

7.3

a.

代码见附录

b.

对于任意的模型，恒有下列几个语句可以判断真假

$$A \wedge \neg A = \text{False} \quad A \vee \neg A = \text{True} \quad \text{True} \vee \neg A = \text{True}$$

$$\text{False} \wedge \neg A = \text{False}$$

c.

在实际中，可能会有一些模型比较复杂，比如说是多项 \wedge 、 \vee 、 \Rightarrow 、 \neg 运算的复合运算，当函数复合程度越高、逻辑运算次数越多。即使真值存在，在有限时间内也难以判断真值。

d.

可以将原公式化成主析取范式或者主合取范式。这样通过判断每个子句的结果，然后进行析取或者合取得到公式的真值。例如，在部分模型中，A 为真，B 未知， $A \vee B = \text{True}$ ， $\neg A \wedge B = \text{False}$ 。但是存在着在部分模型中无法检测真值的情况，例如 A 为真，B 未知时， $A \wedge B$ 、 $\neg A \vee B$ 、 $\text{True} \wedge B$ 均未知。

e.

改进的算法是将公式化为主析取范式或者主合取范式，通过对子句析取或者合取获得公式的真值。对于子句，通常可以快速判断真值，如 $A \wedge B \wedge C \dots \wedge N$ ，如果有任何一个变量为假，则该子句为假。这样的例子还有很多。由此可以看到，改进的算法可以加速判断一个语句是否由 KB 包含，即 TT-ENTAILS?更有效。

7.4

题号	a	b	c	d
True/False	true	false	true	false
题号	e	f	g	h
True/False	true	true	true	true
题号	i	j	k	l
True/False	false	true	true	false

7.7

a.

总模型个数为 $2^4 = 16$ ，当 $B \vee C = False$ 时，当且仅当 $B = C = False$ ，因此该语句对应的模型数为 $16 - 1 * 2^2 = 12$ 。

b.

当 $\neg A \vee \neg B \vee \neg C \vee \neg D = False$ 时，当且仅当 $A = B = C = D = False$ ，因此该语句对应的模型数为 $2^4 - 1 = 15$ 。

c.

考虑 $A \wedge \neg B \wedge C \wedge D = True$ 时，当且仅当 $A = C = D = True, B = False$ ，此时 $A \Rightarrow B = False$ ，因此语句 $(A \Rightarrow B) \wedge A \wedge \neg B \wedge C \wedge D \equiv False$ ，该语句对应的模型数为 0。

7.20

首先将 $s_1 \sim s_6$ 蕴含式化简成合取范式

$$s_1: (\neg A \vee B \vee E) \wedge (\neg B \vee A) \wedge (\neg E \vee A)$$

$$s_2: \neg E \vee D$$

$$s_3: \neg C \vee \neg F \vee \neg B$$

$$s_4: \neg E \vee B$$

$$s_5: \neg B \vee F$$

$$s_6: \neg B \vee C$$

DPLL 算法过程：

组合成子句 $\{(\neg A \vee B \vee E), (\neg B \vee A), (\neg E \vee A), \neg E \vee D, \neg C \vee \neg F \vee \neg B, \neg E \vee B, \neg B \vee F, \neg B \vee C\}$

初始化 $symbols = A, B, C, D, E, F$

提取纯文字 D ，从 $symbols$ 消去 D ， $symbols = A, B, C, E, F$

从子句中消除 D 相关子句

令 $A = True$

考察子句 $\{B \vee E, \neg C \vee \neg F \vee \neg B, \neg E \vee B, \neg B \vee F, \neg B \vee C\}$

令 $B = True$

考察子句 $\{\neg C \vee \neg F, F, C\}$

令 $F = C = True$

此时子句为假

Return False (此时说明 $A=B=true$ 不满足要求)

令 $B = False$

考察子句 $\{E, \neg E\}$

显然此时不存在使得子句为真的变量

Return False

上述过程得到 $A = \text{True}$ 不能使得子句为真

令 $A = \text{False}$

考察子句 $\{(\neg B), (\neg E), \neg C \vee \neg F \vee \neg B, \neg E \vee B, \neg B \vee F, \neg B \vee C\}$

令 $B = E = \text{False}$

发现此时子句全为真

Return True

Finsh

附录

```
def pl_true(s, m):
    if (s == True):
        return True
    elif (s == False):
        return False
    op, args = s.op, s.args
    elif (is_symbol(op)):
        return lookup(s, m)
    elif (op == '~'):
        return not pl_true(args[0], m)
    elif (op == 'or'):
        return pl_true(args[0], m) | pl_true(args[1], m)
    elif (op == 'and'):
        return pl_true(args[0], m) & pl_true(args[1], m)
    elif (op == '->'):
        return (not pl_true(args[0], m)) | pl_true(args[1], m)
    elif (op == '<->'):
        return ((not pl_true(args[0], m)) | pl_true(args[1], m)) == ((not pl_true(args[1], m)) |
pl_true(args[0], m))
    else:
        print('关键词错误')
```