本节内容

红黑树

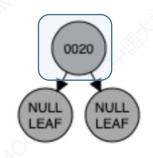
插入操作

从一棵空的红黑树开始,插入: 20,10,5,30,40,57,3,2,4,35,25,18,22,23,24,19,18

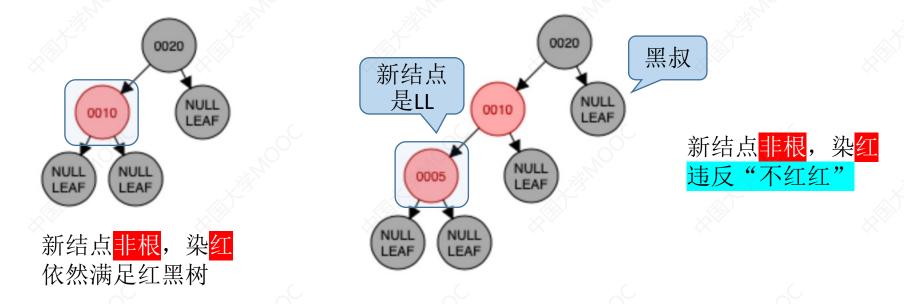
- 先查找,确定插入位置(原理同二叉排序树),插入新结点
- 新结点是根——染为黑色
- 新结点非根——染为红色
 - 若插入新结点后依然满足红黑树定义,则插入结束
 - 若插入新结点后不满足红黑树定义,需要调整,使其重新满足红黑树定义
 - 黑叔: 旋转+染色
 - LL型: 右单旋, 父换爷+染色
 - RR型: 左单旋, 父换爷+染色
 - LR型: 左、右双旋, 儿换爷+染色
 - RL型: 右、左双旋, 儿换爷+染色
 - 红叔: 染色+变新
 - 叔父爷染色,爷变为新结点

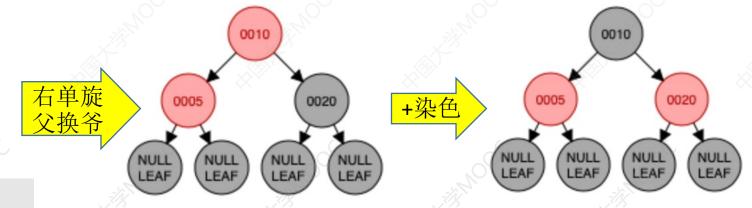
如何调整:看新结点叔叔的脸色





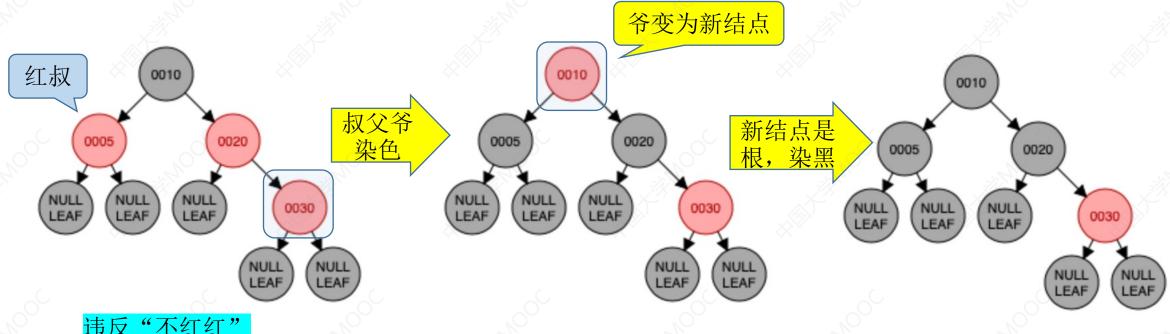
新结点是根,染黑





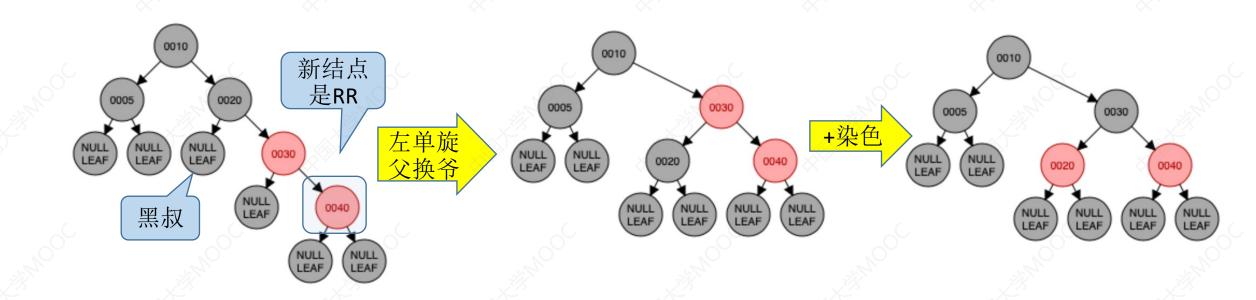
- 黑叔:旋转+染色
 - LL型: 右单旋, 父换爷+染色

从一棵空的红黑树开始,插入: 20, 10, 5, <mark>30</mark>, 40, 57, 3, 2, 4, 35, 25, 18, 22, 23, 24, 19, 18



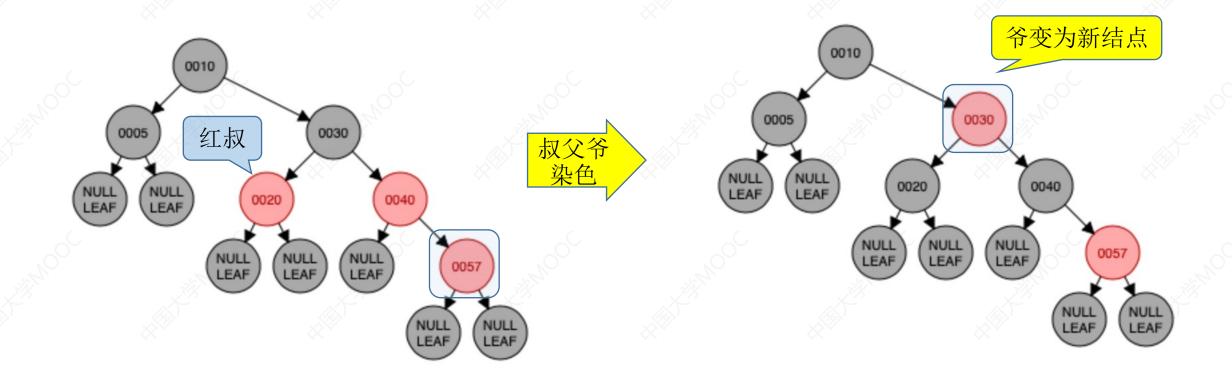
违反"不红红"

