

Linguaggi di Programmazione 2022-2023

Lisp e programmazione funzionale IV

Marco Antoniotti

Gabriella Pasi

Fabio Sartori

Funzioni di uguaglianza

- Un problema preliminare che si pone in Lisp è quello di controllare se due oggetti sono **uguali**; il Common Lisp mette a disposizione una pletora di predicati di uguaglianza con semantica diversa
- Vediamo i due più importanti: **eq** e **equal**

Simboli, liste e funzioni di uguaglianza

- Il predicato **eq1** viene usato per controllare l'uguaglianza di simboli e numeri interi (e, ma non bisogna dirlo, di puntatori)

```
prompt> (eq1 42 42)  
T
```

```
prompt> (eq1 42 3)  
NIL
```

```
prompt> (eq1 'quarantadue 'quarantadue)  
T
```

```
prompt> (eq1 'quarantadue quarantadue)  
NIL
```

```
prompt> (eq1 'quarantadue 'fattoriale)  
NIL
```

```
prompt> (eq1 '(42) '(42))  
NIL
```

Simboli, liste e funzioni di uguaglianza

- Il predicato `equal` si comporta come `eq1`, ma è in grado di controllare se due liste sono uguali; in pratica non fa altro che applicare `eq1` ricorsivamente a tutti gli atomi di una lista: se un'applicazione di `eq1` ritorna il valore `NIL` allora `equal` fa lo stesso, altrimenti viene ritornato il valore `T`

```
prompt> (equal 42 42)  
T
```

```
prompt> (equal 42 3)  
NIL
```

```
prompt> (equal 'quarantadue 'quarantadue)  
T
```

```
prompt> (equal '(1 2 3 (a s d) 4) '(1 2 3 (a s d) 4))  
T
```

```
prompt> (equal '(1 due tre (a s d) 4) '(1 2 3 (a s d) 4))  
NIL
```

Liste e funzioni

- Ora che abbiamo modo di costruire quello che è un *contenitore* basilare (le liste) ed abbiamo l'operazione di **quote**, possiamo cominciare a vedere veramente quali sono i vantaggi di un paradigma funzionale
- Consideriamo la seguente lista

```
(defparameter pari (list 2 4 6 8 10))
```

- Supponiamo di voler moltiplicare tutti gli elementi della lista per un certo valore e di ritornare una nuova lista con i nuovi elementi; questa funzione è semplicemente

```
(defun scala-lista (l fattore)
  (if (null l)
      nil
      (cons (* fattore (car l))
            (scala-lista (cdr l) fattore))))
```

Liste e funzioni

- Si noti che la funzione `scala-lista` ripete la struttura di `appendi`
- L'operazione fatta dalla funzione `scala-lista` si può astrarre se astraiamo il concetto di valore funzionale
- L'astrazione “**applica la funzione f a tutti gli elementi della lista L e ritorna una lista dei valori**” è nota come “**map**”; in Common Lisp la funzione `mapcar` svolge questo compito
- La funzione `mapcar` è predefinita, ma essa può essere scritta come

```
(defun mapcar* (funzione lista)
  (if (null lista)
      nil
      (cons (funcall funzione (car lista))
            (mapcar* funzione (cdr lista))))))
```

Dove il nome `mapcar*` viene usato per evitare errori nell'ambiente Common Lisp

- La funzione `funcall` serve invece chiamare una funzione con un certo argomento

Liste e funzioni

- Supponiamo di avere una serie di funzioni chiamate `scala-4`, `scala-10`, `scala-pi` etc.

```
(defun scala-4 (x) (* x 4))  
(defun scala-10 (x) (* x 10))  
(defun scala-pi (x) (* x pi))
```

dove `pi` è la costante 3.14....

- La funzione `scala-lista-10` può essere scritta come

```
prompt> (defun scala-lista-10 (lista)  
          (mapcar 'scala-10 lista))  
SCALA-LISTA-10
```

```
prompt> (scala-lista-10 '(1 2 3 4 5))  
(10 20 30 40 50)
```

Liste e funzioni

- Ancora, la funzione `scala-lista-100` può essere scritta come

```
prompt> (defun scala-lista-100 (lista)
          (mapcar 'scala-100 lista))
SCALA-LISTA-10
```

```
prompt> (scala-lista-100 '(1 2 3 4 5))
(100 200 300 400 500)
```

- Eccetera eccetera
- Ovviamente questo ci dice che possiamo astrarre la funzione `scala-lista-x` in modo abbastanza semplice

```
(defun scala-lista (lista funzione-scalante)
  (mapcar funzione-scalante lista))
```

