# Entrega de trabajos del tercer parcial

Barrera Pérez Carlos Tonatihu Profesor: Genaro Juárez Martínez Computing Selected Topics Grupo: 3CM8

28 de noviembre de 2018

# ${\bf \acute{I}ndice}$

L.	Aut	ómata celular con matriz auxiliar
	1.1.	Introducción
	1.2.	Práctica a realizar
	1.3.	Desarrollo
	1.4.	Pruebas
	1.5.	Regla: 2 7 4 6. Densidad: $20\%$
	1.6.	Regla: 3 6 3 4. Densidad: $20\%$
	1.7.	Regla: 1 6 1 6. Densidad: $10\%$
	1.8.	Regla: 3 3 1 8. Densidad: $10\%$
	1.9.	Regla: 3 3 1 7. Densidad: $5\%$
	1.10.	. Regla: 2 3 3 6. Densidad: $10\%$
	1.11.	. Conclusiones
2	foro	ncias

### 1. Autómata celular con matriz auxiliar

### 1.1. Introducción

Los autómatas celulares (AC) surgen en la década de 1940 con John Von Neumann, que intentaba modelar una máquina que fuera capaz de auto-replicarse, llegando así a un modelo matemático de dicha maquina con reglas complicadas sobre una red rectangular. Inicialmente fueron interpretados como conjunto de células que crecían, se reproducían y morían a medida que pasaba el tiempo. A esta similitud con el crecimiento de las células se le debe su nombre. [1]

Un autómata celular se caracteriza por contar con los siguientes elementos:

- Arreglo regular. Ya sea un plano de dos dimensiones o un espacio n-dimensional, este es el espacio de evoluciones, y cada división homogénea del arreglo es llamada célula.
- 2. Conjunto de estados. Es finito y cada elemento o célula del arreglo toma un valor de este conjunto de estados. También se denomina alfabeto. Puede ser expresado en valores o colores.
- 3. configuración inicial. Consiste en asignar un estado a cada una de las células del espacio de evolución inicial del sistema.
- 4. Vecindades. Define el conjunto contiguo de células y posición relativa respecto a cada una de ellas. A cada vecindad diferente corresponde un elemento del conjunto de estados.
- 5. Función local. Es la regla de evolución que determina el comportamiento del A. C. Se conforma de una célula central y sus vecindades. Define como debe cambiar de estado cada célula dependiendo de los estados anteriores de sus vecindades. Puede ser una expresión algebraica o un grupo de ecuaciones.

### 1.2. Práctica a realizar

Este programa implementa la simulación de un autómata celular. Los puntos importantes a señalar son que cuenta con una interfaz gráfica para el usuario en la cual aparecen los unos (célula viva) y ceros (célula muerta) que son el principal elemento en este autómata celular y que son representados como pequeños cuadros que cambian su tamaño de acuerdo a la población que se tenga. Las características de este simulador son las siguientes:

- Permitir seleccionar el tamaño de la población de la matriz de unos y ceros.
- Permitir seleccionar la regla que se utilizara en cada iteración de la simulación.
- Se podrá elegir la distribución de unos que habrá en la matriz.

- Se podrá cambiar los colores de los ceros y los unos de la simulación.
- Se mostrara el cambio de unos que hay a lo largo de cada iteración.

El objetivo que se tiene es mostrar una matriz de hasta 1000 por 1000 para poder observar un comportamiento que nos proporcione información.

Finalmente, se cuenta con la opción para utilizar una matriz auxiliar junto con una función  $\Phi$  para realizar el calculo de las matrices a través de las generaciones futuras. Esta opción consiste en lo siguiente.

- 1. Se elige una función  $\Phi$  la cual puede ser de paridad, máximo o mínimo. También, se asigna un valor de  $\tau$  el cual debe de ir de 3 a 8.
- 2. Después de  $\tau$  iteraciones se utiliza la función  $\Phi$  para obtener una matriz auxiliar, la función  $\Phi$  utiliza como parámetros los valores de las  $\tau$  matrices anteriores.
- 3. A la matriz auxiliar se le debe de aplicar la regla del autómata celular que se ha estado utilizado para calcular las iteraciones por lo que ahora tendremos una nueva matriz.
- 4. Esto se repite las veces que se desee.

### 1.3. Desarrollo

Este programa fue desarrollado utilizando JavaScript junto a otras herramientas para el desarrollo web por lo que para poder ver ejecutarlo se necesita un navegador web moderno y una conexión a internet para poder cargar la interfaz en su totalidad.