- 染色+变新
 - 叔父爷染色, 爷变为新结点



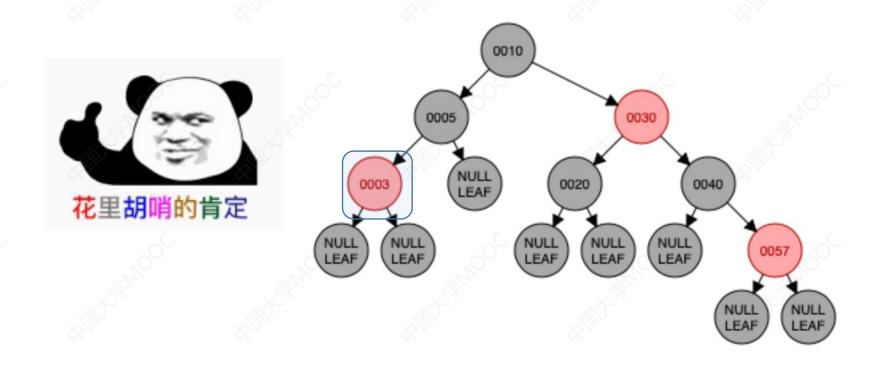
- 黑叔:旋转+染色
 - RR型: 左单旋, 父换爷+染色

从一棵空的红黑树开始,插入: 20, 10, 5, 30, 40, <mark>57</mark>, 3, 2, 4, 35, 25, 18, 22, 23, 24, 19, 18

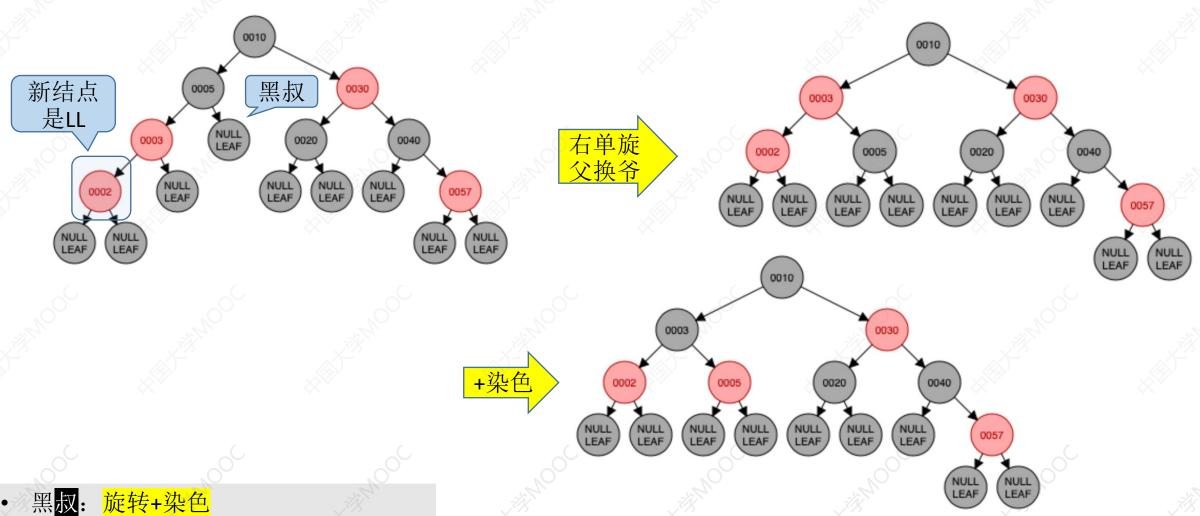


- 红叔: 染色+变新
 - 叔父爷染色,爷变为新结点

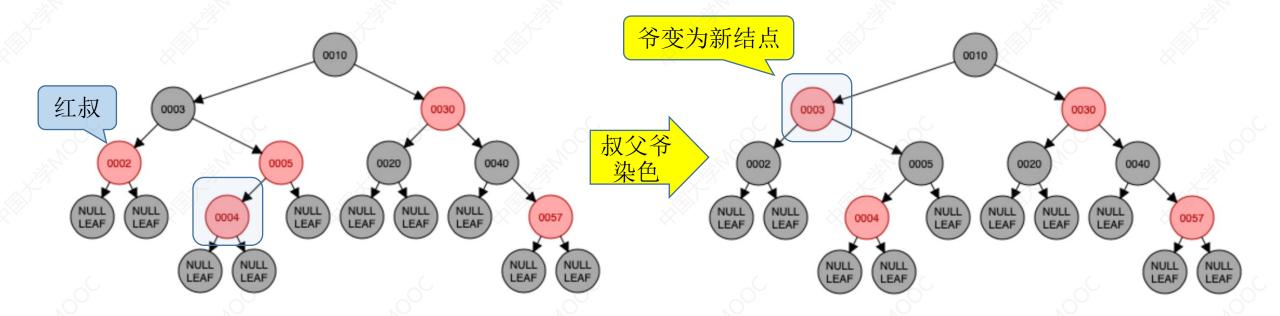
从一棵空的红黑树开始,插入: 20, 10, 5, 30, 40, 57, <mark>3</mark>, 2, 4, 35, 25, 18, 22, 23, 24, 19, 18



从一棵空的红黑树开始,插入: 20, 10, 5, 30, 40, 57, 3, <mark>2</mark>, 4, 35, 25, 18, 22, 23, 24, 19, 18

