103年公務人員高等考試三級考試試題

類 科:電信工程

科 目:通信與系統

考試時間: 2小時

座號:

代號:26780

全一張

(正面)

※注意: (一)可以使用電子計算器,須詳列解答過程。

□不必抄題,作答時請將試題題號及答案依照順序寫在試卷上,於本試題上作答者,不予計分。

一、利用傅立葉級數(Fourier Series)分析以下之週期性訊號:

$$\sum_{n=-\infty}^{\infty} \delta(t - nT_s)$$

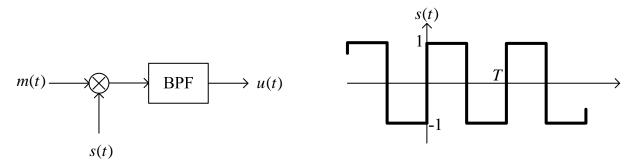
(-)證明對任意訊號x(t)及任意 T_s ,以下的等式成立。(15分)

$$\sum_{n=-\infty}^{\infty} x(t-nT_s) = \frac{1}{T_s} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{n}{T_s}\right) e^{jn\frac{2\pi t}{T_s}}$$

(二)由(一)之結果證明以下的等式成立。(5分)

$$\sum_{n=-\infty}^{\infty} x(nT_s) = \frac{1}{T_s} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X\left(\frac{n}{T_s}\right)$$

- 二、一個 DSB-SC AM 訊號之產生如圖一所示。先將訊息訊號m(t)乘上如圖一所示之方波s(t),再經過一個帶通濾波器得到最後訊號u(t)。假設帶通濾波器是一理想帶通濾波器,其中心頻率為 $f_c=1/T$,帶通增益為 1,頻寬為2W,其中W 為訊息訊號m(t)之頻寬。(每小題 10 分,共 20 分)
 - (→)算出 s(t) 之傅立葉級數。
 - 二)算出 u(t)。



圖一

三、考慮以下訊號: (每小題 10 分, 共 20 分)

$$s(t) = \begin{cases} \frac{A}{T}t, & 0 \le t \le T\\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$$

- ──算出該訊號之匹配濾波器 (matched filter)之脈衝響應 (impulse response),並 畫出該脈衝響應。
- (\Box) 當輸入為S(t)時,算出匹配濾波器在t=T之輸出。

(請接背面)

103年公務人員高等考試三級考試試題

類 科:電信工程

科 目:通信與系統

四、假設一個二位元通訊系統使用以下的訊號進行通訊:

$$s_0(t) = 0,$$
 $0 \le t < T$
 $s_1(t) = A,$ $0 \le t < T$

此訊號一般稱之為開關訊號(on-off signaling)。當位元訊息為 0 時,則送出 $s_0(t)$;當位元訊息為 1 時,則送出 $s_1(t)$ 。接收訊號可表示為:

代號:26780

$$r(t) = \begin{cases} n(t) & \text{if } s_0(t) \text{ was transmitted} \\ A + n(t) & \text{if } s_1(t) \text{ was transmitted} \end{cases}$$

其中n(t)為白色高斯雜訊(white Gaussian noise)功率頻譜密度為 $N_0/2$ 。一般可使用相關器(correlator)算出:

$$r = \int_0^T r(t)\overline{s_1}(t)dt$$

其中 $\overline{s_1}(t) = s_1(t)/(A\sqrt{T})$ 。並利用r與一閾值(threshold) λ 比較,若 $r < \lambda$ 則代表傳送端送 0,若 $r > \lambda$ 則代表傳送端送 1。(每小題 10 分,共 20 分)

- (-)假設 $s_0(t)$ 及 $s_1(t)$ 發生的機率分別為p及1-p。使用相關器(correlator),畫出最佳解調器方塊圖,並決定最佳之閾值 λ 。
- 二此系統之錯誤機率與訊號雜訊比(signal-to-noise ratio, SNR)有關。假設p=0.5,請算出其錯誤機率與訊號雜訊比之函數。
- 五、一個通道(channel)可表示為條件機率P(Y=y|X=x),其中X代表通道輸入隨機變數,Y代表通道輸出隨機變數。一個二位元對稱通道(binary symmetric channel, BSC)可完全由一個參數p表示。用條件機率表示如下:(每小題 10 分,共 20 分)

$$P(Y = 0 | X = 0) = 1 - p$$

 $P(Y = 0 | X = 1) = p$
 $P(Y = 1 | X = 0) = p$
 $P(Y = 1 | X = 1) = 1 - p$

- (一)此通道之通道容量 (channel capacity) 為多少位元?
- 二考慮通道編碼(channel coding)使用長度為3的重複碼(repetition code),也就是使用碼字集合為 $C = \{[0,0,0],[1,1,1]\}$ 在BSC上進行傳輸。若BSC之參數p = 0.6,且接收端知道參數p。若接收向量為[1,1,0],求最大相似(maximum likelihood, ML)碼字(須有完整推導過程)。

全一張 (背面)