

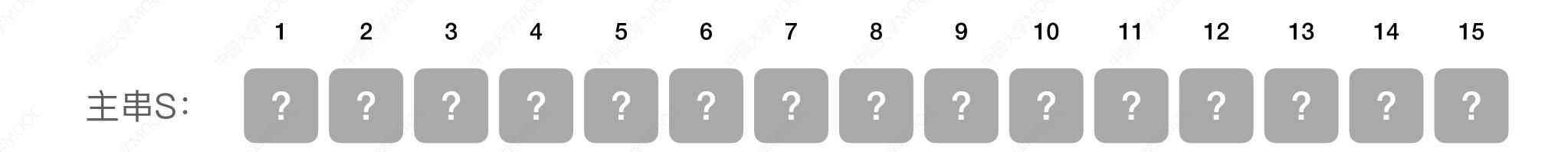


KMP算法

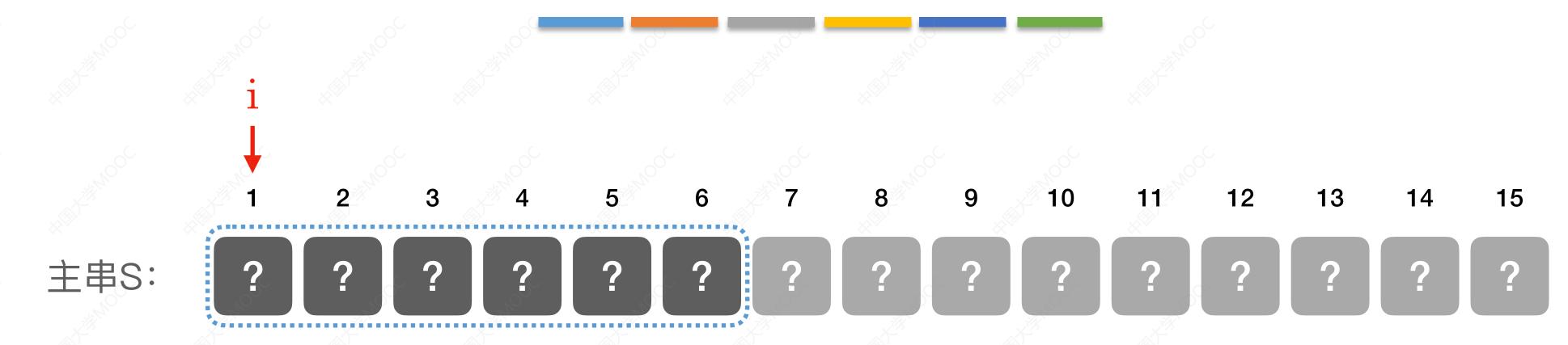
由D.E.Knuth,J.H.Morris和V.R.Pratt提出,因此称为 KMP算法

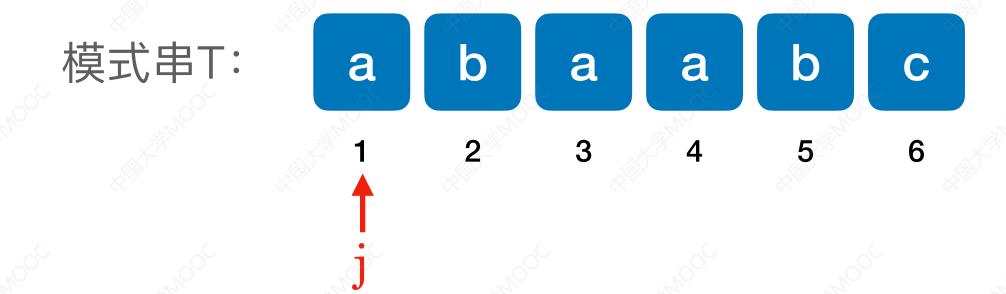


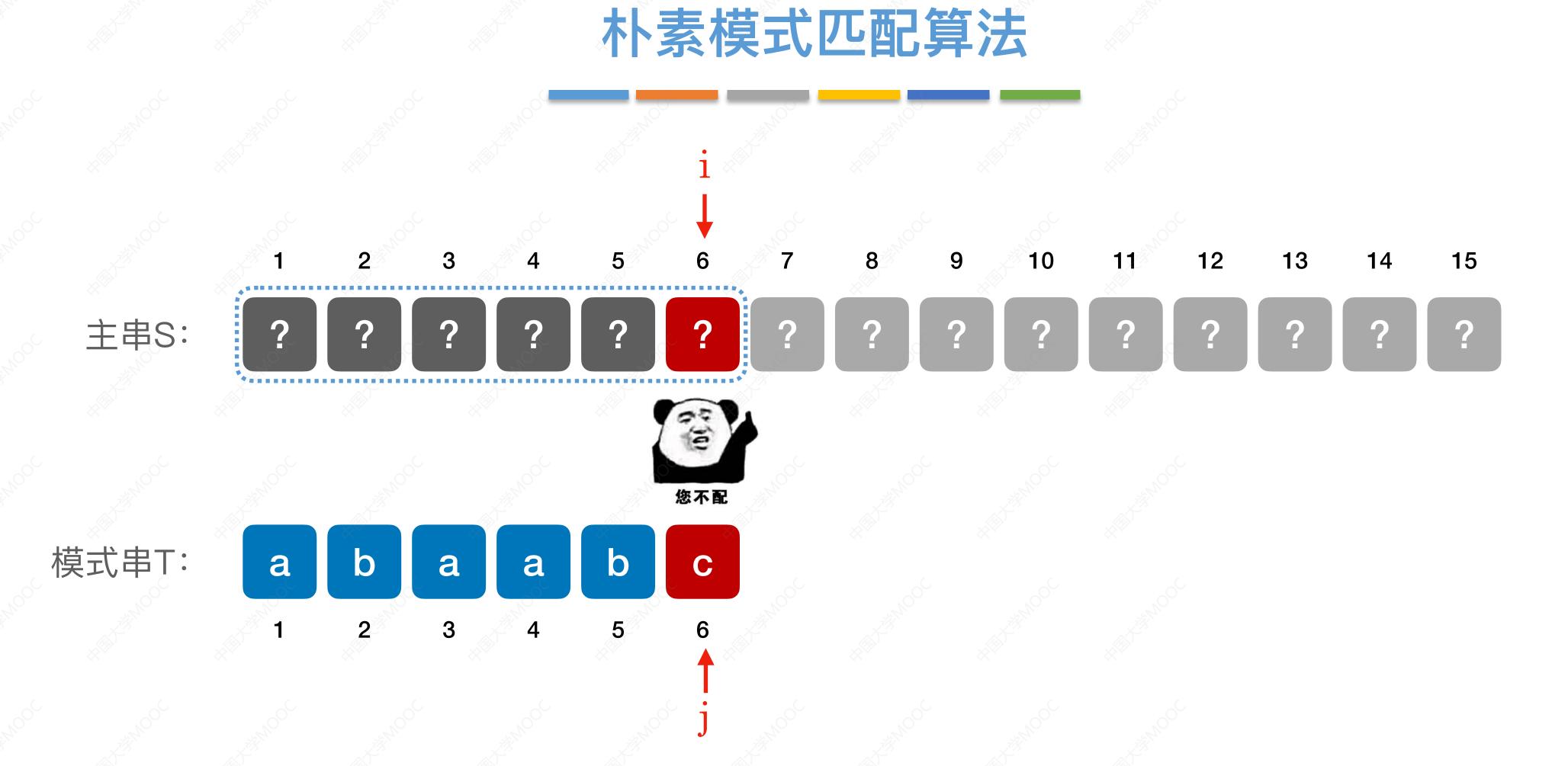
你不要凶我 我害怕。



模式串T: a b a a b c 1 2 3 4 5 6







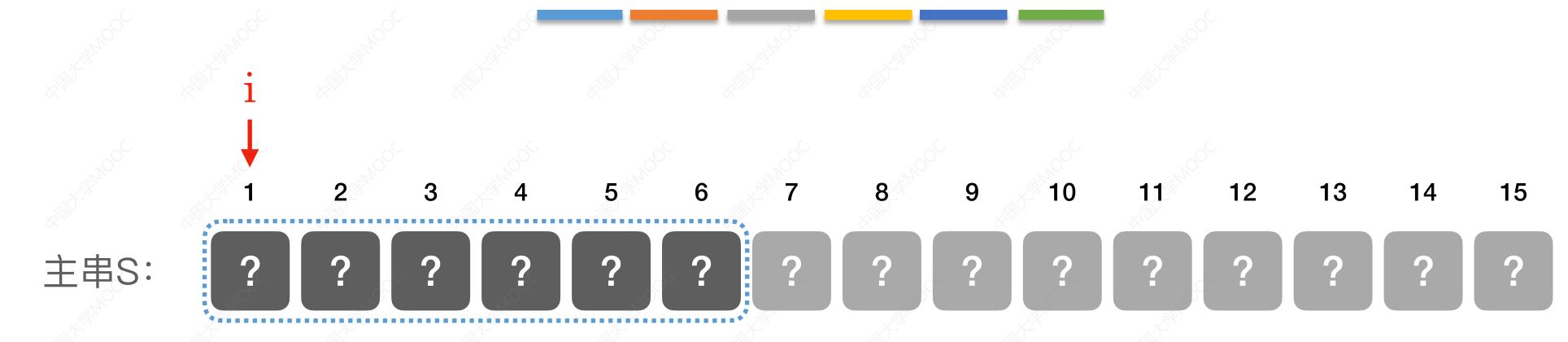
一旦发现当前这个子串中某个字符不匹配,就只能转而匹配下一个子串(从头开始)

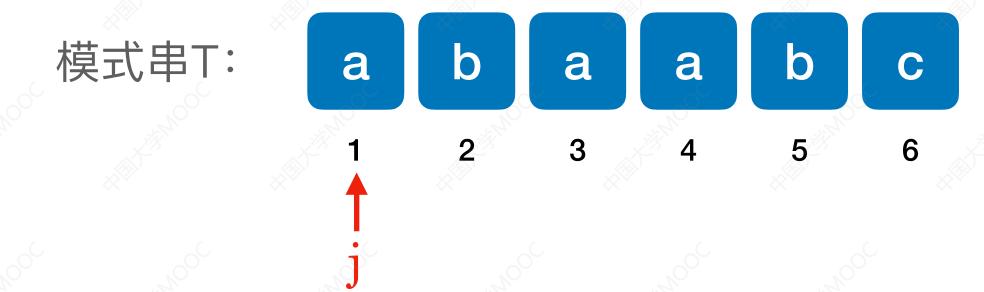


一旦发现当前这个子串中某个字符不匹配,就只能转而匹配下一个子串(从头开始)

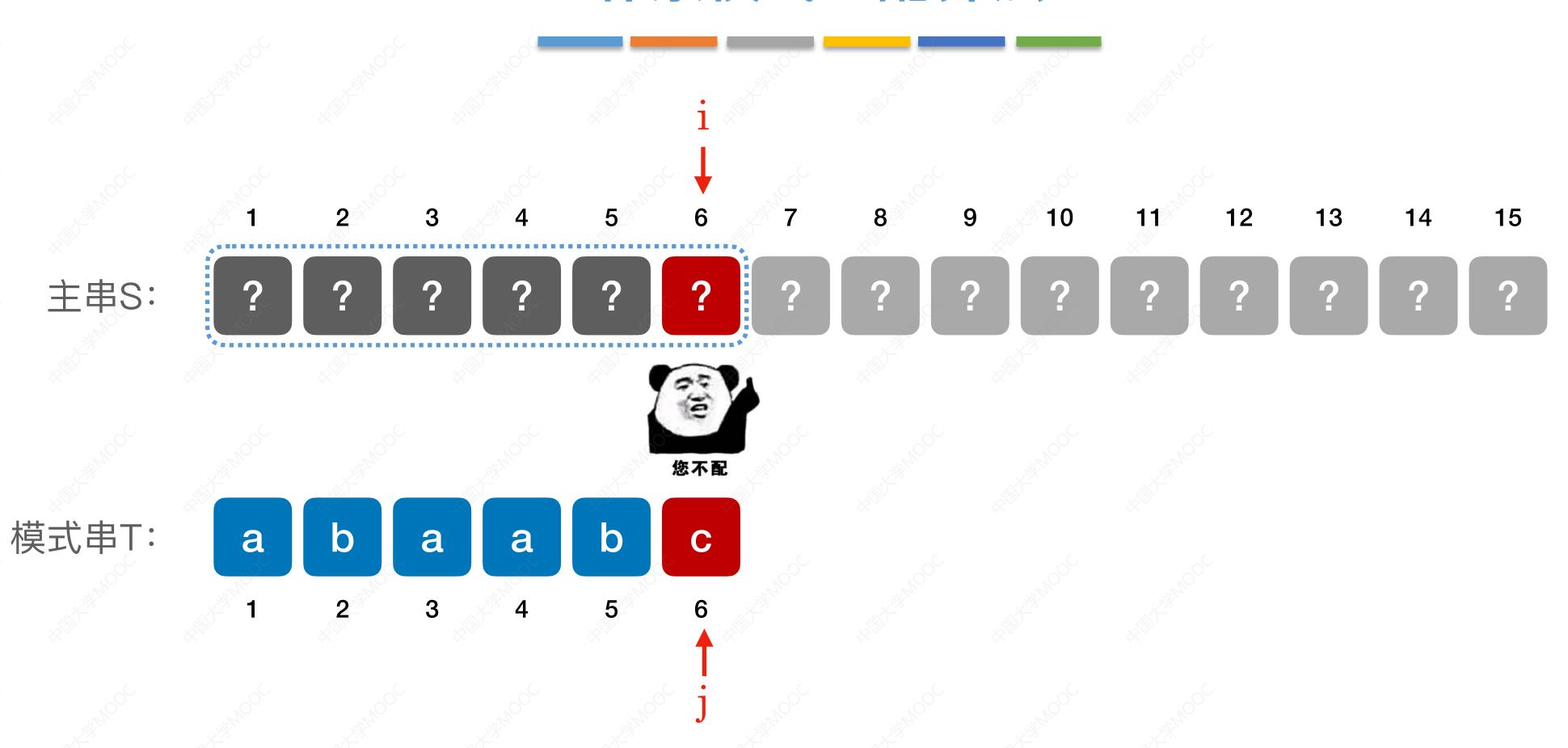


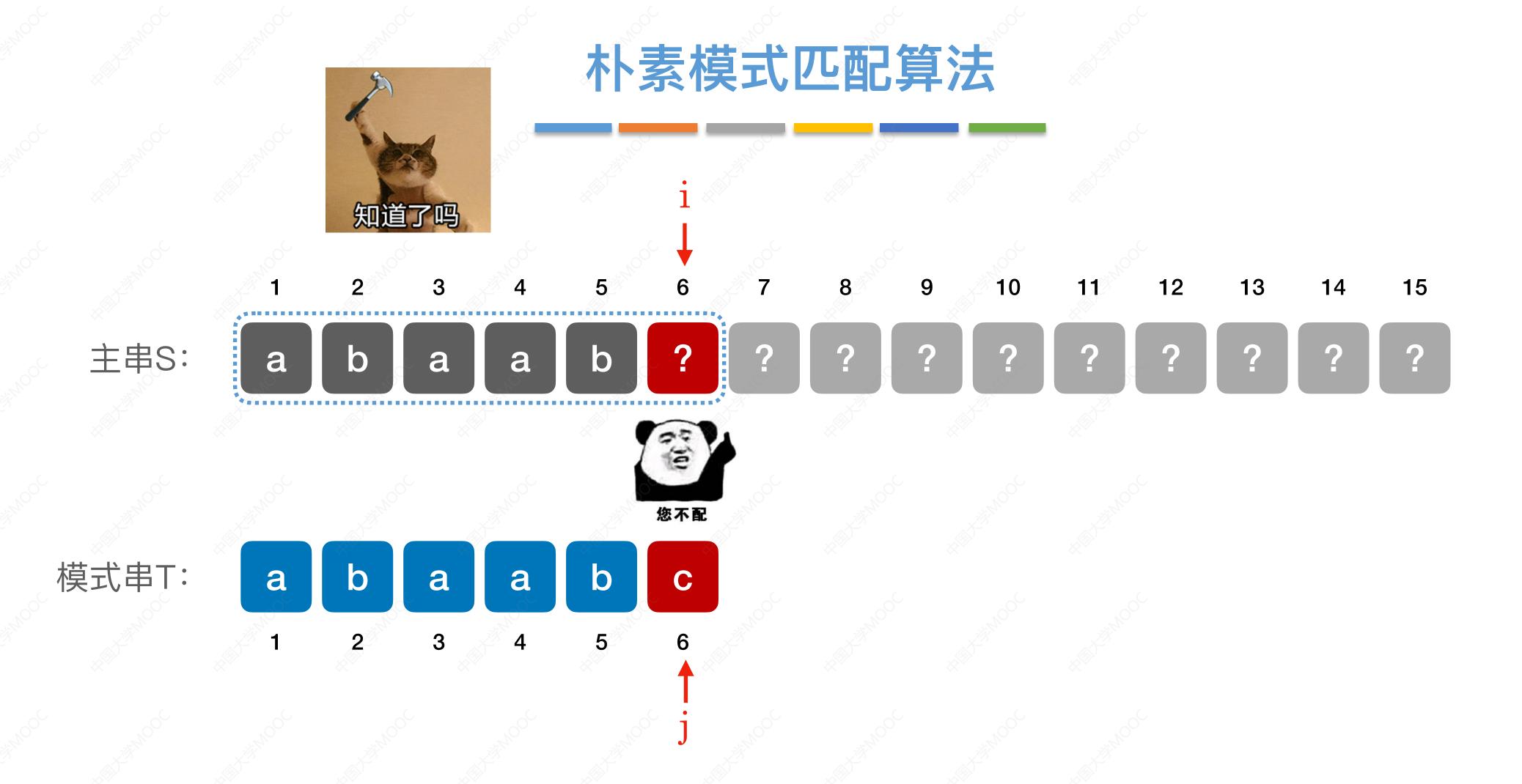
一旦发现当前这个子串中某个字符不匹配,就只能转而匹配下一个子串(从头开始)