- Il parametro `funzione-scalante` è associato alla funzione che ci interessa; ad esempio per scalare di un fattore 10 ora possiamo scrivere

```
prompt> (scala-lista (list 1 2 3) 'scala-10)
(10 20 30)
```


Funzioni anonime ed operatore

`lambda`

- L'esempio precedente è semplice ma ci stuzzica: sarebbe bene poter costruire delle funzioni ausiliarie ogniqualvolta ce ne fosse bisogno
- Come abbiamo già visto, in LISP è possibile definire delle funzioni anonime a questo scopo utilizzando l'operatore speciale `lambda`, risale ai tempi precedenti ai calcolatori

Funzioni anonime ed operatore **lambda**

- Con l'operatore lambda possiamo creare tutte le funzioni che vogliamo senza assegnare loro un nome

```
prompt> (lambda (x) (+ x 42))  
#<funzione>
```

```
prompt> ((lambda (x) (+ x 42)) 42)  
84
```

```
prompt> (scala-lista '(1 2 3)  
                (lambda (x) (* x 3)))  
(3 6 9)
```

Funzioni anonime ed operatore *lambda*

- Possiamo anche creare funzioni che costruiscono delle funzioni e le ritornano come valori

```
prompt> (defun adder-x (x)
          (lambda (y) (+ x y)))
adder-x
```

```
prompt> (defparameter adder-42 (adder-x 42))
adder-42
```

```
prompt> adder-42
#<function>
```

```
prompt> (funcall adder-42 42)
84
```

Funzioni anonime ed operatore

`lambda`

- Dato l'operatore `lambda`, possiamo riscrivere la funzione `scala-lista` in maniera più elegante

```
(defun scala-lista (lista fattore)
  (mapcar (lambda (e) (* e fattore)) lista))
```

```
prompt> (scala-lista (list 1 0 1 0 1) 42)
(42 0 42 0 42)
```

Operatore **lambda** ed operatore **let**

- Consideriamo la seguente funzione

$$f(x, y) = x(1 + xy)^2 + y(1 - x) + (1 - x)(1 + xy)$$

- Usando l'operatore **lambda**, possiamo costruire una serie di valori intermedi da riutilizzare

```
(defun f (x y)
  ((lambda (a b)
    (+ (* x (quadrato a))
      (* y b)
      (* a b)))
   (+ 1 (* x y))
   (- 1 x)))
```

- Ovvero, la funzione anonima viene chiamata con due argomenti che rappresentano i valori intermedi da riutilizzare

Operatore **lambda** ed operatore **let**

- Questo tipo di chiamate a funzioni anonime è così utile da essere stato ri-codificato con un nuovo operatore speciale: **let**
- Usando l'operatore **let**, la funzione precedente diventa

```
(defun f (x y)
  (let ((a (+ 1 (* x y)))
        (b (- 1 x))
      )
    (+ (* x (quadrato a))
       (* y b)
       (* a b))))
```

- Ovvero, l'operatore **let** ci permette di introdurre dei nuovi nomi (variabili) locali da poter riutilizzare all'interno di una procedura; la sua sintassi è la seguente

```
(let (( $n_1$   $e_1$ ) ( $n_2$   $e_2$ ) ... ( $n_k$   $e_k$ )) espressione)
```

- Esempio

```
prompt> (let ((a 40) (b (+ 1 1))) (+ a b))
42
```

Tipiche funzioni di ordine superiore

- Le funzioni che prendono una (o più) funzioni come argomenti sono dette *funzioni di ordine superiore*
- La loro esistenza è al cuore del paradigma funzionale di programmazione
- Finora abbiamo visto la funzione `mapcar`, ve ne sono altre:
 - `compose`
 - `filter` (in Common Lisp varianti di `remove` e `delete`)
 - `fold` (in Common Lisp `reduce`)
 - `complement`

Funzione `compose`

- La funzione `compose` corrisponde alla nozione matematica di composizione di funzioni
- La semantica della funzione è la seguente: date due funzioni (di *un* solo argomento) f e g come argomenti, ritorna una nuova funzione che corrisponde alla composizione $f(g(x))$

```
(defun compose (f g)
  (lambda (x)
    (funcall f (funcall g x))))
```

```
prompt> (funcall (compose 'first 'rest)
              '(1 2 3 4 5))
```