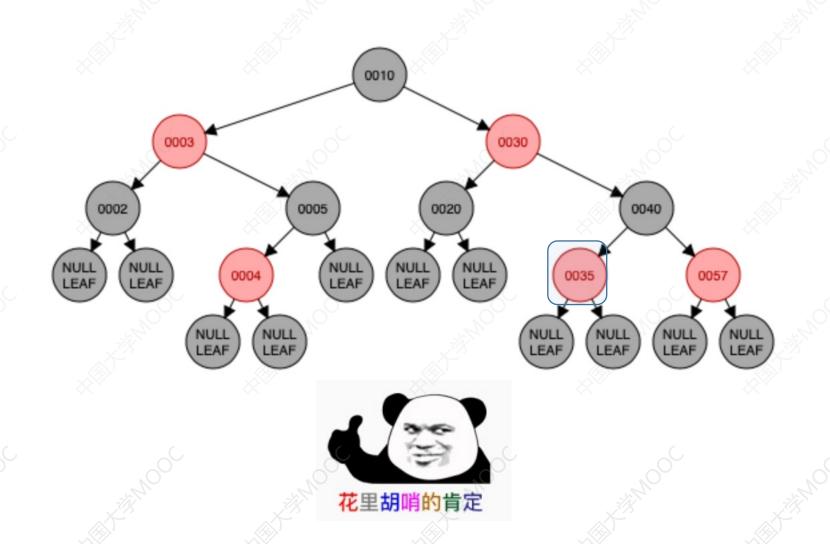


- - 型: 右单旋, 父换爷+染色

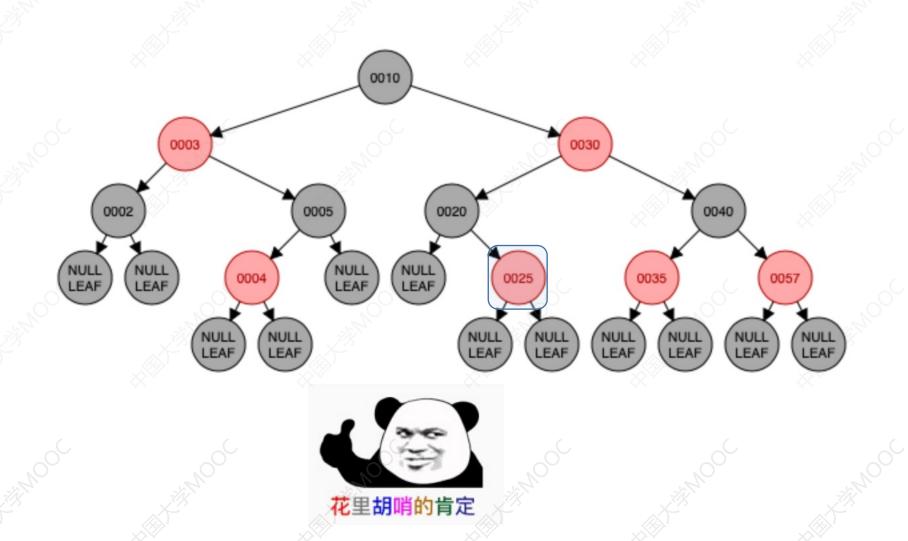


- 红叔: 染色+变新
 - 叔父爷染色,爷变为新结点

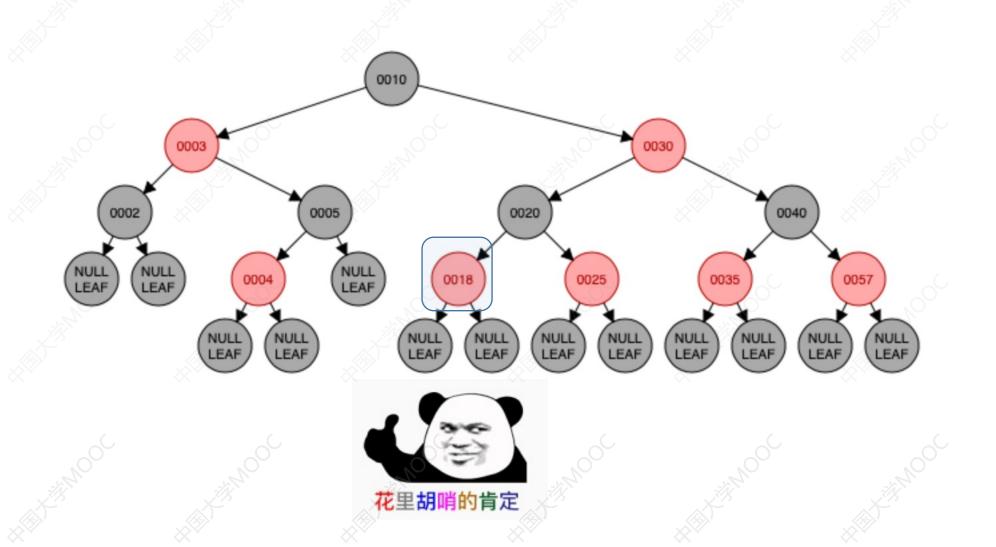
从一棵空的红黑树开始,插入: 20, 10, 5, 30, 40, 57, 3, 2, 4, <mark>35</mark>, 25, 18, 22, 23, 24, 19, 18



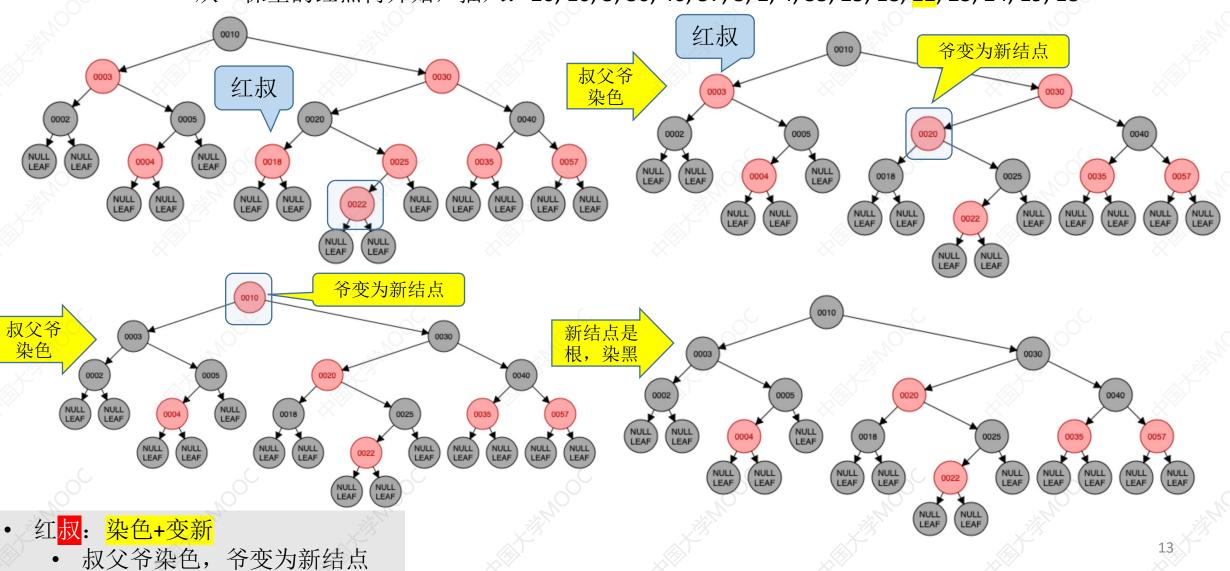
从一棵空的红黑树开始,插入: 20, 10, 5, 30, 40, 57, 3, 2, 4, 35, <mark>25</mark>, 18, 22, 23, 24, 19, 18

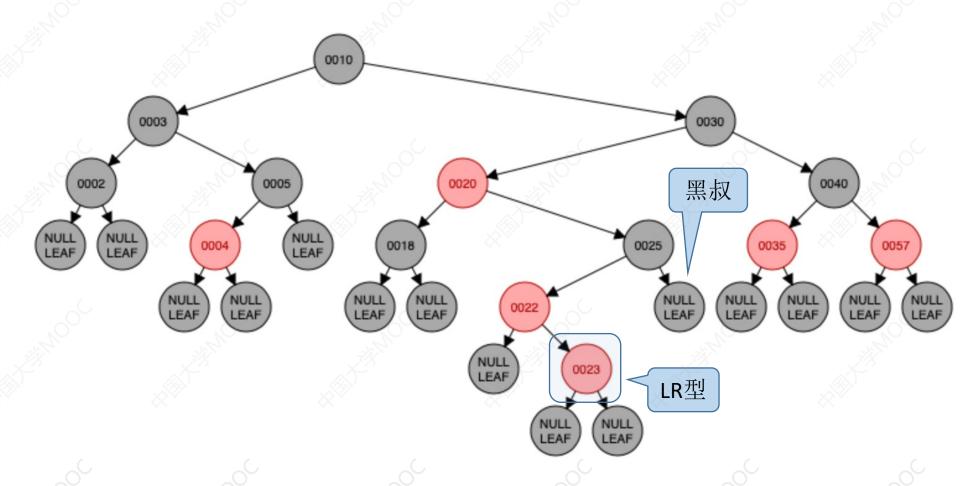


从一棵空的红黑树开始,插入: 20, 10, 5, 30, 40, 57, 3, 2, 4, 35, 25, <mark>18</mark>, 22, 23, 24, 19, 18