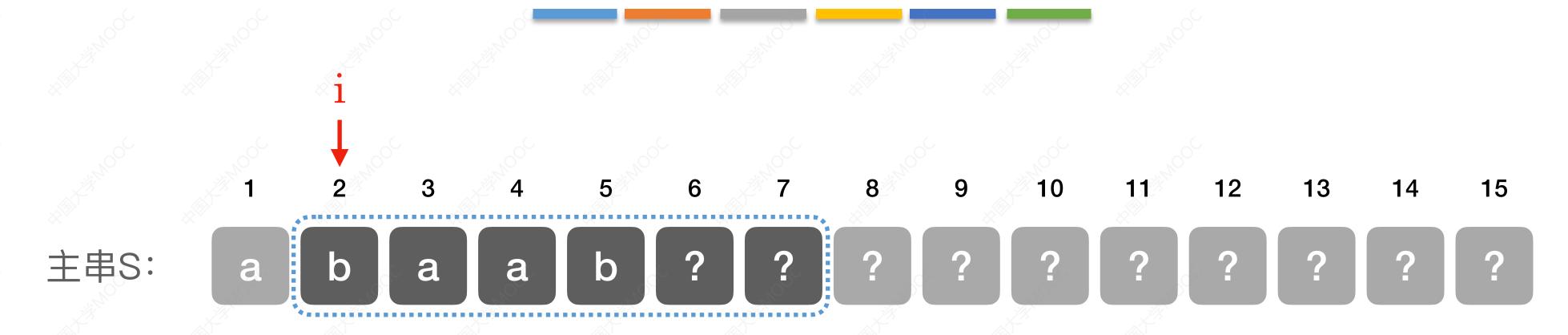


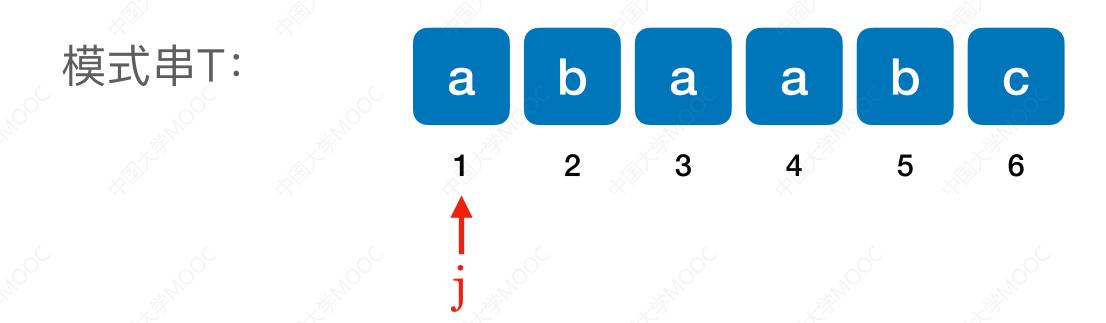


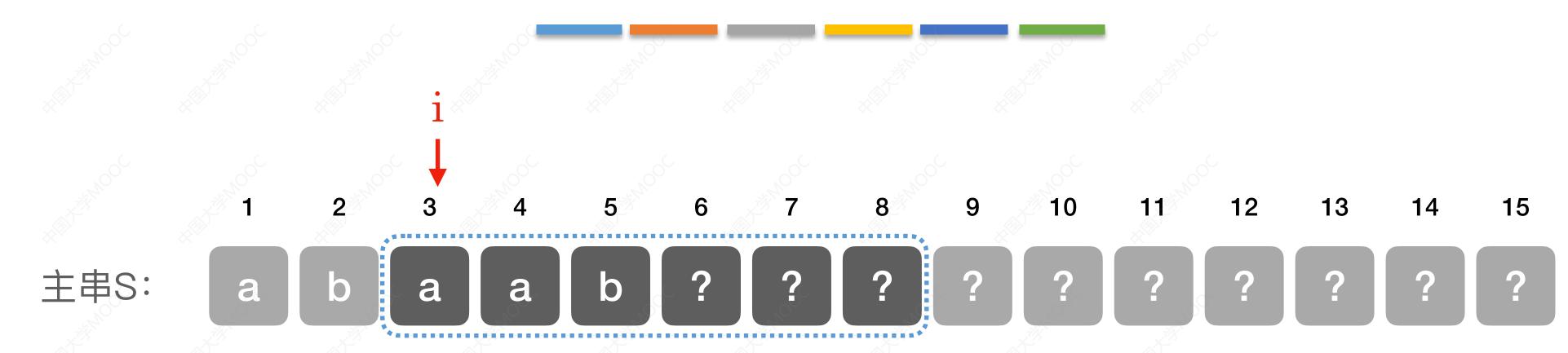


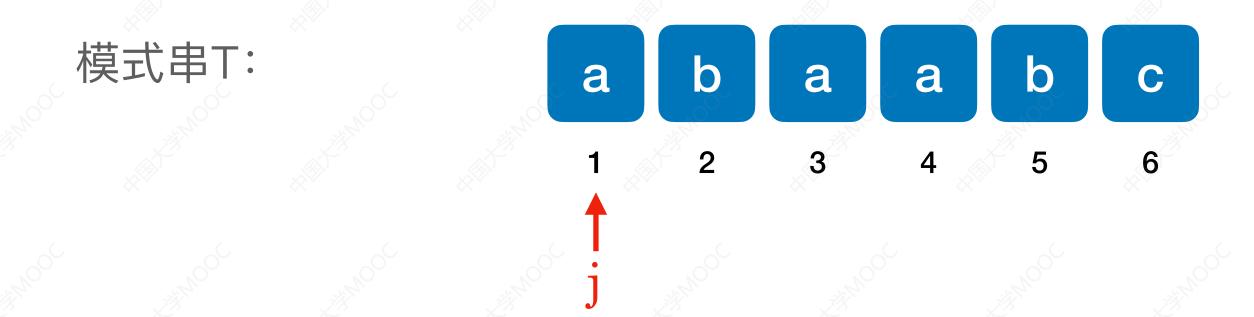


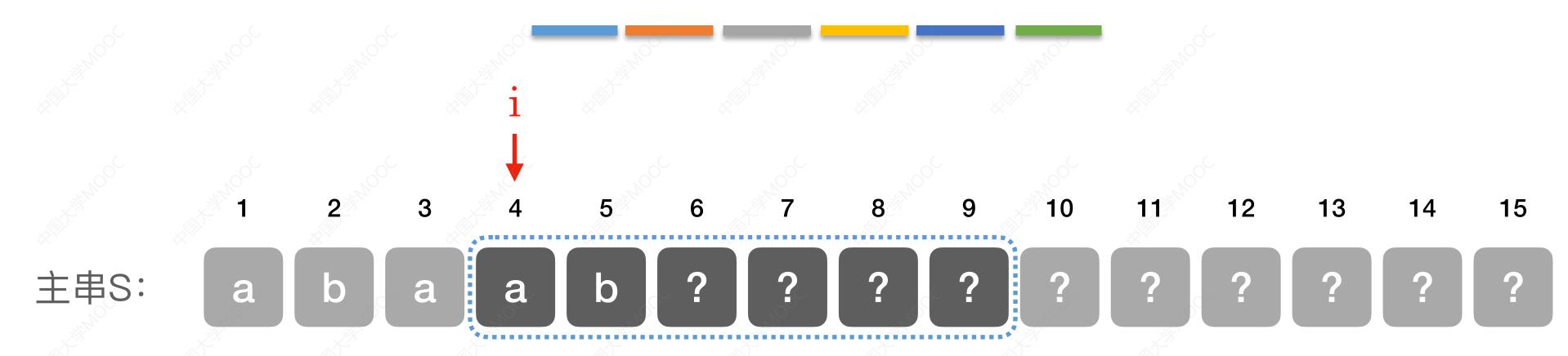
不匹配的字符之前,一定是和模式串一致的



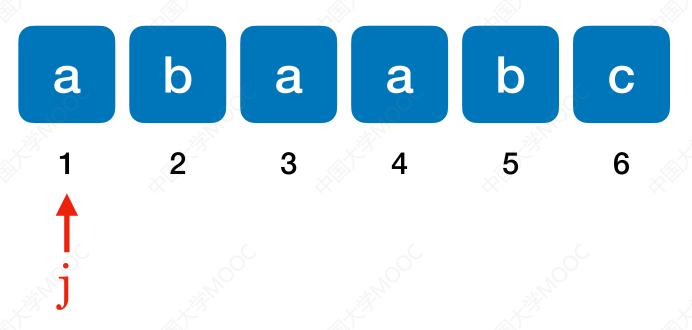


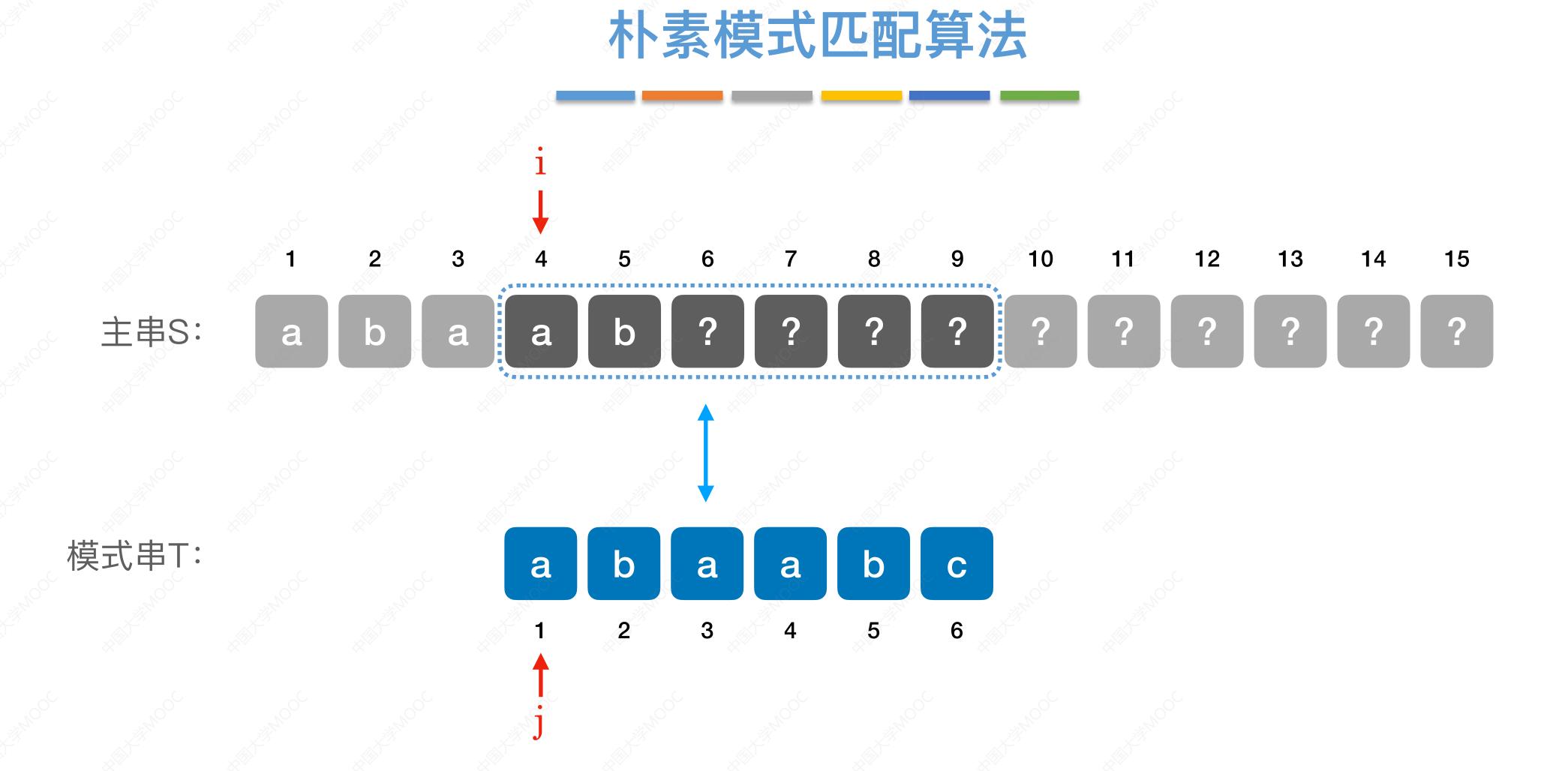




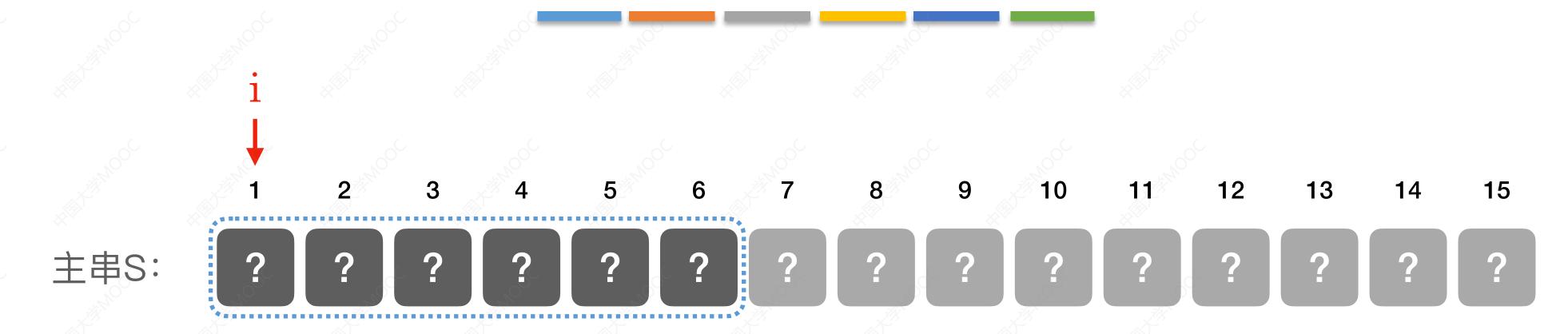


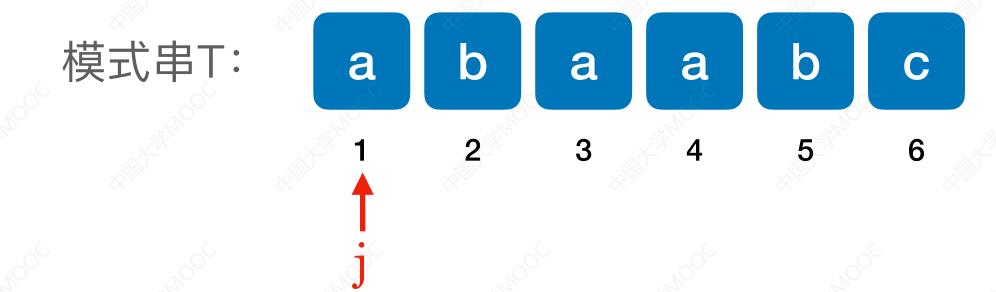




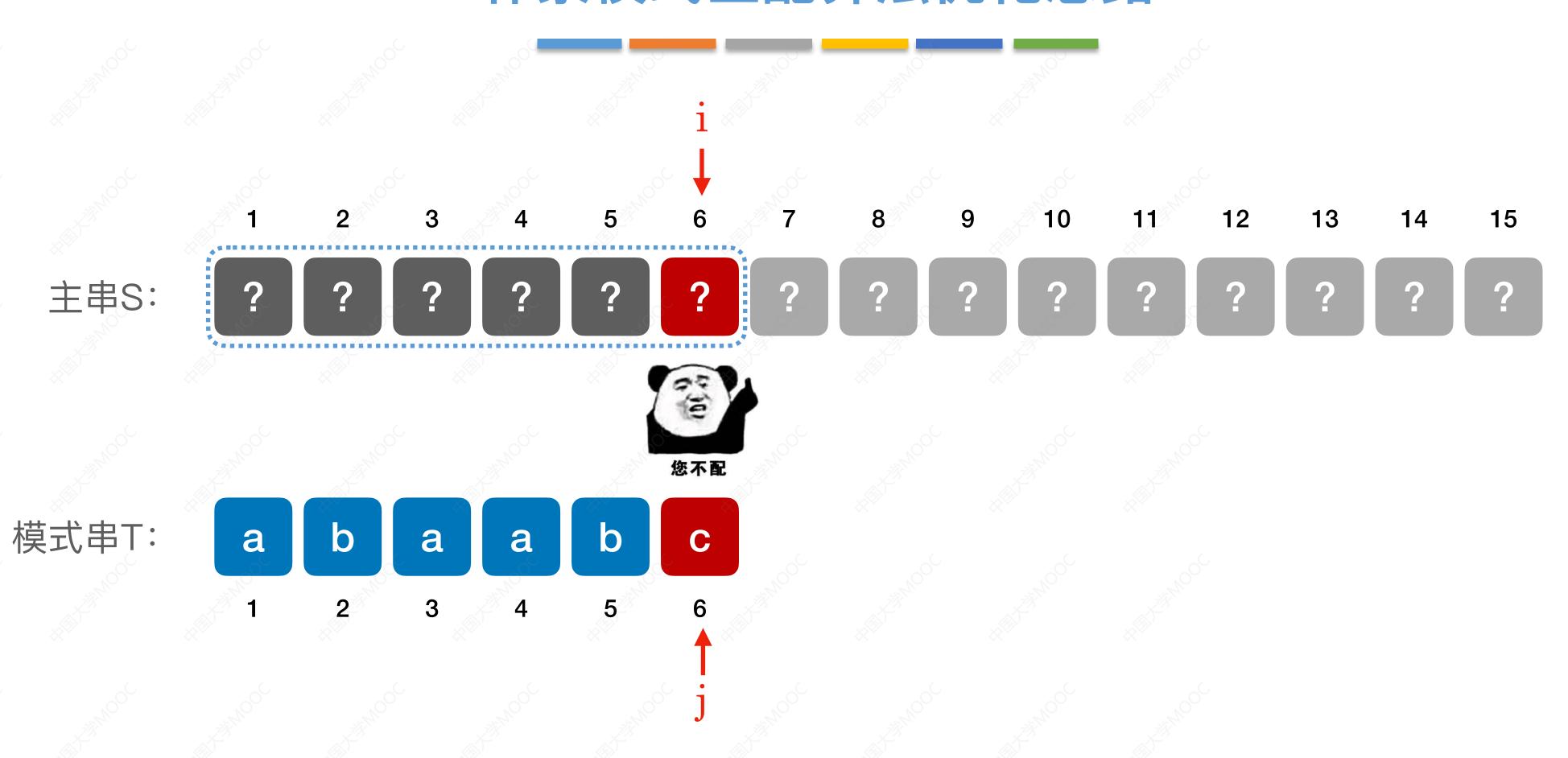


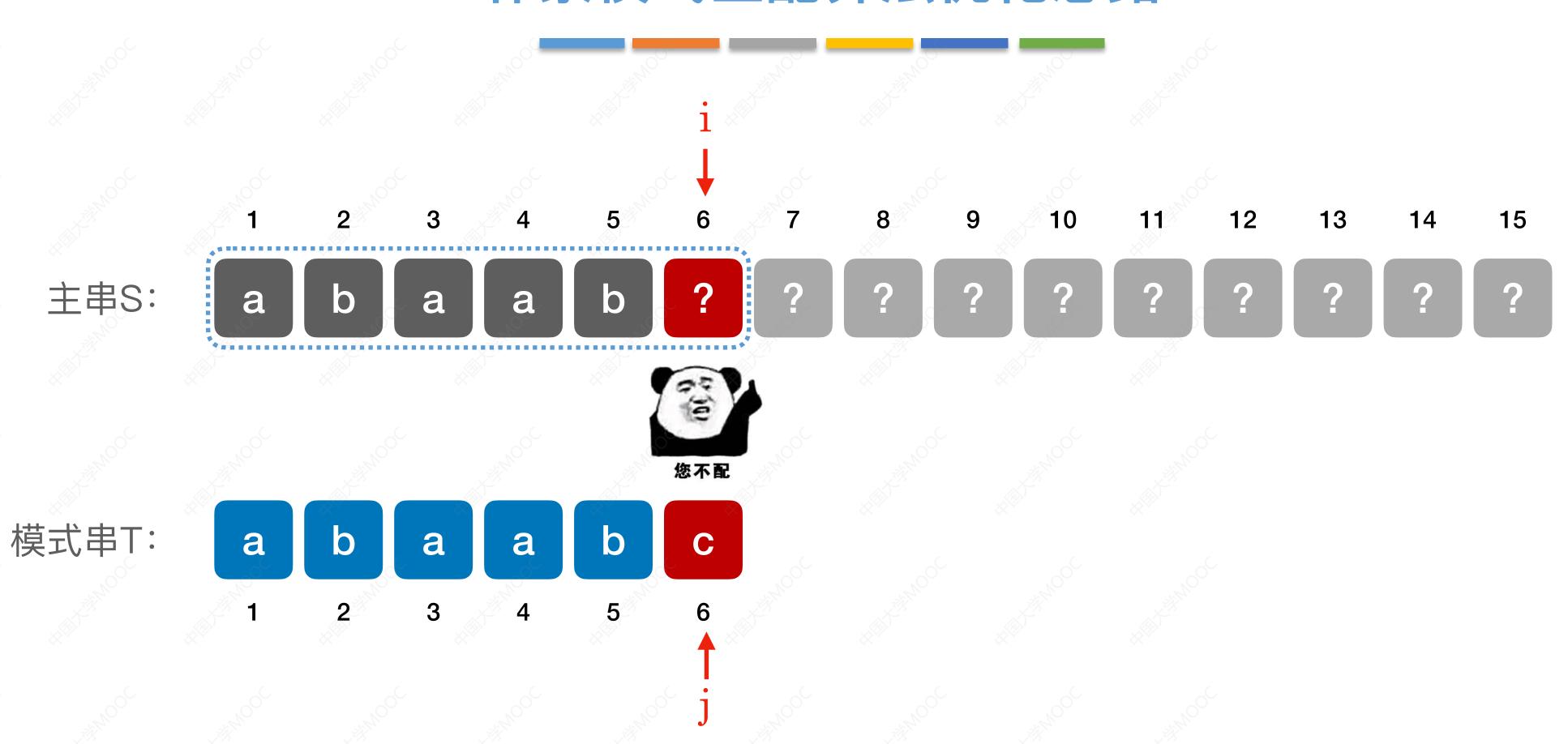
朴素模式匹配算法 10 12 13 15 主串S: 模式串T: a a 我有一个新思路 直接从这里继续匹配







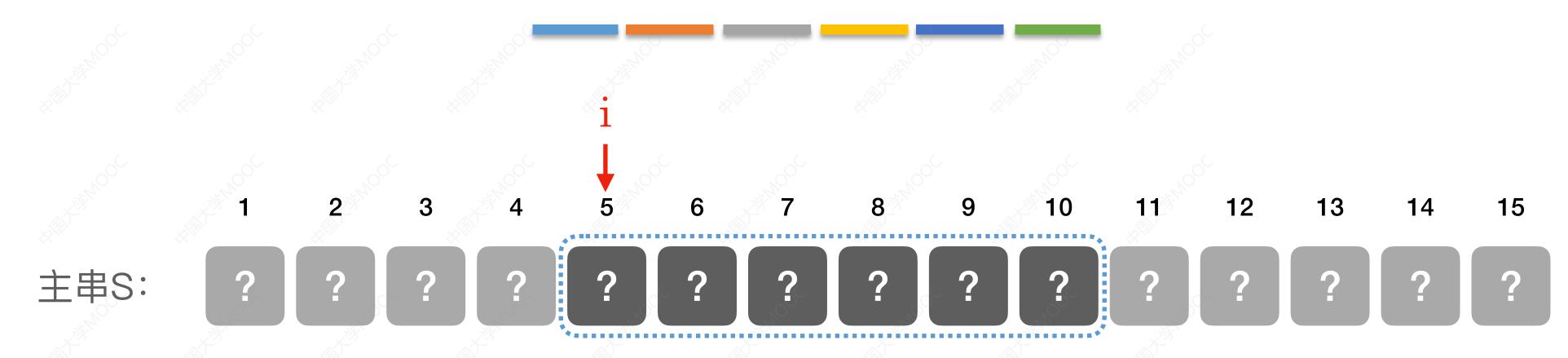




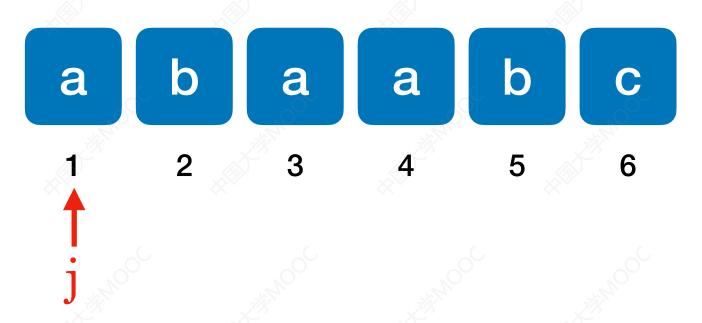
不匹配的字符之前,一定是和模式串一致的

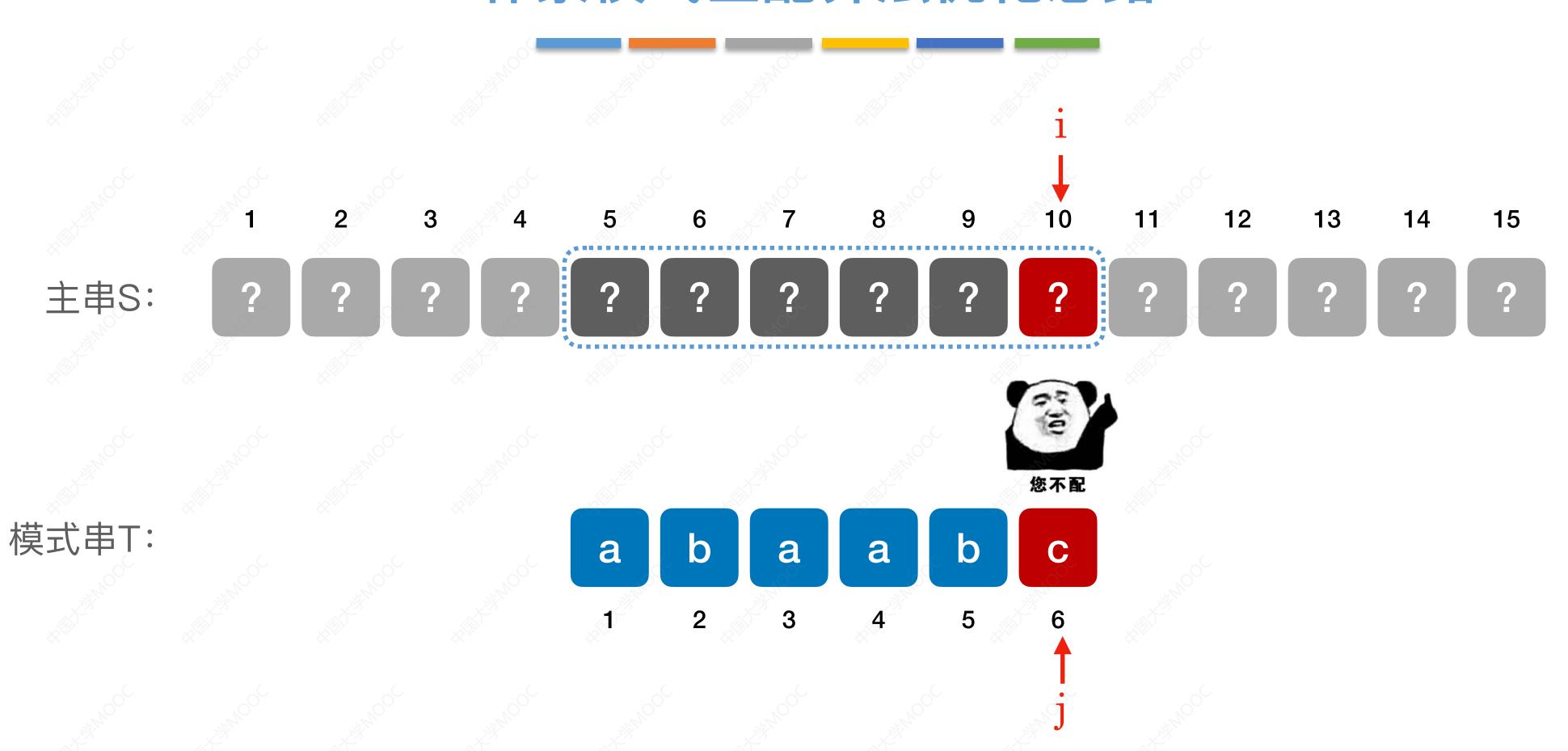
朴素模式匹配算法优化思路 10 13 15 主串S: a 跳过中间的 再来! 几个子串 模式串T: a a

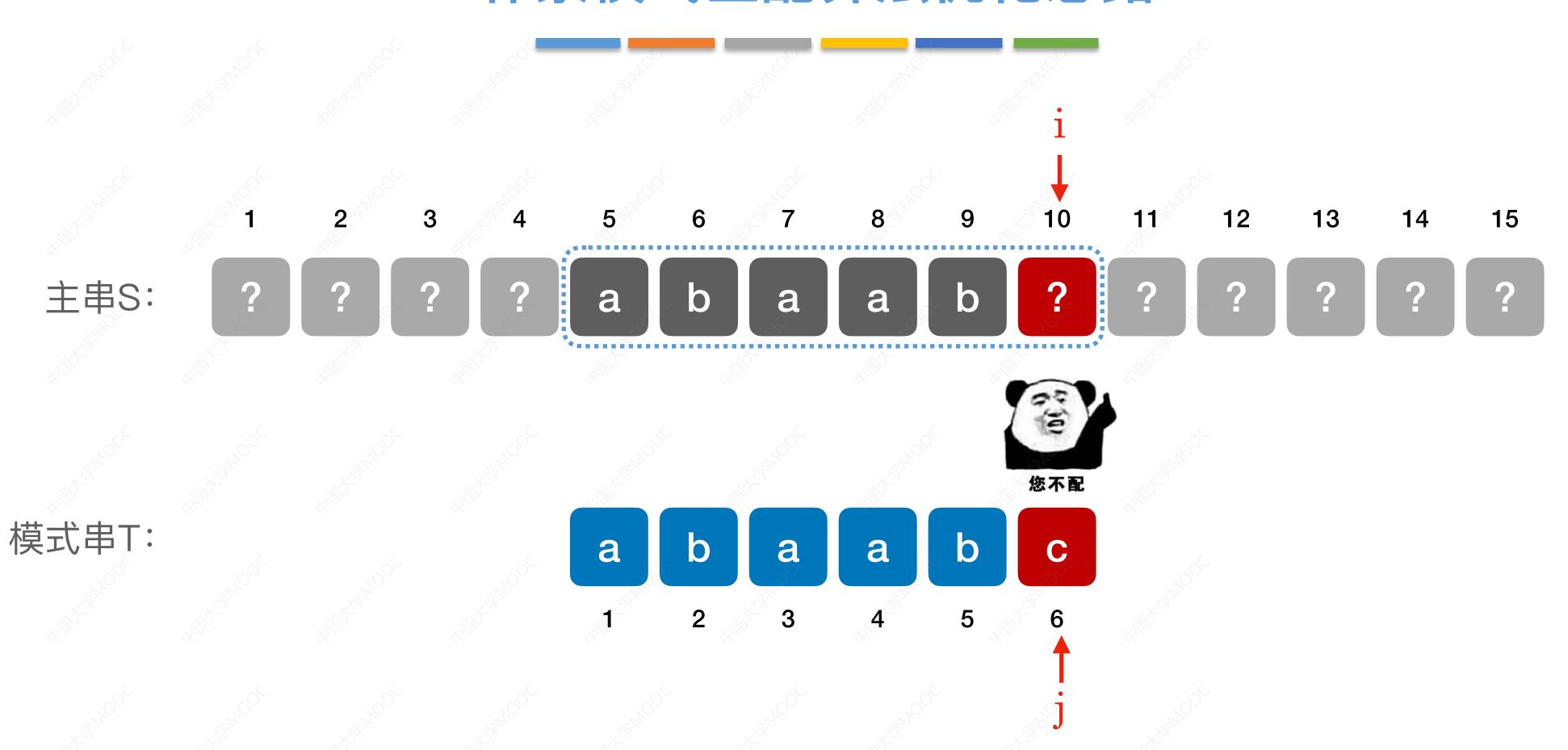
可以直接从这里继续匹配

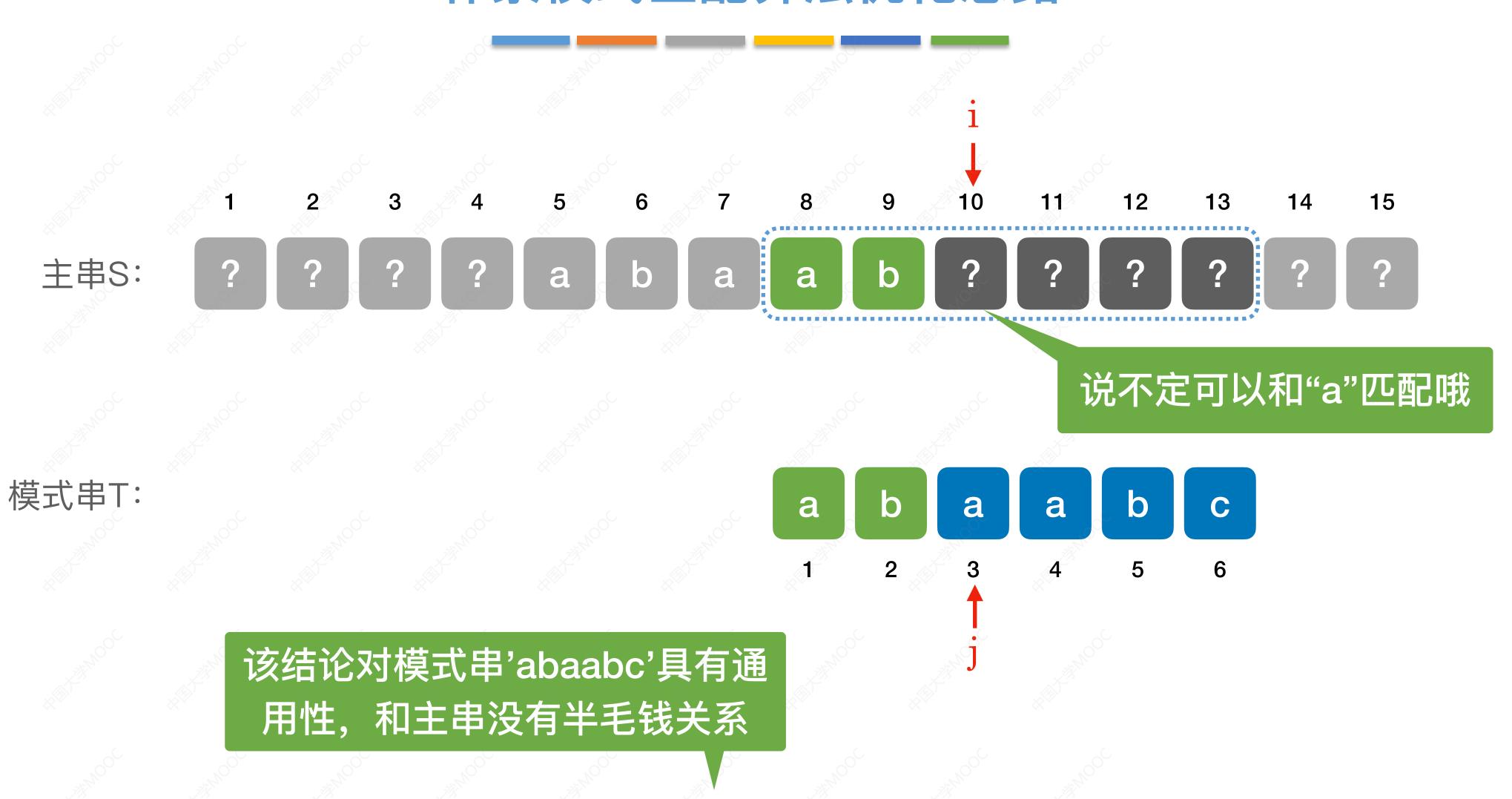


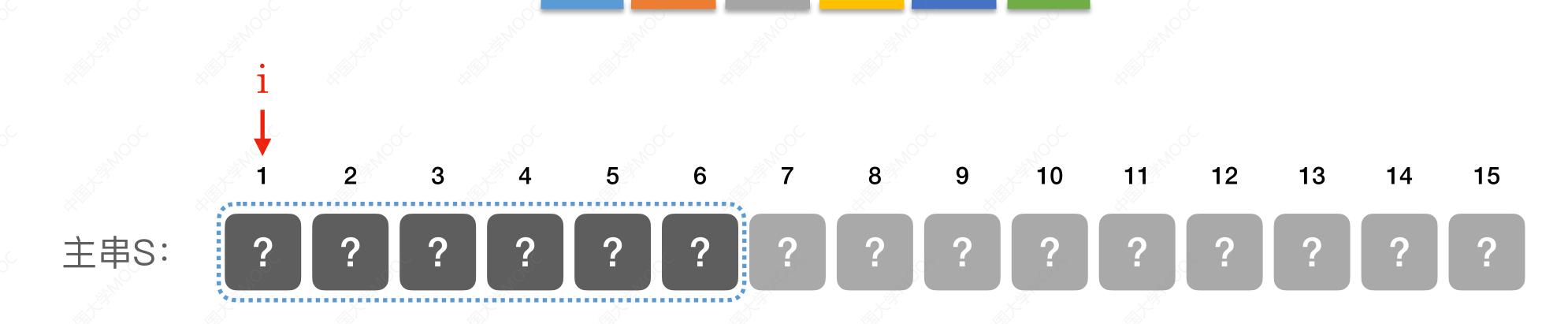
模式串T:

