

# 双指针算法

## Two Pointers Algorithm

课程版本 v5.2    主讲 令狐冲



扫描二维码关注微信小程序/公众号  
获取第一手求职资料

请在随课教程中预习如下内容：

什么是同向双指针？

什么是相向双指针？

双指针的鼻祖题 —— 两数之和 Two Sum

链表上的快慢指针算法

**快速排序 & 归并排序**

- 相向双指针
  - 几乎所有 Two Sum 变种
  - Partition
    - Quick Select
    - 分成两个部分
    - 分成三个部分
  - 一些你没听过的(但是面试会考的)排序算法
- 同向双指针

## 背向双指针

第一节课中的 Longest Palindromic Substring 的中心线枚举算法

第二节课中的 Find K Closest Elements

## 相向双指针

Two Sum 的一大类题(两位数的相关变形题)

Partition 的一大类题(两位数相关变形题)

## 同向双指针

滑动窗口类 Sliding Window

快慢指针类 Fast & Slow Pointers

等等

# 相向双指针

两根指针一头一尾，向中间靠拢直到相遇

时间复杂度  $O(n)$

相向双指针的问题主要可以分为下面三类：

1. Reverse 类(较少)
2. Two Sum 类(最多)
3. Partition 类(较多)

# Reverse 类

上节课随课教程中的三步翻转法就是这一类

# Valid Palindrome

验证一个字符串是否为回文串，忽略大小写和非英文字母字符

<http://www.lintcode.com/problem/valid-palindrome/>

<http://www.jiuzhang.com/solution/valid-palindrome/>



# Follow up: 可以删掉一个字符

<http://www.lintcode.com/problem/valid-palindrome-ii/>

<https://www.jiuzhang.com/solution/valid-palindrome-ii/>

其实是一道证明题，证明见随课教程：

<http://www.jiuzhang.com/tutorial/algorithm/390>

# Two Sum 类

先修内容中我们已经讲解了双指针的经典题 Two Sum  
接下来我们来看这类问题可能的变化

只能使用 HashMap:

<http://www.lintcode.com/problem/two-sum-data-structure-design/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/two-sum-data-structure-design/>

使用 Two Pointers 会更快:

<http://www.lintcode.com/problem/two-sum-input-array-is-sorted/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/two-sum-input-array-is-sorted/>

# Two Sum - Unique pairs

<https://www.lintcode.com/problem/two-sum-unique-pairs/>

<https://www.jiuzhang.com/solutions/two-sum-unique-pairs/>

问: 是否可以先去重?

# 3Sum

<https://www.lintcode.com/problem/3sum/>

<https://www.jiuzhang.com/solutions/3sum/>

统计所有的和为 0 的三元组 (Triples)

# Triangle Count

<https://www.lintcode.com/problem/triangle-count/>

<https://www.jiuzhang.com/solutions/triangle-count/>

# 独孤九剑 —— 破掌式

对于求 2 个变量如何组合的问题  
可以循环其中一个变量, 然后研究另外一个变量如何变化

统计所有和  $\leq \text{target}$  的配对数

<http://www.lintcode.com/problem/two-sum-less-than-or-equal-to-target/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/two-sum-less-than-or-equal-to-target/>

统计所有和  $\geq \text{target}$  的配对数

<http://www.lintcode.com/en/problem/two-sum-greater-than-target/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/two-sum-greater-than-target/>



# Two Sum - Closest to Target

<https://www.lintcode.com/problem/two-sum-closest-to-target/>

<https://www.jiuzhang.com/solutions/two-sum-closest-to-target/>

# Follow Up: 3Sum Closest

<http://www.lintcode.com/problem/3sum-closest/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/3sum-closest/>

- **4Sum**
- <http://www.lintcode.com/problem/4sum/>
- <http://www.jiuzhang.com/solutions/4sum/>
- 
- **Two Sum - difference equals to target (同向双指针, 讲解见随课教程)**
- <http://www.lintcode.com/problem/two-sum-difference-equals-to-target/>
- <http://www.jiuzhang.com/solutions/two-sum-difference-equals-to-target/>