2

Funzione `filter`

- La funzione `filter` rimuove gli elementi della lista che non soddisfano il predicato

```
(defun filter (predicato lista)
  (cond ((null lista) nil)
        ((funcall predicato (car lista))
         (cons (car lista)
                (filter predicato (cdr lista))))
        (T (filter predicato (cdr lista)))))
```

```
prompt> (filter 'oddp '(1 2 3 4 5))
(1 3 5)
```

Funzione **accumula**

- La funzione **accumula** (detta anche **fold** o **reduce**) applica una funzione ad un elemento di una lista ed al risultato (ricorsivo) dell'applicazione di **accumula** al resto della lista

```
(defun accumula (f iniziale lista)
  (if (null lista)
      iniziale
      (funcall f (car lista)
                (accumula f iniziale (cdr lista)))))
```

- Esempi

```
prompt> (accumula '+ 0 '(1 2 3))
6
```

```
prompt> (accumula '* 1 '(1 2 3 4))
24
```

```
prompt> (accumula 'cons NIL '(1 2 3))
(1 2 3)
```

Funzione **accumula**

- Consideriamo la seguente funzione

```
(defun iota (n)
  (if (= n 0)
      nil
      (cons n (iota (- n 1))))))
```

- Quindi

```
prompt> (iota 4)
(4 3 2 1)
```

- Grazie alla funzione **accumula**, possiamo riscrivere la funzione fattoriale (quasi)

```
(defun fattoriale (n)
  (if (zerop n) 1 (accumula '* 1 (iota n))))
```

Utili variazioni sul tema

- Certi simboli in Common Lisp hanno un'interpretazione particolare
- I simboli i cui nomi iniziano con un due punti ':' sono detti **keywords** ed hanno se stessi come valore
- **Esempi**

```
cl-prompt> :foo  
:foo
```

```
cl-prompt> :forty-two  
:forty-two
```

Lambda lists e keywords

- Le keywords sono usate estensivamente in Common Lisp e ci servono essenzialmente per definire delle funzioni con una sintassi di chiamata più interessante di quella semplice
- Prima di vedere l'uso delle keywords consideriamo però una serie di utili estensioni alla definizione di funzioni Common Lisp

Lambda lists e keywords

- Come abbiamo visto esistono funzioni in Common Lisp che prendono una sequenza variabile di argomenti

- **Esempi**

<code>(list 1 2 3 4)</code>	\Rightarrow <code>(1 2 3 4)</code>
<code>(+ 1 1 1 1 1 1)</code>	\Rightarrow <code>6</code>
<code>(< 1 2 3 4 55 66 77 100)</code>	\Rightarrow <code>T</code>

- Ovviamente si possono definire delle funzioni con questo comportamento: basta usare la seguente sintassi nella lista di argomenti con cui si definisce una funzione
 - Questa lista di argomenti è detta *lambda-list*

Indicatore di lista variabile di argomenti

Parametro contenente la lista degli argomenti

```
(defun foo (a b c &rest l) (append l (list a b c)))
```

Lambda lists e keywords

- In Common Lisp vi sono anche funzioni che prendono dei parametri opzionali

- **Esempi**

```
(subseq "qwerty" 2)    ⇒ "erty"  
(subseq "qwerty" 1 4) ⇒ "wer"
```

- Ovviamente si possono definire delle funzioni con questo comportamento: basta usare la seguente sintassi nella lista di argomenti con cui si definisce una funzione

Indicatore di argomento opzionale

Parametro opzionale

```
(defun foo (a &optional o) (cons a o))
```

Lambda lists e keywords

- I parametri opzionali possono essere inizializzati con un valore di default
- **Esempi**

```
(defun fattoriale (n &optional (acc 1))  
  (if (zerop n) acc (fattoriale (- n 1) (* n acc))))
```

```
cl-prompt> (fattoriale 4)  
24
```

```
cl-prompt> (fattoriale 4 2)  
48
```


Lambda lists e keywords

- In Common Lisp si possono definire delle funzioni che utilizzano i loro parametri associandoli a dei nomi, ovvero delle keywords
- Molte funzioni standard Common Lisp hanno questo comportamento
- **Esempi**

```
cl-prompt> (find 2 '(1 2 3 4 5 6))  
2
```

```
cl-prompt> (find 2 '(1 2 3 4 5 6) :start 3)  
NIL
```

```
cl-prompt> (find 2 '(1 2 3 4 5 6) :end 3 :start 1)  
2
```

```
cl-prompt> (sort '((a 1) (q 2) (d 3) (f 4)) 'string  
              :key 'first)  
((Q 2) (F 4) (D 3) (A 1))
```