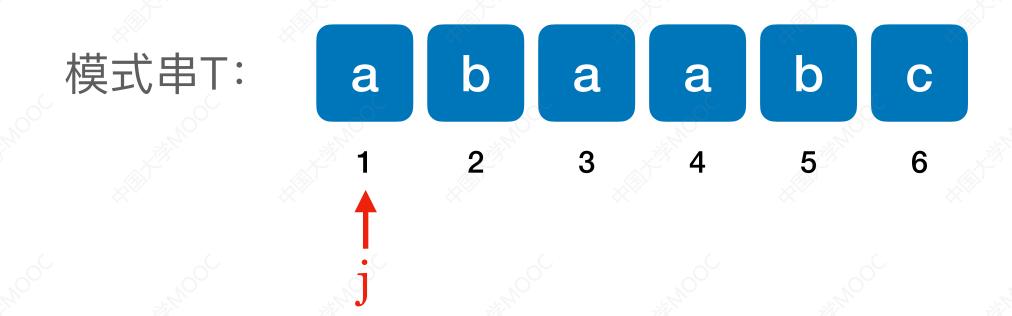


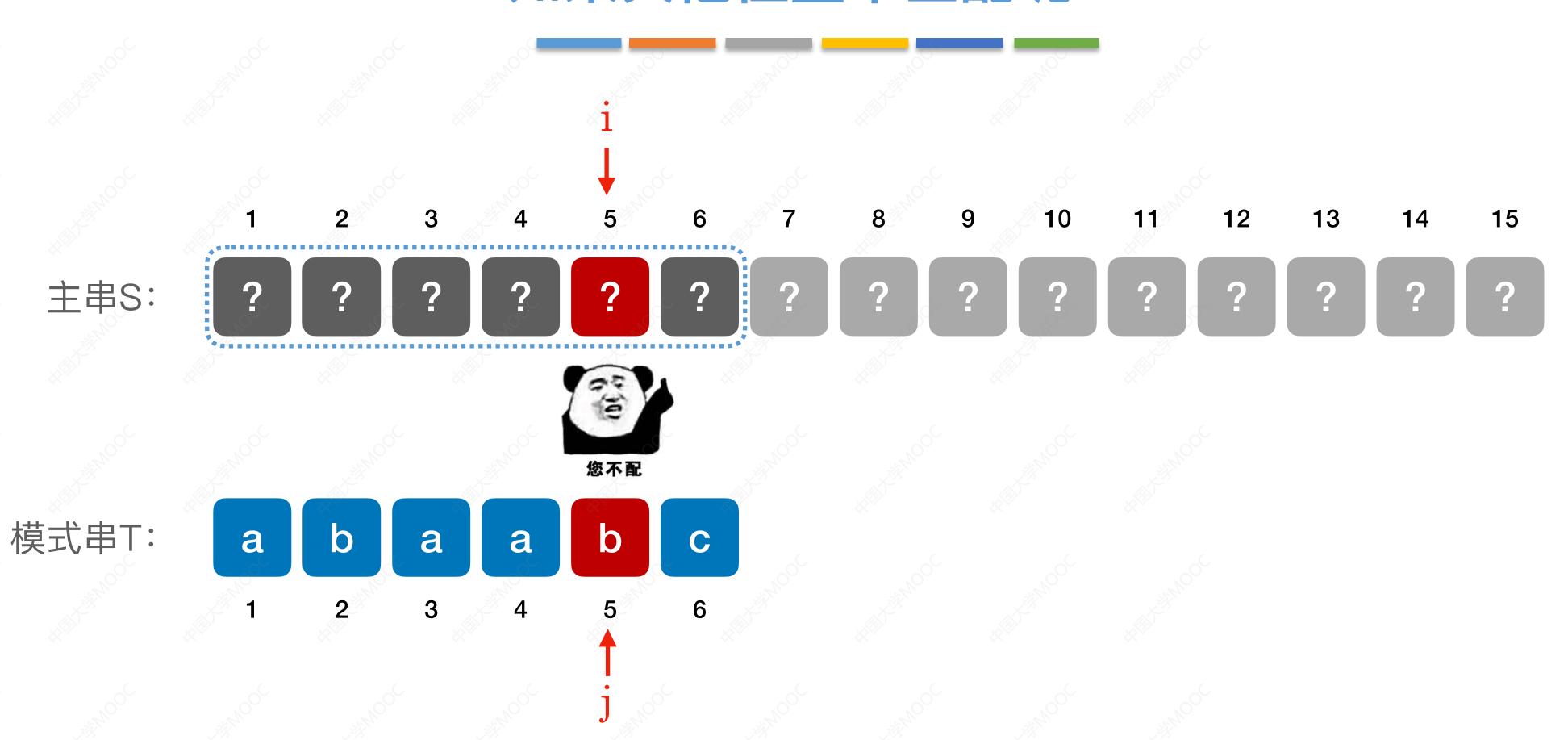


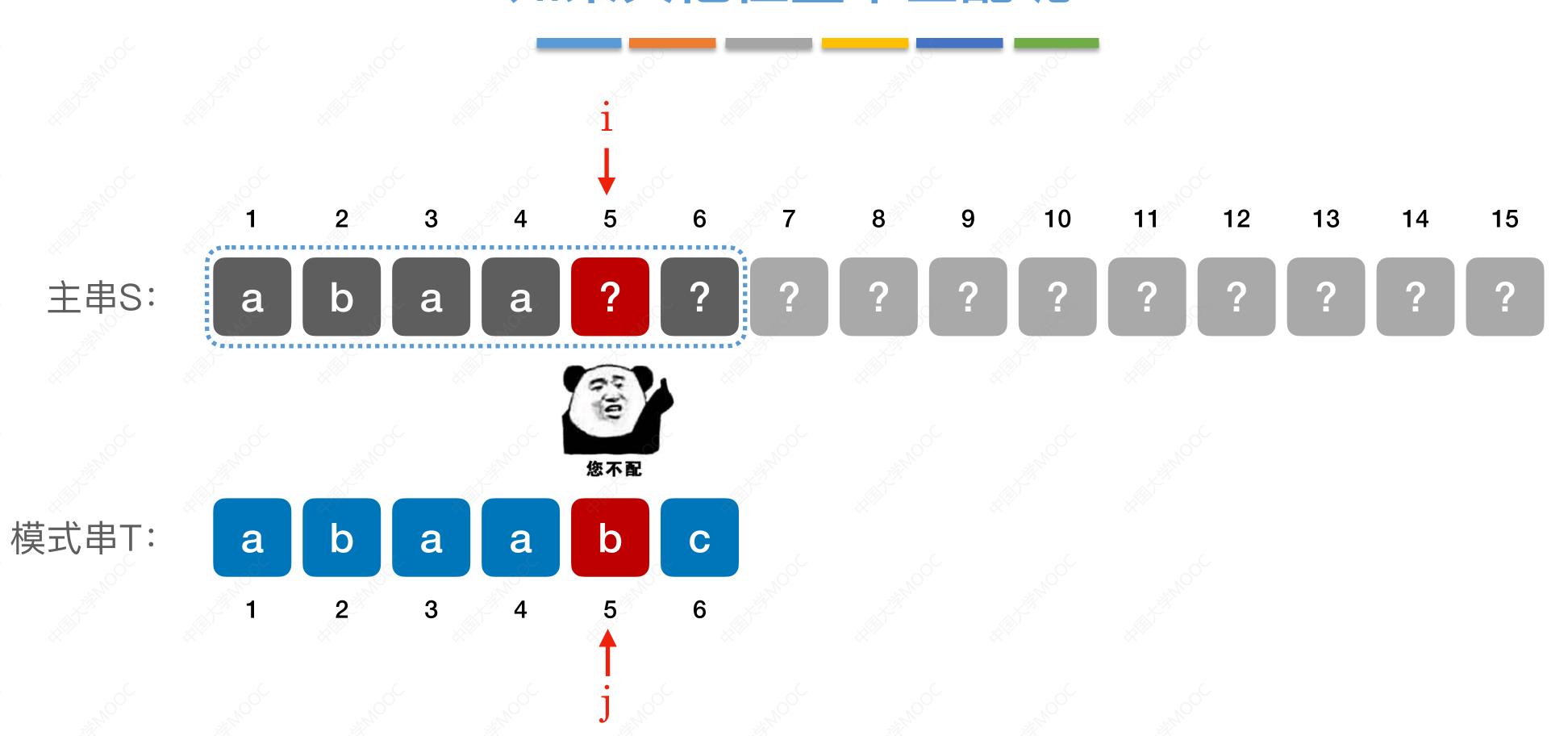


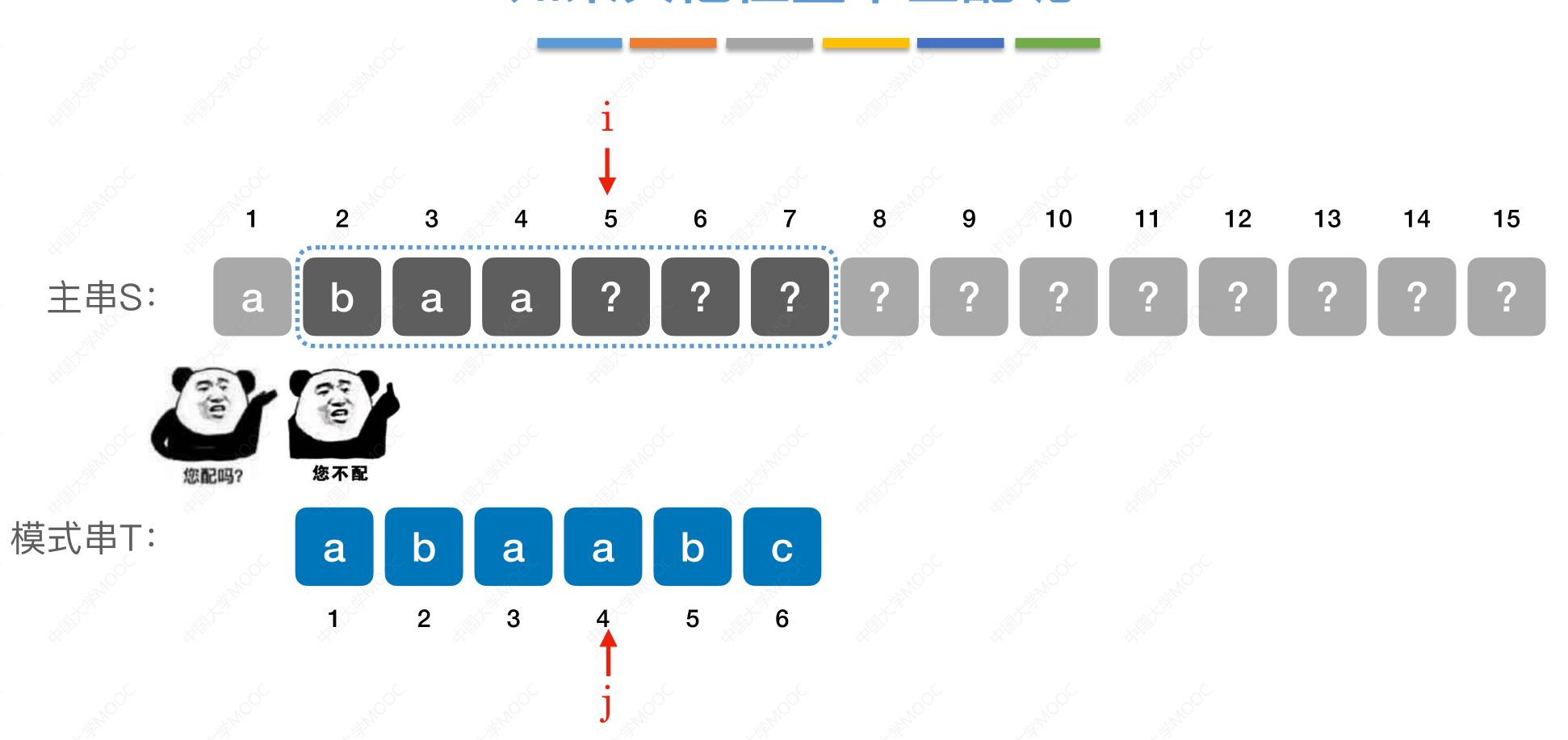


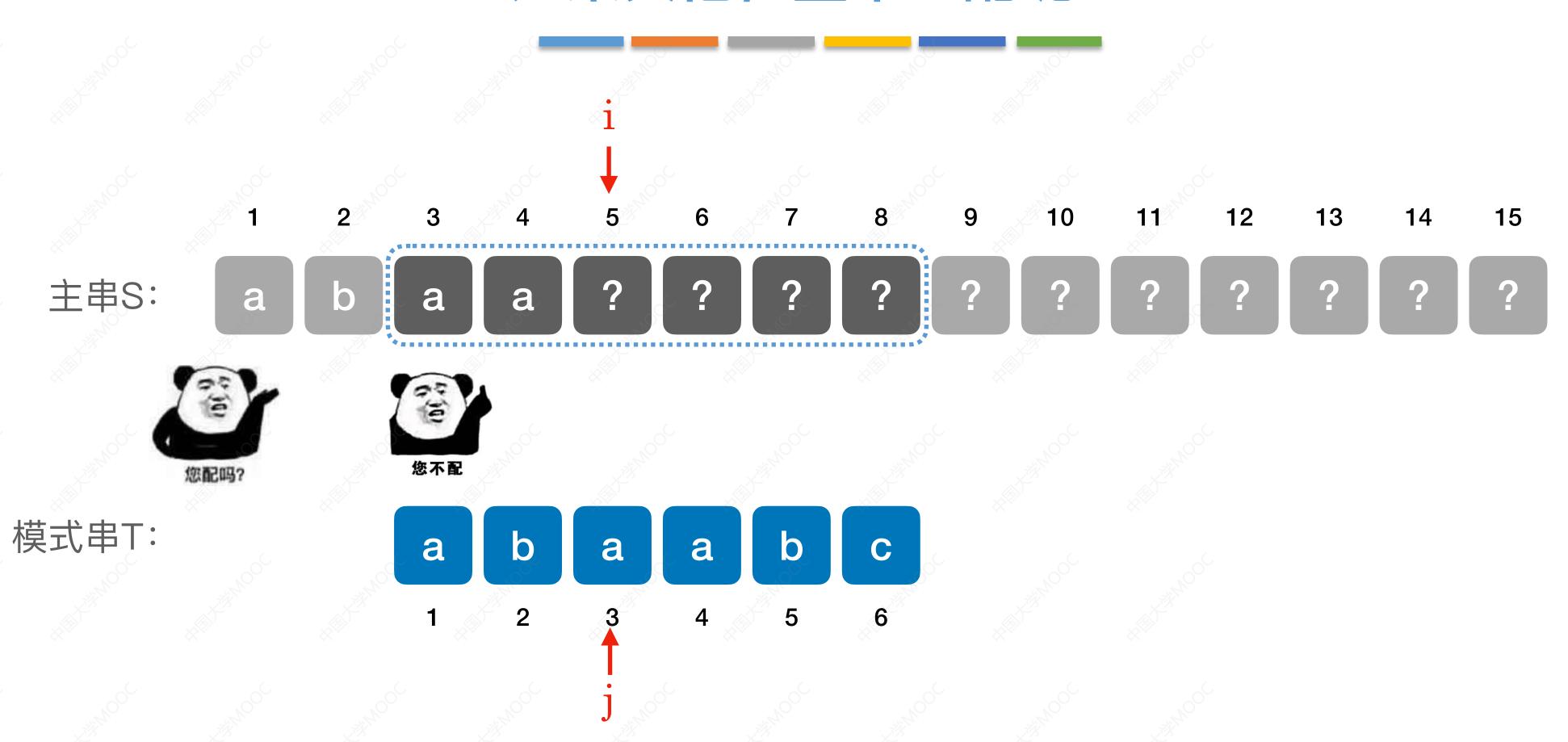








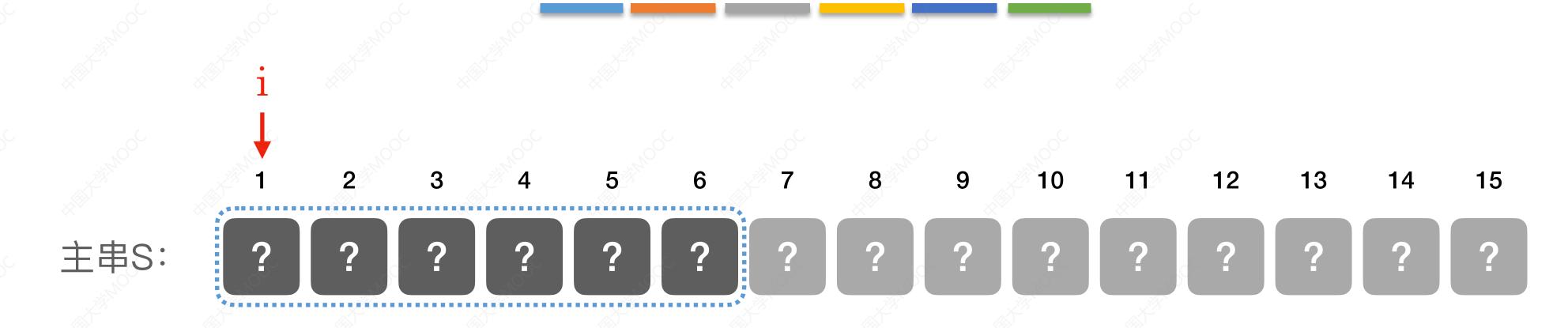


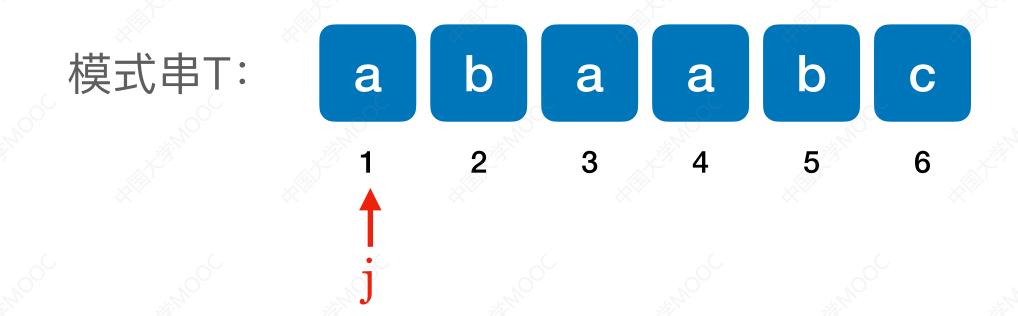


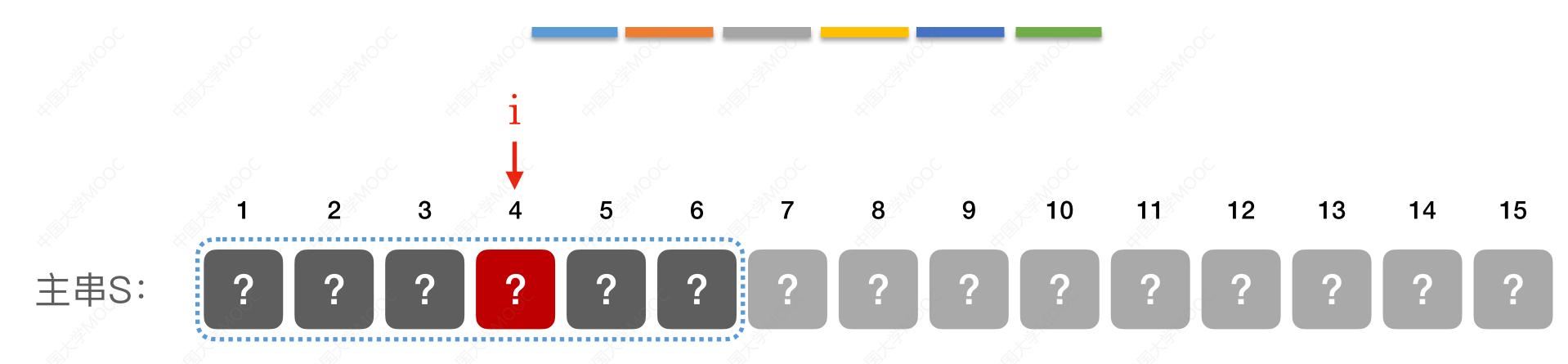
如果其他位置不匹配呢? 主串S: 模式串T: a

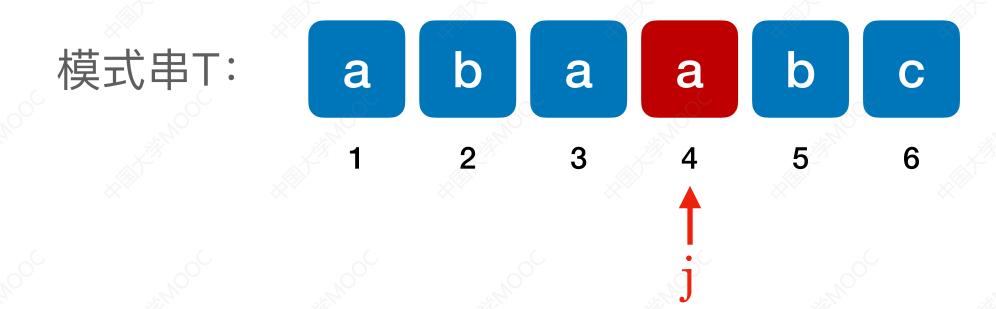
对于模式串 T = 'abaabc',当第5个元素匹配失败时? 怎么搞?

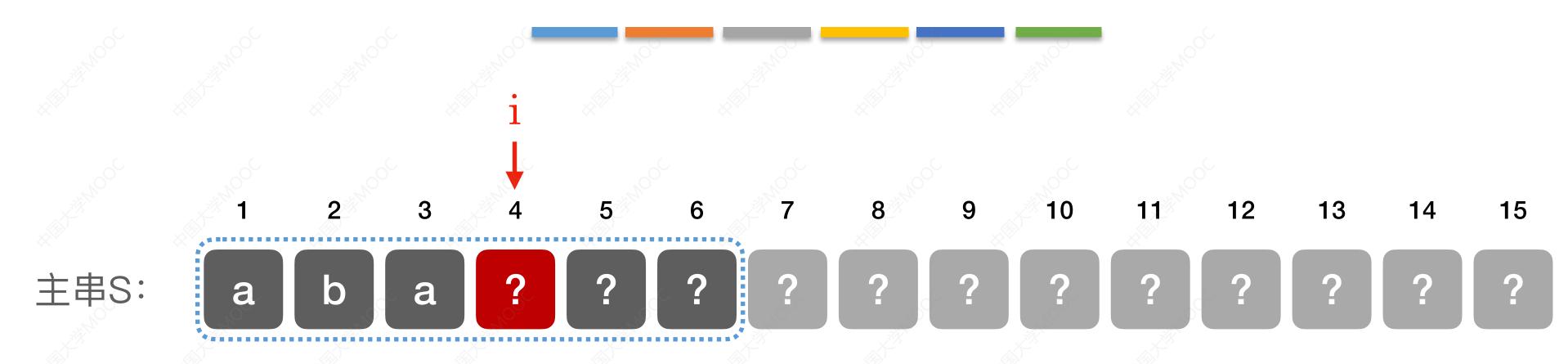
可令主串指针 i 不变,模式串指针 j = 2

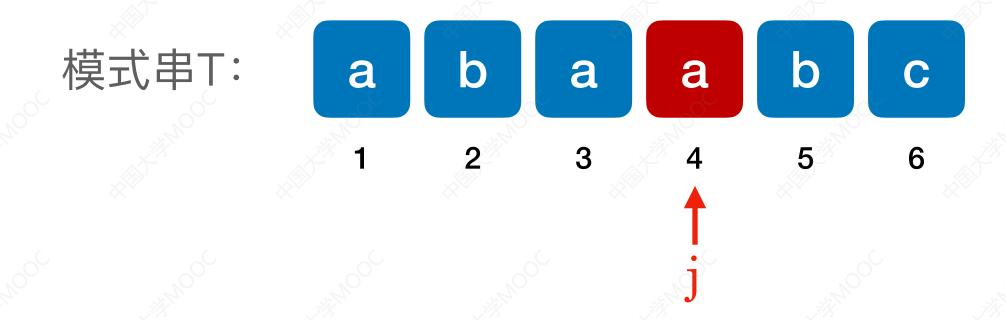


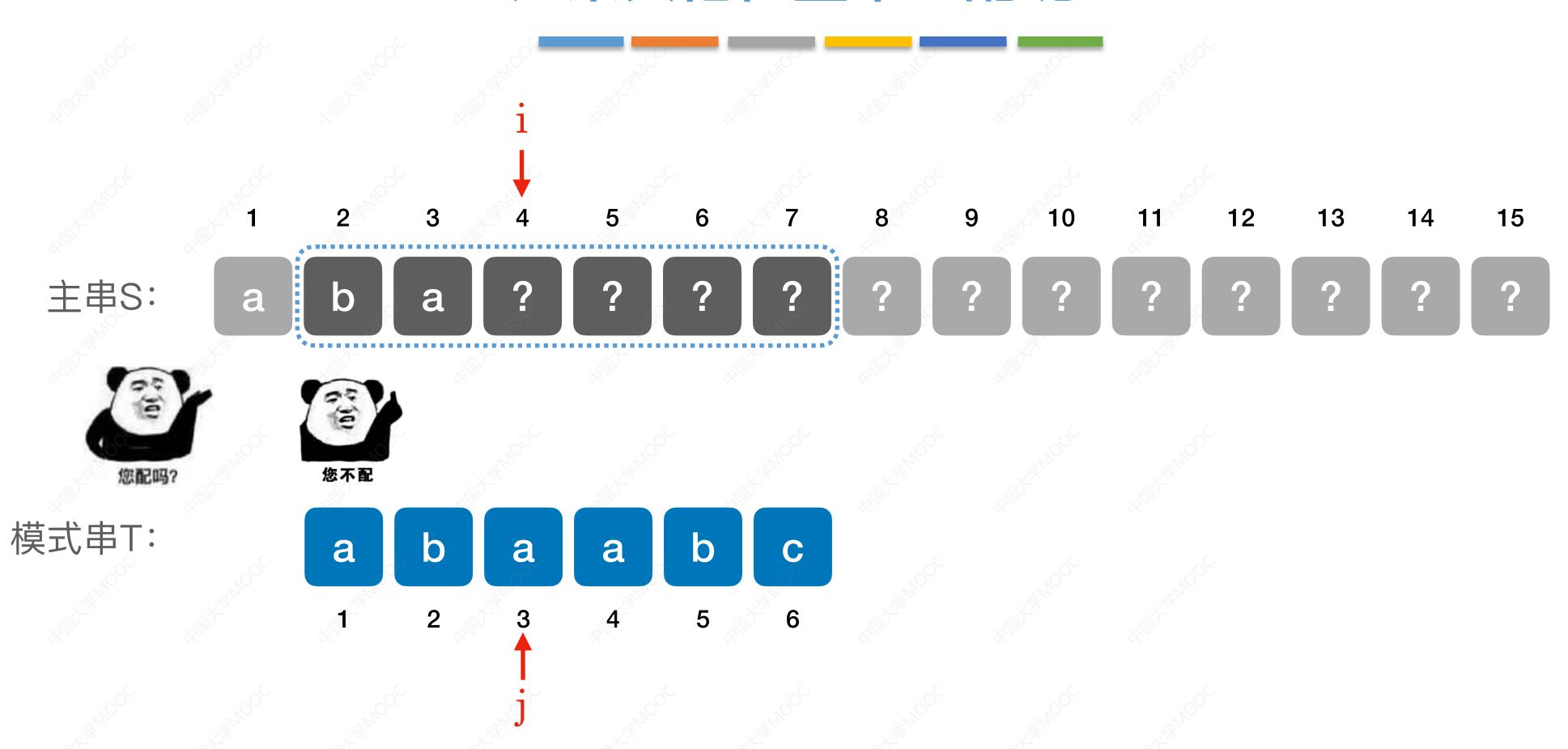










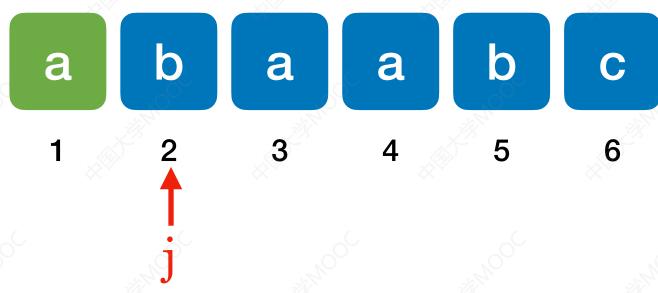


如果其他位置不匹配呢? i 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14





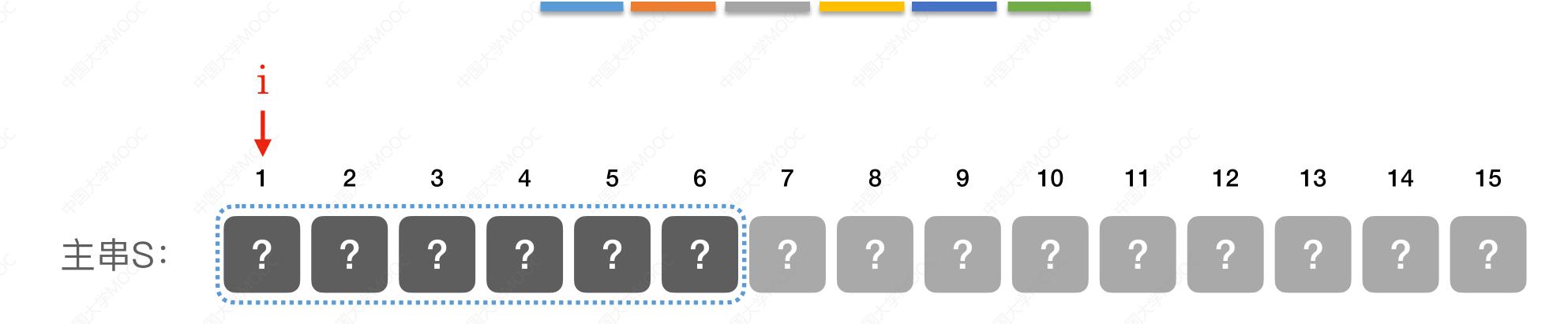
模式串T:

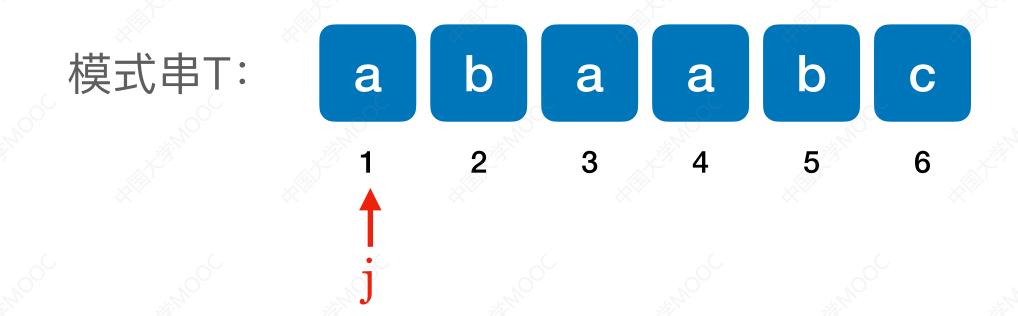


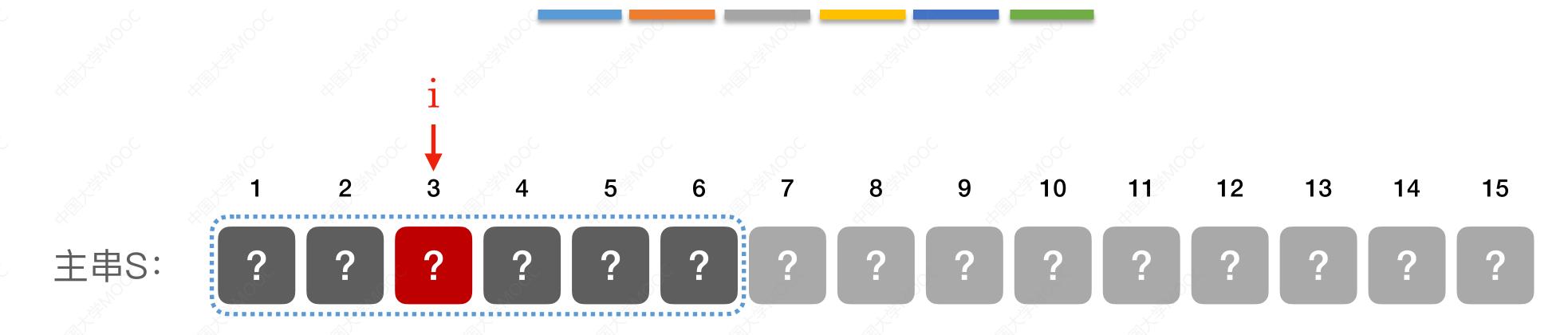
对于模式串 T = 'abaabc',当第4个元素匹配失败时? 怎么搞?

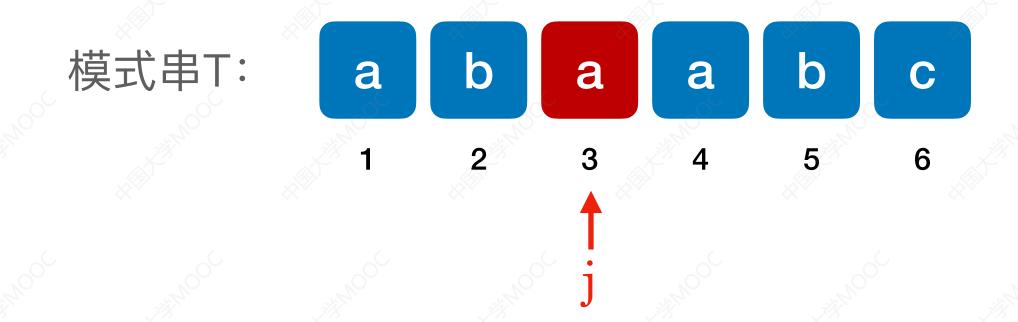
可令主串指针 i 不变,模式串指针 j = 2

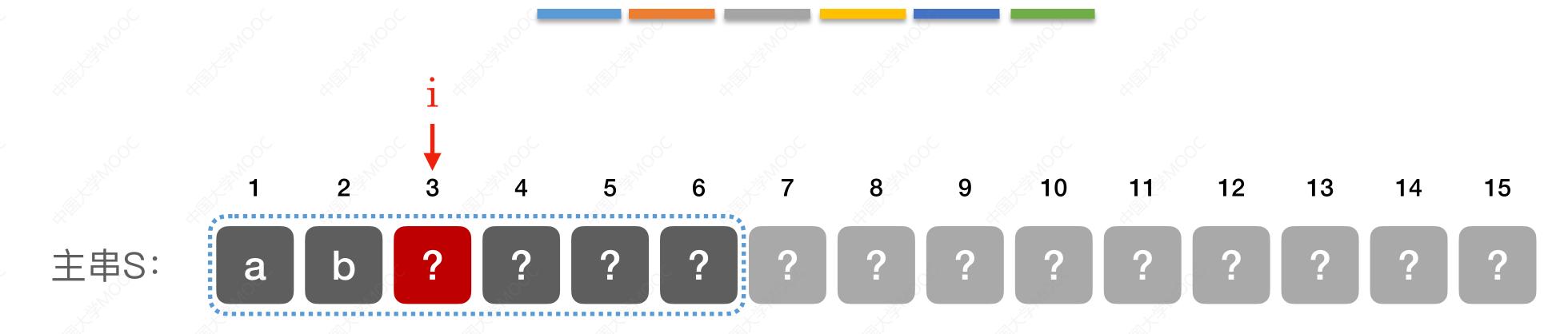
15

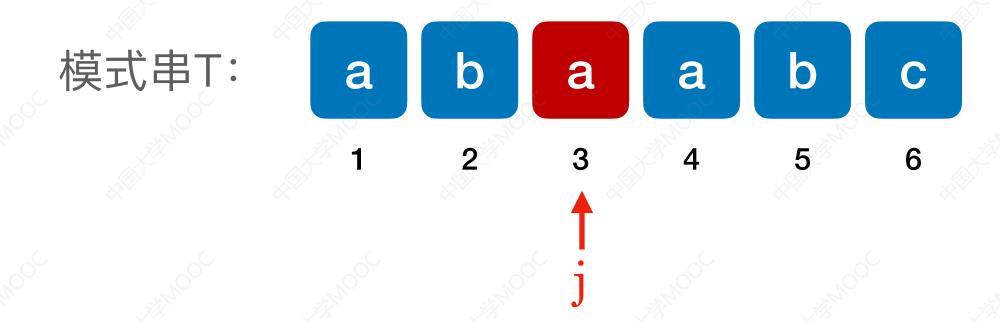


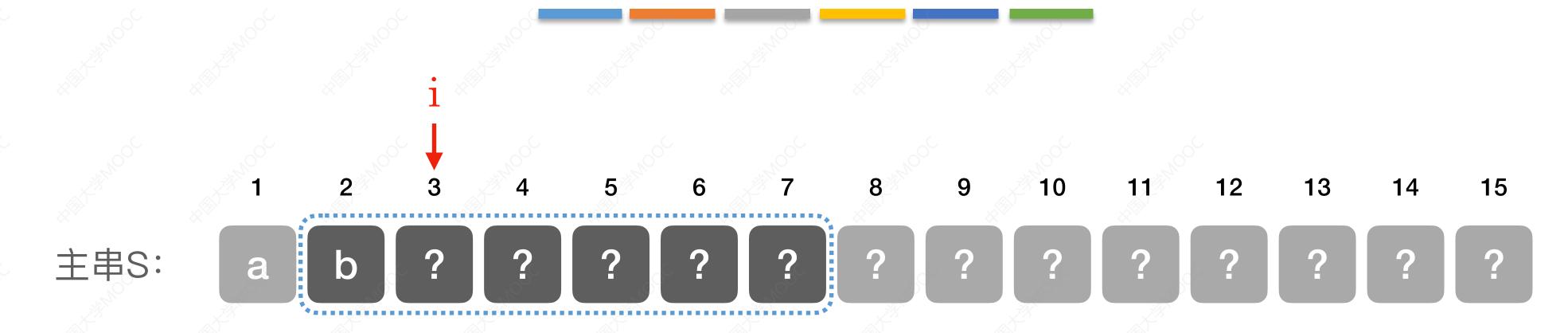


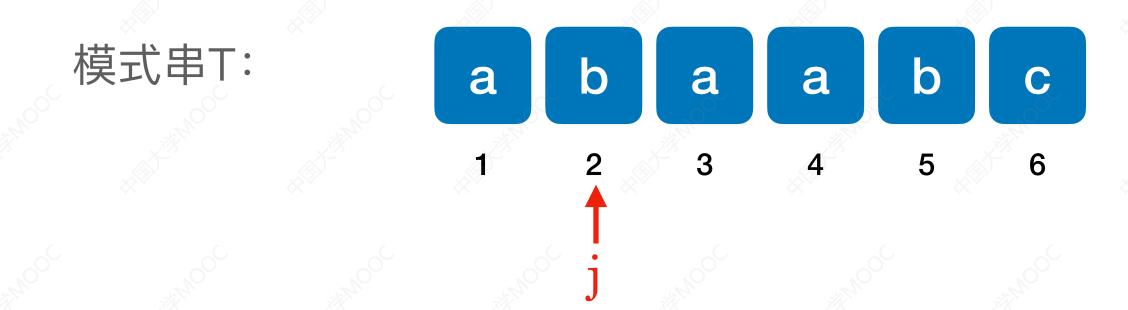


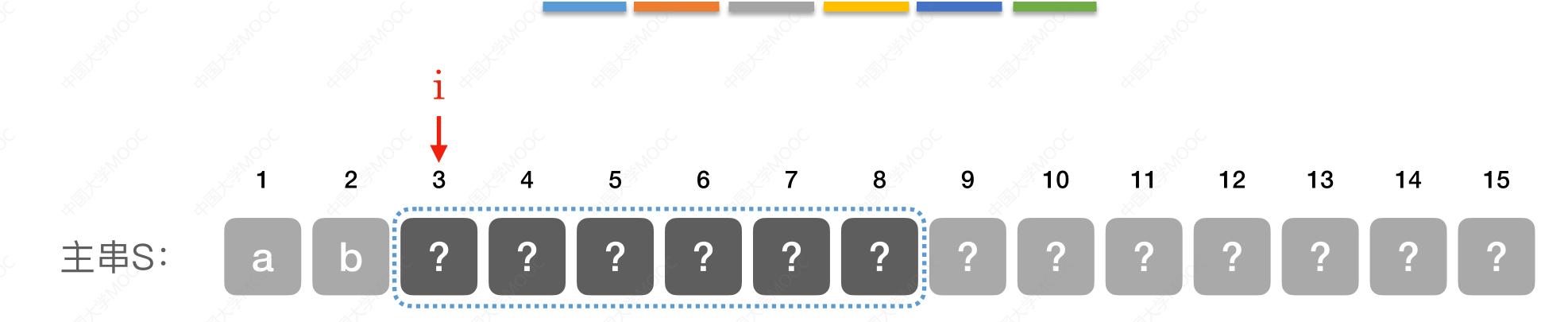




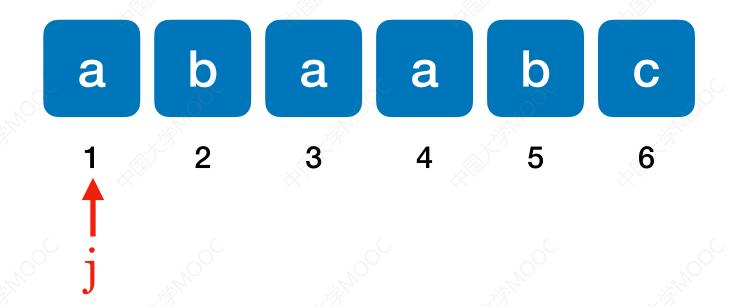






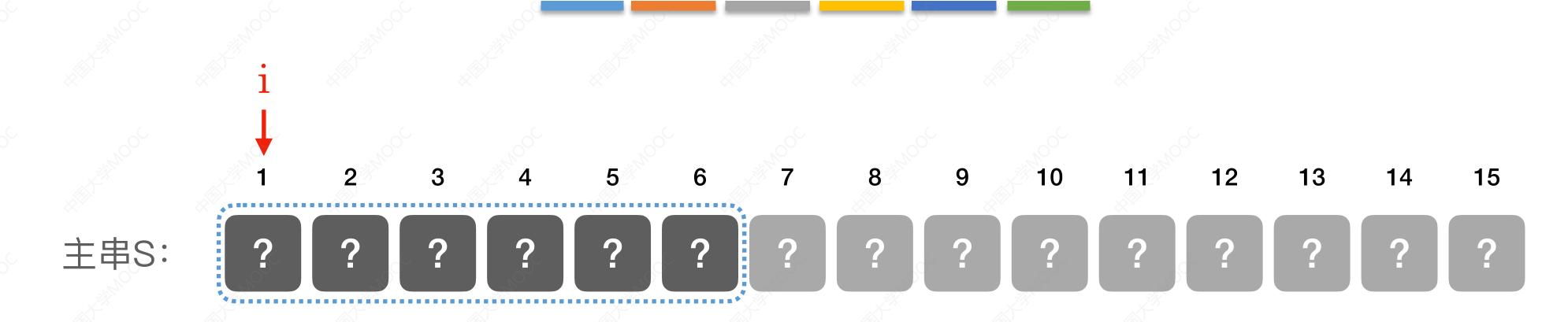


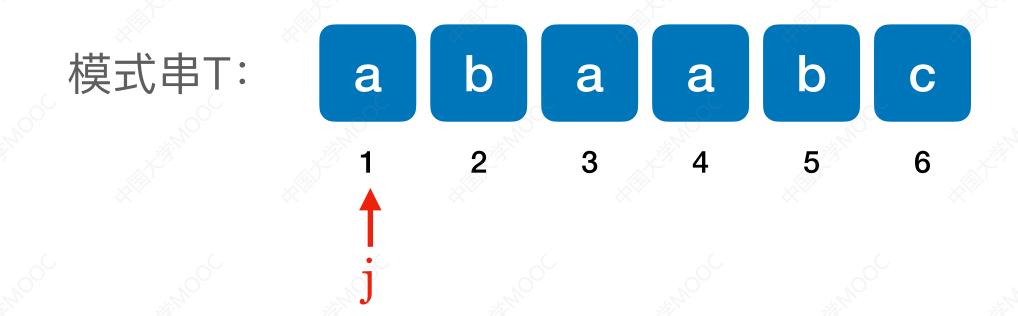
模式串T:

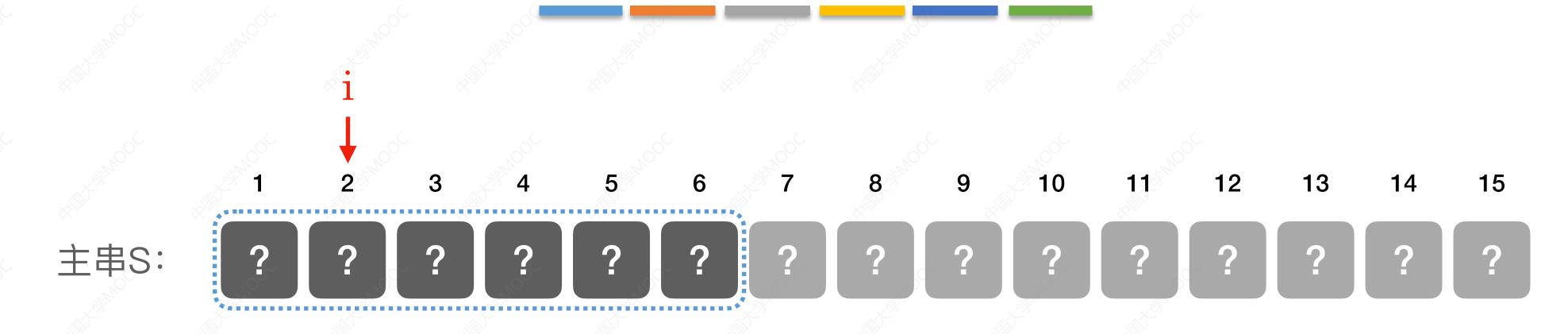


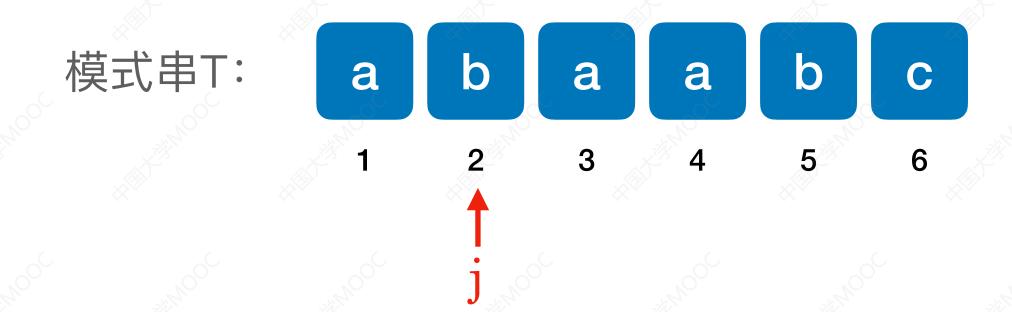
对于模式串 T = 'abaabc',当第3个元素匹配失败时?怎么搞?