Archivo: index.html

Este archivo contiene la interfaz web que se le muestra al usuario y en donde se apreciara todo el funcionamiento del autómata, se utilizo la librería *Bootstrap* para mostrar una interfaz amigable.

```
1 <!DOCTYPE html>
2 <html>
3 <head>
      <title>Proyecto final</title>
      <meta charset="utf-8"/>
5
      <meta name="viewport" content="width=device-width, initial-scale=1.0"</pre>
      <link rel="stylesheet" href="https://stackpath.bootstrapcdn.com/</pre>
     bootstrap /4.1.3 / css / bootstrap . min . css "integrity="sha384-MCw98/
     SFnGE8fJT3GXwEOngsV7Zt27NXFoaoApmYm81iuXoPkFOJwJ8ERdknLPMO" \\
     crossorigin="anonymous">
      <style type="text/css">
          body {
9
               margin:0px;
10
```

```
.custom-scroll {
12
               overflow-x: scroll;
13
               overflow-y: scroll;
14
      </style>
16
  </head>
17
  < body >
18
      <div class="container-fluid">
20
      <div class="row">
          <div class="col-8 custom-scroll">
21
               <canvas id="canvas" width="1000" height="1000">
22
               </canvas>
          </div>
          <div class="col-4">
25
               <div class="row">
26
                   27
                   <canvas id="myChart"></canvas>
28
               </div>
29
               <div class="form-group">
30
                   <div class="row">
                       <div class="col">
32
                            <label for="size">
33
                            Tamanio de la matriz:
34
                            </label>
35
                       </div>
36
                       <div class="col">
37
                            <input type="number" placeholder="Tamanio" id="</pre>
38
      size" class="form-control" value="100"/>
                        </div>
39
                   </div>
40
               </div>
41
               <div class="form-group">
42
                   <div class="row">
43
                        < div class = "col - 2" >
44
                            <label for="b1">B1:</label>
45
                       </div>
46
                       <div class="col">
47
                            <input type="number" placeholder="B1" id="b1"</pre>
48
      class="form-control" value="2"/>
                       </div>
49
                        < div class = "col - 2" >
50
                            < label for="b2">B2:</label>
51
                       </div>
52
                       <div class="col">
53
                            <input type="number" placeholder="B2" id="b2"</pre>
54
      class="form-control" value="3"/>
                       </div>
                   </div>
56
               </div>
57
               <div class="form-group">
                   <div class="row">
59
                       <div class="col-2">
```

```
<label for="s1">S1:</label>
61
                         </div>
62
                         <div class="col">
63
                             <input type="number" placeholder="S1" id="s1"</pre>
64
      class="form-control" value="3" />
                         </div>
65
                         < div class = "col - 2" >
66
                             < label for="s2">S2:</label>
67
                         </div>
68
                         <div class="col">
69
                             <input type="number" placeholder="S2" id="s2"</pre>
70
      class="form-control" value="3"/>
                         </div>
71
                    </div>
72
                </div>
73
                <div class="form-group">
                    <label for="distribution">
                    Distribucion de unos:
76
                    <span id="distribution_value">50</span>
                     %/label>
                    <input type="range" min="0" max="100" value="50" id="</pre>
79
      distribution">
                </div>
80
                <div class="row">
81
                    <div class="col">
82
                         <label for="input_function">
83
                             Funcion a utilizar:
                         </label>
85
                    </div>
86
                    <div class="col">
87
                         <select name="type_function" id="input_function"</pre>
      class="form-control">
                             <option value="1">Maximo</option>
89
                             <option value="2">Minimo</option>
90
                             <option value="3">Paridad</option>
91
                         </select>
92
                    </div>
93
                         < div class = "col -1" >
94
                             <label for="tau">Tau:</label>
95
                         </div>
96
                         <div class="col">
97
                             <input type="number" placeholder="tau" id="tau"</pre>
98
      class="form-control" value="3"/>
                         </div>
99
                    </div>
100
                    <div class="form-group">
                         <div class="row">
                             <div class="col">
103
                                  <label for="color_ones">Color de unos:</label</pre>
104
                             </div>
                             <div class="col">
106
```

```
<input type="color" value="#000000" id="</pre>
107
       color_ones">
                              </div>
108
                              <div class="col">
                                  <label for="color_zeros">Color de ceros:
110
       label>
                              </div>
111
                              <div class="col">
112
                                  <input type="color" value="#ffffff" id="</pre>
113
       color_zeros">
                              </div>
114
                         </div>
                     </div>
116
                     <div class="form-group">
117
                         <div class="row">
118
                              <div class="col">
119
                                  <button id="btn_start" class="btn btn-primary
        btn-sm">
                                       Iniciar/Reiniciar
                                  </button>
                              </div>
123
                              <div class="col">
124
                                  <button id="btn_pause" class="btn btn-
       secondary btn-sm">
                                       Reanudar/Pausa
126
                                  </button>
127
                              </div>
128
                              <div class="col">
                                  <button id="btn_next" class="btn btn-success</pre>
130
      btn-sm">
                                       Siguiente Iteracion
131
                                  </button>
132
                              </div>
133
                         </div>
                     </div>
135
                     <div class="form-group">
136
                         <div class="row">
137
                              <div class="col">
138
                                  <button id="btn_show_matrix" class="btn btn-</pre>
139
       warning btn-sm">
                                       Ver matriz auxiliar
140
                                  </button>
141
                              </div>
142
                              <div class="col">
143
                                  <label class="checkbox-inline">
144
                                       <input type="checkbox" value="1" id="</pre>
145
       check-matrix">
                                       Con matriz auxiliar
146
                                  </label>
147
                              </div>
148
                         </div>
149
                     </div>
150
```

```
</div>
           </div>
           <div class="row">
               <div class="col-8 custom-scroll">
154
                    <canvas id="canvas-aux" width="1000" height="1000">
                    </canvas>
156
               </div>
157
           </div>
158
       </div>
       <script type="text/javascript" src="./Chart.bundle.min.js">
160
       </script>
161
       <script type="text/javascript" src="./logica.js">
162
       </script>
164 < body>
165 </html>
```