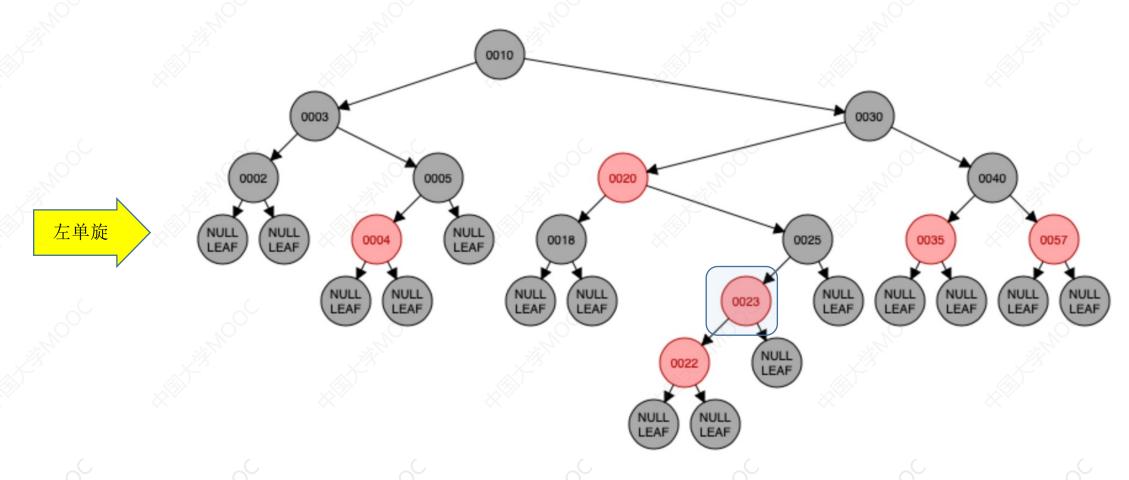
从一棵空的红黑树开始,插入: 20, 10, 5, 30, 40, 57, 3, 2, 4, 35, 25, 18, <mark>22</mark>, 23, 24, 19, 18





- 黑叔:旋转+染色
 - LR型: 左、右双旋, 儿换爷+染色

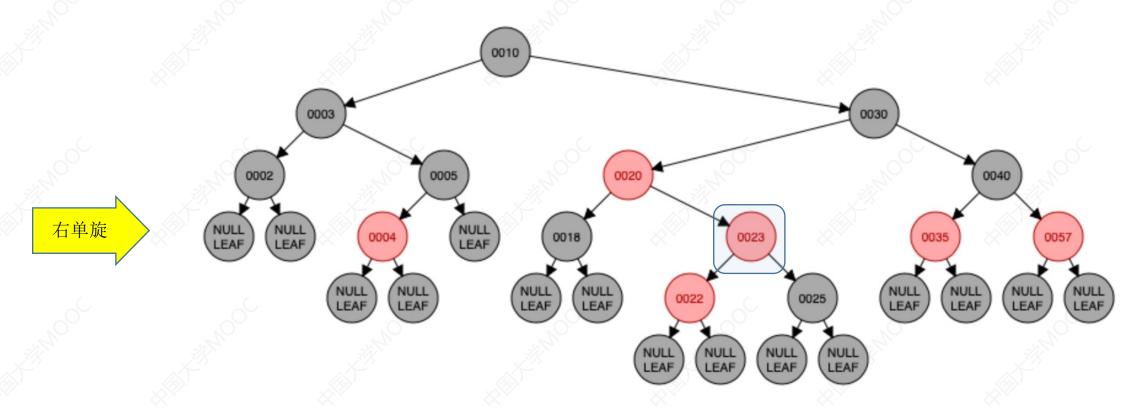
从一棵空的红黑树开始,插入: 20, 10, 5, 30, 40, 57, 3, 2, 4, 35, 25, 18, 22, <mark>23</mark>, 24, 19, 18



- 黑叔: 旋转+染色
 - LR型: 左、右双旋, 儿换爷+染色

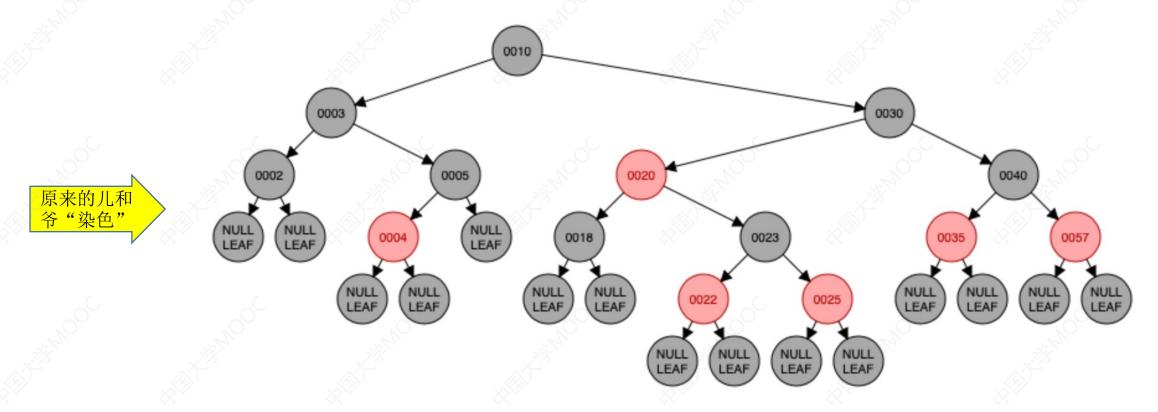
①左单旋的结果: 儿子辈分升高

从一棵空的红黑树开始,插入: 20, 10, 5, 30, 40, 57, 3, 2, 4, 35, 25, 18, 22, <mark>23</mark>, 24, 19, 18

