

E2-A题

20376388梁林楠

题目

- 本题是堆的一种拓展应用，你的任务是实现一个小根堆，即根节点为所有元素最小值的堆，需要支持插入元素、查询堆顶元素、删除堆顶元素、删除堆中任意元素四个操作。

思路

- 可删除堆也是堆的一个分支。它和对顶堆的使用是差不多的，都是为了解决用朴素堆解决不了的问题。对顶堆解决的是朴素堆不支持单点查询的问题，而可删除堆就解决了朴素堆不支持任意删除的问题。
- 我们知道，优先队列只能删除堆顶元素，然而我们并不能删掉其他元素，有时甚至找不到要删的元素。这时怎么办呢？于是，可删除堆出场了。
- 可删除堆的实现原理也比较简单。我们建一个临时堆，如果要删除哪个元素，就把哪个元素压入临时堆，然后待此元素和正常堆的堆顶元素相同时（即两个堆顶一样），就同时pop掉。
- 那么为什么这样做是正确的呢？
- 我们发现，我们在调用堆的时候，只能取出并就堆顶元素进行操作，也就是说，排在下面的那些元素，在没到达堆顶之前，是不对结果造成任何影响的。那么我们就自然而然的觉得，我先把这个要删除的元素挂出来，什么时候它到达堆顶了，就把它跳过（实现就是pop）。就好比追查一个通缉犯，我们卡住安检口，拿着犯人的照片，犯人一露头就直接被带走了，不会对机场的秩序造成任何的影响。由于我们的临时堆跟正常堆的方向是一样的，所以当临时堆里有多多个要删除的元素的时候，他们也是排好序的，不会出现下一个要删除的元素比上一个提前出现的情况。

代码

```
• #include<stdio.h>
• #include<stdlib.h>
• #define maxn 200005
• int Q[maxn],Q1[maxn],T,op,num,num1,x;
• void swap(int *p,int *q){
•     int t=*p;
•     *p=*q;
•     *q=t;
• }
• void update(int x){
•     if(x==1) return;
•     if(Q[x>>1]>Q[x]){
•         swap(&Q[x],&Q[x>>1]);
•         update(x>>1);
•     }
• }
• void update1(int x){
•     if(x==1) return;
•     if(Q1[x>>1]>Q1[x]){
•         swap(&Q1[x],&Q1[x>>1]);
•         update1(x>>1);
•     }
• }
```

代码

```
• void download(int x){  
•     if((x<<1)>num) return;  
•     if((x<<1|1)>num){  
•         if(Q[x]>Q[x<<1]) swap(&Q[x],&Q[x<<1]);  
•         download(x<<1);  
•         return;  
•     }  
•     int temp= Q[x<<1] < Q[x<<1|1] ? x<<1 : x<<1|1;  
•     if(Q[x]>Q[temp]){  
•         swap(&Q[x],&Q[temp]);  
•         download(temp);  
•     }  
• }  
• void download1(int x){  
•     if((x<<1)>num1) return;  
•     if((x<<1|1)>num1){  
•         if(Q1[x]>Q1[x<<1]) swap(&Q1[x],&Q1[x<<1]);  
•         download1(x<<1);  
•         return;  
•     }  
•     int temp= Q1[x<<1] < Q1[x<<1|1] ? x<<1 : x<<1|1;  
•     if(Q1[x]>Q1[temp]){  
•         swap(&Q1[x],&Q1[temp]);  
•         download1(temp);  
•     }  
• }
```

代码

```
• scanf("%d",&op);
• if(op==1){
•     scanf("%d",&x);
•     Q[++num]=x;
•     update(num);
• }
• if(op==2){
•     int ans=Q[1];
•     while(num1>0 && ans==Q1[1]){
•         //printf("%d %d\n",ans,Q1[1]);
•         swap(&Q[1],&Q[num]);
•         num--;
•         download(1);
•         swap(&Q1[1],&Q1[num1]);
•         num1--;
•         download1(1);
•         ans=Q[1];
•     }
•     Q1[++num1]=ans;
•     update1(num1);
• }
```

代码

```
• if(op==3){  
•  
• int ans=Q[1];  
• while(num1>0 && ans==Q1[1]){  
•     //printf("%d %d\n",ans,Q1[1]);  
•     swap(&Q[1],&Q[num]);  
•     num--;  
•     download(1);  
•  
•     swap(&Q1[1],&Q1[num1]);  
•     num1--;  
•     download1(1);  
•  
•     ans=Q[1];  
• }  
• printf("%d\n",ans);  
• }  
• if(op==4){  
•     scanf("%d",&x);  
•     Q1[++num1]=x;  
•     update1(num1);  
• }
```