Archivo: logica.js

Este archivo contiene toda la lógica para controlar la interfaz web y para poder llevar a cabo la simulación del autómata celular, el lenguaje de programación utilizado fue JavaScript y se utilizo la librería *Chart.js* para graficar la cantidad de unos.

```
1 let CANVAS\_SIZE = 1000;
  let TYPE_FUNCTION_DICT = {
2
      "MODA": 1,
3
      "MINIMO": 2,
4
      "PARIDAD": 3
5
6 };
 let c = document.getElementById("canvas");
8 let c_aux = document.getElementById("canvas-aux");
 let information_output = document.getElementById("information");
10 let slider_distribution = document.getElementById("distribution");
11 let slider_output = document.getElementById("distribution_value");
let context = document.getElementById("myChart");
 let ctx = c.getContext("2d");
14 let ctx_aux = c_aux.getContext("2d");
15 let size = 100;
let total_population = size*size;
17 let dimension = 10;
18 let rule = [2, 3, 3, 3];
19 let counter = 0;
1et my_time = 0;
let suma = 0;
_{22} let interval = _{null};
23 let is_runinng = false;
let is_active = true;
25 let original = [];
let auxiliar = [];
27 let ones_distribution = 0.5;
_{28} let tau = 3;
29 let colors = ["#FFFFFF", "#000000"];
10 let type_function = TYPE_FUNCTION_DICT["MODA"];
```

```
31 let myLineChart = create_chart(context);
  let matrices;
33 let is_auxiliar_showed = false;
34
  ctx.lineWidth = "0.1";
  slider_output.innerHTML = slider_distribution.value;
  slider_distribution.oninput = function(e) {
37
       e.preventDefault();
38
39
       slider_output.innerHTML = this.value;
40
41
  function create_chart(_context) {
42
       return new Chart (_context , {
43
           type: 'line',
44
           data: {
45
               labels: [],
                datasets: [{
47
                    label: "Cantidad de unos",
48
                    data: [],
49
                    borderColor: "#c45850",
                    fill: false,
                    lineTension: 0,
52
                    defaultFontSize: 30
53
                }]
54
           },
           options: {
56
                title: {
                    display: true,
58
                    text: 'Historial de unos',
                },
60
                legends: {
61
                    labels: {
62
                         defaultFontSize: 30
63
64
65
                defaultFontSize: 30,
66
67
           },
       });
68
69
70
71
  function get_zero_or_one(dis) {
       if (Math.random() < dis)</pre>
72
           return 1;
73
       else
74
           return 0;
75
76
77
  function draw_matrix(size, dimension, matrix) {
       for (let i = 0; i < size; i++)
79
           for (let j = 0; j < size; j++){
                if (matrix[i][j] == 1)
81
                    ctx.fillStyle = colors[1];
```

```
else
83
                    ctx.fillStyle = colors[0];
84
                ctx.fillRect(dimension*j, dimension*i, dimension, dimension);
85
           }
86
       ctx.stroke();
87
88
89
  function draw_aux_matrix(size, dimension, matrix) {
90
91
       for (let i = 0; i < size; i++)
           for (let j = 0; j < size; j++){
92
                if (matrix[i][j] == 1)
93
                    ctx_aux.fillStyle = colors[1];
94
                else
                    ctx_aux. fillStyle = colors [0];
96
                ctx_aux.fillRect(dimension*j, dimension*i, dimension,
97
      dimension);
98
       ctx_aux.stroke();
99
100
   function draw_grid(size, dimension) {
       for (let i = 0; i < size; i++)
           for (let j = 0; j < size; j++)
104
                ctx.rect(dimension*j, dimension*i, dimension, dimension);
       ctx.stroke()
106
107
108
   function check_neighbours(i, j, matrix, m_size) {
109
       let row = i-1;
       let col = j-1;
111
       if (row < 0)
           row = m_size -1;
113
       if (col < 0)
114
           col = m_size -1;
       let neighbours = matrix [row] [col];
       neighbours += matrix[row][j];
117
       neighbours += matrix [row] [(j + 1) % m_size];
118
       neighbours += matrix[i][(j + 1) % m_size];
119
       neighbours += matrix [(i + 1) % m_size][(j + 1) % m_size];
120
       neighbours += matrix [(i + 1) % m_size][j];
122
       neighbours += matrix [(i + 1) % m_size] [col];
       neighbours += matrix[i][col];
124
       return neighbours;
125
126
127
   function next_population(size, matrix, aux) {
128
       let vecinos = 0;
129
       let aux\_counter = 0;
130
       for (let i = 0; i < size; i++)
           for (let j = 0; j < size; j++) {
                vecinos = check_neighbours(i, j, aux, size);
```

```
if (aux[i][j] == 1) {
134
                       if (vecinos < rule [0]
                                                   \parallel vecinos > rule [1]) {
                            matrix[i][j] = 0;
136
                            //aux_counter --;
137
138
                  }
                  else if (rule [2] <= vecinos && vecinos <= rule [3]) {
140
                       matrix[i][j] = 1;
141
                       //aux_counter++;
142
143
                  if (matrix[i][j] == 1)
144
                       aux_counter++;
145
146
147
        return aux_counter;
148
149
150
   function copy_matrix(origen, destino) {
        for (let i = 0; i < origen.length; i++)
             for (let j = 0; j < origen.length; <math>j++)
                  destino[i][j] = origen[i][j];
155
   function init() {
157
        size = get_size_matrix();
158
        total_population = size*size;
        dimension = 1;
160
        rule = get_rule();
161
        counter = 0;
162
        my_time = 0;
163
        suma = 0;
164
        interval = null;
165
        is_runinng = false;
166
        original = [];
167
        auxiliar = [];
168
        other_matrix = [];
        tau = get_tau();
170
        ones_distribution = get_distribution();
        colors = get\_colors();
172
        type_function = get_type_function();
173
174
        myLineChart = create_chart (context);
        is_active = get_check_matrix();
175
        matrices \, = \, \{\, 1\!:\![\,] \,\,, \  \, 2\!:\![\,] \,\,, \  \, 3\!:\![\,] \,\,, \  \, 4\!:\![\,] \,\,, \  \, 5\!:\![\,] \,\,, \  \, 6\!:\![\,] \,\,, \  \, 7\!:\![\,] \,\,, \  \, 8\!:\![\,] \,\,\} \,;
176
177
        while (dimension*size < CANVAS_SIZE) dimension++;
178
179
        for (let i=0; i < size; i++){
180
             original[i] = [];
181
             auxiliar[i] = [];
182
             for (let k = 1; k \le tau; k++)
                  matrices[k][i] = [];
184
             for (let j=0; j < size; j++){
185
```

```
original[i][j] = get_zero_or_one(ones_distribution);
186
                auxiliar[i][j] = original[i][j];
187
                  (auxiliar[i][j] == 1)
188
                    counter++;
189
                for (let k = 1; k <= tau; k++)
190
                    matrices[k][i][j] = 0;
191
           }
       }
194
195
   function plot() {
196
       suma += counter;
197
       let promedio = suma/(my_time+1);
198
       promedio = promedio.toFixed(3);
199
       let densidad = promedio /(total_population);
200
       densidad = densidad.toFixed(3);
201
       information_output.innerHTML = "Promedio: " + promedio + ". Densidad:
202
       " + densidad;
       myLineChart.data.labels.push(my_time);
203
       myLineChart.data.datasets[0].data.push(counter);
204
       myLineChart.update();
205
206
207
   function iterate() {
208
       my_time++;
209
       counter = next_population(size, original, auxiliar);
210
       copy_matrix(original, auxiliar);
211
       draw_matrix(size, dimension, original);
       plot();
213
214
   function get_size_matrix() {
216
       return parseInt(document.getElementById("size").value);
217
218
   function get_rule() {
       let aux_rule = [2, 3, 3, 3];
221
       aux_rule[0] = parseInt(document.getElementById("b1").value);
       aux_rule[1] = parseInt(document.getElementById("b2").value);
223
       aux_rule[2] = parseInt(document.getElementById("s1").value);
224
       aux_rule[3] = parseInt(document.getElementById("s2").value);
225
       return aux_rule;
226
227
228
   function get_type_function() {
229
       return parseInt(document.getElementById("input_function").value);
230
231
232
  function get_tau() {
233
       return parseInt(document.getElementById("tau").value);
234
235
```

```
function get_colors() {
       let aux_colors = ["#FFFFFF", "#000000"]
238
       aux_colors [0] = document.getElementById("color_zeros").value;
239
       aux_colors[1] = document.getElementById("color_ones").value;
240
       return aux_colors;
242
243
   function get_distribution() {
244
245
       let aux_dis = parseInt(slider_distribution.value)/100;
       aux_dis = aux_dis.toFixed(2);
246
       return parseFloat(aux_dis);
247
248
   function apply_paridad(temporal) {
250
       let aux_paridad = 0;
251
       for (let i = 0; i < tau; i++)
252
           aux_paridad += temporal[i];
       if (aux\_paridad \% 2 = 0) return 1
254
       else return 0
256
257
   function apply_moda(temporal) {
258
       let aux_moda = -(tau/2);
259
       for (let i = 0; i < tau; i++)
260
           aux_moda += temporal[i];
261
       if (aux\_moda > 0) return 1
262
       else return 0
263
264
265
   function apply_minimo(temporal) {
266
       if (apply_moda(temporal) == 0)
267
            return 1;
268
       else
269
           return 0;
271
272
   function get_check_matrix() {
       return document.getElementById("check-matrix").checked;
274
275
277
  let contador = 1;
   function another_iteration() {
278
        if (is_active) {
            if (contador == 1)
280
                copy_matrix(original, matrices[1]);
281
            else if (contador = 2)
282
                copy_matrix(original, matrices[2]);
283
            else if (contador == 3)
284
                copy_matrix(original, matrices[3]);
285
            else if (contador = 4)
286
                copy_matrix(original, matrices[4]);
287
            else if (contador == 5)
```

```
copy_matrix(original, matrices[5]);
            else if (contador = 6)
290
                copy_matrix(original, matrices[6]);
291
            else if (contador = 7)
292
                copy_matrix(original, matrices[7]);
            else if (contador == 8)
294
                copy_matrix(original, matrices[8]);
295
296
            contador++;
297
            if (contador > tau)
298
                contador = 1;
299
300
       let aux_res = 0;
301
       if (is_active) {
302
            \inf (((my\_time+1) \% tau) == 0 \&\& my\_time > 0) {
303
                console.log("APLICANDO");
                for (let i = 0; i < size; i++){
305
                     for (let j = 0; j < size; j++){
306
                         let arreglo = [];
307
                         for (let k = 1; k \le tau; k++)
                             arreglo.push(matrices[k][i][j])
309
                         if (type_function = TYPE_FUNCTION_DICT["MODA"])
310
                             auxiliar[i][j] = apply_moda(arreglo);
311
                         else if (type_function == TYPE_FUNCTION_DICT["PARIDAD
312
      "])
                             auxiliar[i][j] = apply_paridad(arreglo);
313
                         else
314
                             auxiliar[i][j] = apply_minimo(arreglo);
317
                if (is_auxiliar_showed)
                     draw_aux_matrix(size, dimension, auxiliar);
319
321
       iterate();
323
324
   document.getElementById("btn_start").addEventListener("click", function
325
       click(e) {
       e.preventDefault();
326
327
       init();
       plot();
328
       draw_grid (size, dimension);
       draw_matrix(size, dimension, original);
330
   });
331
   document.getElementById("check-matrix").addEventListener("click",
       function click (e) {
       is_active = get_check_matrix();
335
   });
336
337 document.getElementById("btn_show_matrix").addEventListener("click",
```

```
function click (e) {
       is_auxiliar_showed = !is_auxiliar_showed;
338
          (!is_auxiliar_showed)
            ctx_aux.clearRect(0, 0, CANVAS_SIZE, CANVAS_SIZE);
340
   });
341
342
  document.getElementById("btn_next").addEventListener("click", function
343
       click(e) {
       e.preventDefault();
344
       another_iteration();
345
  });
346
347
   document.getElementById("btn_pause").addEventListener("click", function
348
       click(e) {
       e.preventDefault();
349
       console.log("PAUSE");
350
       is_runinng = !is_runinng;
351
       if (is_runinng)
352
            interval = setInterval(another_iteration, 250);
353
       else {
            clearInterval(interval);
355
            interval = null;
       }
357
   });
358
359
   c.addEventListener("click", function click(e) {
360
       let my_y = e.pageY;
361
       let my_x = e.pageX - 15;
362
       let i = Math.floor(my_y/dimension);
363
       let j = Math.floor(my_x/dimension);
364
       if (original[i][j] == 1){
365
            original[i][j] = 0;
366
            \operatorname{auxiliar}[i][j] = 0;
367
            ctx.fillStyle = colors[0];
368
369
       } else{
            original[i][j] = 1
            auxiliar[i][j] = 1;
371
            ctx.fillStyle = colors[1];
372
       ctx.fillRect(dimension*j, dimension*i, dimension, dimension);
374
375 });
```