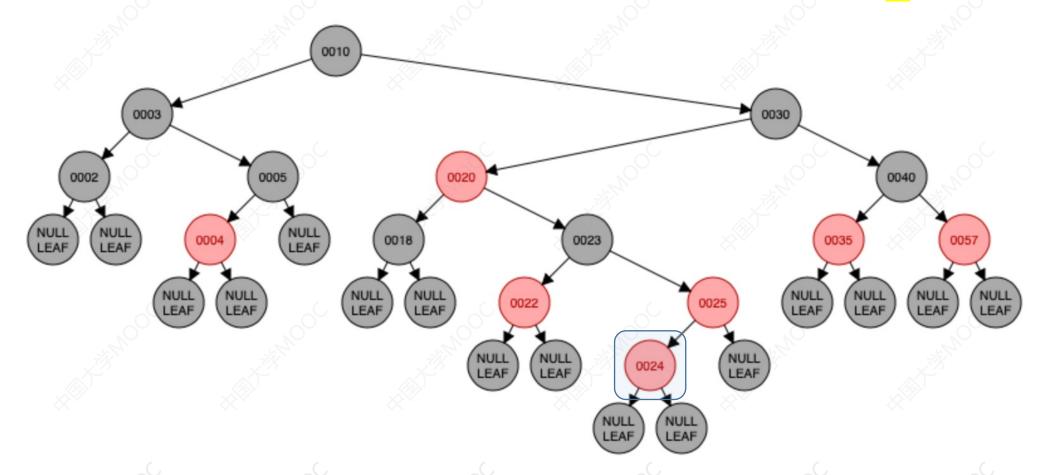


- 黑叔: 旋转+染色
 - LR型: 左、右双旋, 儿换爷+染色

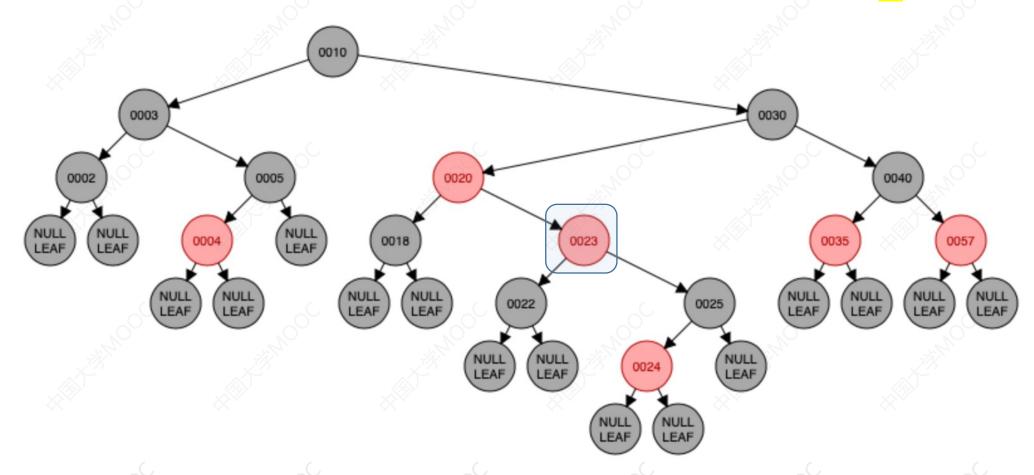
②右单旋的结果: 儿子辈分再升高



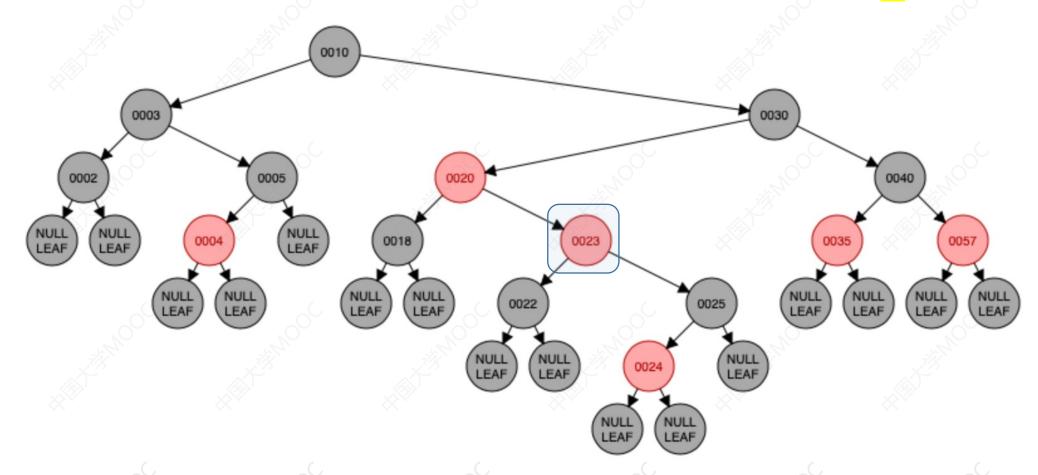
- 黑叔: 旋转+染色
 - LR型: 左、右双旋, 儿换爷+染色



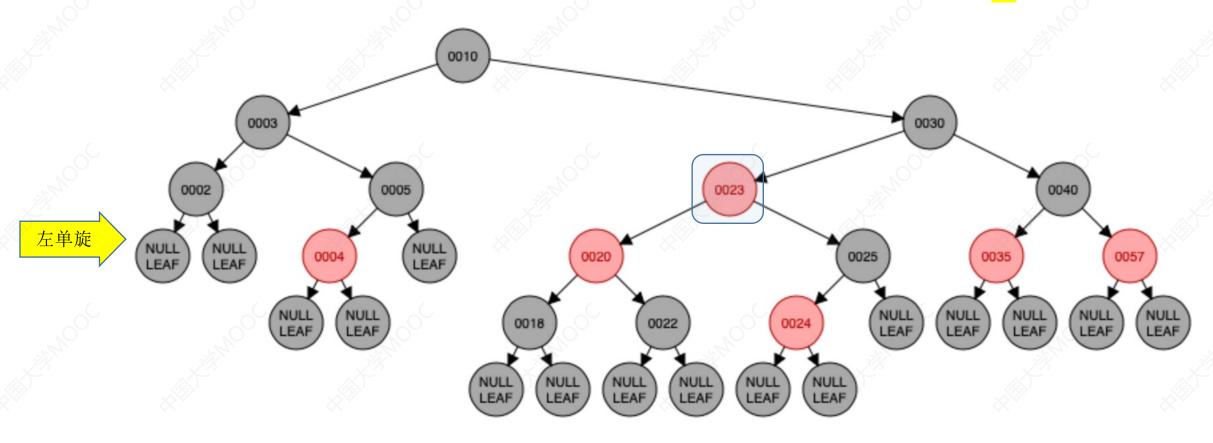
- 红<mark>叔:染色+变新</mark>
 - 叔父爷染色,爷变为新结点



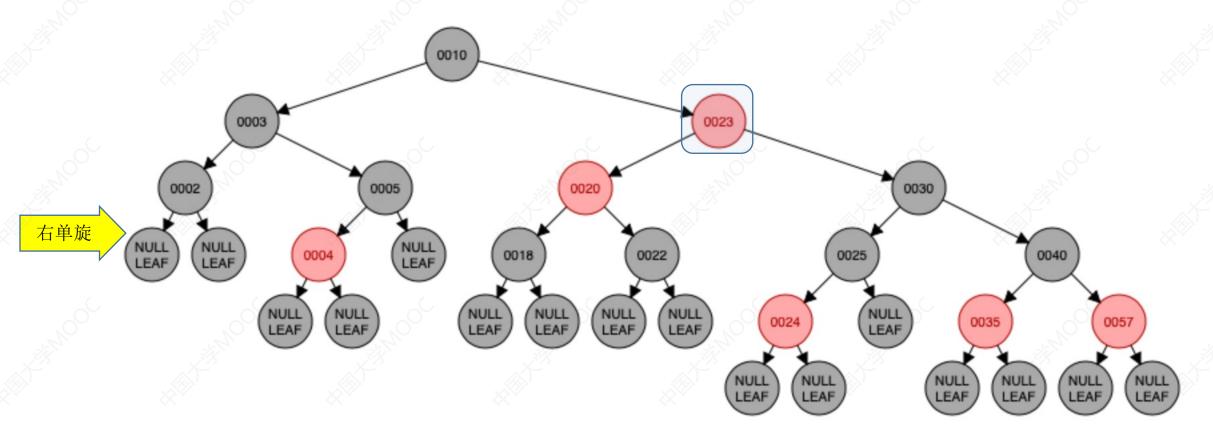
- 红叔: 染色+变新
 - 叔父爷染色,爷变为新结点



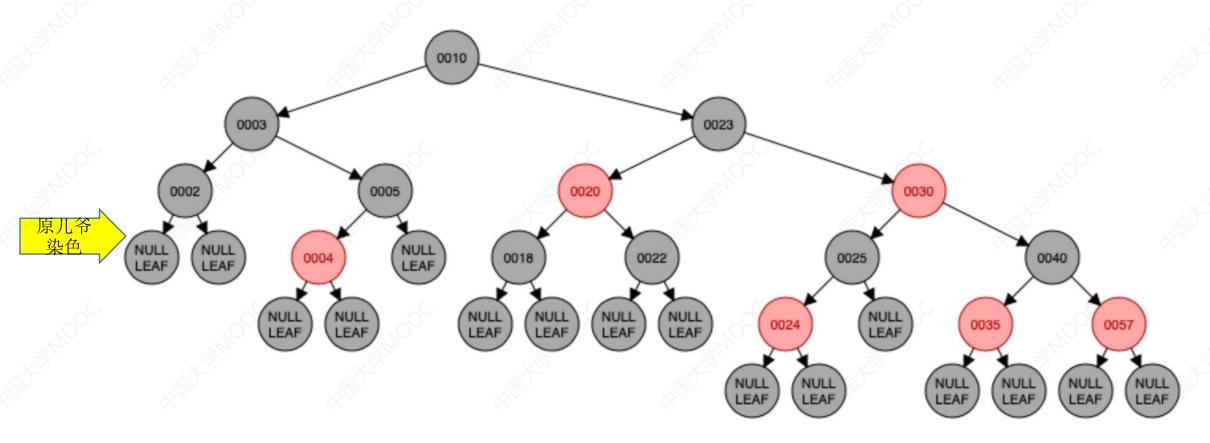
- 黑叔:旋转+染色
 - LR型: 左、右双旋, 儿换爷+染色



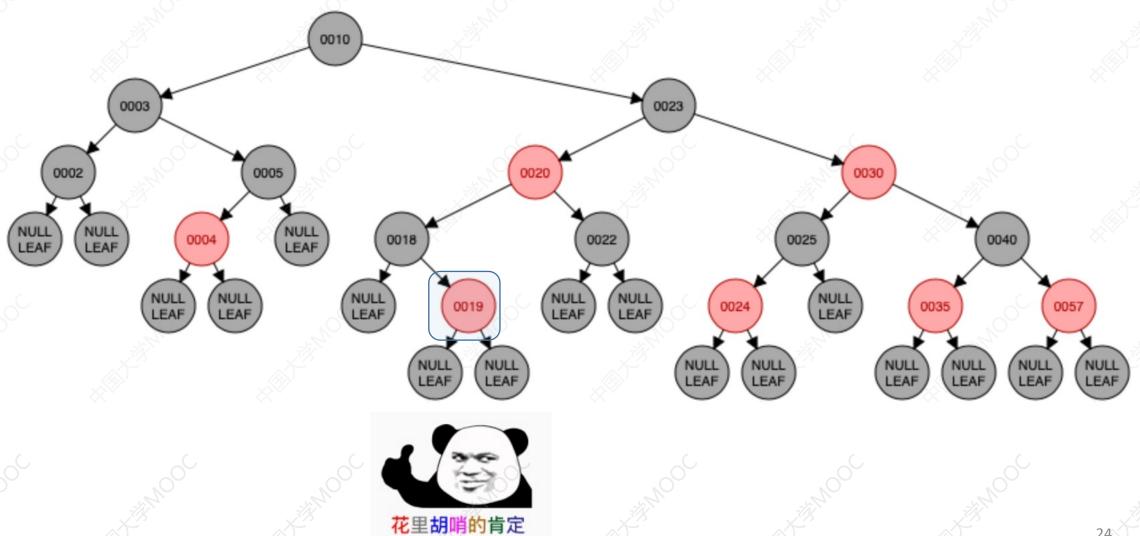
- 黑叔:旋转+染色
 - LR型: 左、右双旋, 儿换爷+染色

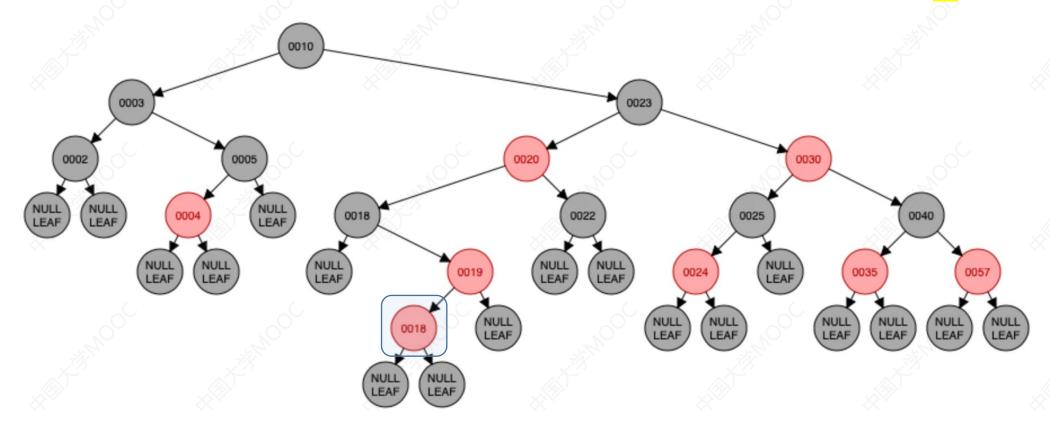


- 黑叔: 旋转+染色