Lambda lists e keywords

- Ovviamente si possono definire delle funzioni che accettano parametri a “chiave”: basta usare la seguente sintassi nella lista di argomenti con cui si definisce una funzione

Indicatore di argomenti
passati per chiave

Parametri passati per chiave

```
(defun make-point (&key x y)
  (list x y))
```

```
cl-prompt> (make-point)
(nil nil)
```

```
cl-prompt> (make-point :y 42)
(nil 42)
```

```
cl-prompt> (make-point :y 42 :x -123)
(-123 42)
```

- Ovvero, ogni parametro passato a chiave diventa una keyword da poter utilizzare al momento della chiamata (anche i parametri passati “a chiave” possono avere un valore di default)

Lambda lists e keywords

- Parametri **opzionali**, **a chiave** e **variabili** vanno sempre dichiarati dopo quelli “obbligatori”
- Le regole per il loro uso sono molto più sofisticate di quelle che abbiamo visto
- Il loro uso è pervasivo in Common Lisp

Input/Output in Common Lisp

- Le due funzioni principali del Common Lisp per la gestione dell'I/O sono **READ** e **PRINT**
- Ad esse va associata la gestione di *files* e *streams* di I/O

Input/Output in Common Lisp

- La funzione **READ** fa molto di più di una semplice lettura
- L'esempio seguente dovrebbe essere convincente

```
prompt> (read)
(foo 41 (42) 43 45) ; READ aspetta un input.
(FOO 41 (42) 43 45) ; Valore ritornato da READ
```

```
prompt> (third (read))
(foo 41 (42) 43 45) ; READ aspetta un input.
(42)
```

- Ovvero **READ**, legge (da dove?) un **intero** oggetto Lisp, riconoscendone la sintassi

Input/Output in Common Lisp

- La funzione **PRINT** stampa (dove?) un oggetto Lisp rispettandone la sintassi
- Il valore ritornato da **PRINT** è il valore dell'oggetto la cui rappresentazione tipografica è appena stata stampata

```
prompt> (print 42)
```

```
42      ; PRINT stampa la rappresentazione di 42  
        ; (preceduta da un a-capo).  
42      ; L'ambiente Common Lisp stampa a video il  
        ; valore dell'applicazione della funzione  
        ; PRINT al valore 42.
```

```
prompt> (print "HELLO WORLD!")
```

```
"HELLO WORLD!"  
"HELLO WORLD!"
```

```
prompt> (print (sqrt -1))
```

```
#C(0.0 1.0)  
#C(0.0 1.0)
```

Output

- Ovviamente è bene avere a disposizione dei metodi per poter stampare un po' più agevolmente
- Il Common Lisp mette a disposizione la funzione **FORMAT** (simile alla `fprintf` C/C++, ed ai metodi `format` di varie classi Java)
- **FORMAT** è complessa, alcuni esempi semplici seguono

```
prompt> (format t "Il fattoriale di ~D e` ~D~%" 3 (fact 3))  
Il fattoriale di 3 e` 6  
NIL
```

la prima linea è la stampa della stringa “formattata”; il **NIL** è il valore ritornato da **FORMAT**

```
prompt> (format t "~S + ~S = ~S~%" ' (1) ' (2) (append ' (1) ' (2)))  
(1) + (2) = (1 2)  
NIL
```

Output

- Le **direttive** nella stringa da formattare sono introdotte dal carattere `~` (il carattere tilde)
- La direttiva **`~D`** stampa numeri interi
- La direttiva **`~%`** va a capo
- La direttiva **`~S`** stampa un oggetto Lisp secondo la sua sintassi standard
- La direttiva **`~A`** stampa un oggetto Lisp secondo una sintassi esteticamente “piacevole”

```
prompt> (format t "~S e` una stringa!~%" "foo")  
"foo" e` una stringa!  
NIL
```

```
prompt> (format t "~A forse non e` una stringa!~%" "foo")  
foo forse non e` una stringa!  
NIL
```


Output formattato

- Che cosa è il **T** che appare come primo argomento a **format**?
- È l'indicazione di “dove” andare a stampare; nella fattispecie su “standard output”

Streams Common Lisp

- Il Common Lisp ha sempre a disposizione almeno tre **streams** standard

- Standard input
- Standard output
- Standard error

- I tre stream sono i valori associati alle tre variabili

standard-input (java.lang.System.in o C++ std::cin)
standard-output (java.lang.System.out o C++ std::cout)
error-output (java.lang.System.err o C++ std::cerr)

- Esempio

```
prompt> (format *standard-output* "~S e` non una stringa!~%" "foo")  
"foo" non e` una stringa!  
NIL
```