### 1.4. Pruebas

Para probar el funcionamiento del programa se utilizaron diferentes reglas con diferentes densidades de población para poder observar su comportamiento. Es importante señalar que todas las pruebas se hicieron con un  $\tau=4$  y con diferentes funciones  $\Phi$  además de solo iterar al rededor de 100 veces.

### 1.5. Regla: 2 7 4 6. Densidad: 20%

Como se puede observar en la figura 1 esta regla termina por llenar la mitad del espacio con una malla de unos y ceros.

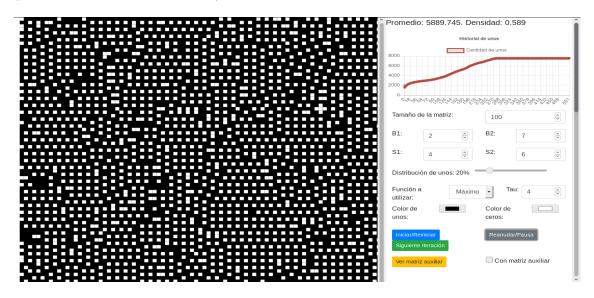


Figura 1: Resultado tras 100 iteraciones sin matriz auxiliar

Al aplicar la función de máximo no se llena todo el espacio y se estanca en una cantidad de unos.