 - LR型: 左、右双旋, 儿换爷+染色

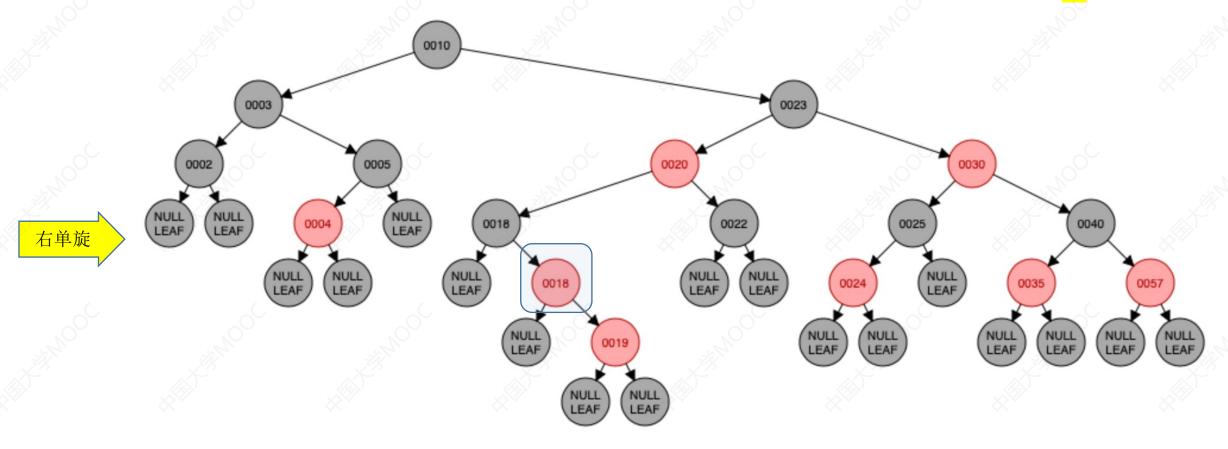


- 黑叔: 旋转+染色
 - LR型: 左、右双旋, 儿换爷+染色

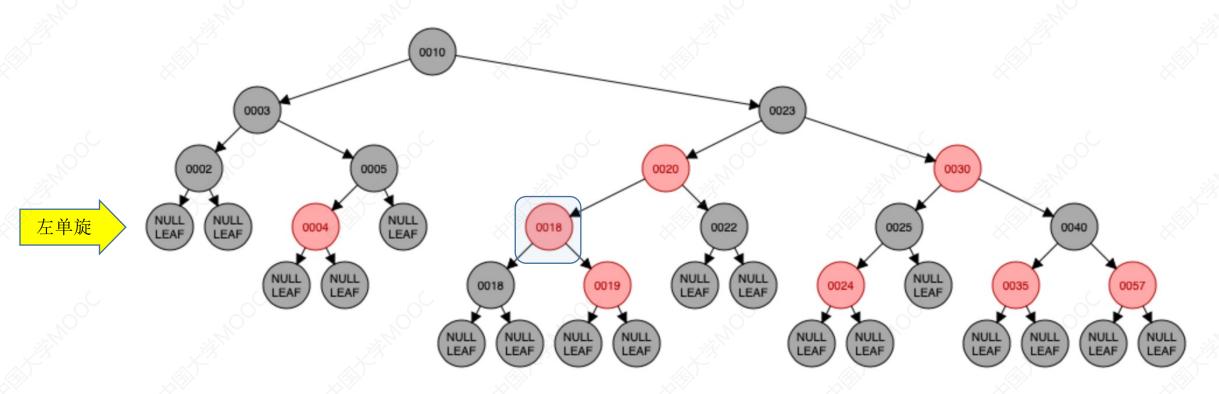




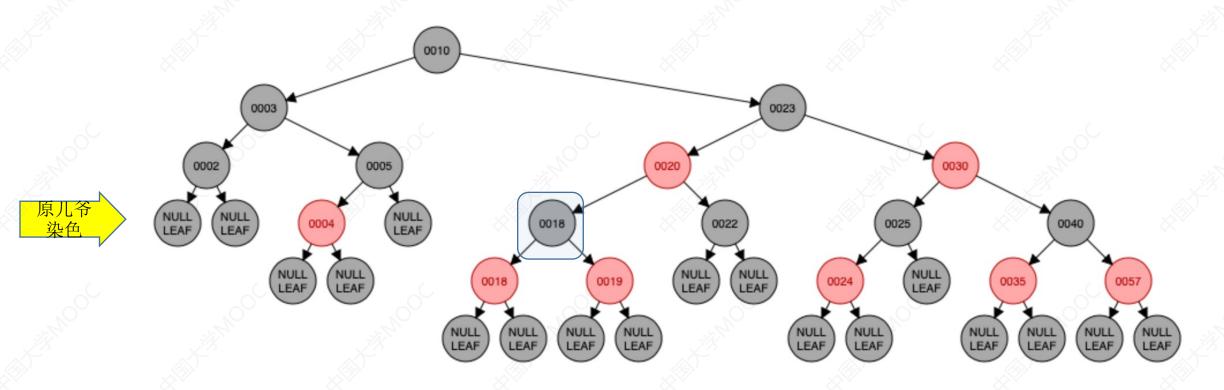
- 黑叔: 旋转+染色
 - RL型: 右、左双旋, 儿换爷+染色



- 黑叔: 旋转+染色
 - RL型: 右、左双旋, 儿换爷+染色

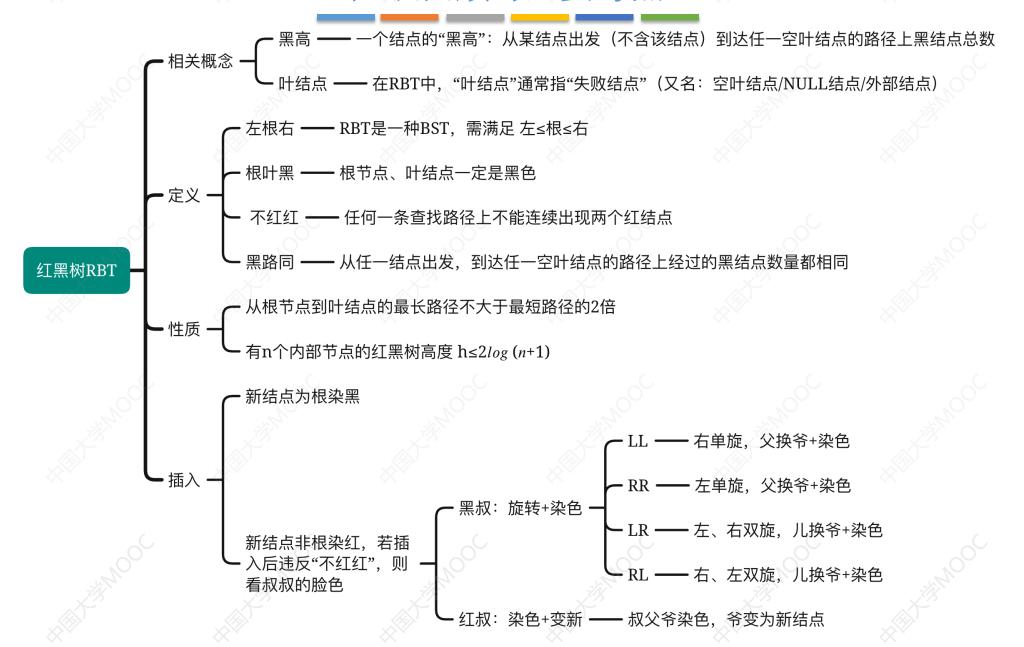


- 黑叔: 旋转+染色
 - RL型: 右、左双旋, 儿换爷+染色



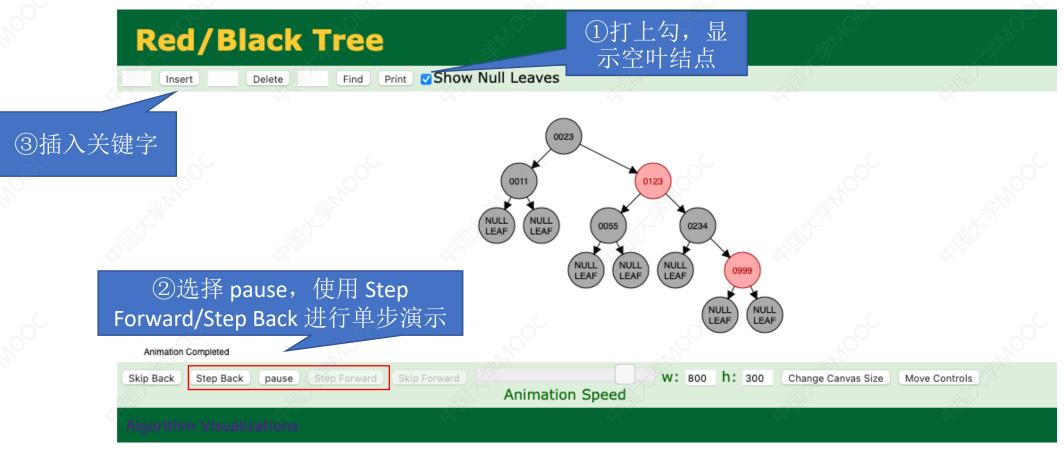
- 黑叔: 旋转+染色
 - RL型: 右、左双旋, 儿换爷+染色

知识回顾与重要考点



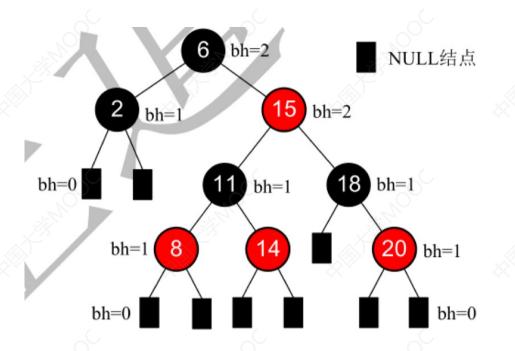
红黑树练习方法(插入操作)

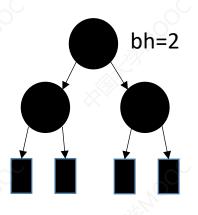
课件中的例子,插入: 20,10,5,30,40,57,3,2,4,35,25,18,22,23,24,19,18