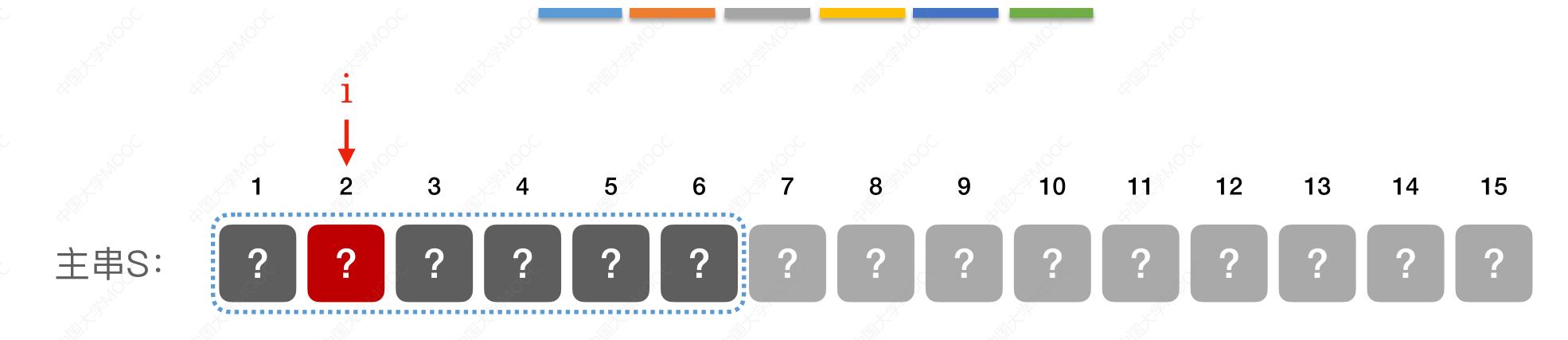
可令主串指针i不变,模式串指针j=1

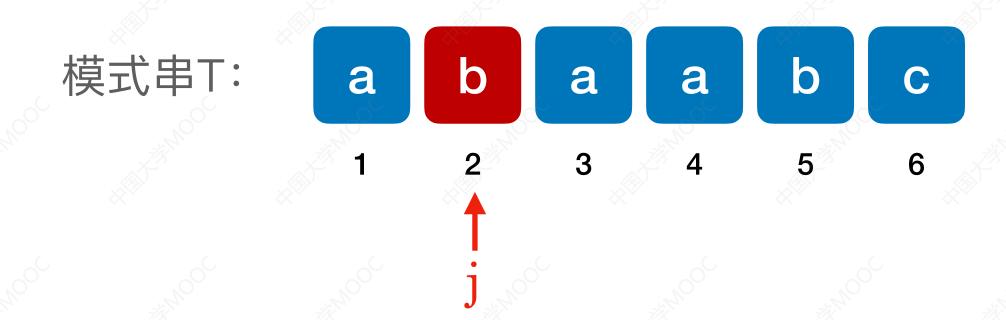


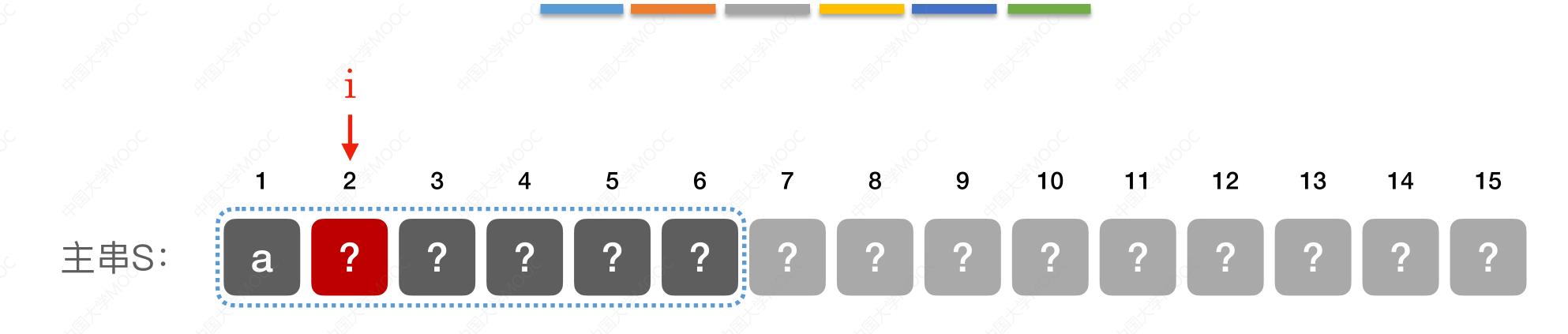


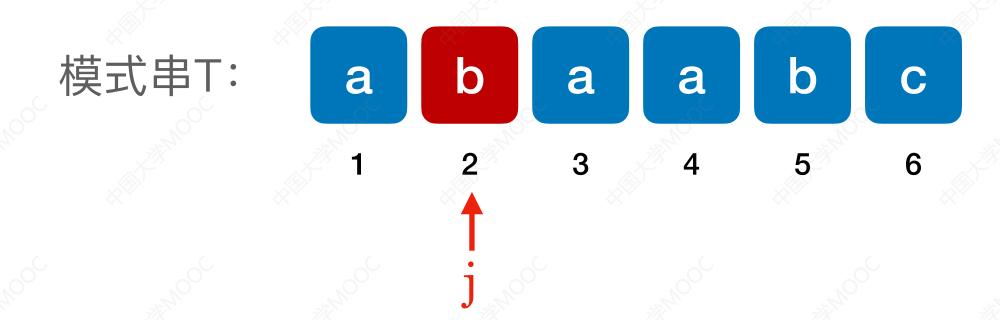


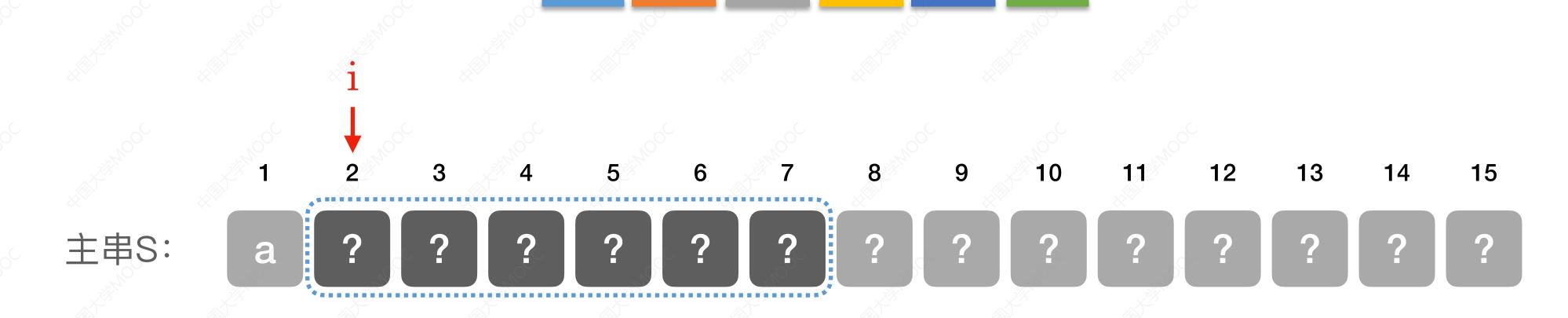


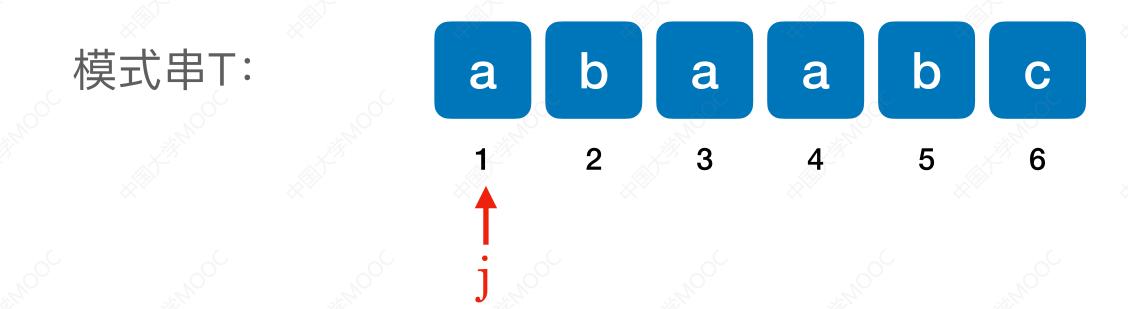






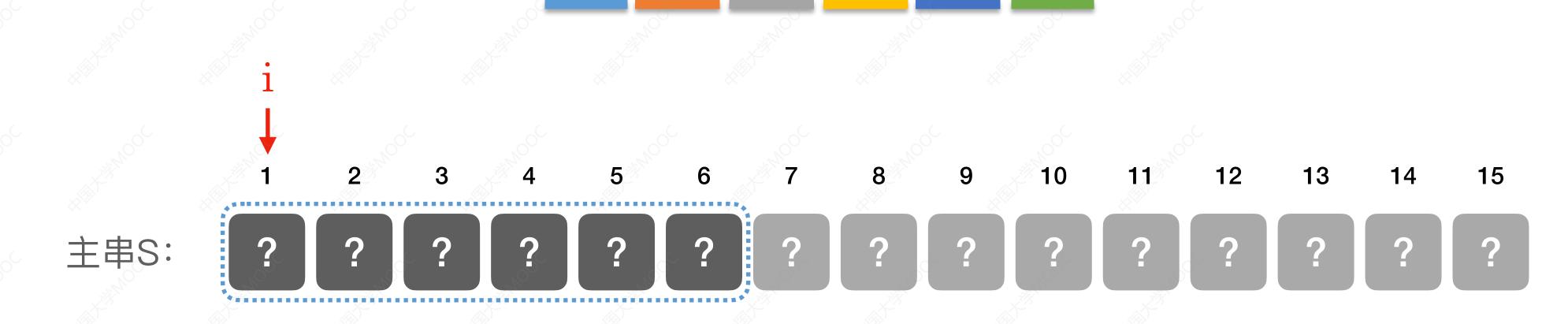


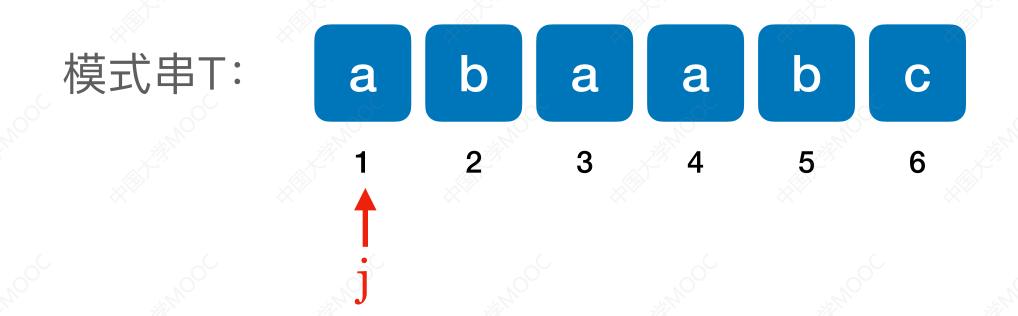


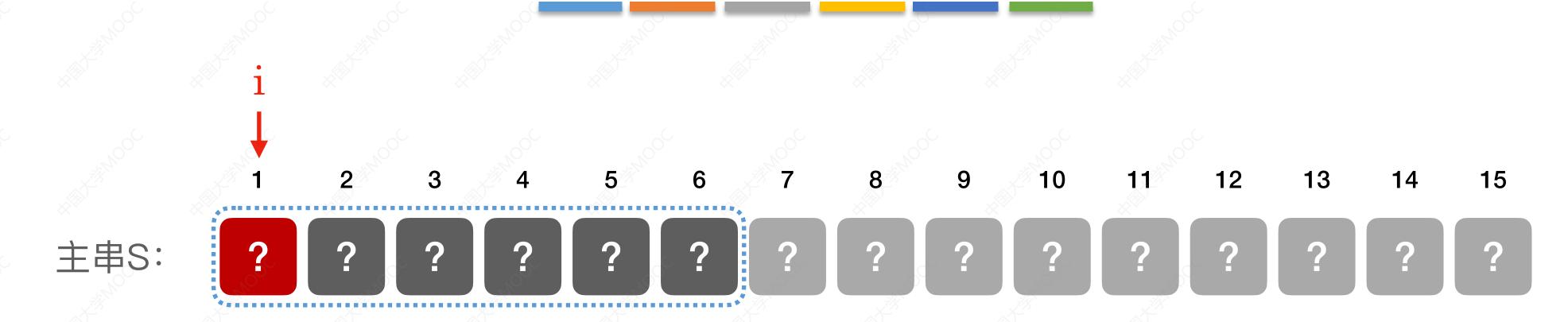


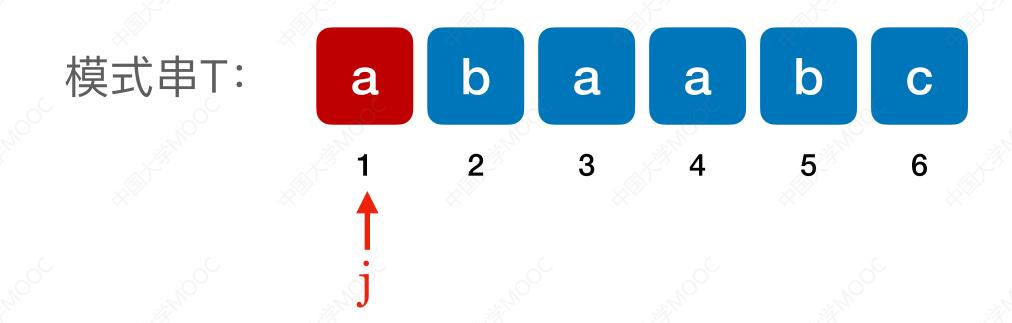
对于模式串 T = 'abaabc',当第2个元素匹配失败时? 怎么搞?

可令主串指针 i 不变,模式串指针 j = 1



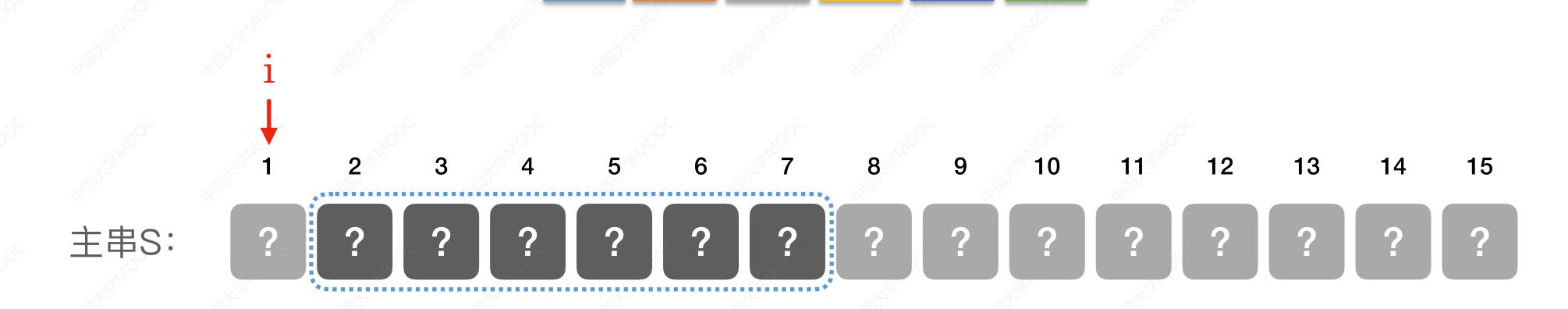


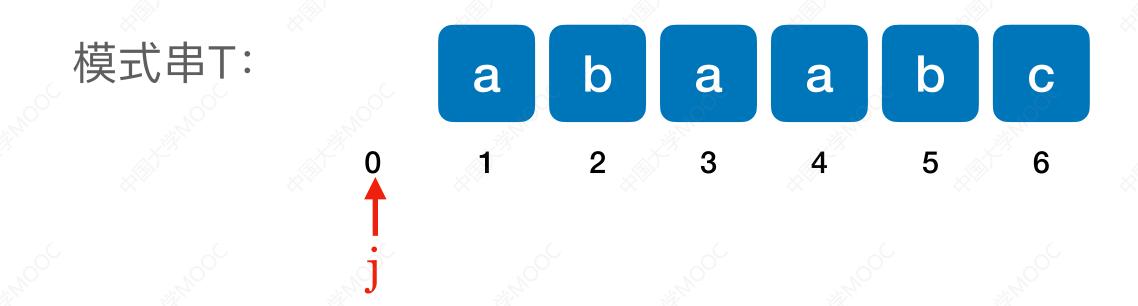




对于模式串 T = 'abaabc',当第1个元素匹配失败时? 怎么搞?

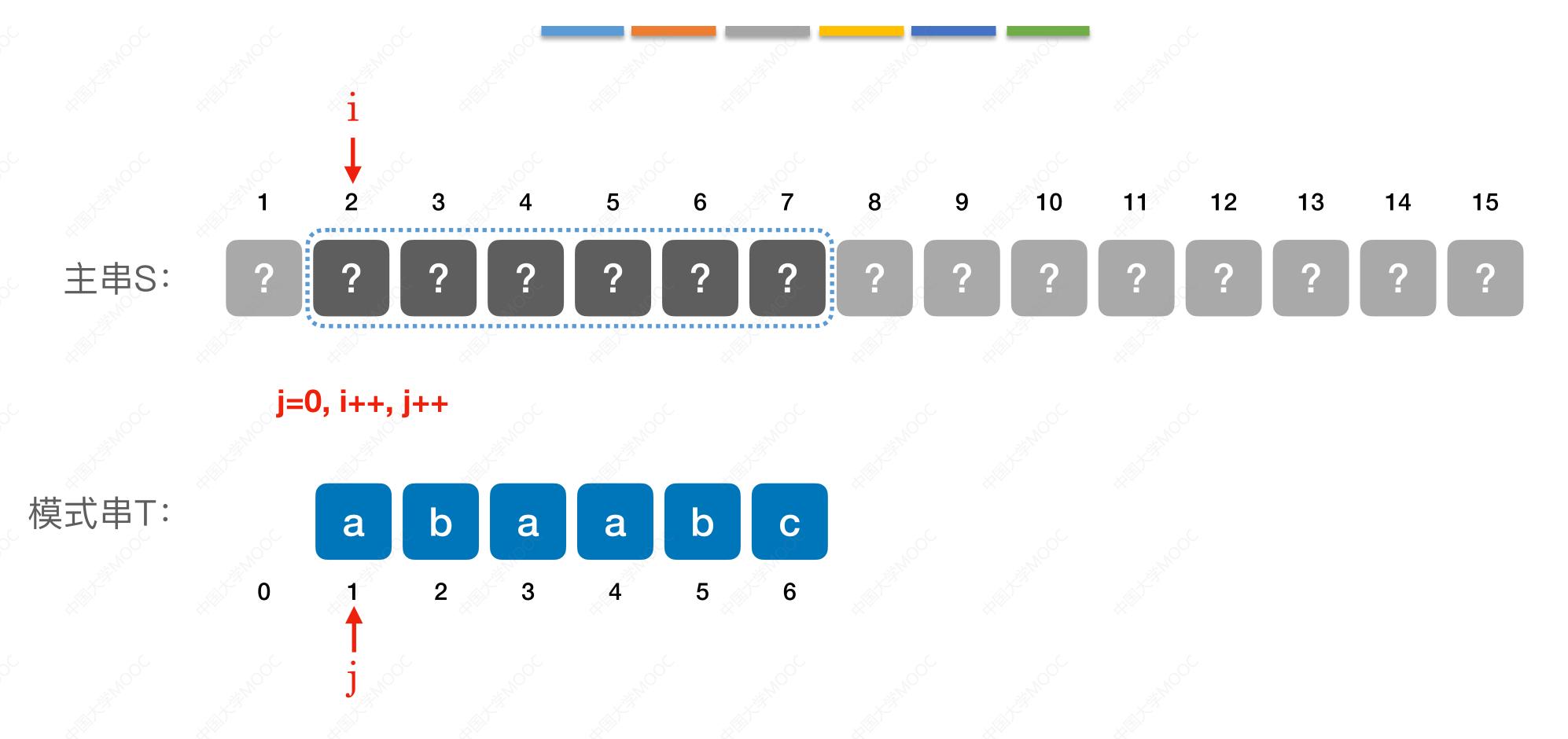
匹配下一个相邻子串





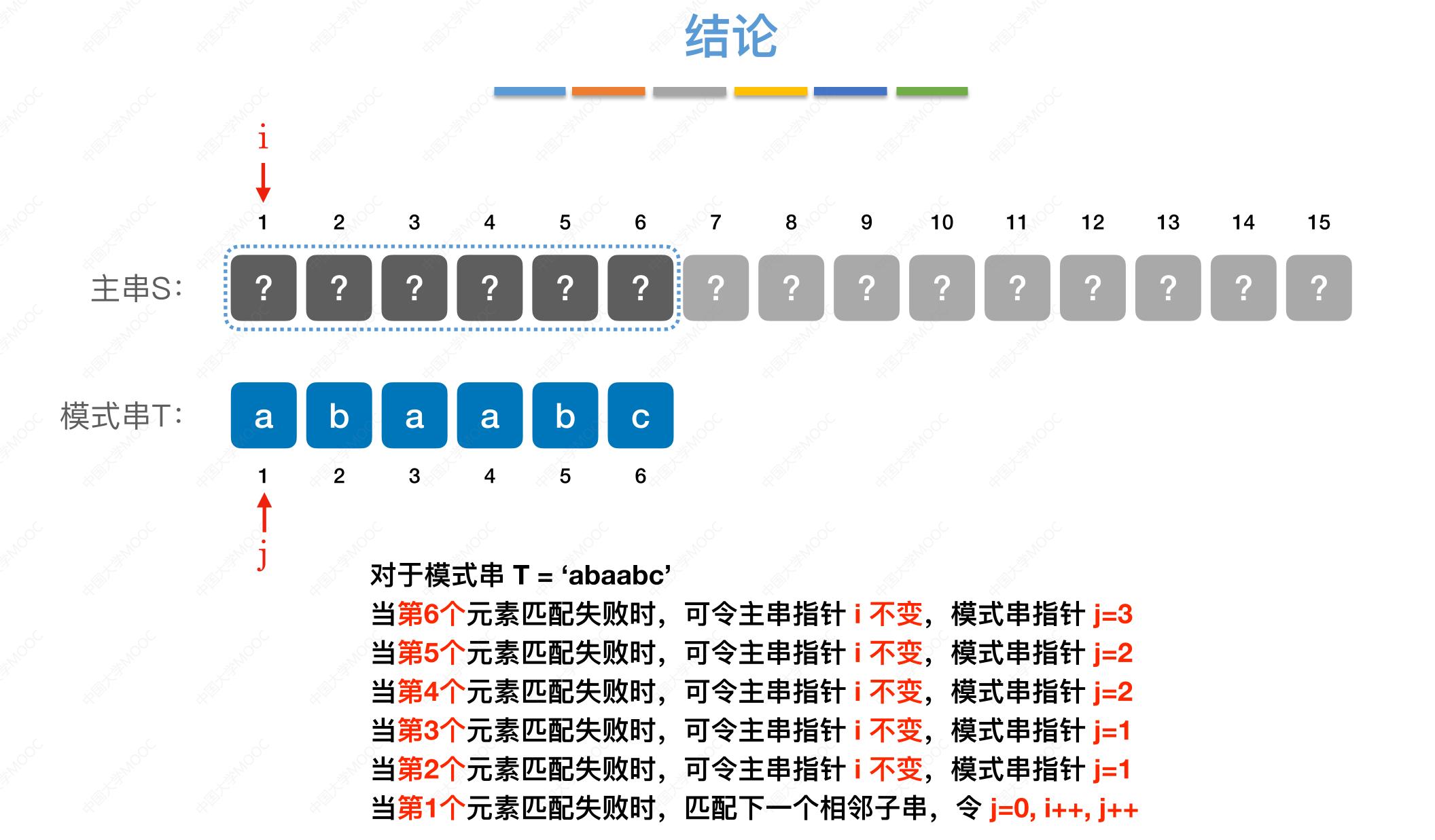
对于模式串 T = 'abaabc',当第1个元素匹配失败时? 怎么搞?

匹配下一个相邻子串

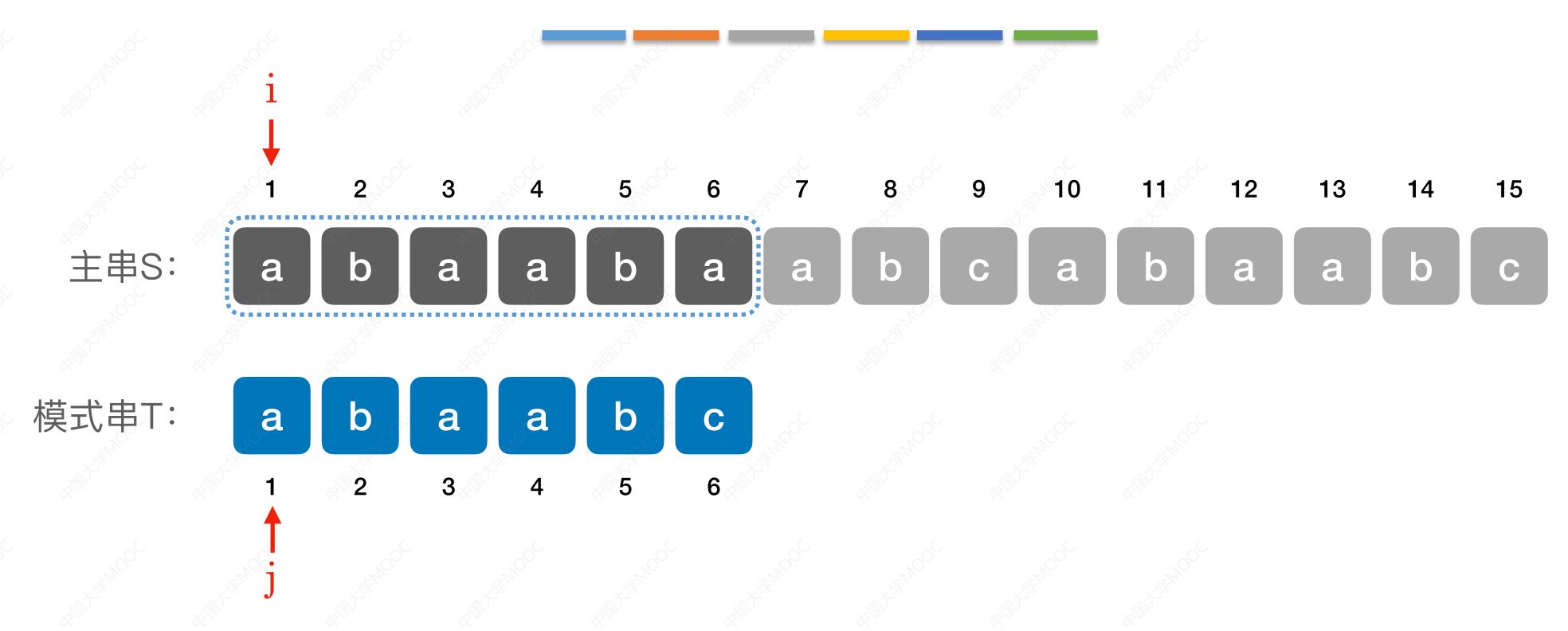


对于模式串 T = 'abaabc',当第1个元素匹配失败时? 怎么搞?

