

# 图像处理第三次作业

蒋康

June 16, 2024

## 1

### 1.1

双目立体相机主要是模拟人眼的工作原理，立体相机系统由两台相机组成，通常放置在一定距离的水平线上，模拟人类的双眼。通过同时拍摄同一场景的两张图像，我们可以通过比较这两张图像中的对应点（同一个物体在两张图像中的位置）来估算深度信息。视差是指同一物体在两张图像中的位置差异，设左相机图像中的一个点的坐标为  $(x_L, y)$ ，右相机图像中的对应点的坐标为  $(x_R, y)$ ，则视差  $d$  可以表示为  $d = x_L - x_R$ ，通过  $Z = \frac{B \cdot f}{d}$  来计算，其中  $B$  是两相机的间距。但是由于相机的安装位置和角度可能不完全一致，直接拍摄的两张图像往往不能直接用于视差计算。为了简化视差计算，需要对图像进行校正，使得两张图像中的对应点在同一行上：通过相机标定（Calibration）将图像重新投影到一个公共的平面，使得每对对应点行对齐。

### 1.2

1. 按照算法中的假设得到光流约束方程:  $I_x u + I_y v + I_t = 0$
2. 根据方程的要求计算  $I$  对  $x, y, t$  的偏导数:  $I_x = \frac{\partial I}{\partial x}, I_y = \frac{\partial I}{\partial y}, I_t = \frac{\partial I}{\partial t}$ ，在代码实现中  $I_x, I_y$  可以通过 numpy 的 sobel 或者 gradient 函数计算， $I_t$  可以通过两个帧作差得到
3. 在一个窗口内得到多个光流约束方程构成方程组如下：

$$\begin{aligned} I_x u_1 + I_y v_1 &= -I_t \\ I_x u_2 + I_y v_2 &= -I_t \\ &\dots \\ I_x u_n + I_y v_n &= -I_t \end{aligned} \tag{1}$$

表示为:  $A\mathbf{v} = \mathbf{b}$

4. 窗口大小肯定大于 2, 所以方程是超定的, 用最小二乘法求解得  $\mathbf{v} = (A^T A)^{-1} A^T \mathbf{b}$
5. 移动窗口求解, 求得整个图像的估计光流场。

## 1.3

pyramid representation 通过对图像进行逐级降采样, 生成一系列分辨率不同的图像, 可以在 Lucas-Kanade 方法中起到如下作用:

- 处理大范围运动  
在低分辨率的图像中, 大范围的运动会变得相对较小, 因此可以在较低分辨率图像上进行初步估计。这样一来, 即使是原始图像中很大的运动, 在低分辨率图像中也可能变得足够小, 以便 Lucas-Kanade 方法能够处理。
- 避免局部最小值问题  
如果直接在高分辨率图像上进行大范围运动估计, 容易陷入局部最小值。通过金字塔表示法, 在低分辨率图像上进行初步估计, 然后逐层细化, 可以有效地避免这个问题。
- 提高计算效率  
低分辨率图像包含的像素更少, 计算速度更快。因此, 先在低分辨率图像上进行估计, 可以减少整体计算量。

## 2

### 2.2

#### (a)

实现 `compute_error` 之前, 最后有效的 keypoints:



Figure 1: error\_before

实现 compute\_error 之后，最后有效的 keypoints:



Figure 2: error\_after

在实现 compute\_error 之前，播放运动过程发现很多 keypoints 会飘起来，实现 compute\_error 之后，这些点直接被过滤掉了。

## FeedBack

在实现计算 disparity map 时要求中有写到: Note that you need to detect and mask out occluded and dis-occluded area in the disparity map, in which the estimated disparity values are not reliable.

我搜索了一下网上的资料都是要通过 disparity left 和 disparity right 来算, 没有办法直接在 disparity map 中进行操作, 看了一下 ipynb 文件中也没有需要我编写相关操作的地方, 所以我不太确定这里需不需要我完成这个。