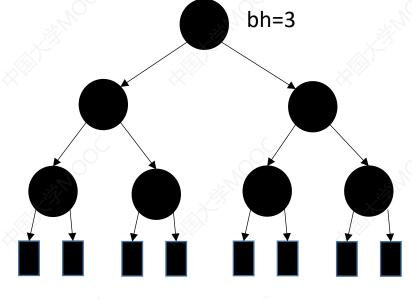
自我训练方法:你可以自己设计一些插入序列,每一次插入后,都先思考应该如何调整,然后在网站中演示验证。插入新元素时,尽可能覆盖黑叔LL/RR/LR/RL、红叔的情况。

与"黑高"相关的推论





根节点黑高=2, 内部结点数最 少的情况



根节点黑高=3,内部结点数最少的情况

结点的<mark>黑高</mark> bh —— 从某结点出发(不含该结点)到达任一叶结点的路径上黑结点总数

思考:根节点黑高为 h 的红黑树,内部结点数 (关键字)至少有多少个?

回答:内部结点数最少的情况——总共h层黑结点的满树形态

结论: 若根节点黑高为h, 内部结点数 (关键字) 最少有 2h-1 个

红黑树的定义→性质

红黑树是二叉排序树



左子树结点值≤根结点值≤右子树结点值

与普通BST相比,有什么要求



- ①每个结点或是红色,或是黑色的
- ②根节点是黑色的
- ③叶结点(外部结点、NULL结点、失败结点)均是黑色的
- ④不存在两个相邻的红结点(即红结点的父节点和孩子结点均是黑色)
- ⑤对每个结点,从该节点到任一叶结点的简单路径上,所含黑结点的数目相同





张口就是freestyle



性质1: 从根节点到叶结点的最长路径不大于最短路径的2倍