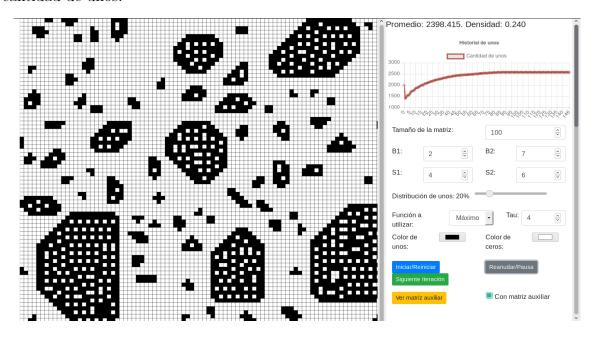


Figura 2: Utilizando la función de máximo

Es importante mencionar que el resultado obtenido al aplicar la función mínimo es muy similar al de máximo pero la matriz auxiliar se invierte.

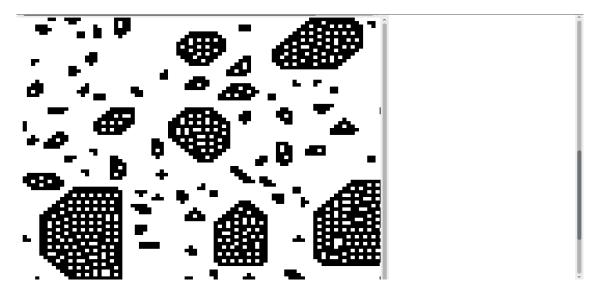


Figura 3: Matriz auxiliar del autómata anterior

La figura 4 es el resultado de utilizar la función de paridad en la cual la población decrece bastante rápido hasta quedarse en un solo patrón.

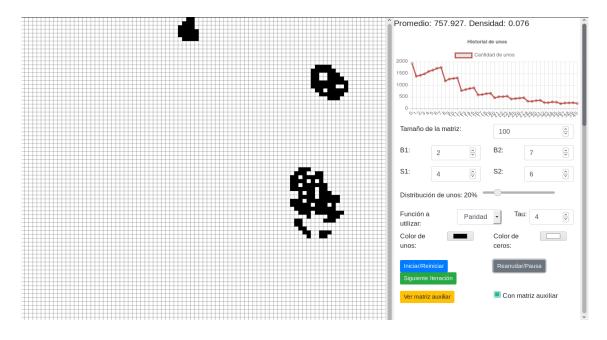


Figura 4: Utilizando la función de paridad

El comportamiento del automata anterior se puede ver reflejado en la matriz auxiliar que se muestra en la figura 5.

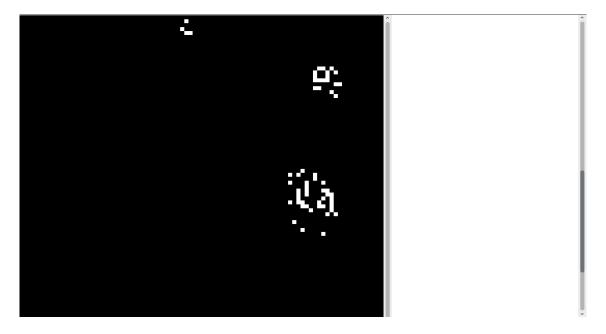


Figura 5: Matriz auxiliar del autómata anterior

# 1.6. Regla: 3 6 3 4. Densidad: 20%

El comportamiento de esta regla es similar al anterior pero con una curva de crecimiento más suave.

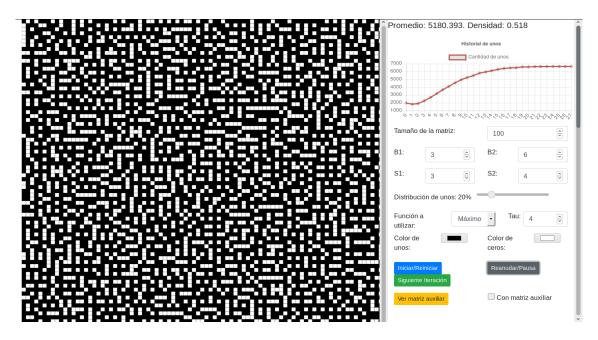


Figura 6: Resultado tras 100 iteraciones sin matriz auxiliar

Al utilizar la función de mínimo que se observa en la figura 7 se llega al mismo resultado pero con algunas perturbaciones al inicio de su crecimiento.

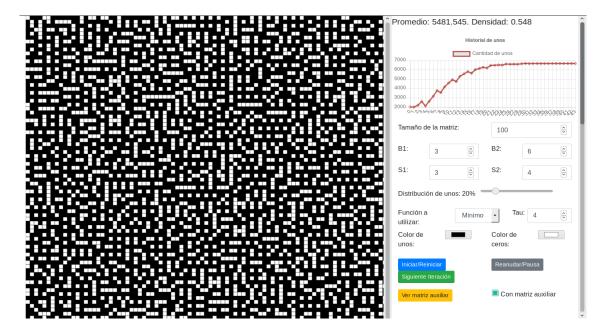


Figura 7: Utilizando la función de mínimo

Si se utiliza una función de máximo se obtiene un resultado similar pero invirtiendo

los colores de la matriz auxiliar que se observa en la figura 8.

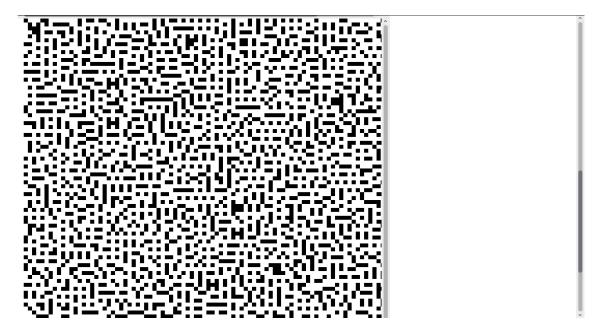


Figura 8: Matriz auxiliar del autómata anterior

La función de paridad es la que provoca el comportamiento más inestable ya que a pesar de que crece como en los ejemplos anteriores su población oscila a lo largo de un rango de valores

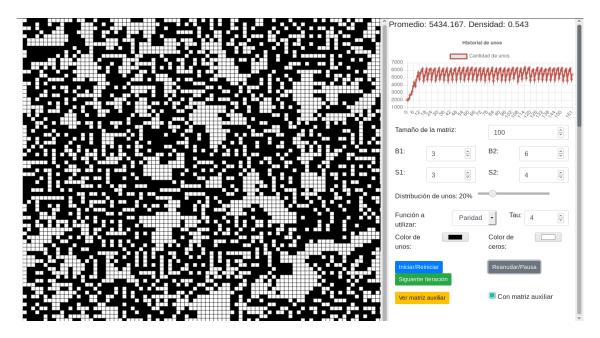


Figura 9: Utilizando la función de paridad

El comportamiento oscilatorio se observa en la matriz auxiliar ya que esta parece solo cambiar de colores una y otra vez.



