Alexandre/Fernanda/Renato/Zen

9/4/2018

## Parte I: Testes (valor: 3,0)

1. c	9. a
2. b	10. a
3. c	11. a
4. b	12. d
5. a	13. b
6. d	14. e
7. e	15. e
8. a	

## Parte II: Questões (valor: 7,0)

## 1.

a. 5 minutos equivalem a 1/12 de hora. Assim,

$$v_{m} = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{2.5}{\frac{1}{12}} \implies v_{m} = 30 \text{ km/h}$$

b. A distância medida é de 14 cm. Na escala fornecida, 2,5 cm correspondem a 500 m:

$$\begin{vmatrix}
14 \text{ cm} & x \\
2.5 \text{ cm} & 500 \text{ m}
\end{vmatrix} \Rightarrow x = \frac{14 \cdot 500}{2.5} \Rightarrow x = 2800 \text{ m} = 2.8 \text{ km}$$

c. Até chegar ao aluno, no Band, o motorista leva 5 minutos. No trajeto Band – Masp,

$$v_m = \frac{\Delta s}{\Delta t} \Rightarrow 30 = \frac{2.8}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{2.8}{\Delta t} = \frac{7}{75} \ h = \frac{7}{75} \cdot 60 \ min \Rightarrow \Delta t = 5.6 \ min$$

No total, levam-se  $\Delta t = 5 + 5.6 = 10.6 \text{ min}$ 

Como o aluno solicitou a corrida às 13h00, ele chegará aproximadamente às 13h11

## 2.

a. A aceleração de cada automóvel é

$$\begin{split} &\alpha_{_A} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{10-0}{5-0} \, \Rightarrow \alpha_{_A} = 2 \text{ m/s}^2 \\ &\alpha_{_B} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{-10-0}{10-0} \, \Rightarrow \alpha_{_A} = -1 \text{ m/s}^2 \\ &\text{A função horária é então } s = s_{_0} + v_{_0}t + \frac{\alpha t^2}{2} \, \Rightarrow \, \begin{cases} x_A = 0 + t^2 \\ x_B = 6 - \frac{t^2}{2} \end{cases} \end{split}$$

b. Igualando as posições de A e B, 
$$x_{_{A}}=x_{_{B}} \Rightarrow t^2=6-\frac{t^2}{2} \Rightarrow \frac{3t^2}{2}=6 \Rightarrow t_{_{e}}=2 \text{ s}$$

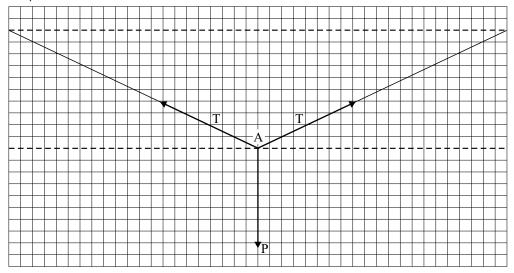
c. O deslocamento de A no intervalo considerado é

$$\Delta s = \text{Área} \Rightarrow \Delta s = \frac{(15+10)\cdot 10}{2} \Rightarrow \Delta s = 125 \text{ m}$$

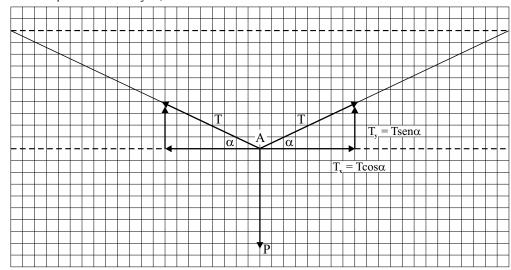
3.

a. O peso é 
$$P = mg = 80 \cdot 10 \Rightarrow P = 800 \text{ N}$$

b. Esquema:



c. Decompondo as forças,



$$2T_y = P \Rightarrow 2Tsen30^\circ = P \Rightarrow 2T \cdot \frac{1}{2} = 800 \Rightarrow T = 800 \text{ N}$$

d. Nessa situação,  $2T_y = P \Rightarrow 2T sen\alpha = P \Rightarrow 2 \cdot 4500 \cdot sen\alpha = 800 \Rightarrow sen\alpha = \frac{800}{9000} = \frac{4}{45} \Rightarrow sen\alpha \cong 0,09$  Usando a tabela fornecida, o ângulo correspondente é de  $\alpha = 5^\circ$ 

4.

- a. O tempo mínimo é aquele com a velocidade máxima, ou seja  $v_{_{m}} = \frac{\Delta s}{\Delta t} \Rightarrow 60 = \frac{2,4}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{1}{25} \ h = \frac{1}{25} \cdot 60 \ min = 2,4 \ min \Rightarrow \Delta t = 2 \ min \ e \ 24 \ s$
- b. 3 minutos correspondem a 1/20 de hora. Assim,  $y = \frac{\Delta s}{s} = \frac{2.4}{1.5} \implies y = 48 \text{ km/h}$

$$v_{m} = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{2,4}{\frac{1}{20}} \Rightarrow v_{m} = 48 \text{ km/h}$$

c. Do instante t=0 s ao instante t=30 s, o motorista percorre  $\Delta s = \text{\'Area} \Rightarrow \Delta s = \frac{(10+20)\cdot 30}{2} \Rightarrow \Delta s = 450 \text{ m}$  Do instante t=30 s ao instante t=120 s, o motorista percorre  $\Delta s = \text{\'Area} \Rightarrow \Delta s = 20\cdot 90 \Rightarrow \Delta s = 1800 \text{ m}$ 

No total, de  $t=0~\mathrm{s}$  a  $t=120~\mathrm{s}$ , o motorista percorreu  $450+1800=2250~\mathrm{m}$ . Faltam percorrer:

$$\Delta s = 2400 - 2250 = 150 \text{ m}$$

A aceleração no terceiro trecho é de

$$\alpha = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{4 - 20}{150 - 120} = -\frac{16}{30} \implies \alpha = -\frac{8}{15} \text{ m/s}^2$$

Depois de percorrer 150 m, a velocidade final é de

$$v^2 = \ v_0^2 \ + \ 2\alpha\Delta s \Rightarrow v^2 = 20^2 - 2 \cdot \frac{8}{15} \cdot 150 \Rightarrow v^2 = 240 \Rightarrow v = \ 4\sqrt{15} \ \cong 4 \cdot 4 = 16 \ m/s$$

O tempo é então, aproximadamente,

$$v = v_0 + \alpha t \Rightarrow 16 = 20 - \frac{8}{15} t \Rightarrow t = 7.5 s$$

Assim, o tempo total é de aproximadamente

 $\Delta t = 120 + 7.5 \Rightarrow \Delta t = 127.5$  s. Ele será multado pois sua velocidade média será 67,7 km/h, maior que 60km/h (máxima permitida).

Ou utilize a função horária do espaço para o terceiro trecho 
$$\Delta s = v_0 t + \frac{\alpha t^2}{2} \Rightarrow 150 = 20t - \frac{4t^2}{15}$$

d. A aceleração é de

$$\alpha = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{4 - 20}{150 - 120} = -\frac{16}{30} \implies \alpha = -\frac{8}{15} \text{ m/s}^2$$

Em módulo, a força resultante é de

$$F_{R} = ma = 1.5 \cdot 10^{3} \cdot \frac{8}{15} \implies F_{R} = 800 \text{ N}$$