Homework 1 Report - PM2.5 Prediction

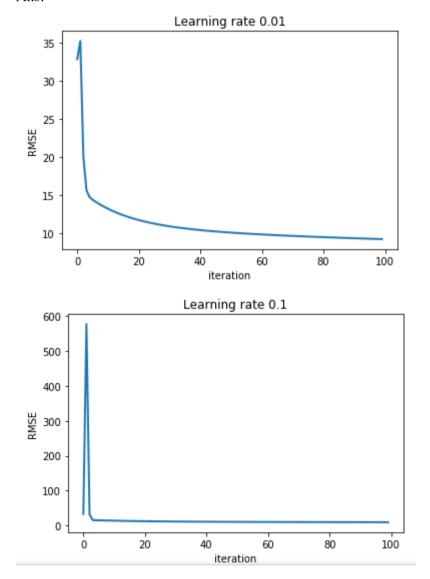
學號: R06922134 系級: 資工碩二 姓名: 葉沛陽

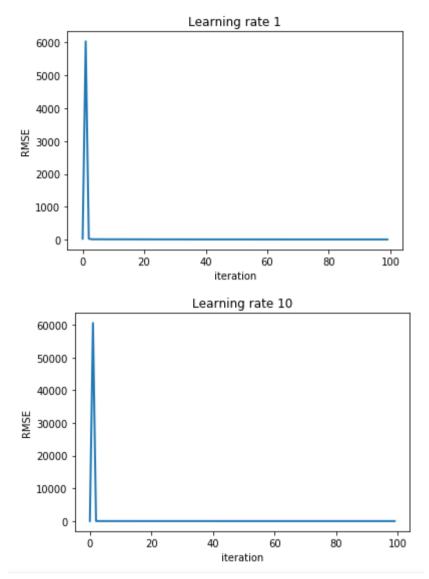
- Report.pdf 檔名錯誤(-1%)
- 學號系級姓名錯誤(-0.5%)

1. (1%) 請分別使用至少 $\mathbf{4}$ 種不同數值的 learning rate 進行 training(其他參數需一致),對其作圖,並且討論其收斂過程差異。

以下為示意圖:

Ans:





Learning rate 越大,在第 2 個 iteration 的 RMSE 會飆越高,不過 4 種 learning rate 在第 100 個 iteration 的時候,分別收斂到{learning rate 10: RMSE:9.398166};{learning rate 1: RMSE:9.391467};{learning rate 0.1: RMSE:9.328023};{learning rate 0.01: RMSE:9.21537 9};RMSE 都在 9 左右,只有些微差距,learning rate 越小 在第 100iteration 時 RMSE 越小。

2. (1%) 請分別使用每筆 data9 小時內所有 feature 的一次項(含 bias 項)以及每筆 data9 小時內 PM2.5 的一次項(含 bias 項)進行 training,比較並討論這兩種模型的 root mean-square error(根據 kaggle 上的 public/private score)。

	public	private
所有 feature	5.63946	6.81698
PM2.5	6.35282	7.40227

只用 PM2.5 雖然直觀上, PM2.5 是跟答案最相關的 feature, 不過少了其他那麼多 feature 還是大大的影響了準確率,證明了其他 feature 也是跟 PM2.5 的變化有相關性的。

3. (1%)請分別使用至少四種不同數值的 regulization parameter λ 進行 training(其他參數 需一至),討論及討論其 RMSE(traning, testing)(testing 根據 kaggle 上的 public/private score)以及參數 weight 的 L2 norm。

Ans:

其他參數

Iteration = 10000; Learning rate = 10;