匹配下一个相邻子串

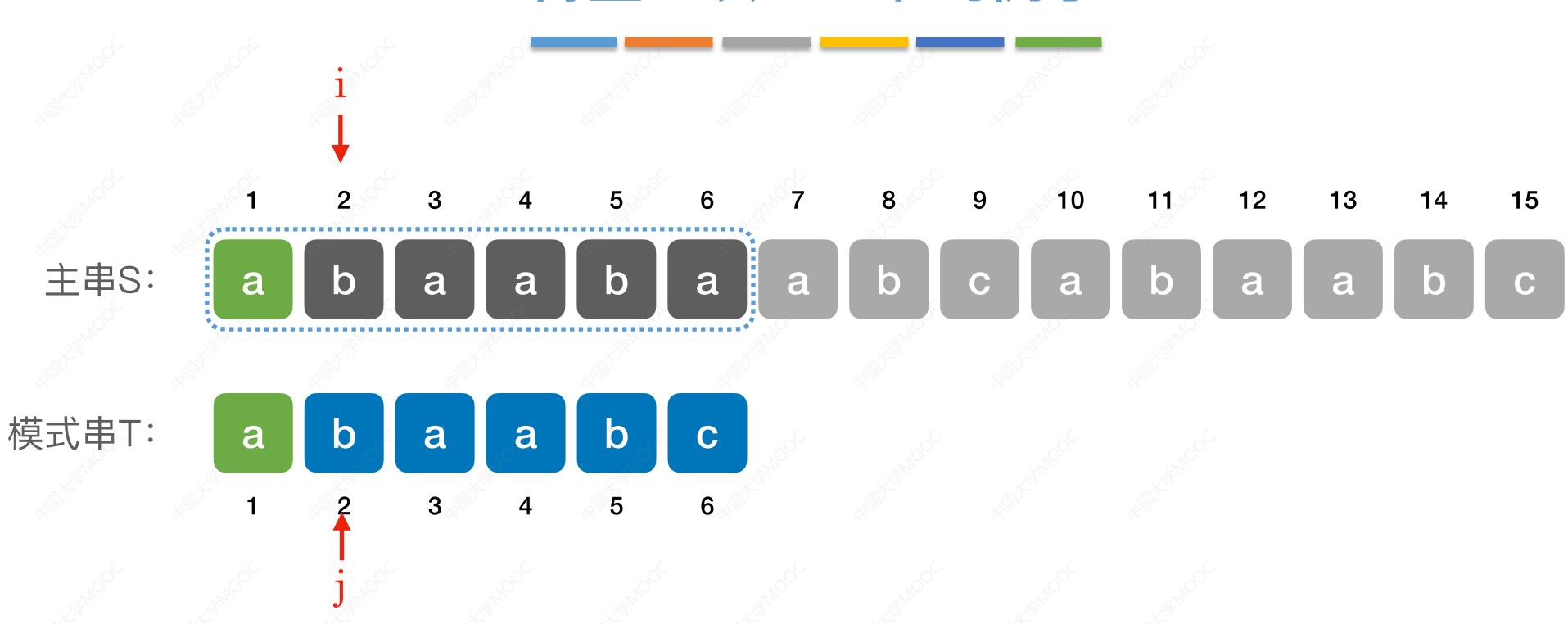


再整一次上一节的例子



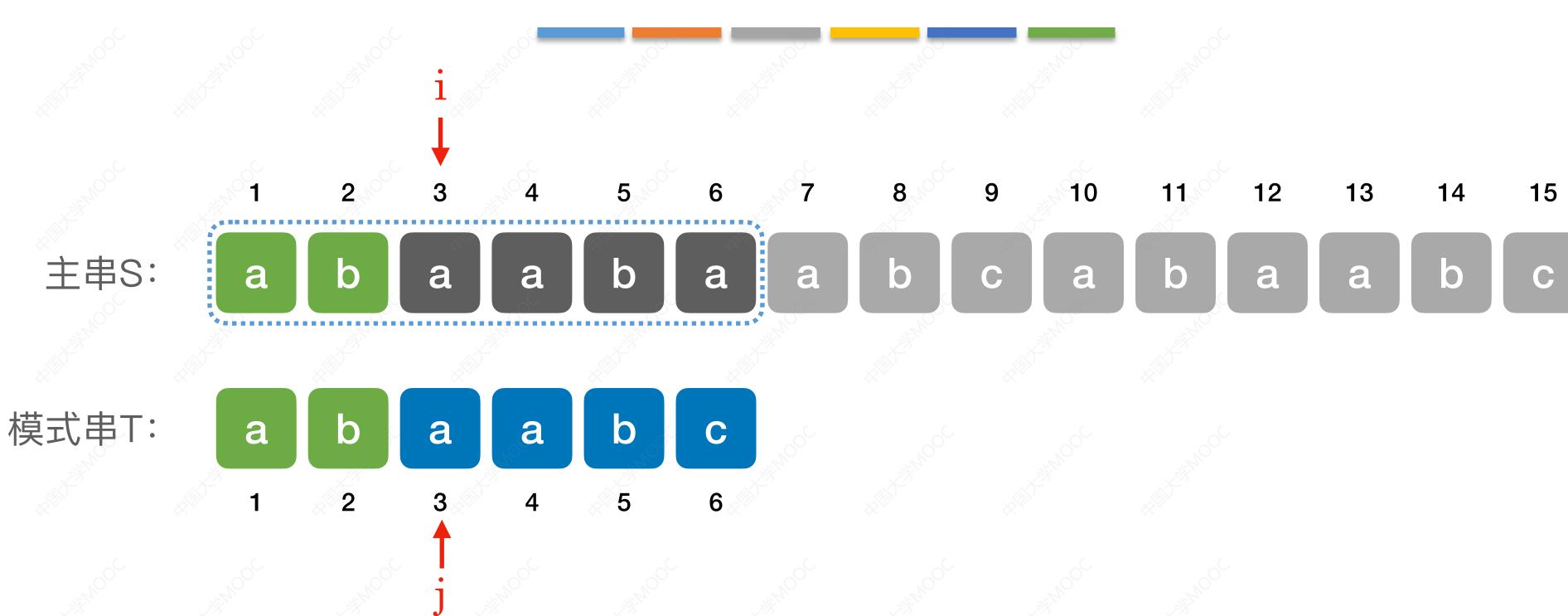
对于模式串 T = 'abaabc'

再整一次上一节的例子

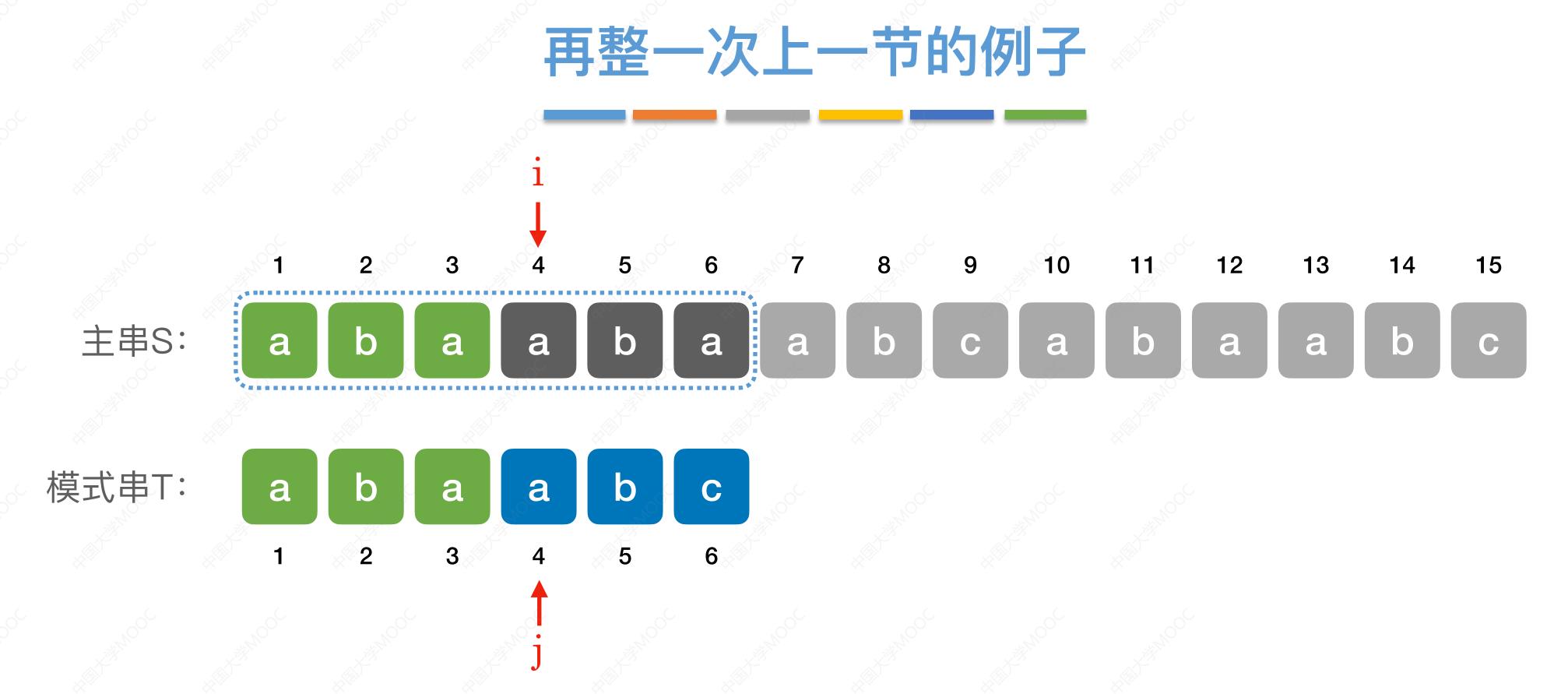


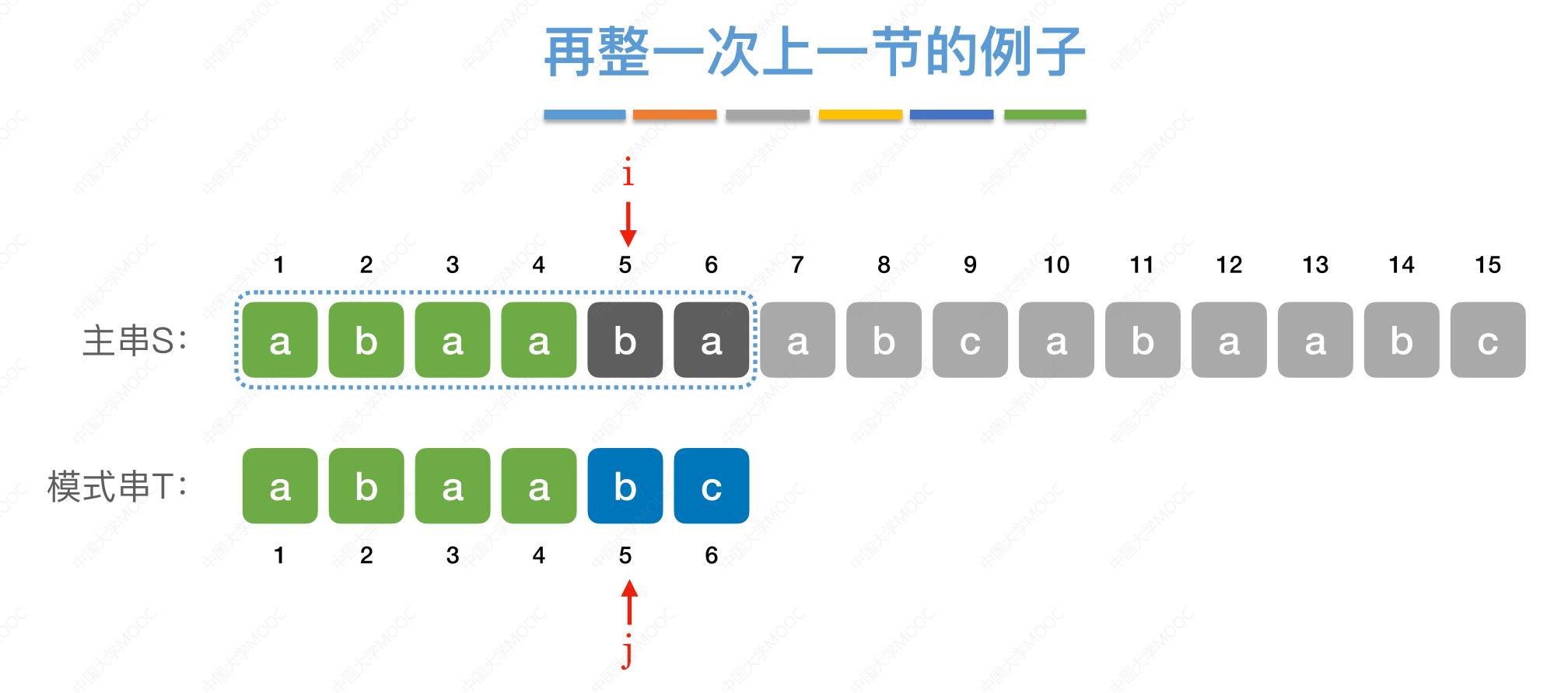
对于模式串 T = 'abaabc'

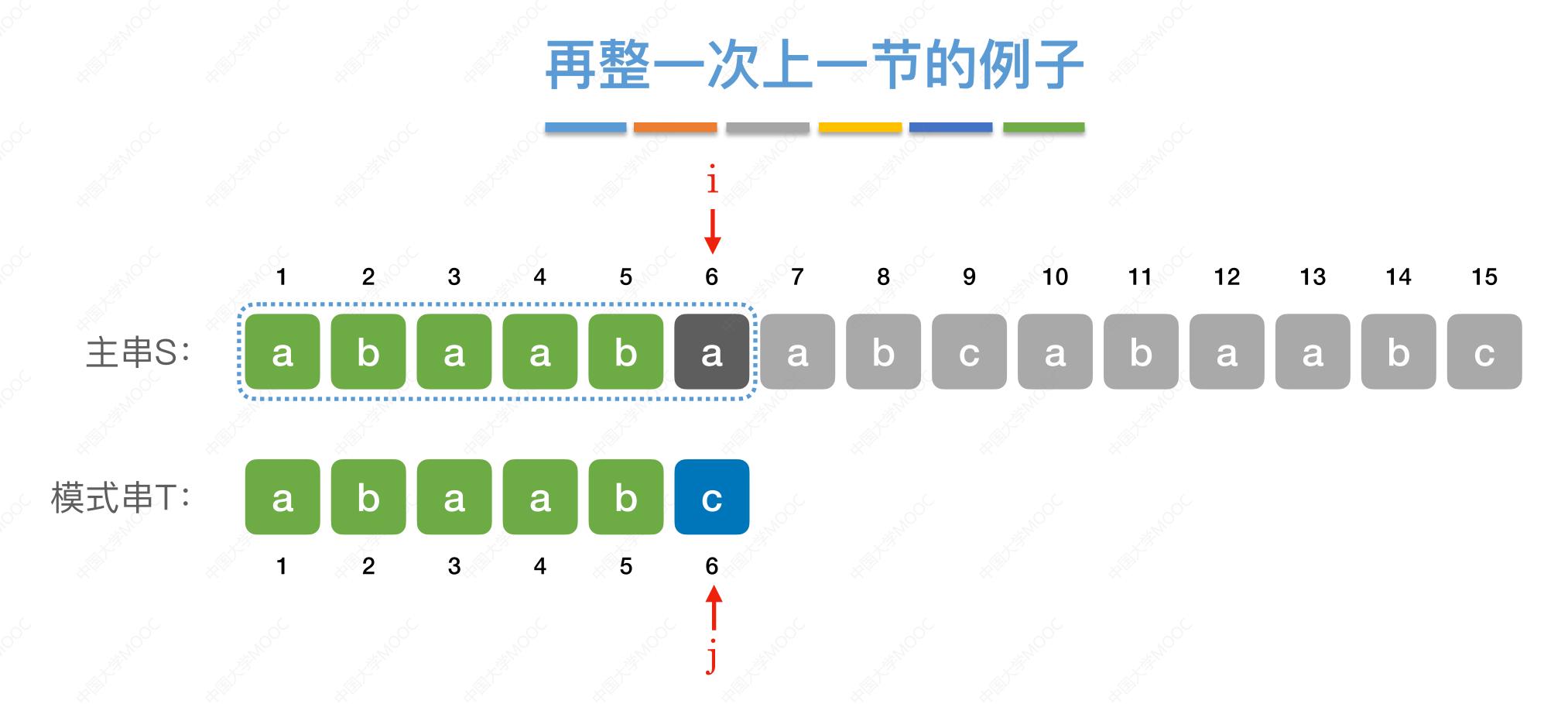
再整一次上一节的例子

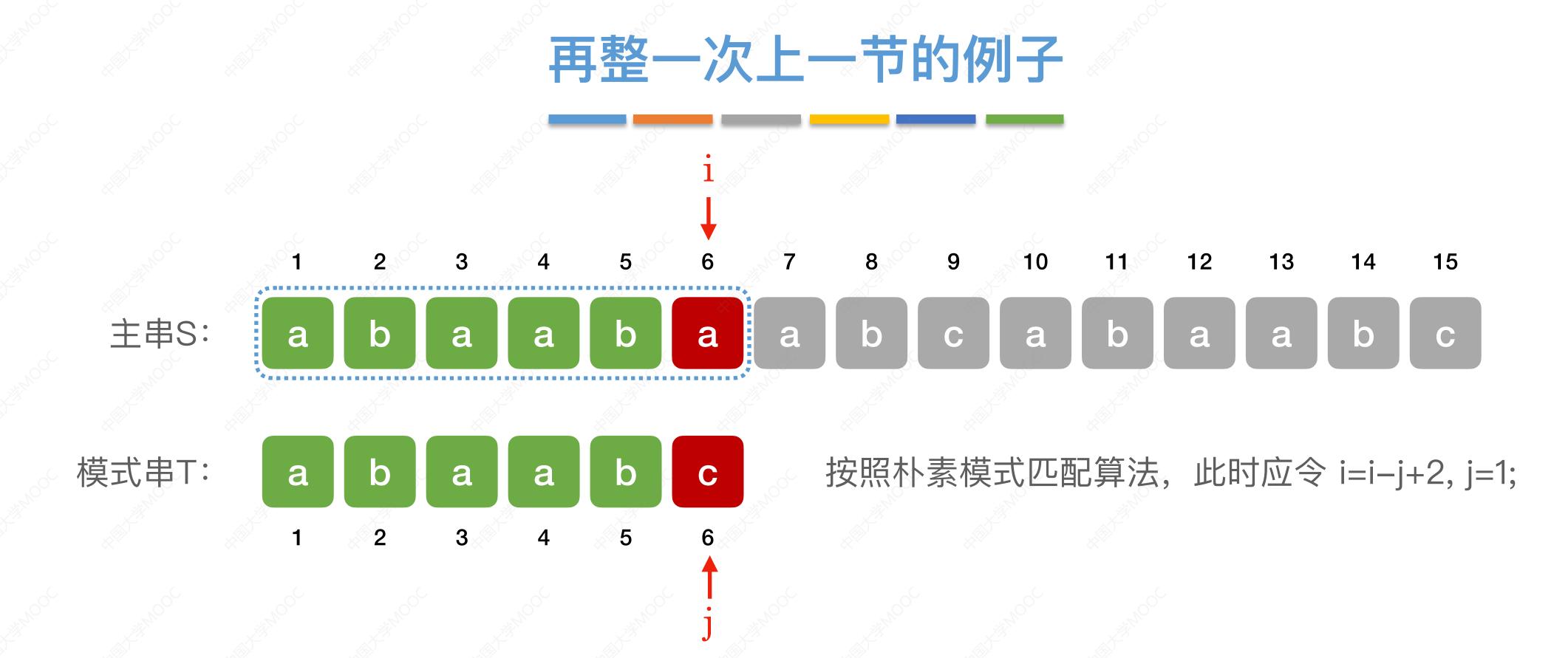


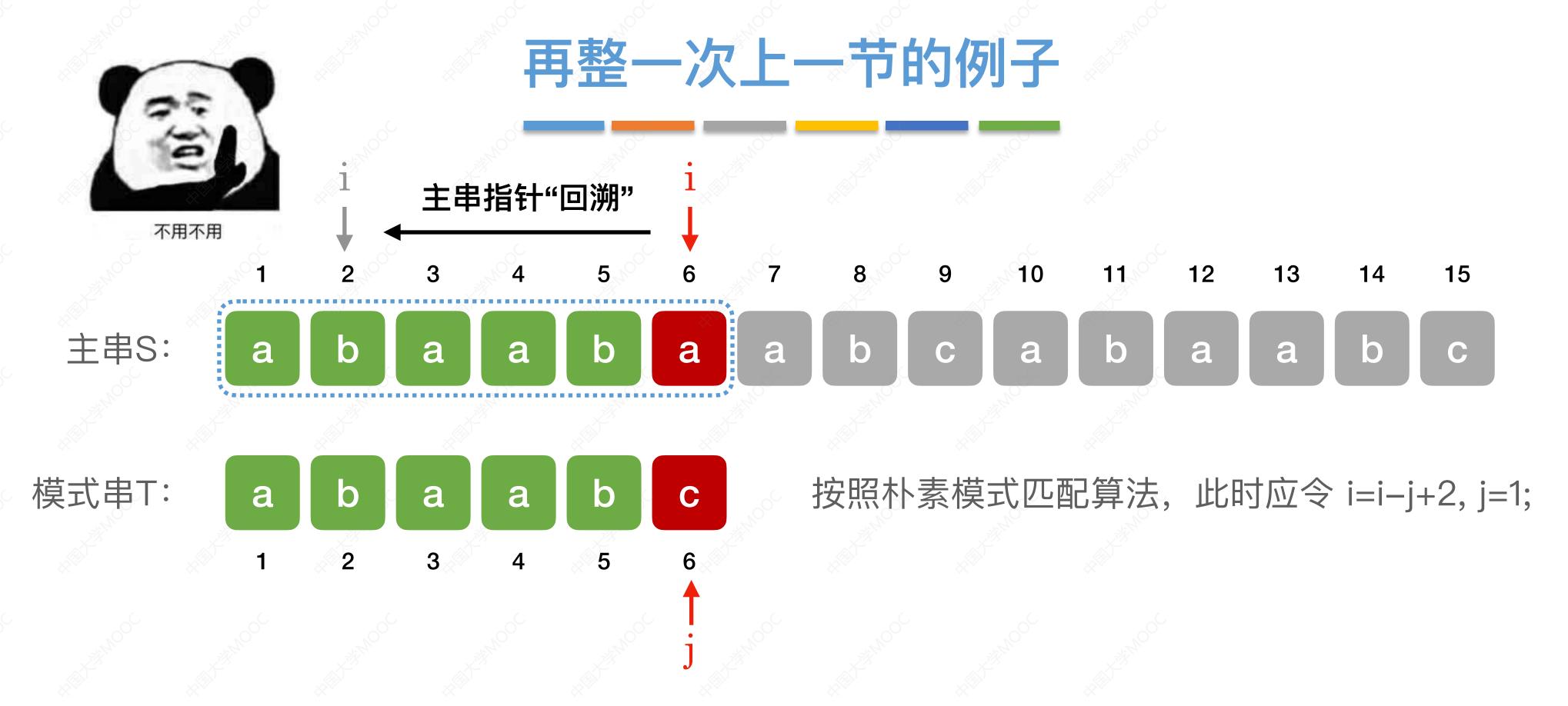
对于模式串 T = 'abaabc'

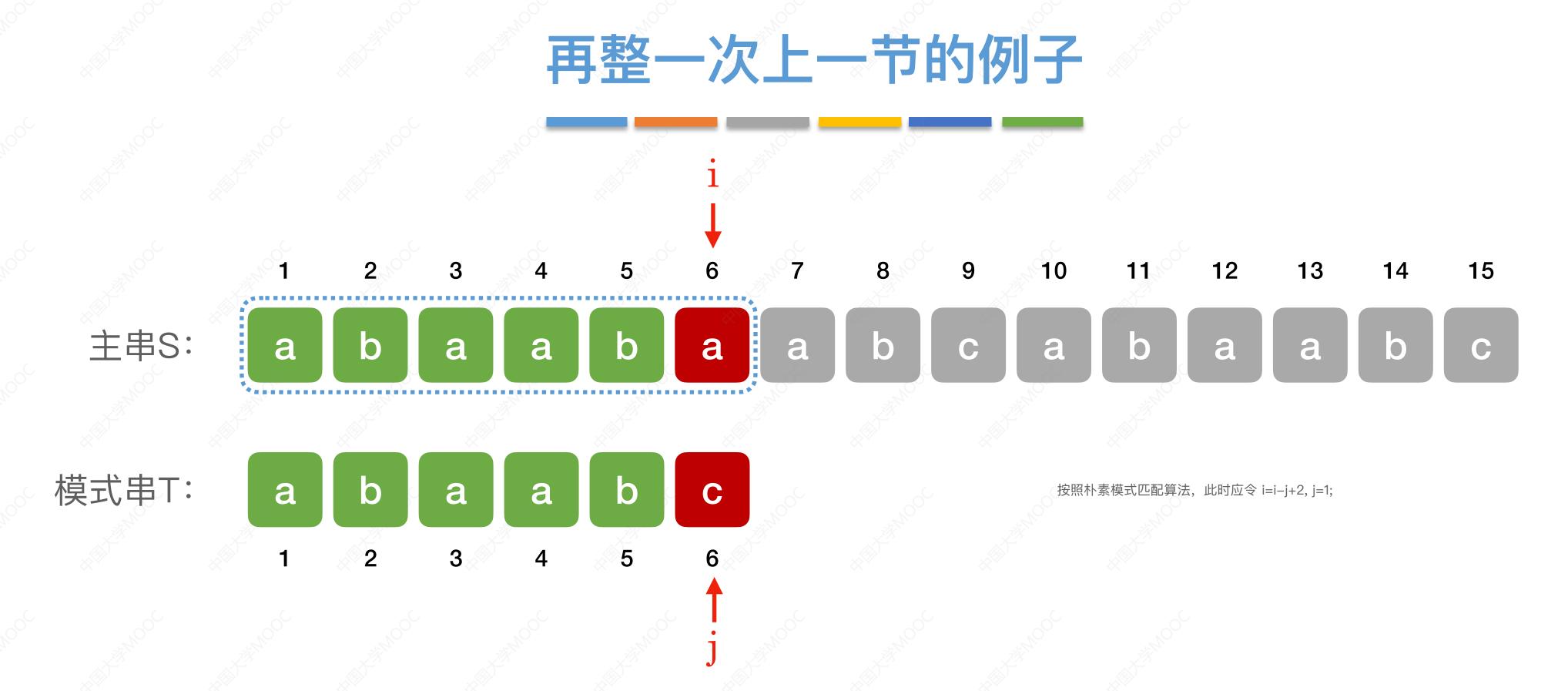




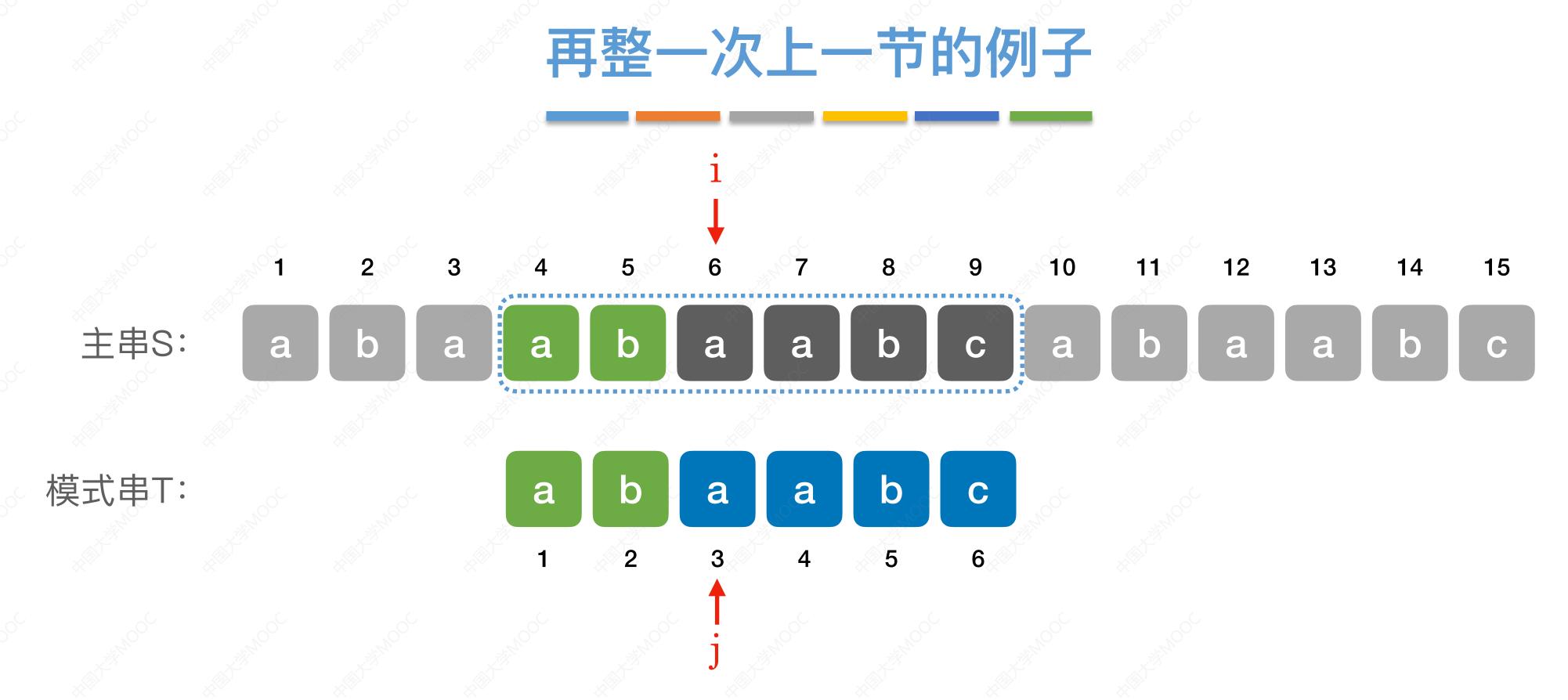




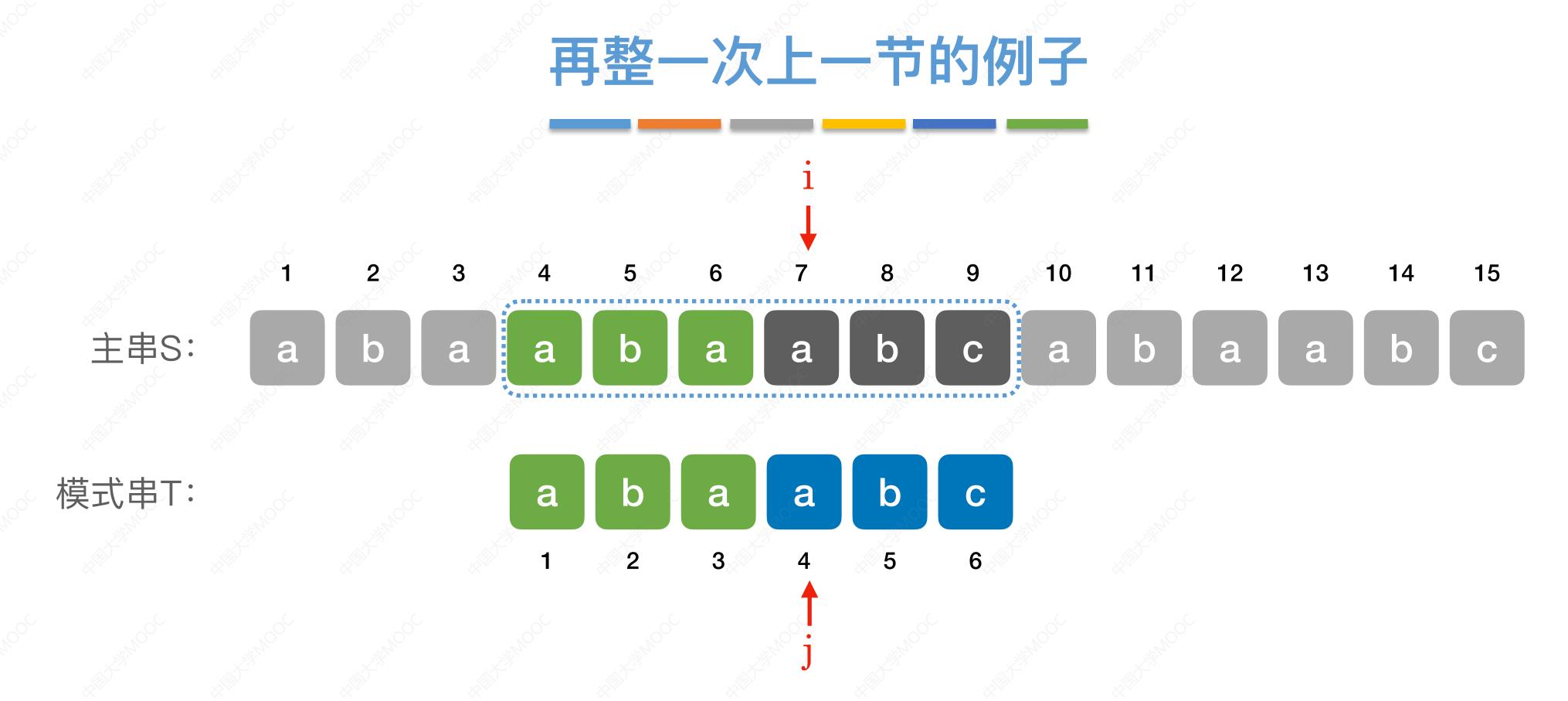




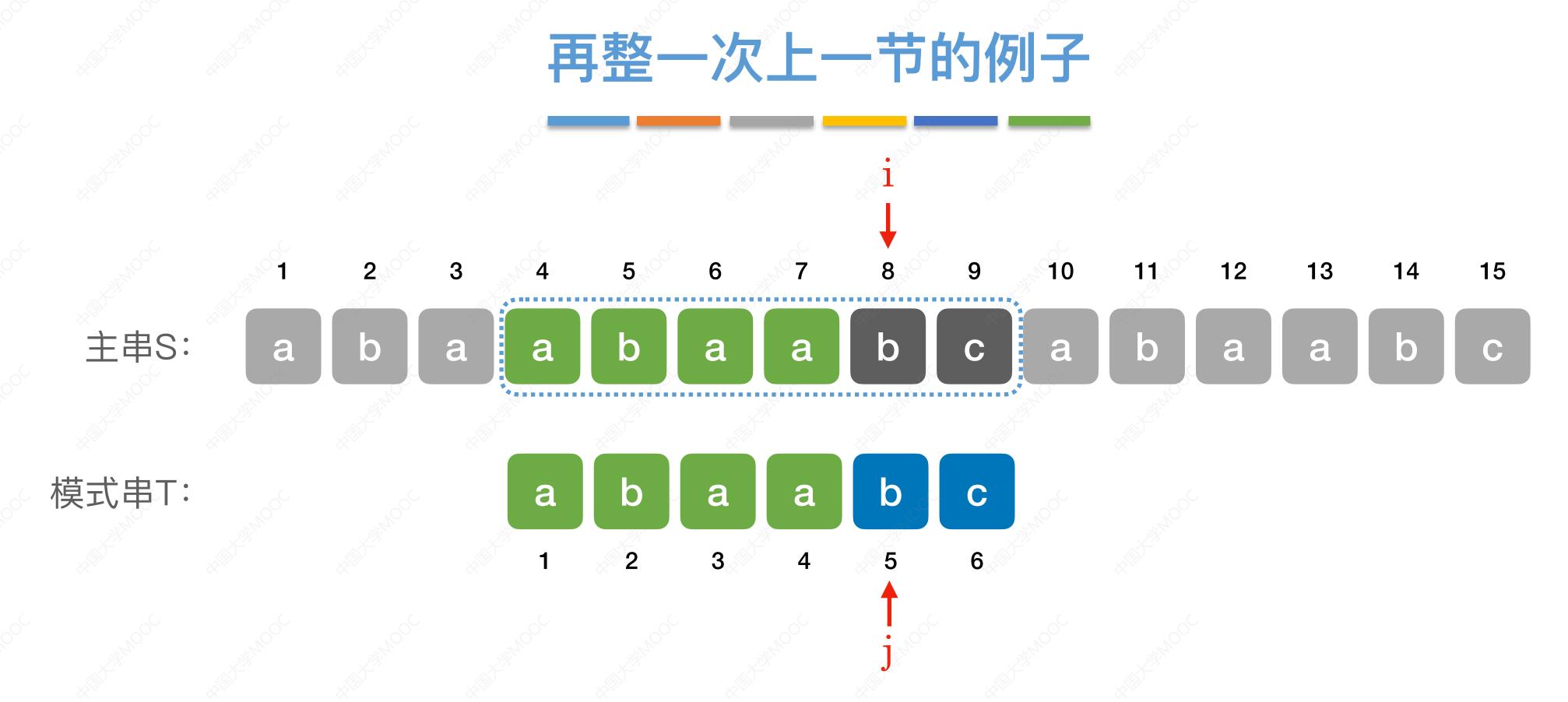
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=3