Figura 10: Matriz auxiliar del autómata anterior

## 1.7. Regla: 1 6 1 6. Densidad: 10 %

El comportamiento de esta regla se tiende a estabilizar bastante rápido y formar una estructura que ya no cambia.

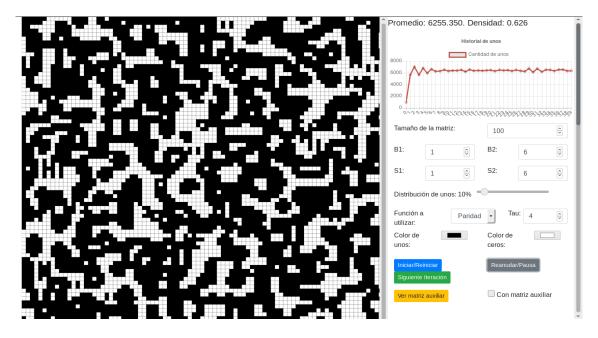


Figura 11: Resultado tras 100 iteraciones sin matriz auxiliar

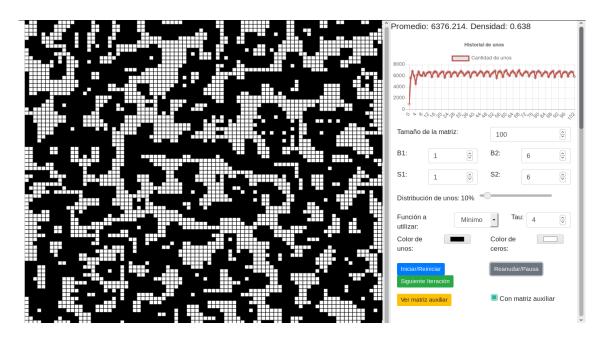


Figura 12: Utilizando la función de mínimo



Figura 13: Matriz auxiliar del autómata anterior

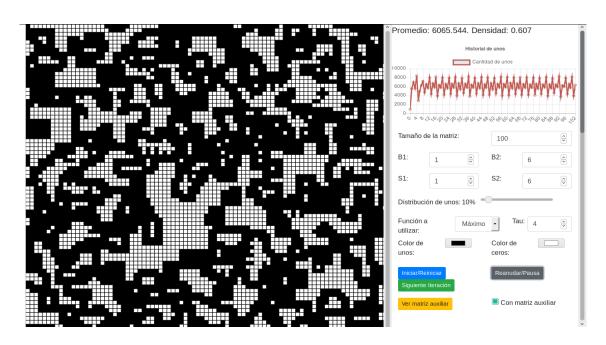


Figura 14: Utilizando la función de máximo



Figura 15: Matriz auxiliar del autómata anterior

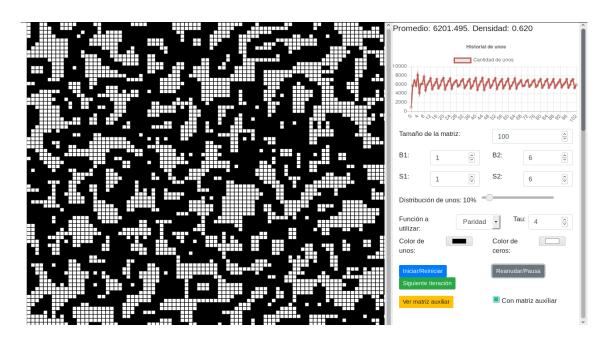


Figura 16: Utilizando la función de paridad



Figura 17: Matriz auxiliar del autómata anterior

Con esta regla y utilizando las tres funciones se obtiene el mismo resultado, sin embargo, el comportamiento de la cantidad de unos es diferente. Para la función de máximo se tiene el comportamiento más oscilatorio, después le sigue la función de paridad y por ultimo la función de mínimo.

## 1.8. Regla: $3\ 3\ 1\ 8$ . Densidad: $10\$ %

El comportamiento de esta regla oscila bastante y llega a un punto en el que parece que solo cambia los colores de las células.

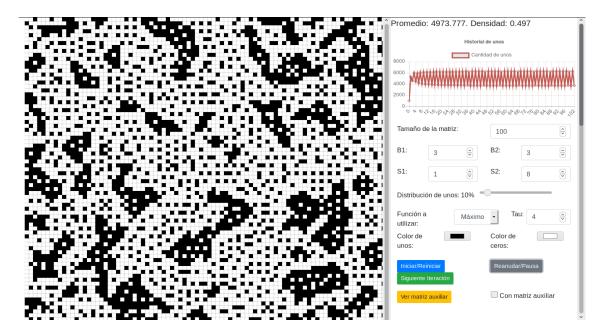


Figura 18: Resultado tras 100 iteraciones sin matriz auxiliar

Para la regla de mínimo se tiene un comportamiento extraño en el cual en lugar de aumentar la población y estabilizarse ocurre lo contrario hasta quedar con solo algunos patrones en la matriz.

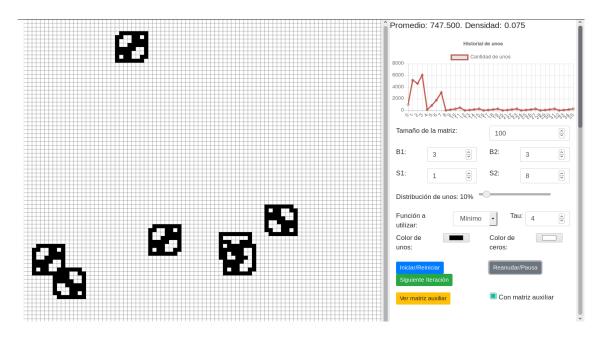


Figura 19: Utilizando la función de mínimo



Figura 20: Matriz auxiliar del autómata anterior

Al aplicar la función máximo se reduce la cantidad de oscilaciones que se tienen a lo largo de las iteraciones.