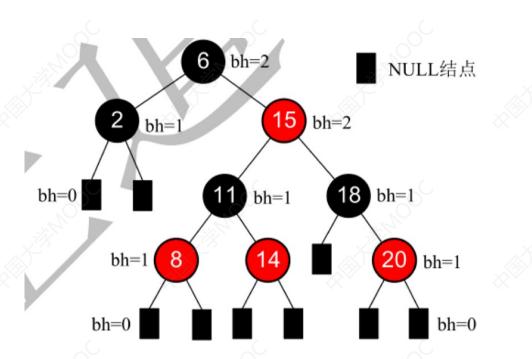
性质2: 有n个内部节点的红黑树高度 $h \leq 2log_2(n+1)$

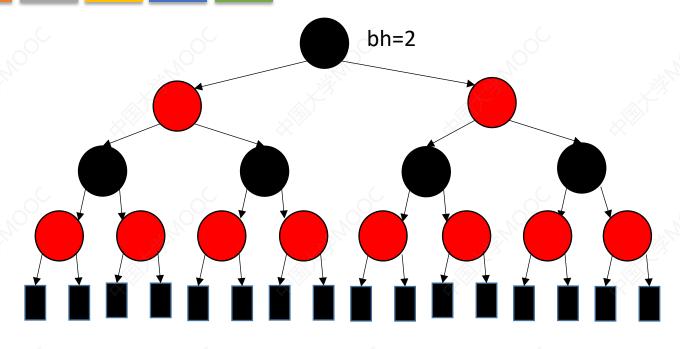
→ 红黑树查找操作时间复杂度 = O(log₂n)

性质1证明:任何一条查找失败路径上黑结点数量都相同,而路径上不能连续出现两个红结点,即红结点只能穿插在各个黑结点中间

性质2证明: 若红黑树总高度=h,则根节点黑高 \geq h/2,因此内部结点数 $n \geq 2^{h/2}-1$,由此推出 $h \leq 2 \log_2(n+1)$

与"黑高"相关的推论





根节点黑高=2,内部结点数最多的情况

结点的<mark>黑高</mark> bh —— 从某结点出发(不含该结点)到达任一叶结点的路径上黑结点总数

思考:根节点黑高为 h 的红黑树,内部结点数(关键字)至多有多少个?

回答:内部结点数最多的情况——h层黑结点,每一层黑结点下面都铺满一层红结点。共2h层的满树形态

结论: 若根节点黑高为h, 内部结点数(关键字)最多有 22h-1 个

欢迎大家对本节视频进行评价~



学员评分: 7.3.3_2 红...





△ 公众号:王道在线



i b站: 王道计算机教育



→ 抖音:王道计算机考研