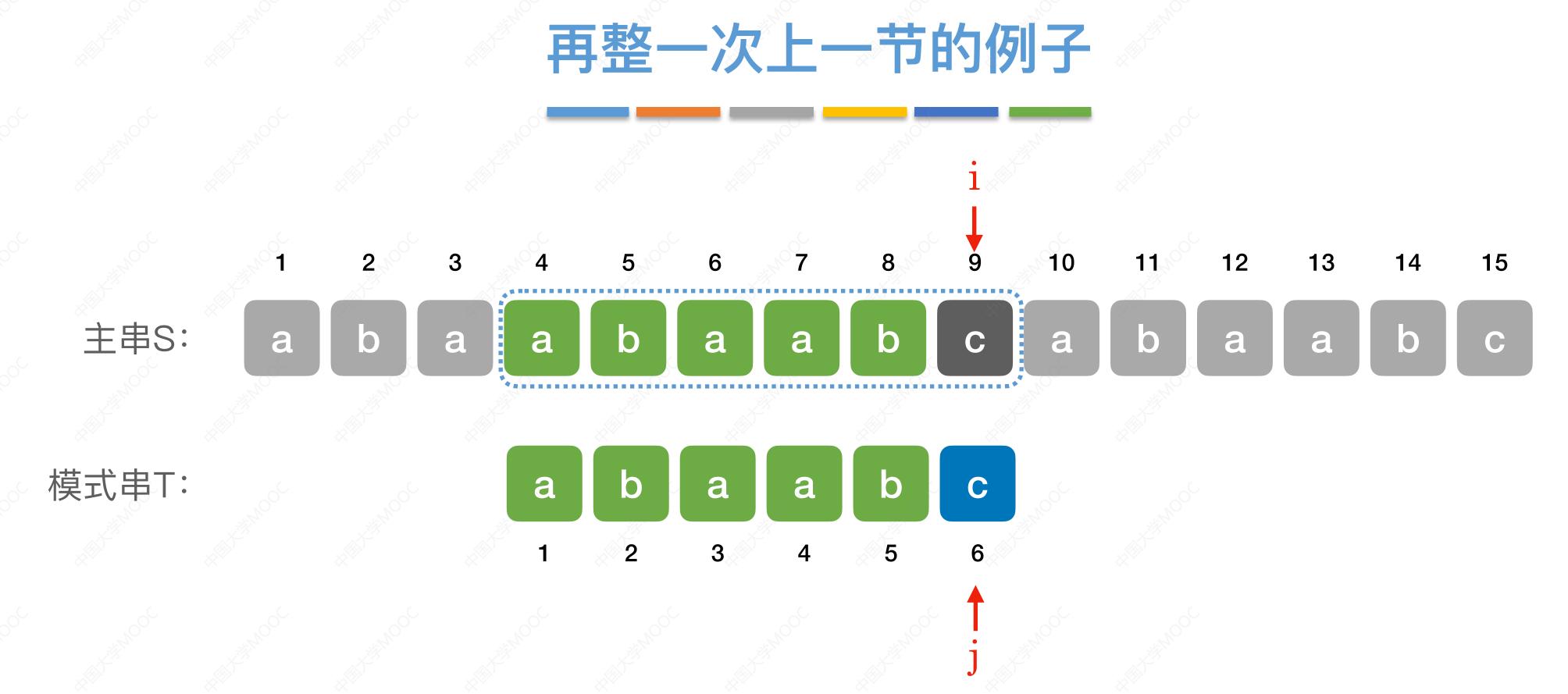
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=3



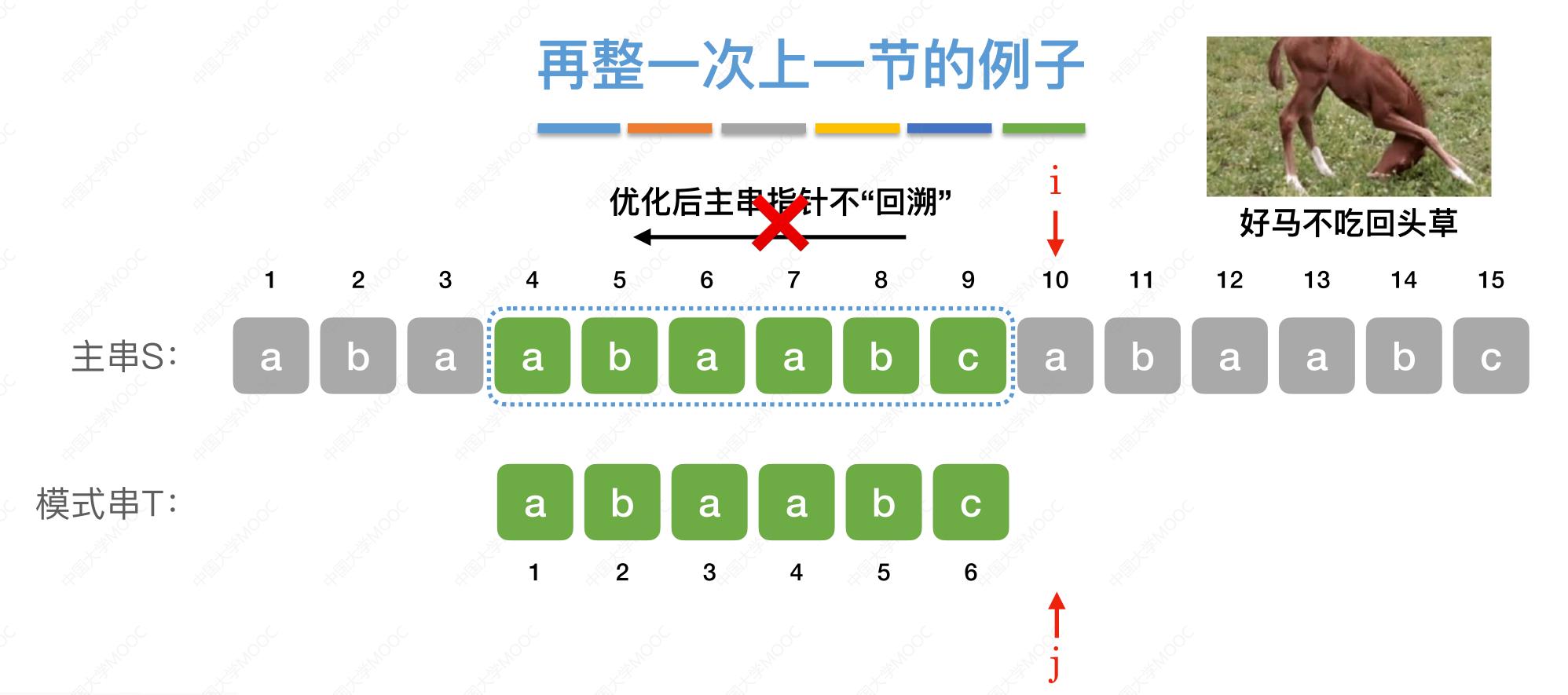
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=3



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=3



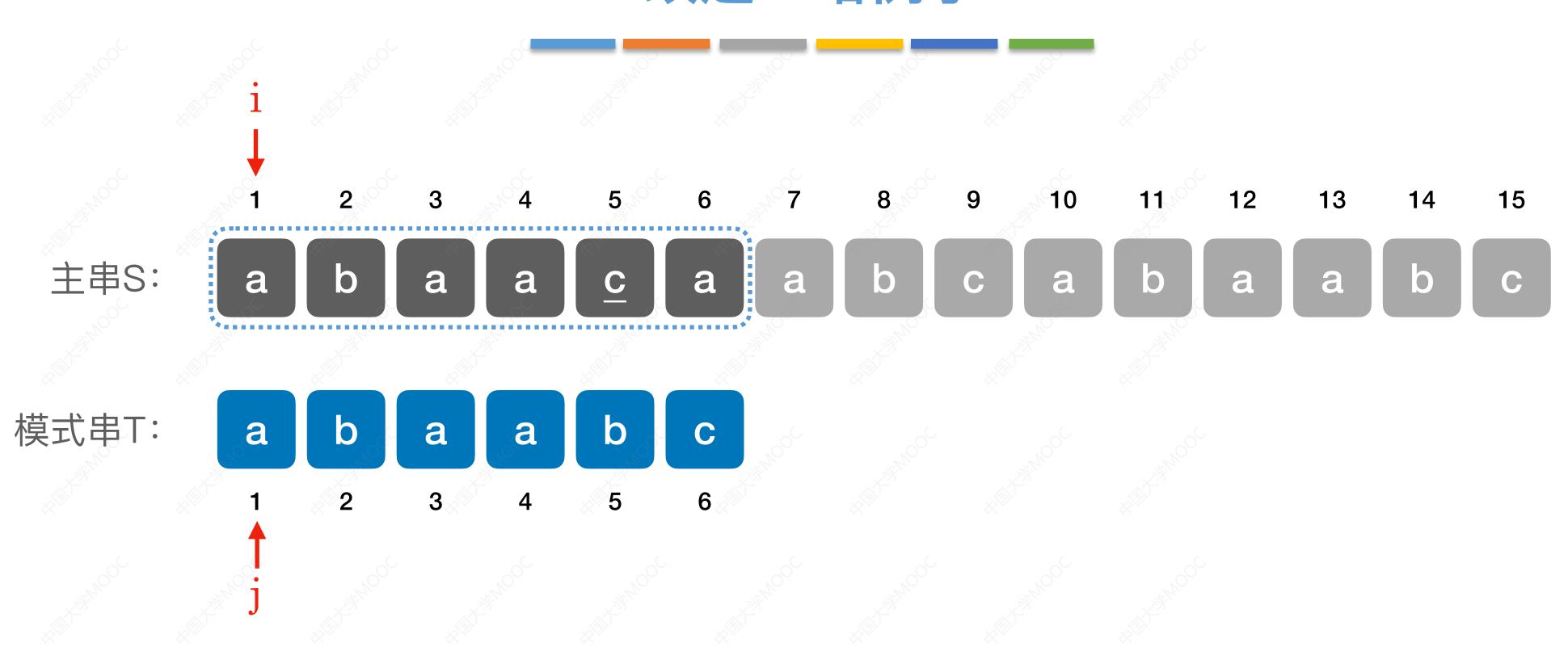
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=3



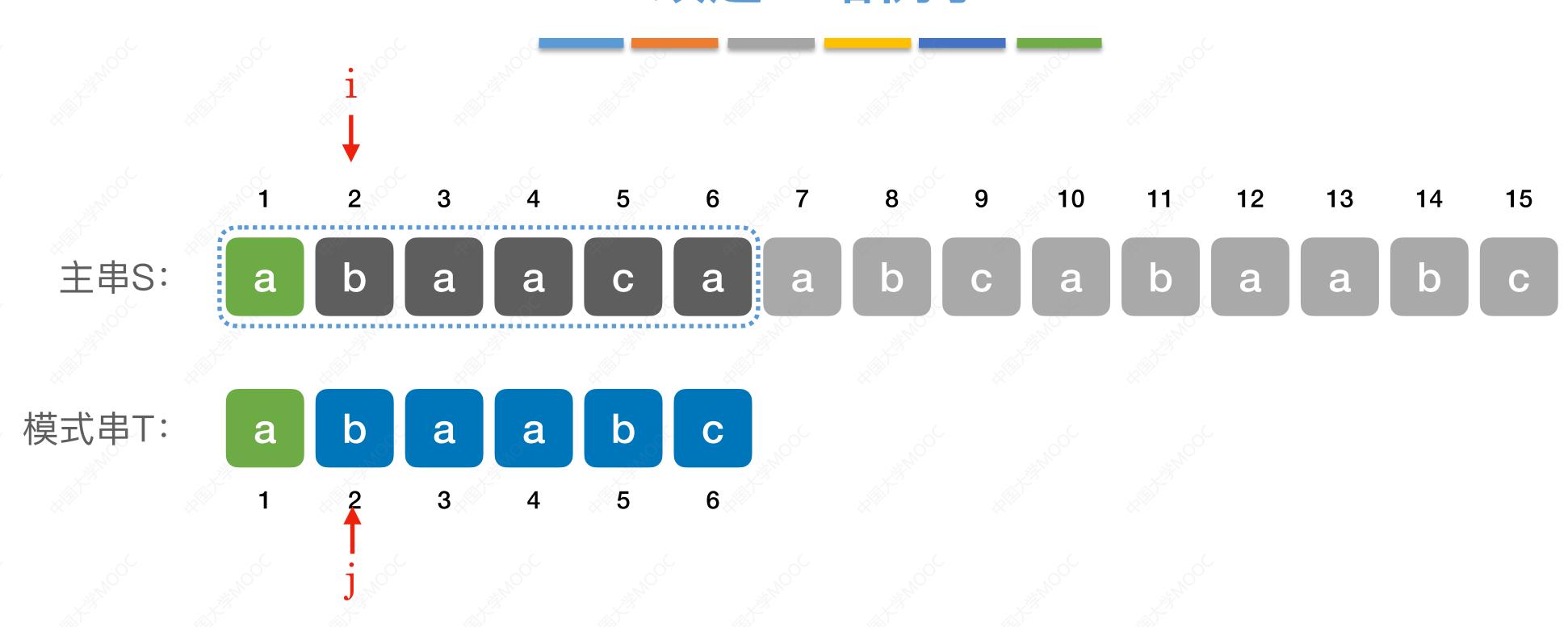


掌声送给最棒的你

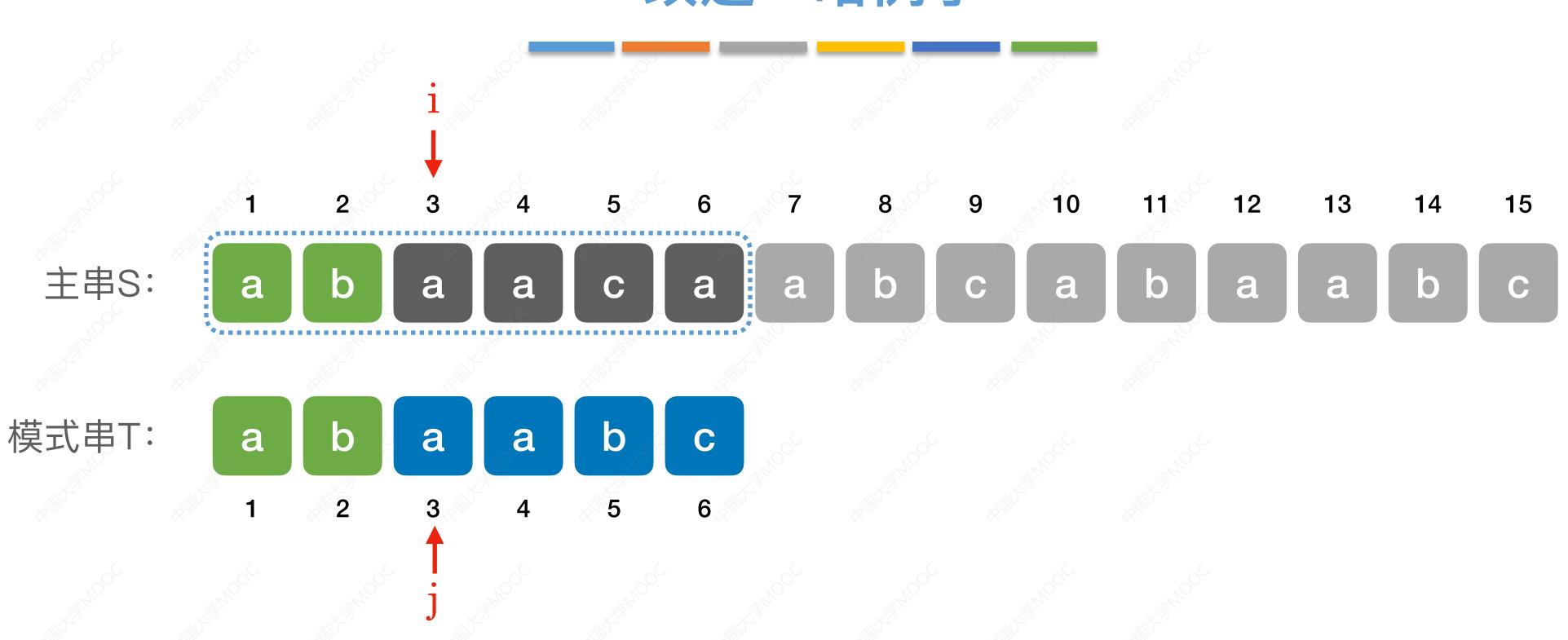
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=3



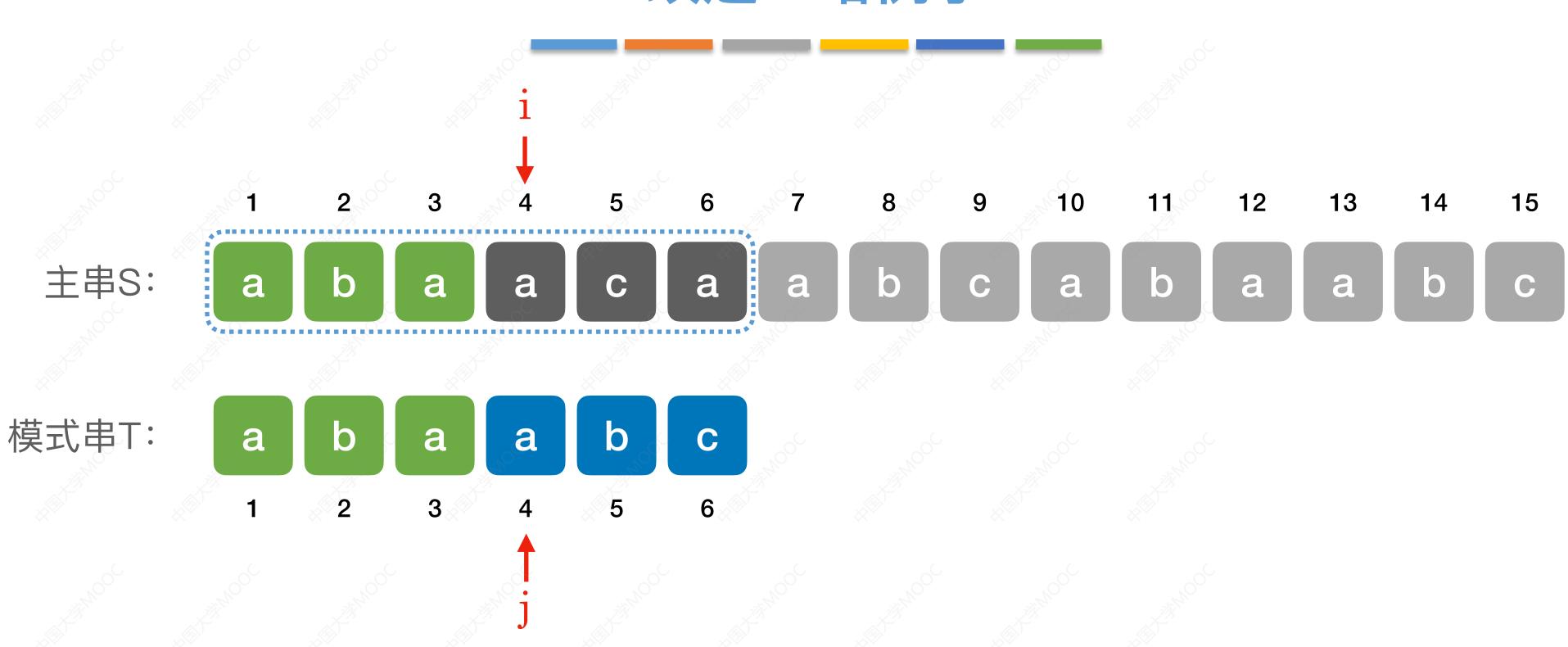
对于模式串 T = 'abaabc'



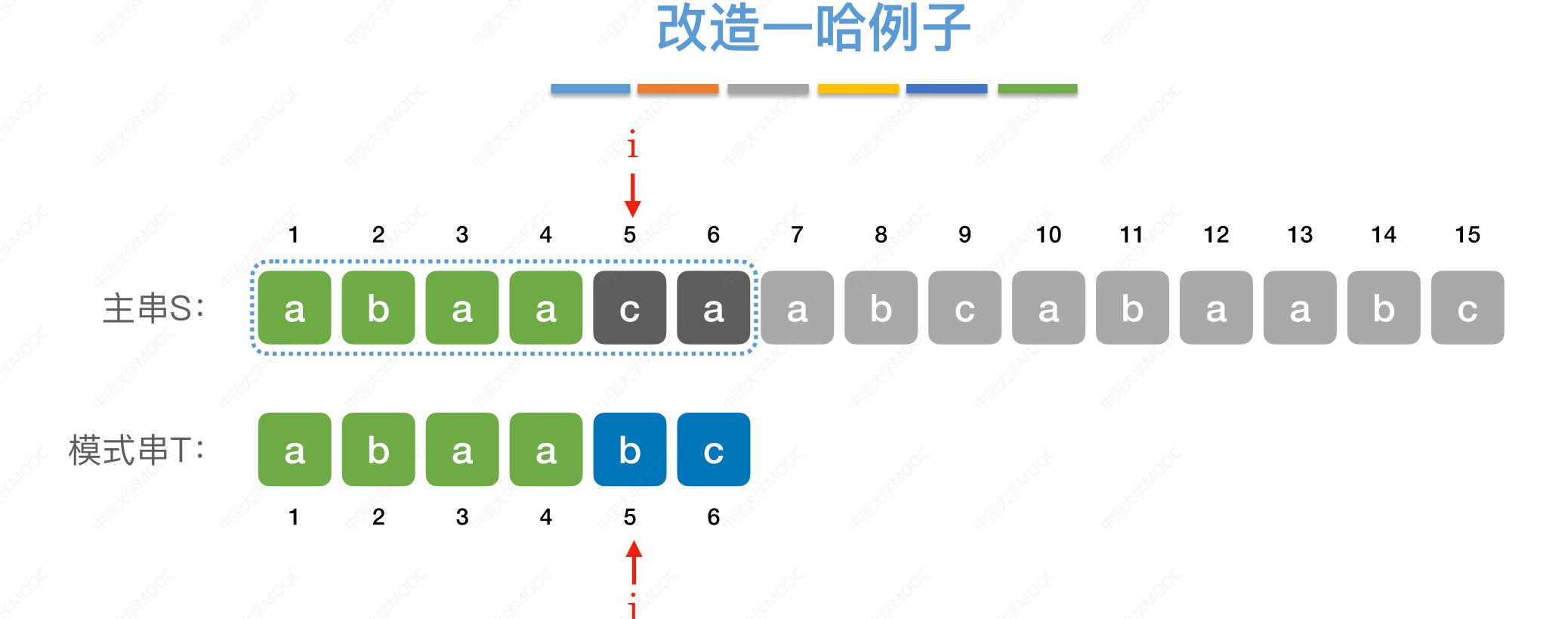
对于模式串 T = 'abaabc'

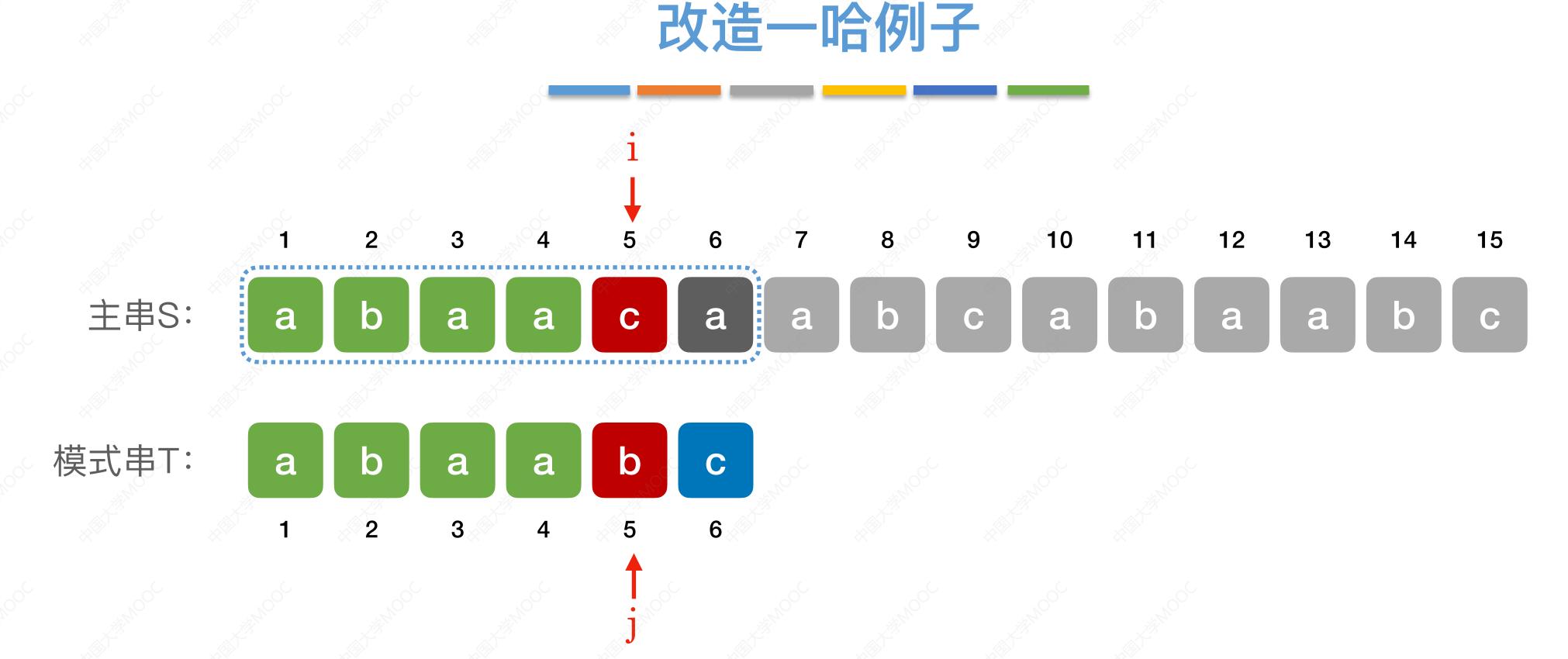


对于模式串 T = 'abaabc'



对于模式串 T = 'abaabc'

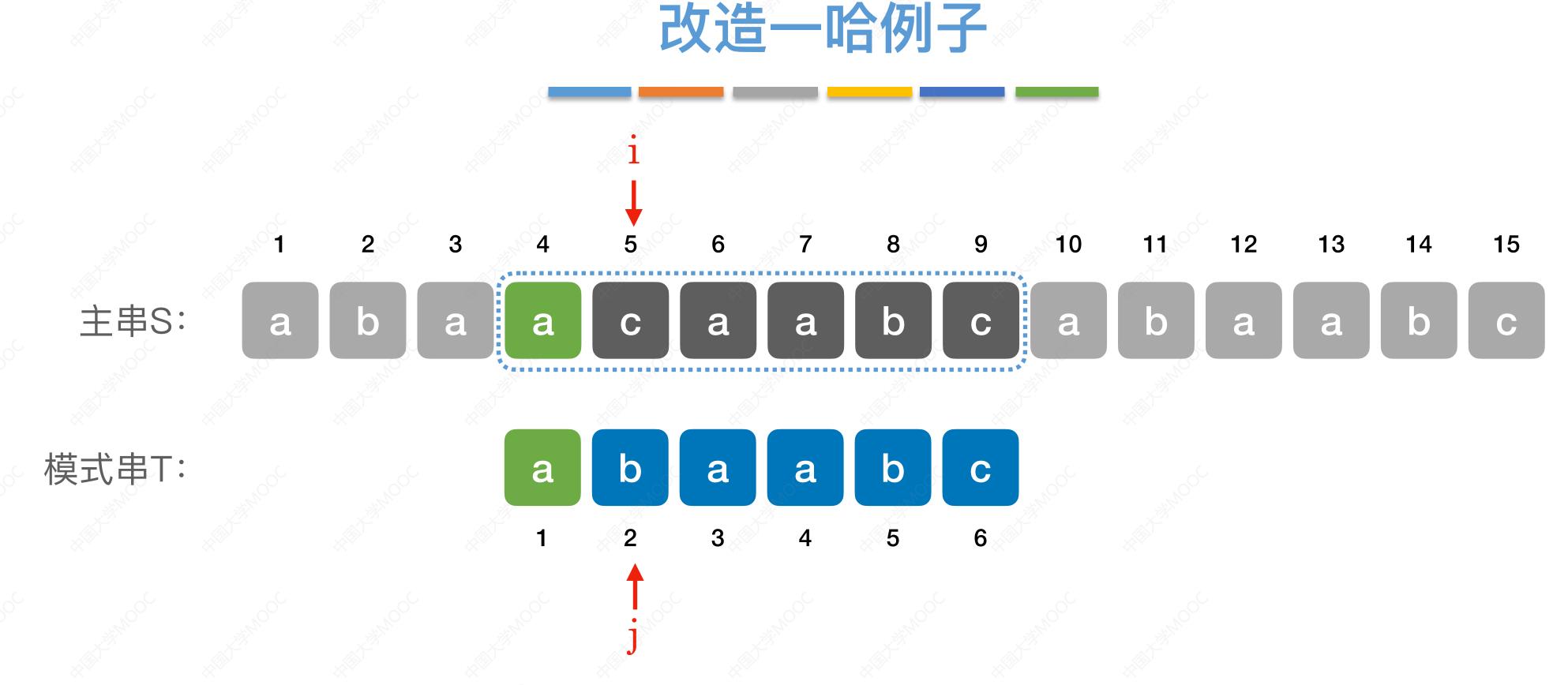




当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3

当第5个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=2

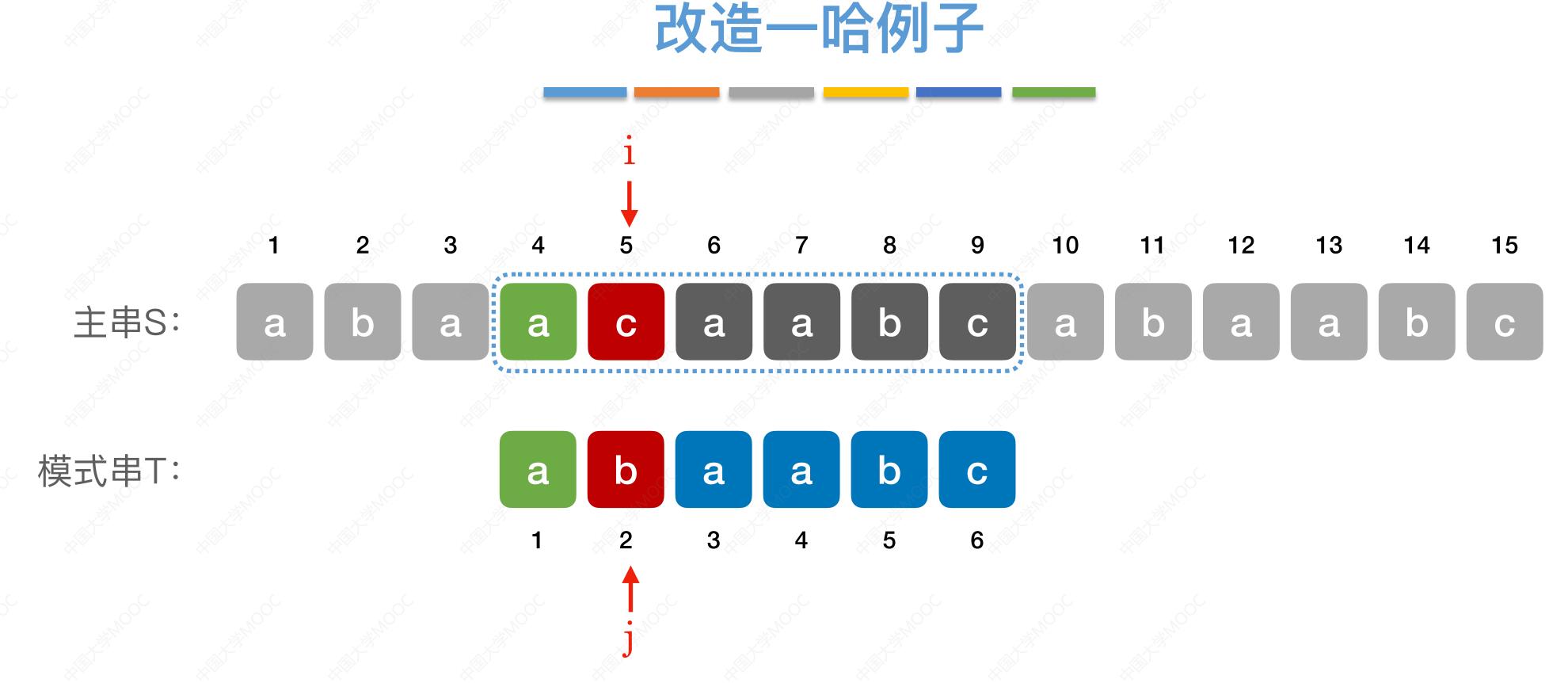
当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3