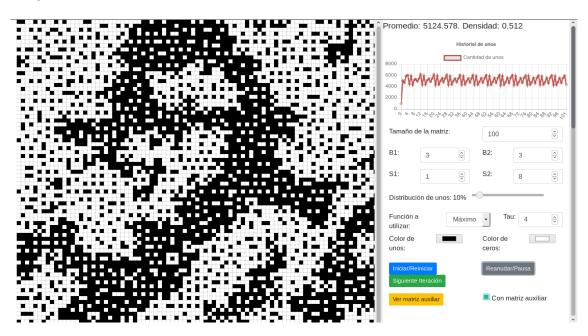


Figura 21: Utilizando la función de máximo



Figura 22: Matriz auxiliar del autómata anterior

En contraste con la función máximo se tiene lo contrario, en esta las oscilaciones son mayores.

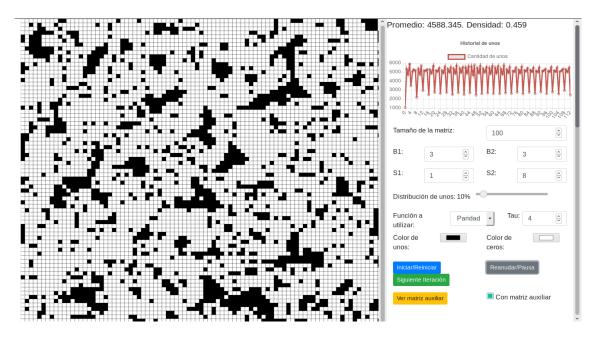


Figura 23: Utilizando la función de paridad

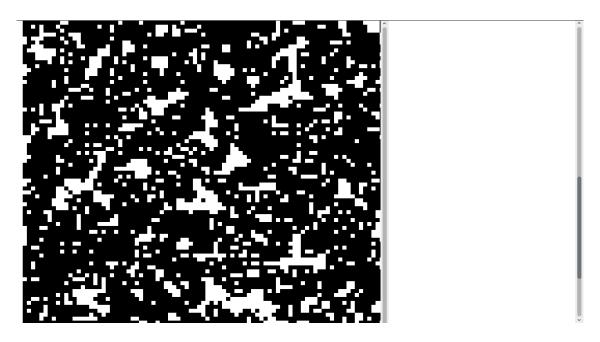


Figura 24: Matriz auxiliar del autómata anterior

# 1.9. Regla: 3 3 1 7. Densidad: 5%

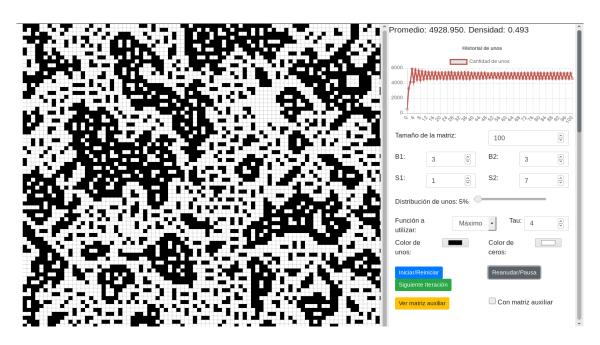


Figura 25: Resultado tras 100 iteraciones sin matriz auxiliar

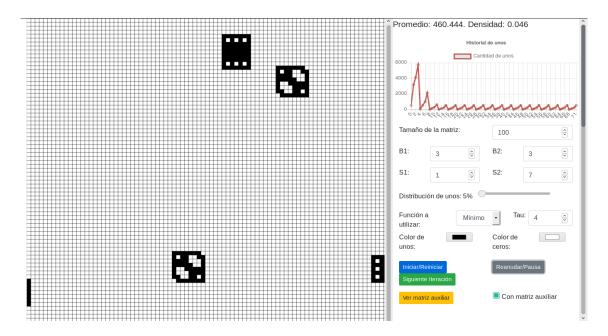


Figura 26: Utilizando la función de mínimo

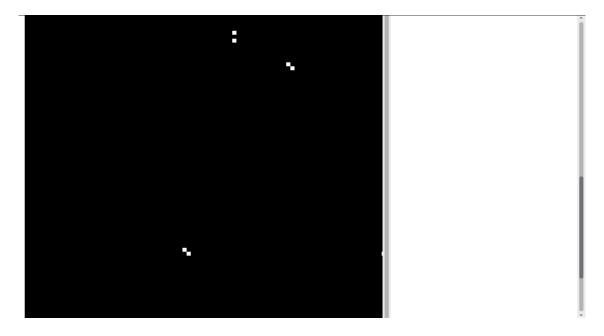


Figura 27: Matriz auxiliar del autómata anterior

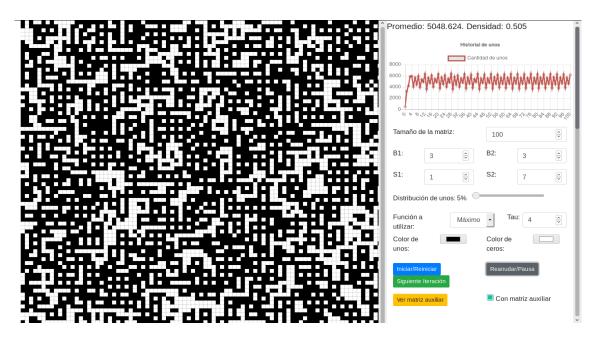


Figura 28: Utilizando la función de máximo



Figura 29: Matriz auxiliar del autómata anterior

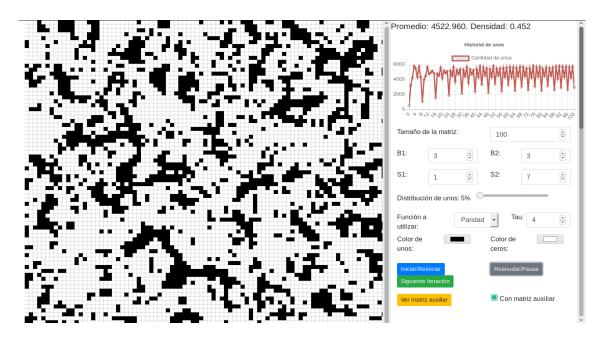


Figura 30: Utilizando la función de paridad

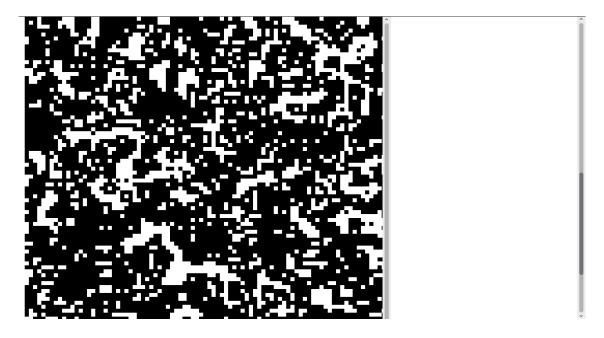


Figura 31: Matriz auxiliar del autómata anterior

Con esta regla se tiene el comportamiento más raro al aplicar la regla de mínimo ya que la población aumenta en un inicio pero al final termina disminuyendo demasiado y estancarse en unos patrones en especifico.

