмотрим события  $A = \{\text{в первый раз выпало чётное число}\}$ ,  $B = \{\text{в сумме выпало чётное число}\}$  и  $C = \{\text{в сумме выпало нечётное число}\}$ . Независимыми являются пары событий:

☐  $A$  и  $C$ ;  $B$  и  $C$ ☐ только  $A$  и  $C$ ☐  $A$  и  $B$ ;  $B$  и  $C$ ☐  $A$  и  $B$ ;  $A$  и  $C$ ☐ только  $A$  и  $B$ 

**Вопрос 26.** Совместная функция плотности случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{1}{4}xy, & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Найдите вероятность  $\mathbb{P}(Y = X)$

☐  $1/4$ ☐ невозможно вычислить на основе имеющихся данных☐  $1/2$ ☐  $3/4$ ☐  $0$ 

**Вопрос 27.** Величина  $Y$  имеет экспоненциальное (показательное) распределение с параметром  $\lambda = 0.5$ . Величины  $X$  и  $Y$  независимы. Ожидание  $E(Y|X = 3/4)$  равно

☐  $1$ ☐  $\frac{1}{2}$ ☐  $2$ ☐  $\frac{1}{8}$ ☐  $\frac{3}{4}$ 

**Вопрос 28.** Случайная величина  $X$  равномерно распределена на отрезке от  $-2$  до  $2$ . Вероятность  $\mathbb{P}(X^2 > 0.64)$  равна

☐  $0.8$ ☐  $0.6$ ☐  $\frac{1}{2\sqrt{2}}$ ☐  $0.1$ ☐  $0.2$

**Вопрос 29.** Совместная функция плотности случайных величин  $X$  и  $Y$  имеет вид

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{1}{4}xy, & \text{если } x \in [0; 2], y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Найдите функцию распределения  $F_Y(y)$

**A**

$$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ \frac{1}{2}y^2, & y \in [0; 2] \\ 0, & y > 2 \end{cases}$$

**C**

$$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ y^2, & y \in [0; 2] \\ 0, & y > 2 \end{cases}$$

**E**

$$F_Y(y) = \begin{cases} \frac{1}{4}y^2, & \text{если } y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

**B**

$$F_Y(y) = \begin{cases} y^2, & \text{если } y \in [0; 2] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

**D**

$$F_Y(y) = \begin{cases} 0, & y < 0 \\ \frac{1}{4}y^2, & y \in [0; 2] \\ 1, & y > 2 \end{cases}$$

**Вопрос 30.** Про случайные величины  $X, Y$  известно, что  $\text{Var}(X) = 1$ ,  $\text{Var}(Y) = 4$ ,  $\text{Cov}(X, Y) = -1$ . Корреляция  $\text{Corr}(X, -2Y)$  равна

**A** 0

**C** -0.5

**E** -0.25

**B** 0.5

**D** 1