

AKADEMIA GÓRNICZO-HUTNICZA IM. STANISŁAWA STASZICA W KRAKOWIE WYDZIAŁ ELEKTROTECHNIKI, AUTOMATYKI, INFORMATYKI I INŻYNIERII BIOMEDYCZNEJ

KATEDRA AUTOMTYKI

Modelowanie układów fizycznych i biologicznych

Tytul Tytul Eng

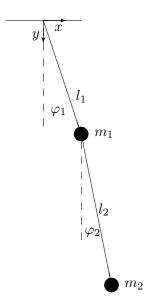
Autor: Żaneta Błaszczuk, Rafał Kozik, Filip Kubicz, Jakub Nowak, Jakub Porębski

Kierunek studiów: Automatyka i Robotyka

Opiekun pracy: dr

1. RÓWNANIA RUCHU 3

1. Równania ruchu



Rysunek 1: Schemat wachadła

Równania ruchu można wyznaczyć korzystając z równania Lagrangea-Eurela. Energia potencjalna układu jest równa:

$$V = m_1 g l_1 \cos(\varphi_1) + m_2 g (l_1 \cos(\varphi_1) + l_2 \cos(\varphi_2)) \tag{1}$$

Natomiast energia kinetyczna układu wynosi:

$$K = \frac{1}{2}m_1v_1^2 + \frac{1}{2}m_2v_2^2 \tag{2}$$

Aby uprościć równania, przyjmujemy:

$$A = \frac{m_1}{m_2} \qquad B = \frac{l_2}{l_1} \qquad C = \frac{g}{l_1}$$
 (3)

Ruch wachadła opisuje równania:

$$\dot{\varphi}_1 = \omega_1 \tag{4}$$

$$\dot{\omega}_{1} = -\frac{\sin(\varphi_{1} - \varphi_{2})(B\omega_{2}^{2} + \omega_{1}^{2}\cos(\varphi_{1} - \varphi_{2})) + C((A+1)\sin(\varphi_{1}) - \sin(\varphi_{2})\cos(\varphi_{1} - \varphi_{2}))}{A + \sin^{2}(\varphi_{1} - \varphi_{2})}$$
(5)

$$\dot{\varphi}_2 = \omega_2 \tag{6}$$

$$\dot{\omega}_{2} = \frac{(A+1)(\omega_{1}^{2}\sin(\varphi_{1}-\varphi_{2}) - C\sin(p_{2})) + \cos(\varphi_{1}-\varphi_{2})((B\omega_{2}^{2}\sin(\varphi_{1}-\varphi_{2})) + C(A+1)\sin(\varphi_{1}))}{B(A+\sin^{2}(\varphi_{1}-\varphi_{2})}$$
(7)

4

2. Implementacja

kjsdf sdafsdafa dsafsdf asdfasdfsa asdf

3. PODSUMOWANIE 5

•	T) 1		•
•	Pod	Sumow	zanie

kjsdf sdafsdafa dsafsdf asdfasdfsa asdf