λ	RMSE(training)	RMSE(public)	RMSE(private)	Weight L2 norm
0.01	22.603668	9.00778	8.73400	1.87981517
0.1	22.603668	9.00778	8.73400	1.87971463
1	22.603671	9.00776	8.73401	1.87870999
10	22.603703	9.00754	8.73402	1.86873505

regulization parameter λ 越大 RMSE(training)有稍微變大 不過 Weight L2 norm 會變小來 調控,因此改變不大。

regulization parameter λ 越大 RMSE(public)有稍微變小 不過 Weight L2 norm 會變小來調控,因此改變不大。

regulization parameter λ 越大 RMSE(private)有稍微變大 不過 Weight L2 norm 會變小來 調控,因此改變不大。

regulization parameter λ 越大 會讓 Weight 的改變對 Loss 的影響放大 所以 Weight L2 norm 會隨著 λ 變大而變小

然後可以發現 RMSE(training)遠比 RMSE(public)跟 RMSE(private)來得大,因為加入了 regulization 會讓 RMSE(training)變很大,所以這是當然的

至於一般來說加入 regulization 會比較不會 overfitting,不過這裡看不出來。

4~6 (3%) 請參考數學題目(連結:),將作答過程以各種形式(latex 尤佳)清楚地呈現在 pdf 檔中(手寫再拍照也可以,但請注意解析度)。

4.

(4-a)

യ Ans:

設 x_i, \ldots, x_N 是d ax_i 。

$$E_D(\mathbf{w}) = \frac{1}{2} (r_1(t_1 - (w_1x_{1,1} + \ldots + w_dx_{1,d}))^2 + \ldots + r_N(t_N - (w_1x_{N,1} + \ldots + w_dx_{N,d}))^2)$$

$$\frac{\partial E_D(\mathbf{w})}{\partial \mathbf{w}_i} = (r_1(w_1x_{1,1} + \ldots + w_dx_{1,d} - t_1)x_{1,i} + \ldots + (r_N(w_1x_{N,1} + \ldots + w_dx_{N,d} - t_N)x_{N,i})$$

$$\bigtriangledown E_D(w) = \begin{bmatrix} \frac{\partial E_D(\mathbf{w})}{\partial \mathbf{w}_1} \\ \frac{\partial E_D(\mathbf{w})}{\partial \mathbf{w}_2} \\ \vdots \\ \vdots \\ \frac{\partial E_D(\mathbf{w})}{\partial \mathbf{w}_d} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r_1x_1 & r_2x_2 & \dots & r_Nx_N \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ \vdots \\ x_N \end{bmatrix} \begin{bmatrix} w_1 \\ w_2 \\ \vdots \\ \vdots \\ w_d \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} r_1x_1 & r_2x_2 & \dots & r_Nx_N \end{bmatrix} \begin{bmatrix} t_1 \\ t_2 \\ \vdots \\ \vdots \\ t_N \end{bmatrix}$$

÷

$$X'=egin{bmatrix} r_1x_1\ r_2x_2\ dots\ r_Nx_N \end{bmatrix}, X=egin{bmatrix} x_1\ x_2\ dots\ r_N\end{bmatrix}, W=egin{bmatrix} w_1\ w_2\ dots\ r_N\end{bmatrix}, T=egin{bmatrix} t_1\ t_2\ dots\ r_N\end{bmatrix}$$

For

$$igtriangledown E_D(W^*) = 0$$
 $(X')^T X W^* = (X')^T T$ $W^* = ((X')^T X)^{-1} (X')^T T$

(4-b)

ANS:

$$W^* = ((X')^T X)^{-1} (X')^T = (egin{bmatrix} 4 & 5 & 15 \ 6 & 1 & 18 \end{bmatrix} egin{bmatrix} 2 & 3 \ 5 & 1 \ 5 & 6 \end{bmatrix})^{-1} egin{bmatrix} 4 & 5 & 15 \ 6 & 1 & 18 \end{bmatrix} egin{bmatrix} 0 \ 10 \ 5 \end{bmatrix}$$

$$=\begin{bmatrix}108 & 107\\107 & 127\end{bmatrix}^{-1}\begin{bmatrix}125\\100\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}\frac{127}{2267} & \frac{-107}{2267}\\\frac{-107}{2267} & \frac{108}{2267}\end{bmatrix}\begin{bmatrix}125\\100\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}\frac{5175}{2267}\\\frac{-2575}{2267}\end{bmatrix}$$