- Il **T** passato al posto di ***standard-output*** è una comodità

Streams Common Lisp

- Le funzioni **READ**, **PRINT** e **FORMAT** accettano un numero variabile di argomenti
 - Uno di questi è uno stream (di **output** per **FORMAT** e **PRINT** e di **input** per **READ**)
- Esempi

```
prompt> (read *standard-input*)  
qwerty  
QWERTY
```

```
prompt> (print '(42 + 2 = 44 gatti) *error-output*)  
  
(42 + 2 = 44 gatti)  
(42 + 2 = 44 gatti)
```

Streams e Files Common Lisp

- La manipolazione dei files in Common Lisp è relativamente complicata, ma simile a quella di Java (cfr., gli oggetti `pathname`)
- Per leggere e scrivere da e su un file si usa la **macro** `with-open-file`
 - Le macros in (Common) Lisp sono un utile strumento che permette di “estendere” il linguaggio; `defun` è solitamente implementata come una macro
- Sintassi

```
(with-open-file (<var> <file> :direction :input) <codice>)
```

```
(with-open-file (<var> <file> :direction :output) <codice>)
```

La variabile `<var>` viene associata allo stream aperto sul `<file>` e può venire utilizzata all'interno di `<codice>`

- La macro `with-open-file` si preoccupa di chiudere sempre e comunque lo stream associato a `<var>` anche in presenza di errori (cfr., i meccanismi `try {...} catch () {...} finally {...}` in Java, C++, etc.

Streams e Files Common Lisp

- Esempio: scrittura e lettura sul file "foo.lisp" (nella cartella corrente)

```
(with-open-file (out "foo.lisp"
                  :direction :output
                  :if-exists :supersede
                  :if-does-not-exist :create)
  (mapcar (lambda (e)
            (format out "~S" e))
    '((1 . A) (2 . B) (42 . QD) (3 . D))))

(with-open-file (in "foo.lisp"
                  :direction :input
                  :if-does-not-exist :error)
  (read-list-from in))

(defun read-list-from (input-stream)
  (let ((e (read input-stream nil 'eof)))
    (unless (eq e 'eof)
      (cons e (read-list-from input-stream)))))
```

- Il secondo argomento a **READ** stabilisce che nessun errore debba essere generato quando si incontra la fine del file; in quel caso va invece ritornato il valore passato come terzo elemento (ovvero il simbolo **EOF**)

Streams e Files Common Lisp

```
CL-USER 13 > (defun read-list-from (input-stream)
                (let ((e (read input-stream nil 'eof)))
                  (unless (eq e 'eof)
                    (cons e (read-list-from input-stream))))))
```

READ-LIST-FROM

```
CL-USER 14 > (with-open-file (out "foo.lisp"
                                :direction :output
                                :if-exists :supersede
                                :if-does-not-exist :create)
              (mapcar (lambda (e)
                        (format out "~S" e))
                      '((1 . A) (2 . B) (42 . QD) (3 . D))))
```

(NIL NIL NIL NIL)

```
CL-USER 15 > (with-open-file (in "foo.lisp"
                                :direction :input
                                :if-does-not-exist :error)
              (read-list-from in))
((1 . A) (2 . B) (42 . QD) (3 . D))
```

Interazione con l'ambiente Common Lisp

- L'ambiente Lisp, o meglio la sua *command-line*, esegue tre operazioni fondamentali, ed ora che sappiamo qualcosa in più su input ed output possiamo esplicitarle
- **Legge** (**READ**) ciò che viene presentato in input
 - Ciò che viene letto viene rappresentato internamente in strutture dati appropriate (numeri, caratteri, simboli, stringhe, cons-cells, ed altro ancora...)
- La rappresentazione interna viene **valutata** (**EVAL**) al fine di produrre un valore (o più valori)
 - Vedremo in seguito che cosa fa la funzione **EVAL**
 - Ovvero la scriveremo direttamente in Common Lisp
- Il valore così ottenuto viene **stampato** (**PRINT**)
- Questo è il **READ-EVAL-PRINT Loop** (**REPL**)

Sommario

- Uguaglianza
- Funzioni di ordine superiore
 - Le funzioni sono oggetti di *prima classe* (*first class*)
- Parametri opzionali (**&optional**), di lunghezza variabile (**&rest**) ed a chiave (**&key**)
- Alcune funzioni per l'Input/Output
- Il **REPL** (read-eval-print loop) è il ciclo principale dell'interprete Lisp
 - Capire i suoi stadi è fondamentale per capire come l'ambiente Lisp opera