Problem-H

Description

有n根木棍,每个木棍有长度 l_i 和颜色 c_i ,请问是否可以拼出一个三边颜色各不相同的非退化三角形。

```
n \leq 2 	imes 10^5 , ~1 \leq c_i, l_i \leq 10^9
```

Solution

Solution1

如果没有颜色限制,那么我们可以对木棍按长度进行排序,枚举每一组相邻的3根木棍进行判断即可。

加上颜色限制之后,我们考虑对于每一根木棍b,将其作为中间值,找到比它短、颜色跟它不同的木棍里,最长的一根a;找到比它长、颜色跟它不同的木棍里,最短的一根c;将三根木棍放在一起判断是否有a+b>c。

但是这样还不行,因为有可能a和c的颜色相同。那么我们在比a短的木棍中再找到一根颜色和a,b都不同的木棍a',在比c长的木棍中再找到一根和b,c都不同的木棍c',检查所有配对:abc,abc',a'bc,a'bc'即可。

找到"比某根木棍短旦颜色不同的最长的木棍"的过程可以通过从前往后扫一遍、预处理出来。

时间复杂度 $O(n \log n)$ 。

Solution₂

(by ZYJ)

首先将木棍按长度进行排序,我们枚举第m根木棍作为三根中最长的那根木棍。检查第m-1根木棍,如果第m-1根木棍的颜色和第m根相同,那么它们不可能出现在同一个三角形,而且作为第三条边,第m-1根木棍是优于第m根的,那么我们可以跳过第m根,将m-1根作为最长木棍。如果第m-1根木棍的颜色跟第m根不同,那么我们将这两根木棍都加入三角形,在剩下木棍中寻找最短的那条边i。那条边应该满足 $i_i+l_{m-1}>l_m$,由此我们可以二分出i的最小值k,看 $k\ldots m$ 中是否存在三种不同的颜色。

我们从枚举 $m=n,n-1,\ldots,3$,同时维护j表示满足 $j\ldots m$ 中包含三种不同颜色的最右边的位置,我们维护一个区间[j,m]中颜色出现次数的数组,当m减一同时某种颜色出现次数减一的时候,如果这种颜色的出现次数从1变成了0,我们就需要将j减小以满足区间[j,m]内有三种不同的颜色。每次判断时检查 $j\leq k$ 即表示区间[k,m]中至少有三种不同颜色。

Code

```
int n;

struct Stick {
    int c, 1, id;
}p[MAXN];

bool operator < (Stick A, Stick B) { return A.1 < B.1; }

set<Stick> Set;
vector<Stick> pre[MAXN], suf[MAXN];
void ins(Stick t) {
    for (Stick x: Set) if (x.c == t.c) {
        Set.erase(Set.lower_bound(x)), Set.insert(t);
        return;
    }
    Set.insert(t);
    if ((int)Set.size() > 3) Set.erase(--Set.end());
}
```

```
int main() {
   n = read<int>();
   for (int i = 1; i <= n; ++ i) {
       p[i].c = read<int>();
       p[i].l = read<int>();
       p[i].id = i;
   }
   sort(p + 1, p + 1 + n);
   for (int i = 1; i <= n; ++ i) {
       for (Stick x: Set) pre[i].PB(x);
       ins(p[i]);
   }
   Set.clear();
   for (int i = n; i >= 1; -- i) {
       for (Stick x: Set) suf[i].PB(x);
       ins(p[i]);
   }
   for (int i = 2; i < n; ++ i) {
       for (Stick x: pre[i]) if (x.c != p[i].c) {
           for (Stick y: suf[i]) if (y.c != p[i].c && x.c != y.c) {
                if (x.1 + p[i].1 > y.1) {
                   printf("%d %d %d\n", x.id, p[i].id, y.id);
                   return 0;
               }
           }
       }
   puts("I would like to see xf wear a skirt every day !");
   return 0;
}
```