# 休息5分钟

take a break

# Partition Array

<https://www.lintcode.com/problem/partition-array/>

<https://www.jiuzhang.com/solutions/partition-array/>

```
1 while left <= right:
2     while left <= right and nums[left] 应该在左侧:
3         left += 1
4     while left <= right and nums[right] 应该在右侧:
5         right -= 1
6
7     if left <= right:
8         # 找到了一个不该在左侧的和不在右侧的, 交换他们
9         nums[left], nums[right] = nums[right], nums[left]
10        left += 1
11        right -= 1
```

# Quick Select

随课教程: <http://www.jiuzhang.com/tutorial/algorithm/321>

<http://www.lintcode.com/problem/kth-smallest-numbers-in-unsorted-array/>

<http://www.lintcode.com/problem/kth-largest-element/>

- **Partition Array by Odd and Even**
  - <http://www.lintcode.com/problem/partition-array-by-odd-and-even/>
  - <http://www.jiuzhang.com/solutions/partition-array-by-odd-and-even/>
  -
- **Interleaving Positive and Negative Numbers**
  - <http://www.lintcode.com/problem/interleaving-positive-and-negative-numbers/>
  - <http://www.jiuzhang.com/solutions/interleaving-positive-and-negative-integers/>
  -
- **Sort Letters by Case**
  - <http://www.lintcode.com/problem/sort-letters-by-case/>
  - <http://www.jiuzhang.com/solutions/sort-letters-by-case/>



# Sort Colors

<http://www.lintcode.com/problem/sort-colors/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/sort-colors/>

分成两个部分 vs 分成三个部分

随课教程 <http://www.jiuzhang.com/tutorial/algorithm/354>

# 排序 Rainbow Sort

<https://www.lintcode.com/problem/sort-colors-ii/>

<https://www.jiuzhang.com/solutions/sort-colors-ii/>

问：猜一猜最优的时间复杂度？

### 烙饼排序 Pancake Sort(有可能会考哦)

[https://en.wikipedia.org/wiki/Pancake\\_sorting](https://en.wikipedia.org/wiki/Pancake_sorting)

<http://www.geeksforgeeks.org/pancake-sorting/>

### 睡眠排序 Sleep Sort

[https://rosettacode.org/wiki/Sorting\\_algorithms/Sleep\\_sort](https://rosettacode.org/wiki/Sorting_algorithms/Sleep_sort)

### 面条排序 Spaghetti Sort

[https://en.wikipedia.org/wiki/Spaghetti\\_sort](https://en.wikipedia.org/wiki/Spaghetti_sort)

### 猴子排序 Bogo Sort

<https://en.wikipedia.org/wiki/Bogosort>

# 同向双指针

两根指针一前一后，直到前面的指针走过头

时间复杂度  $O(n)$

# 随课教程预习题

<http://www.lintcode.com/problem/window-sum/>

<http://www.lintcode.com/problem/remove-duplicate-numbers-in-array/>

<http://www.lintcode.com/problem/intersection-of-two-linked-lists/>

<http://www.lintcode.com/problem/linked-list-cycle/>

<http://www.lintcode.com/problem/linked-list-cycle-ii/>

<http://www.lintcode.com/problem/intersection-of-two-linked-lists/>

# Two Sum Difference

见随课教程

<https://www.jiuzhang.com/tutorial/algorithm/359>

# Move Zeroes

<http://www.lintcode.com/problem/move-zeroes/>

<http://www.jiuzhang.com/solution/move-zeroes>

将数组中非 0 的元素移动到数组的后半部分

Follow ups:

---

如果需要保证最少修改次数如何做？

不需要维持相对顺序 vs 需要维持相对顺序 算法有什么区别？



如果需要保证最少修改次数如何做？

使用 Partition 的方法可以做到交换次数最优

不需要维持相对顺序 vs 需要维持相对顺序 算法有什么区别？

不需要维护相对顺序, 可以使用 Partition 的方法, 时空复杂度和交换次数都是最优的

需要维护相对顺序的, 只能使用同向双指针的方法, 时空复杂度最优, 但是交换次数不是最优的

# 更多 Two Pointers 的题和知识点

请报名《九章算法强化班》

随课教程: <http://www.jiuzhang.com/tutorial/algorithm/335>

三指针算法

烙饼排序

<http://www.lintcode.com/problem/pancake-sorting/>