# 1.10. Regla: 2 3 3 6. Densidad: 10%

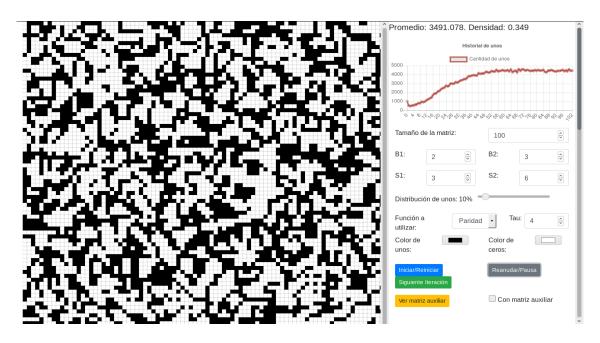


Figura 32: Resultado tras 100 iteraciones sin matriz auxiliar

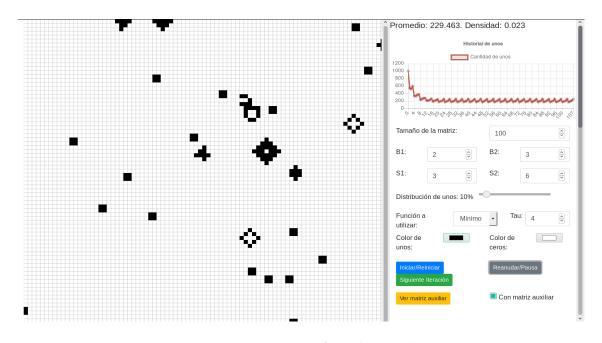


Figura 33: Utilizando la función de mínimo

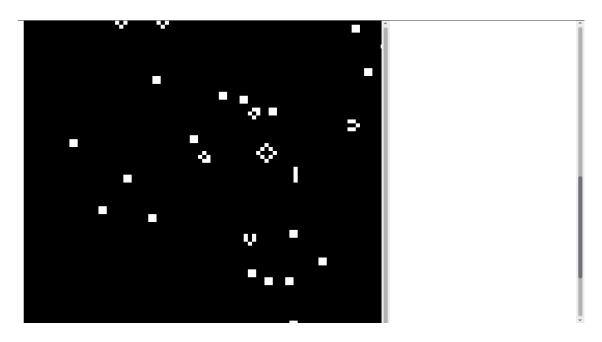


Figura 34: Matriz auxiliar del autómata anterior

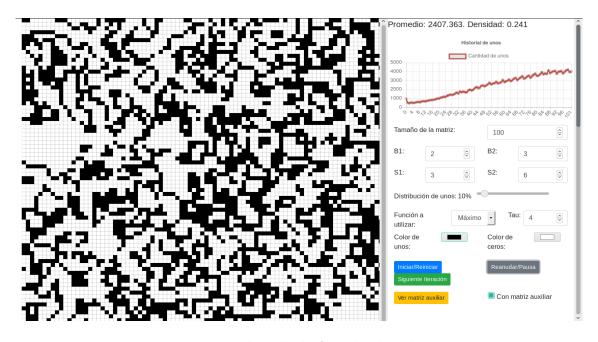


Figura 35: Utilizando la función de máximo

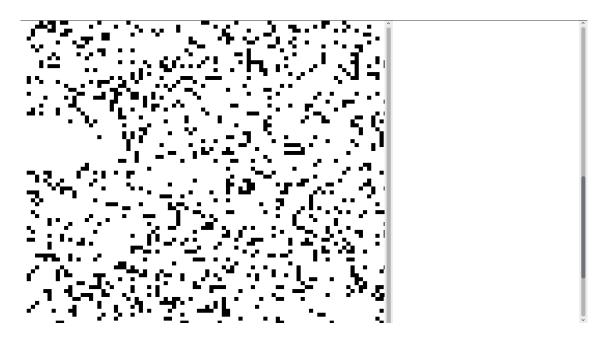


Figura 36: Matriz auxiliar del autómata anterior

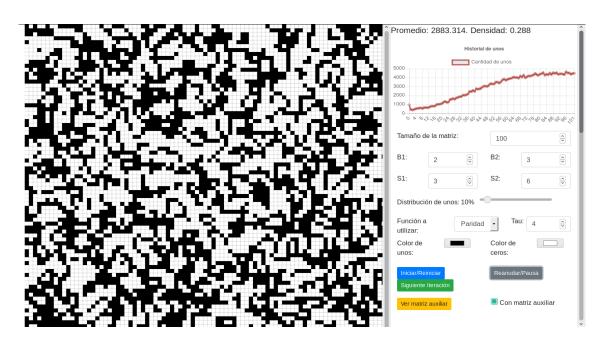


Figura 37: Utilizando la función de paridad



Figura 38: Matriz auxiliar del autómata anterior

Al igual que con la regla anterior, en esta regla se tiene el mismo comportamiento de disminución de la población al aplicar la regla de mínimo.

### 1.11. Conclusiones

El uso de una función y una matriz auxiliar para el calculo de las iteraciones en un autómata celular cambian el comportamiento de la función original, es decir, si se realiza la prueba y se compara la gráfica de unos de la regla del juego de la vida con y sin función auxiliar se puede apreciar que la que tiene la función auxiliar oscila con más frecuencia a diferencia de la que no utiliza una función extra, en esta la gráfica se estabiliza de una forma más rápida.

El uso de esta técnica al trabajar con autómatas celulares es bastante útil ya que permite el observar nuevos comportamientos con base a reglas ya conocidas, lo cual puede agilizar el estudio de estos modelos.

### Referencias

[1] Reyes Gómez, D., Descripción y Aplicaciones de los Autómatas Celulares. cinvestav, 2011.