当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2

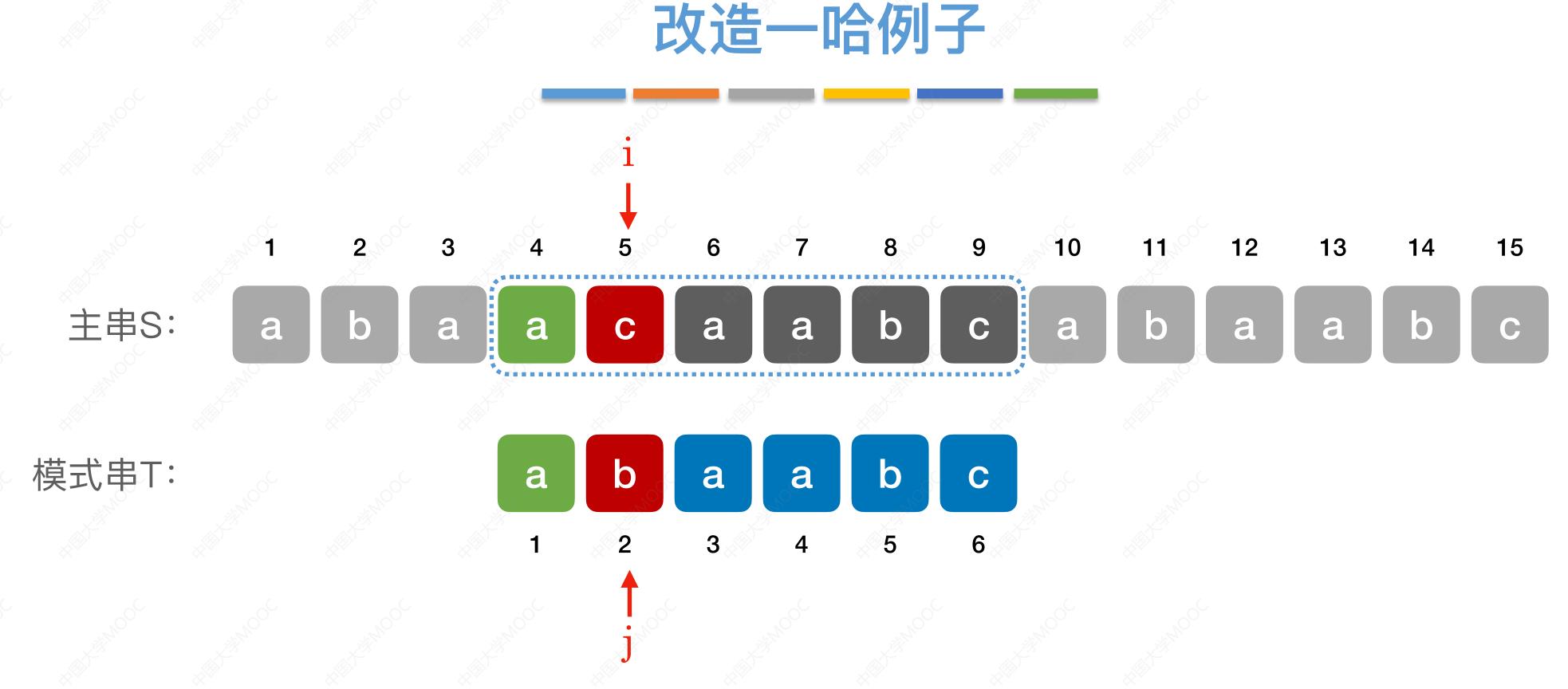
当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3

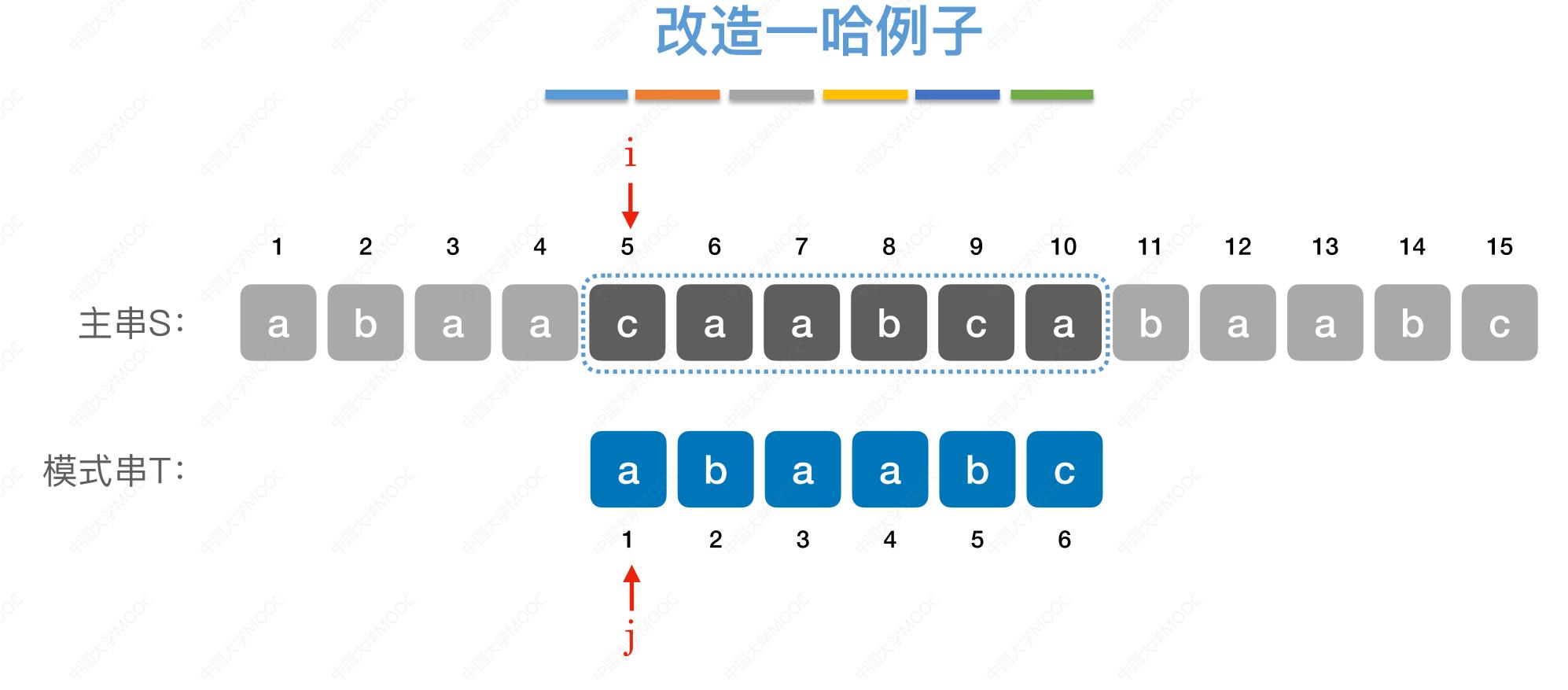
当第5个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=2

当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++

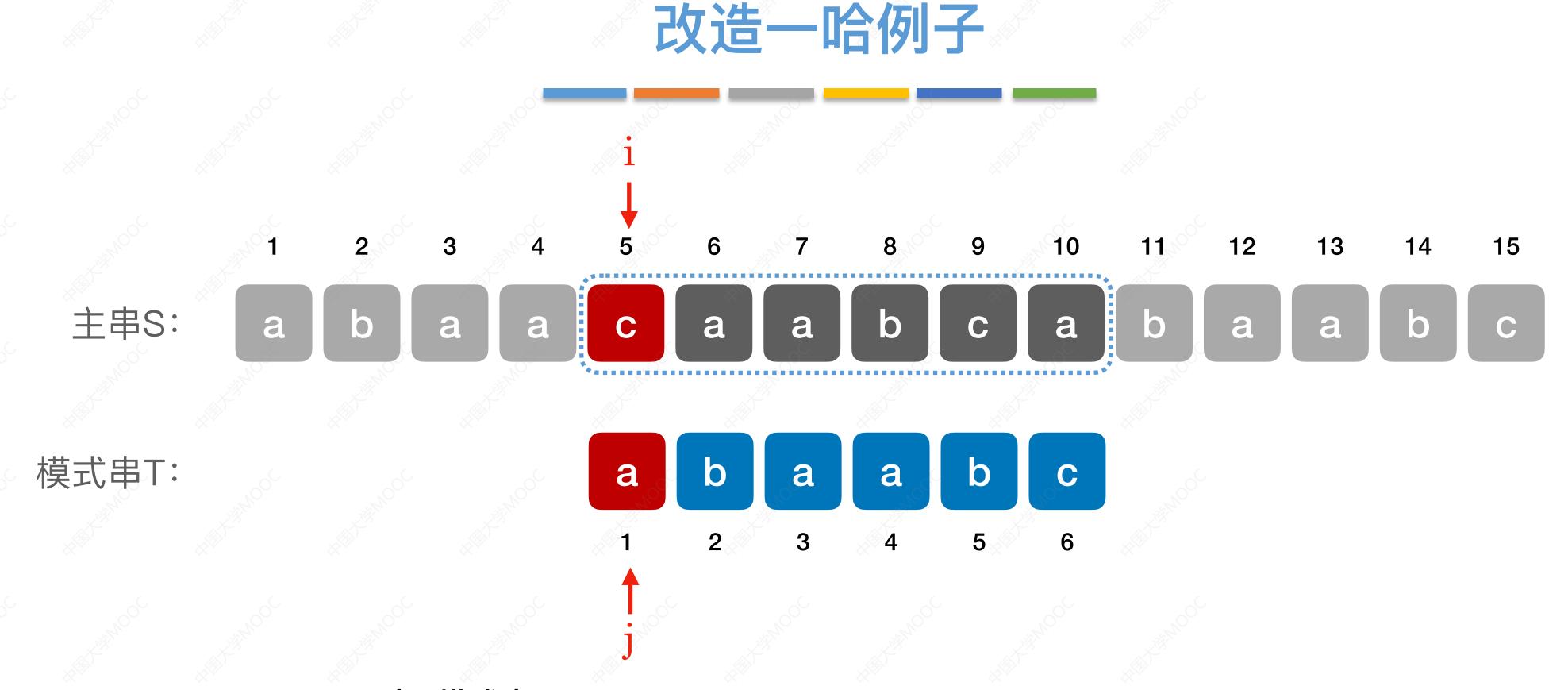


当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

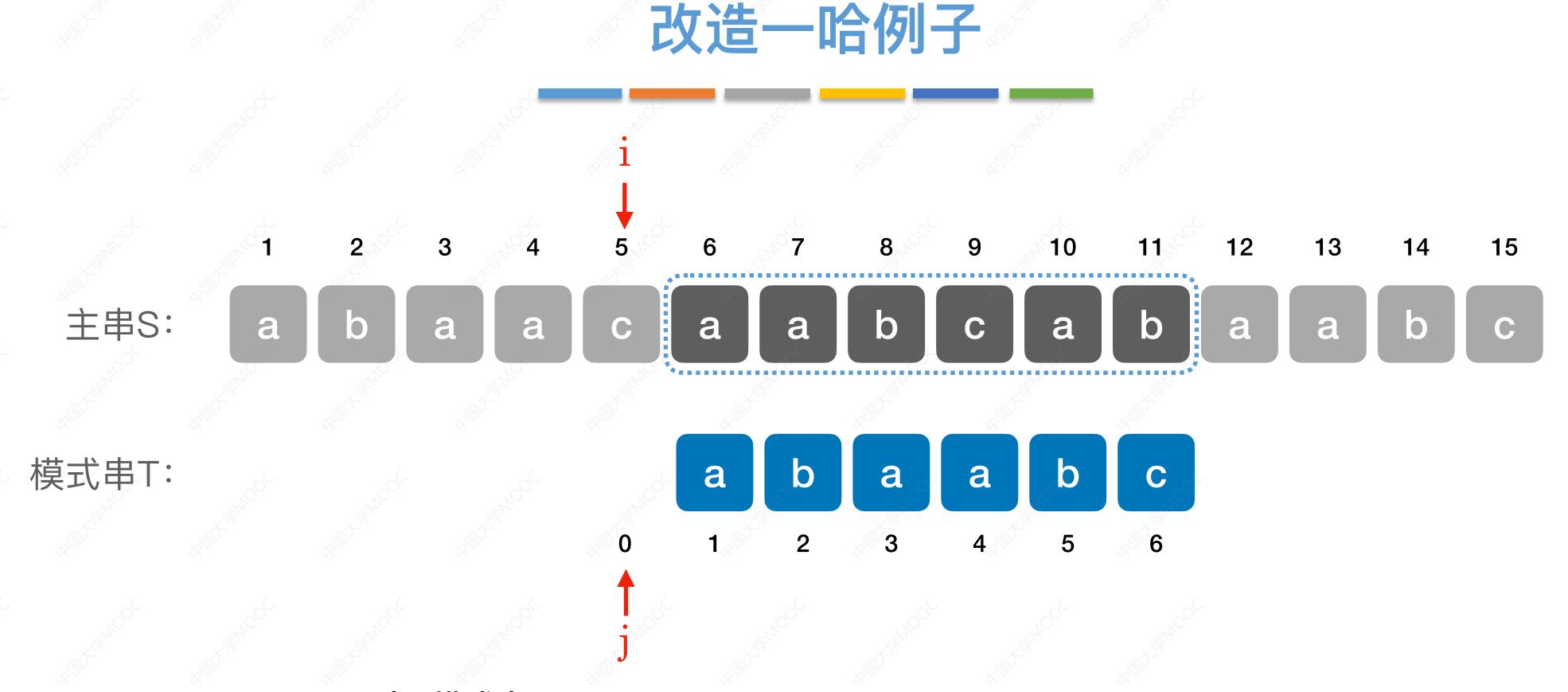
当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



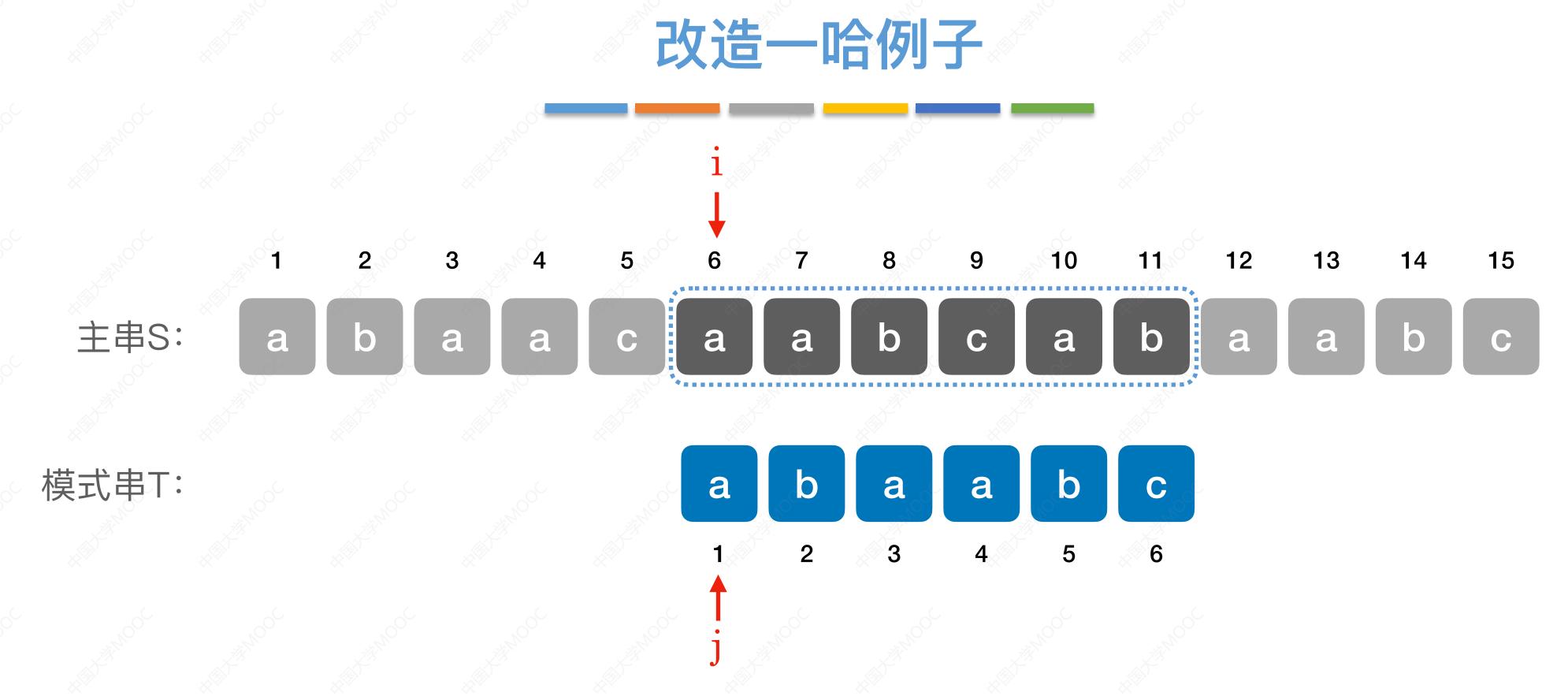
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++



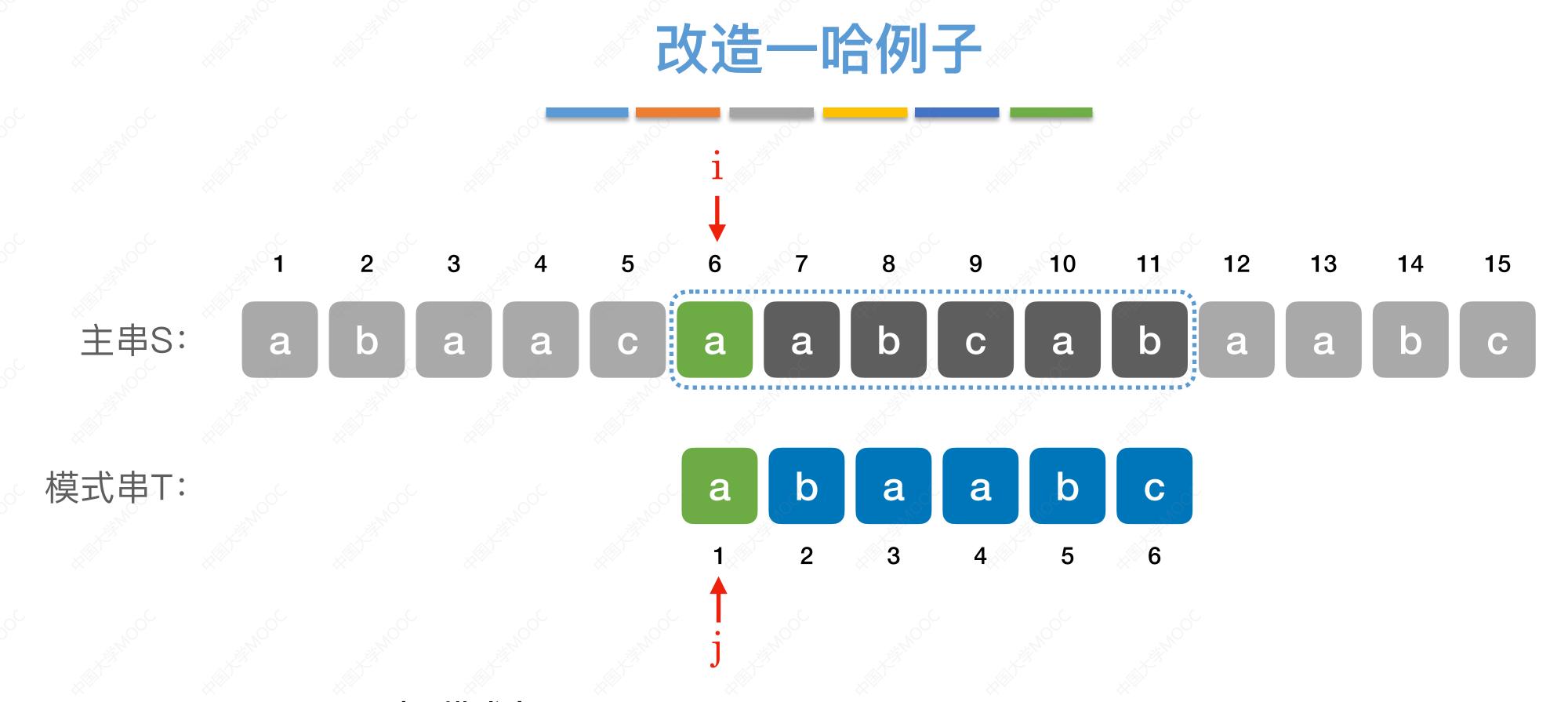
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



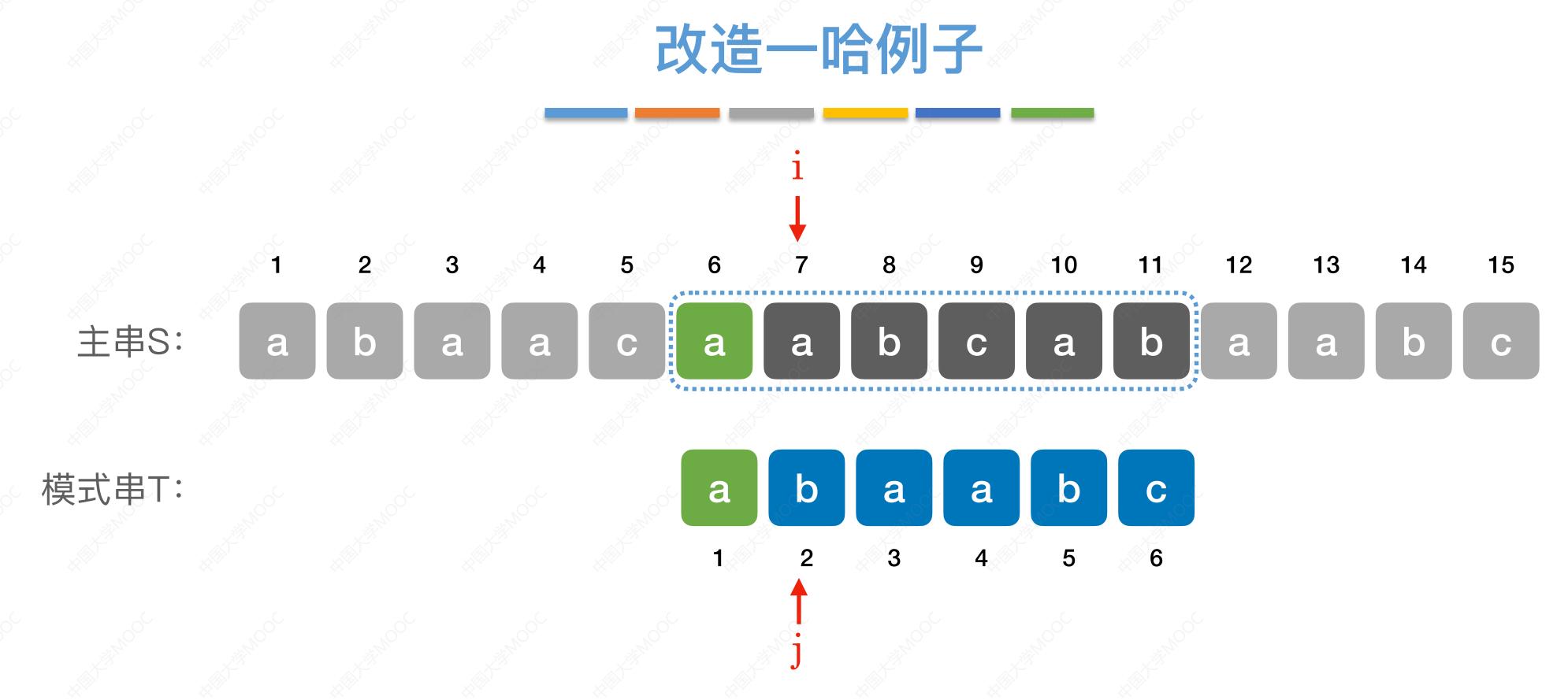
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



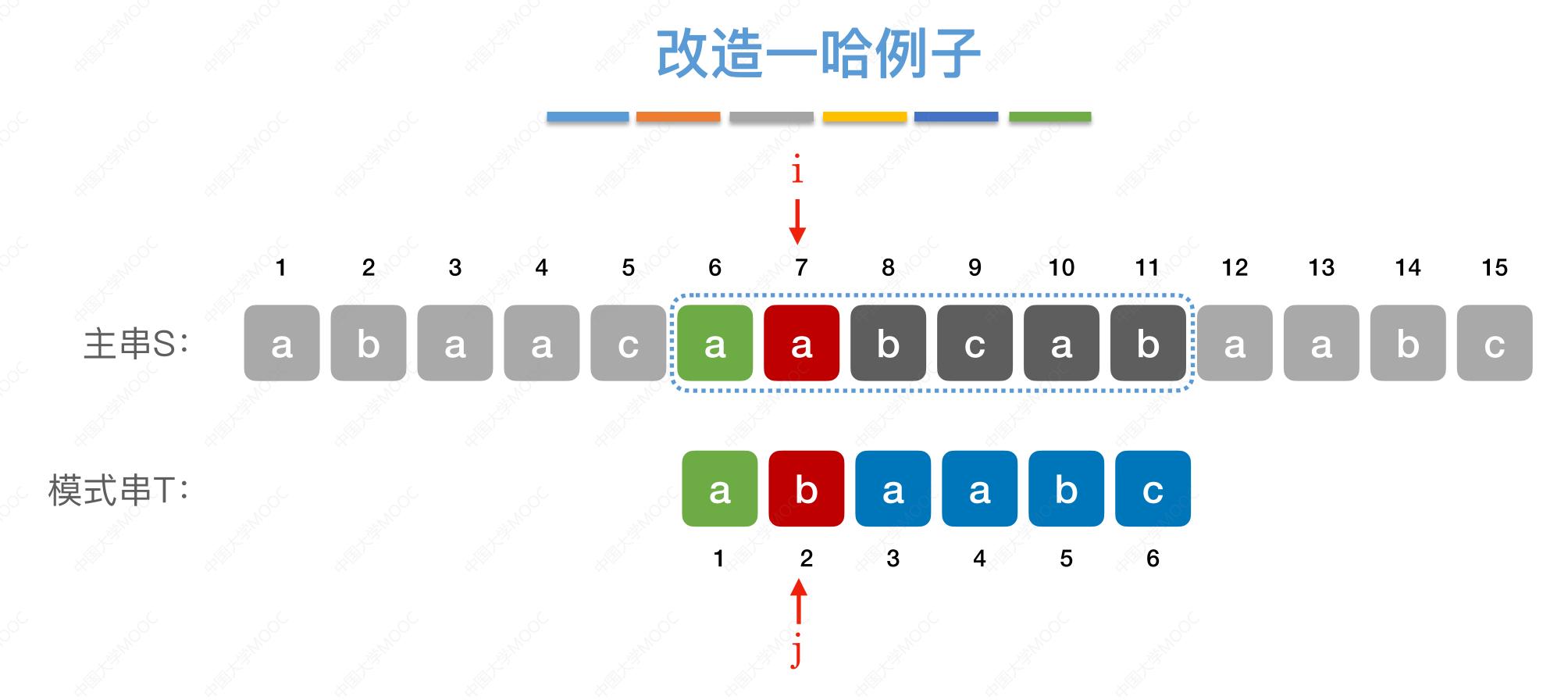
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

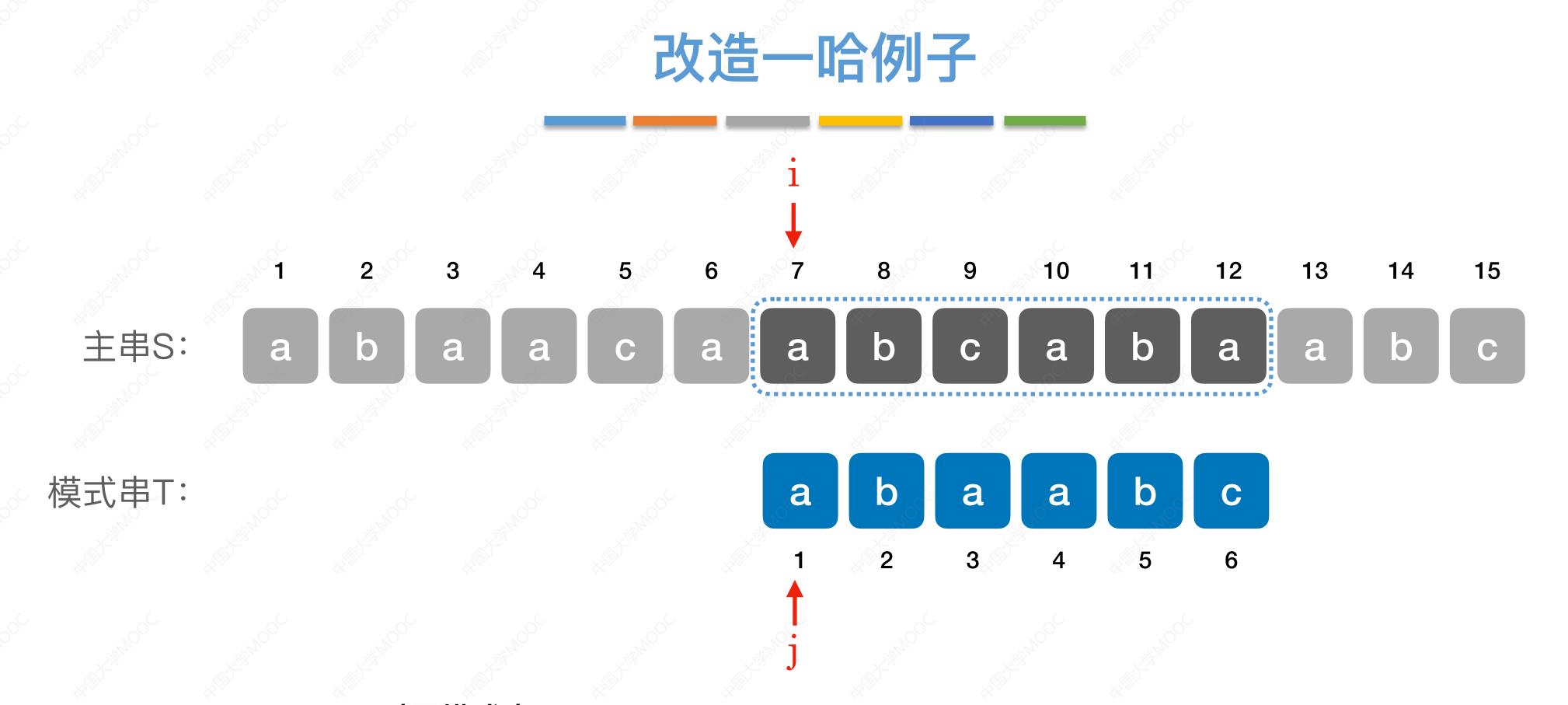


当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



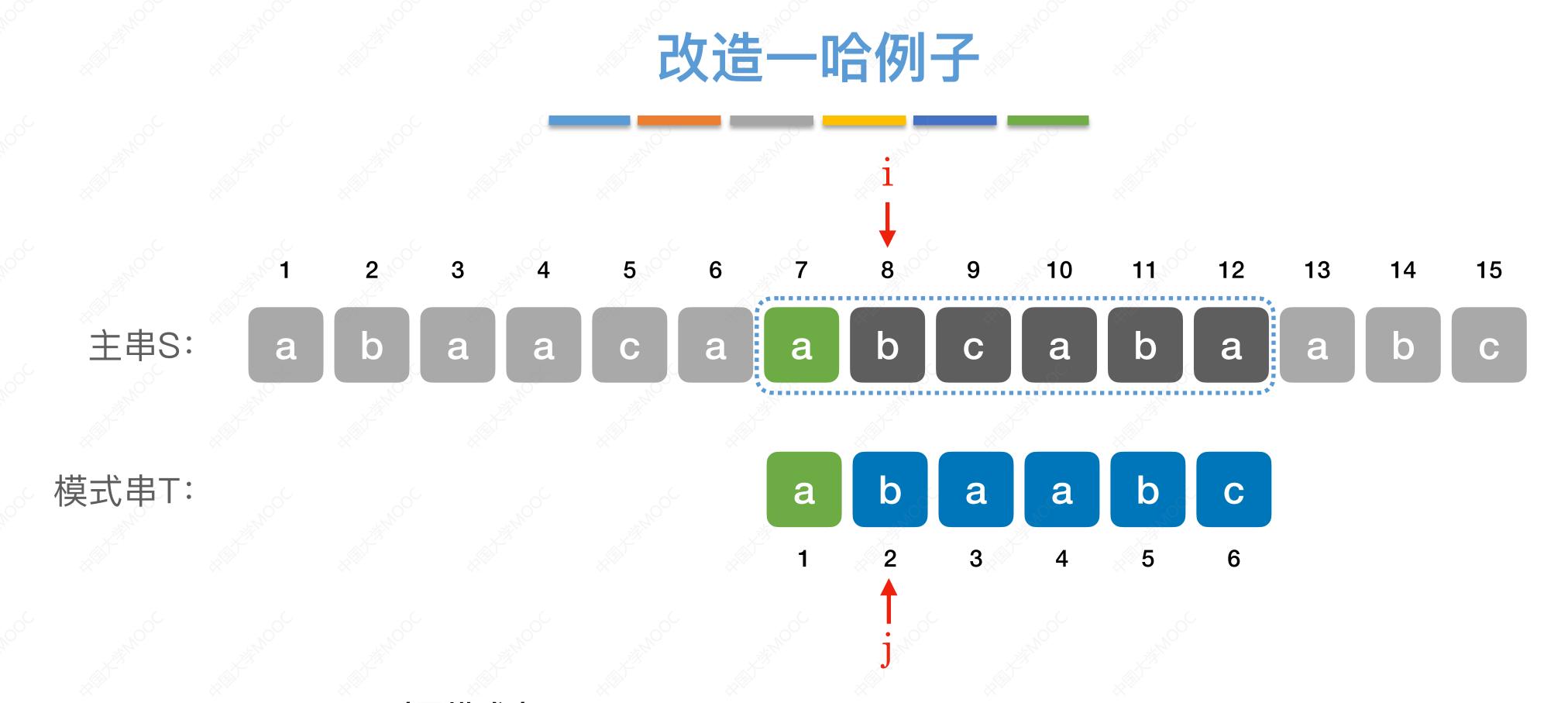
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



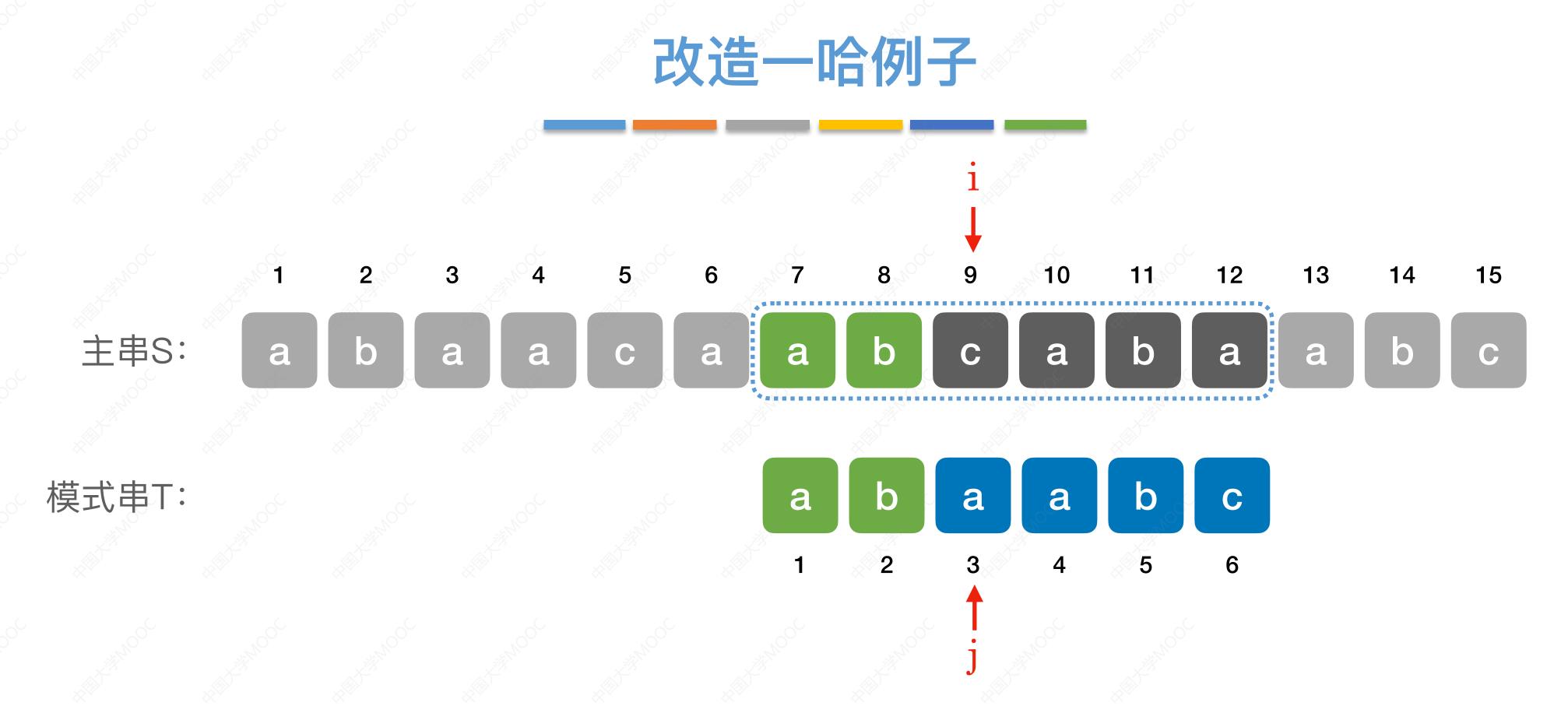
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



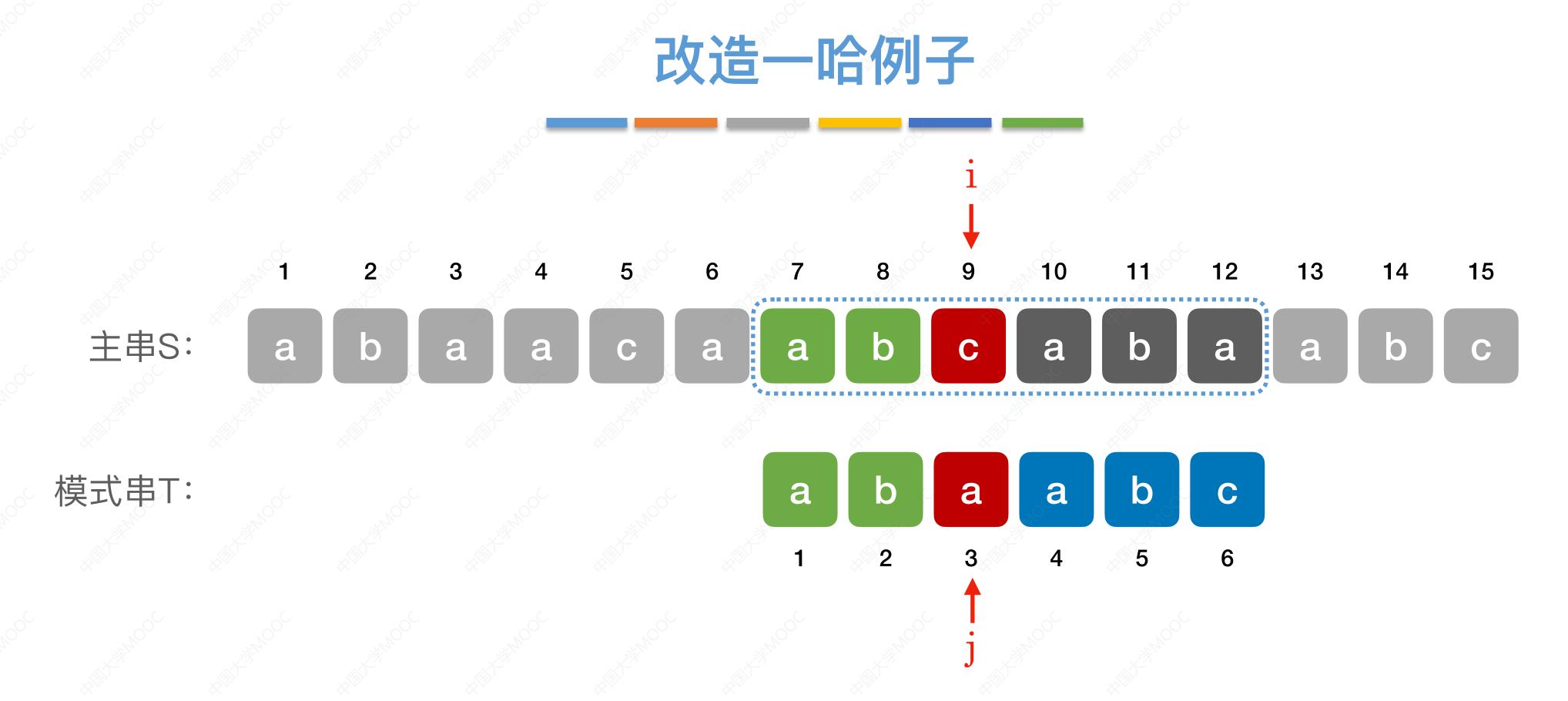
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

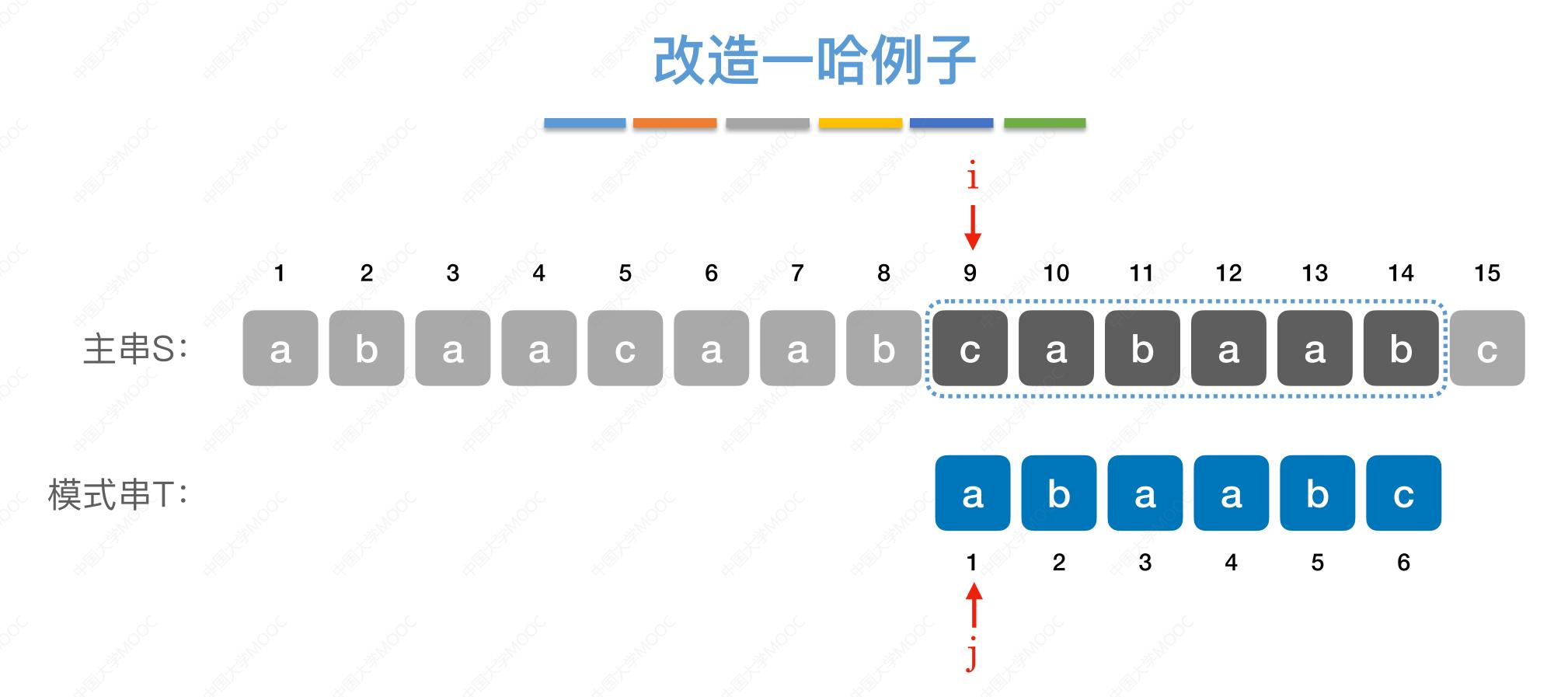
当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2

当第3个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=1

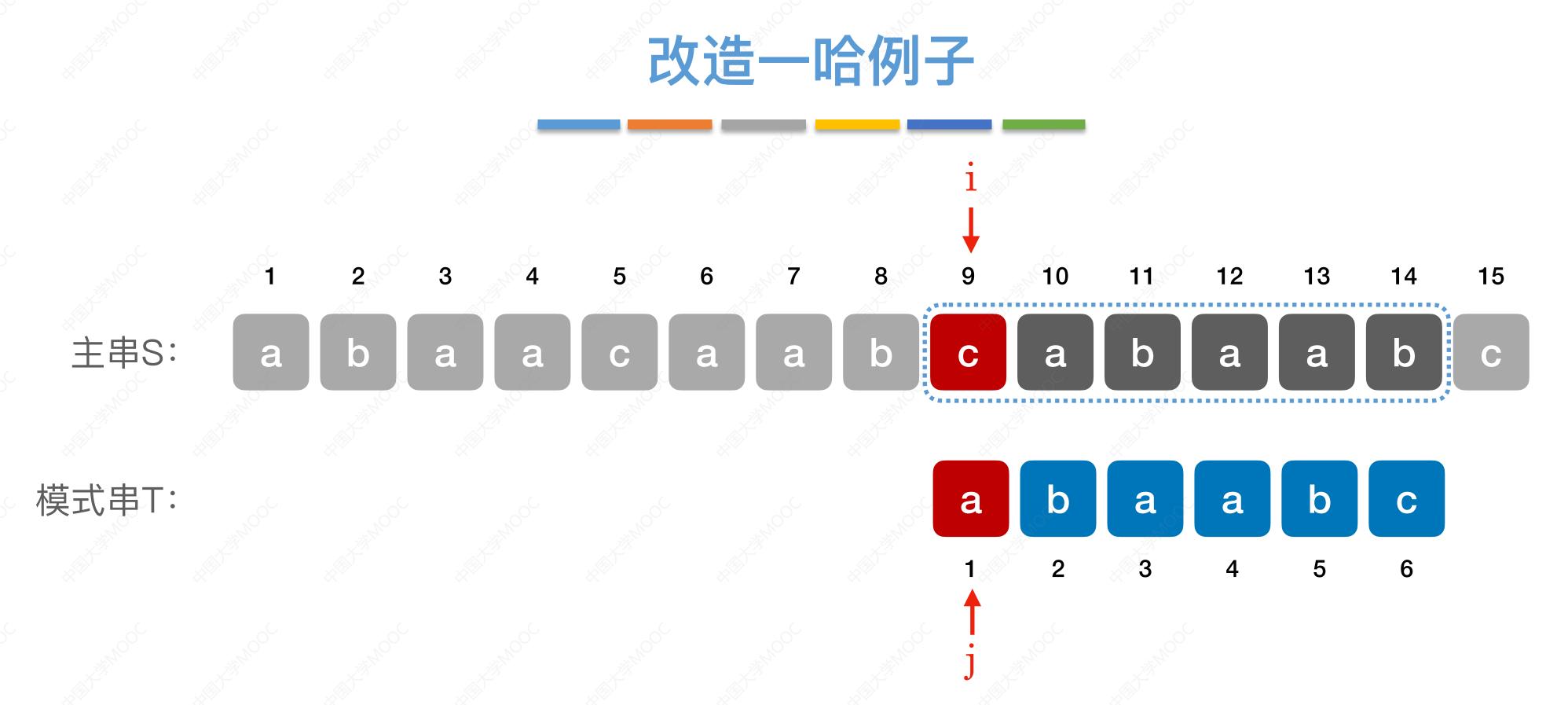
当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2

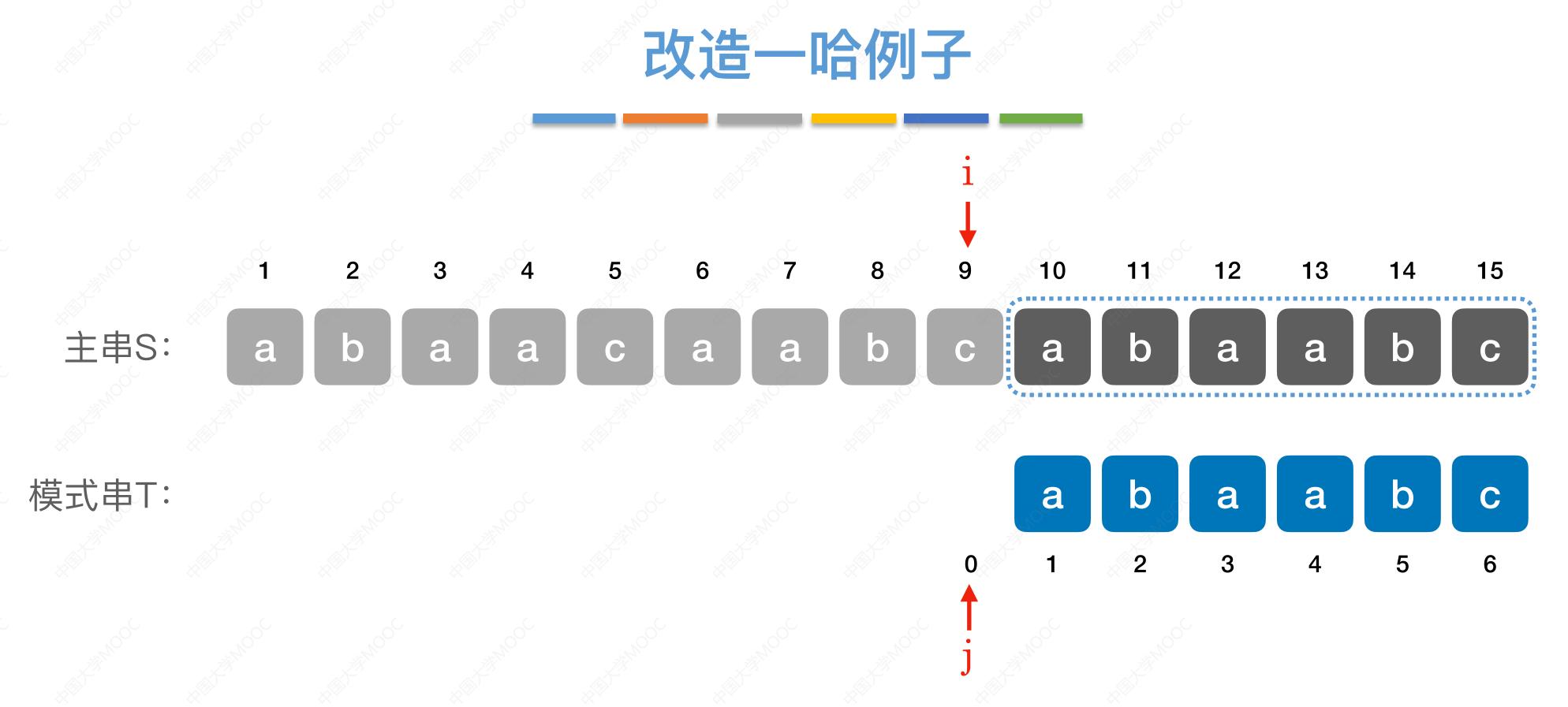
当第3个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=1

当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时, C配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++

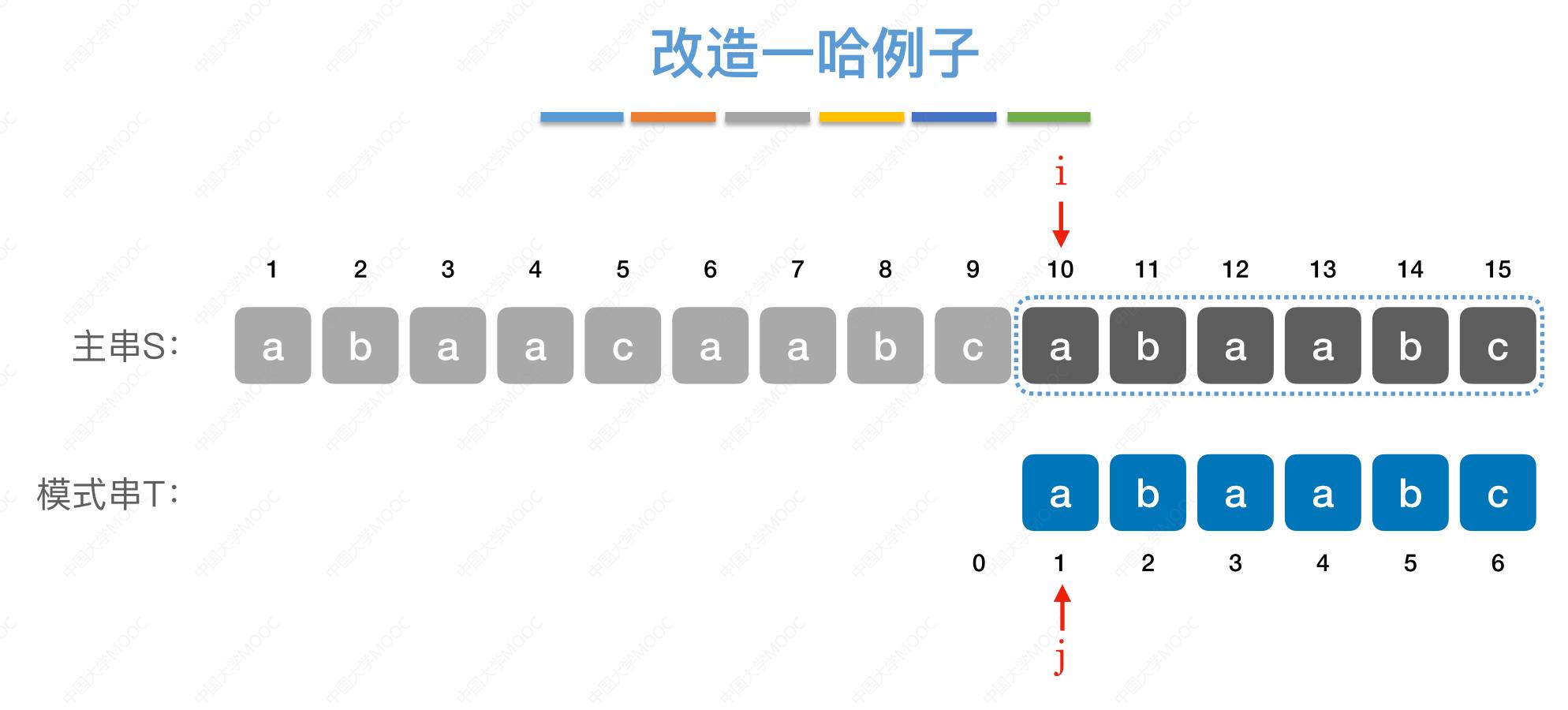
王道考研/CSKAOYAN.COM



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++

⇒ j=0, i++, j++

王道考研/CSKAOYAN.COM

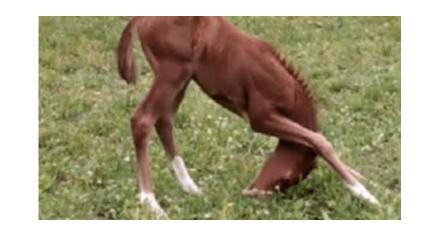


当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++

⇒ j=0, i++, j++

王道考研/CSKAOYAN.COM







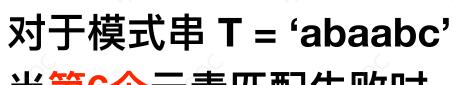
a b a c a a b c a b a b c

模式串T:

主串S:

a b a b c

1 2 3 4 5 6





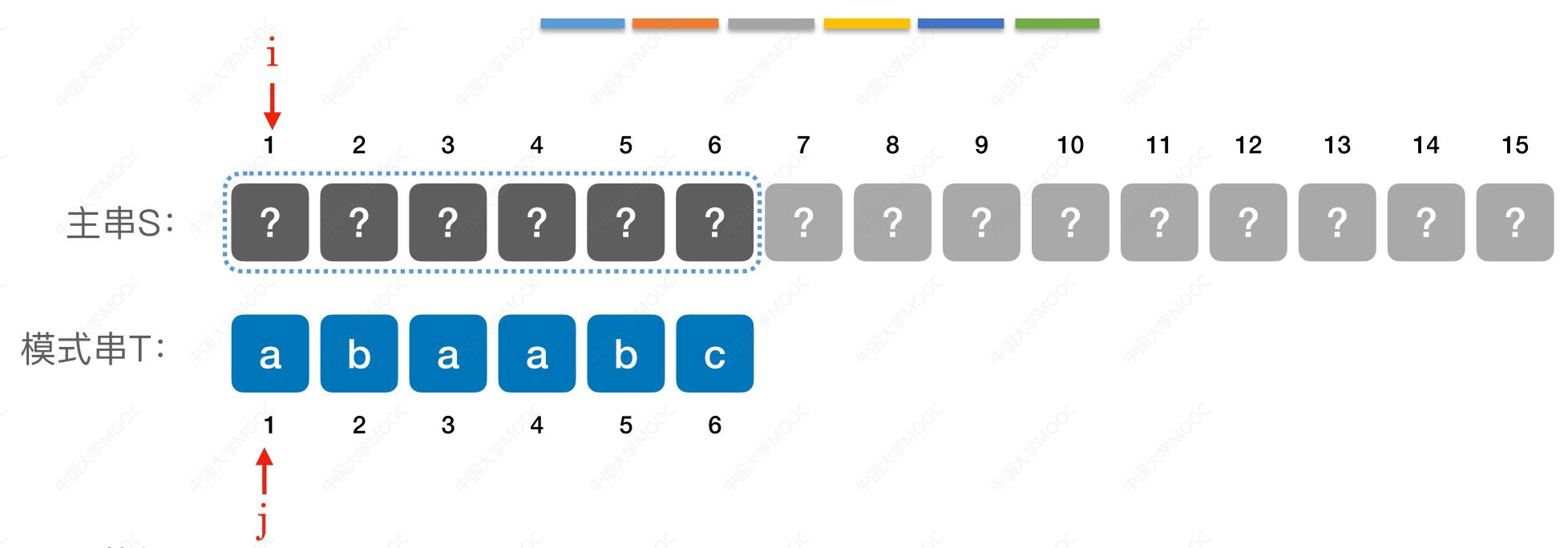
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++

⇒ j=0, i++, j++

王道考研/CSKAOYAN.COM

怎么用代码实现这个处理逻辑?



next数组:

	×.	I	<u> </u>		I	X Y
next[0]	next[1]	next[2]	next[3]	next[4]	next[5]	next[6]
	0	1	1	2	2	3
	, o ^C	if (S[i] !=T[[j]) j	=next	[j];
		if (j==	0) {	i++; j	++ }	

对于模式串 T = 'abaabc'

当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++



next数组:

× '						× '
next[0]	next[1]	next[2]	next[3]	next[4]	next[5]	next[6]
	0	1	1	2	2	3
	, o ^C	if (S[i] !=T[[j]) j	=next	[j];
		if (j==	O) {	i++; j	++ }	

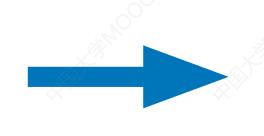
对于模式串 T = 'abaabc'

当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++

KMP算法



根据模式串T,求 出 next 数组



利用next数组进行匹配 (主串指针不回溯)

next数组:

next[0]	next[1]	next[2]	next[3]	next[4]	next[5]	next[6]
	0	1	1	2	2	3

if (S[i] !=T[j]) j=next[j];

if (j==0) { i++; j++ }

next数组只和短短的模式串 有关,和长长的主串无关

对于模式串 T = 'abaabc'

当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++

KMP算法

利用next数组进行匹配 (主串指针不回溯)

next数组:

next[0]	next[1]	next[2]	next[3]	next[4]	next[5]	next[6]
	0	1	1	2	2	3

```
if (S[i] !=T[j]) j=next[j];
if (j==0) { i++; j++ }
```

```
int Index_KMP(SString S,SString T,int next[]){
    int i=1, j=1;
   while(i<=S.length&&j<=T.length){</pre>
       if(j==0||S.ch[i]==T.ch[j]){
            ++i;
                                //继续比较后继字符
            ++j;
       else
            j=next[j];
                               //模式串向右移动
    if(j>T.length)
        return i-T.length;
                                //匹配成功
   else
        return 0;
```

朴素模式匹配 v.s. KMP算法

```
int Index_KMP(SString S,SString T,int next[]){
int Index(SString S,SString T){
                                                    int i=1, j=1;
   int i=1, j=1;
                                                    while(i<=S.length&&j<=T.length){</pre>
   while(i<=S.length && j<=T.length){</pre>
                                                        if(j==0||S.ch[i]==T.ch[j]){
       if(S.ch[i]==T.ch[j]){
                                                            ++i;
                     //继续比较后继字符
          ++i; ++j;
                                      匹配失败时,主串
                                                                                //继续比较后继字符
                                                            ++j;
       else{
                                        指针i不回溯
          i=i-j+2;
                                                        else
                       /指针后退重新开始匹配
                                                            j=next[j];
                                                                               //模式串向右移动
          j=1;
                     匹配失败时,主串
                                                    if(j>T.length)
                       指针i疯狂回溯
   if(j>T.length)
                                                        return i-T.length;
                                                                               //匹配成功
       return i-T.length;
                                                    else
   else
                                                        return 0;
       return 0;
```

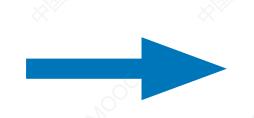
朴素模式匹配算法,最坏时间复杂度 O(mn)

KMP算法,最坏时间复杂度 O(m+n)

其中,求 next 数组时间复杂度 O(m)模式匹配过程最坏时间复杂度 O(n)

KMP算法

根据模式串T,求 出 next 数组



利用next数组进行匹配 (主串指针不回溯)

KMP算法精髓:利用好已经匹配过的模式串的信息

next数组:

next[0]	next[1]	next[2]	next[3]	next[4]	next[5]	next[6]
	0	1	1	2	2	3

KMP算法,最坏时间复杂度 O(m+n)

其中,求 next 数组时间复杂度 O(m) 模式匹配过程最坏时间复杂度 O(n)

```
int Index_KMP(SString S,SString T,int next[]){
   int i=1, j=1;
   while(i<=S.length&&j<=T.length){</pre>
       if(j==0||S.ch[i]==T.ch[j]){
           ++i;
                               //继续比较后继字符
           ++j;
       else
           j=next[j];
                               //模式串向右移动
   if(j>T.length)
       return i-T.length;
                               //匹配成功
   else
       return 0;
```

欢迎大家对本节视频进行评价~



学员评分: 4.2.2_1 KMP算法





公众号: 王道在线



ご b站: 王道计算机教育



抖音: 王道计算机考研