



# Reinforcement Learning: An Introduction

强化学习导论第二版习题解答

作者：吕昀璿

组织：UESTC

时间：March 24, 2020



*Victory won't come to us unless we go to it. — M. Moore*

# 目录

<b>1</b>	<b>介绍</b>	<b>1</b>
1.1	强化学习 . . . . .	1
1.2	例子 . . . . .	1
1.3	强化学习的要素 . . . . .	1
1.4	局限和范围 . . . . .	1
1.5	拓展例子：井字游戏 . . . . .	1
1.6	总结 . . . . .	2
1.7	强化学习的早期历史 . . . . .	2
 <b>第一部分 表格解决方法</b>		<b>3</b>
<b>2</b>	<b>多臂赌博机</b>	<b>4</b>
2.1	$k$ 臂赌博机问题 . . . . .	4
2.2	动作值方法 . . . . .	4
2.3	10 臂试验 . . . . .	4
2.4	渐增实现 . . . . .	4
2.5	非平稳问题 . . . . .	4

# 第一章 介绍

---

## 1.1 强化学习

## 1.2 例子

## 1.3 强化学习的要素

## 1.4 局限和范围

## 1.5 拓展例子：井字游戏

🔥 **练习 1.1** : *Self-Play* 假设上面描述的强化学习算法不是与随机对手对战，而是与自身对战，双方都在学习。你认为在这种情况下会发生什么？它会学习一个不同的策略来选择动作吗？ □

**解** 当与自身对战时：

- 比起固定的对手，与自身对战将学习不同的策略，因为在这种情况下，对手也会有所变化。
- 由于对手也在不断变化，因此可能无法学习最佳策略。
- 可能卡在循环中。因为与自身博弈，自身策略和对手策略都在优化。
- 策略可以保持静态，因为就平均而言，通过每次迭代它们处于平局。

🔥 **练习 1.2** : *Symmetries* 许多井字游戏的位置看起来不同，但由于对称性实际上是一样的。我们如何修改上述学习过程来利用这一点？这种变化会在哪些方面改善学习过程？现在再想想。假设对手没有利用对称性。那样的话，我们应该吗？那么，对称相等的位置必然具有相同的值，这是真的吗？ □

**解** 我们可以将状态标记为对称的唯一状态，这样我们的搜索空间更小，这样我们就可以更好地估计最佳玩法。

如果我们面对的对手在比赛时没有考虑对称性，那么我们也不应将状态标记为相同。因为对手也是环境的一部分，而环境给出的这些状态并不一致。

🔥 **练习 1.3** : *Greedy Play* 假设强化学习玩家是贪婪的，也就是说，他总是做出让他达到最佳位置的移动。它会比不贪婪的玩家学得更好或更差吗？可能会发生什么问题？ □

**解** 贪婪的玩家不会探索，因此通常会比非贪婪的玩家表现更差。

如果贪婪的玩家对状态的价值有一个完美的估计，那它将更好。


🔥 **练习 1.4** : *Learning from Exploration* 假设学习更新发生在所有移动之后，包括探索移动。如果随时间逐步减小步长参数（而不是探索的趋势），则状态值将收敛到一组不同的概率。当我们从或者不从探索性动作中学习时对应的两组概率是什么（概念上）？假设我们

确实在继续进行探索移动，那么哪一组概率可能更好学习？哪个会带来更多胜利？ □

**解** 如果我们不从探索性动作中学习，那么所学到的状态概率将是随机的，因为我们不会更新在给定状态下采取给定动作时会发生的情况。

如果我们从探索性动作中进行学习，那么我们的极限概率应该是状态和动作选择的期望分布。

显然，由于玩家更好地理解正在玩的“游戏”，因此对概率密度的更全面的了解应该会带来更好的玩法。

 **练习 1.5: Other Improvements** 你还能想出其他方法来提高强化学习玩家吗？你能想出更好的办法来解决所提出的井字游戏问题吗？ □

**解** 一种可能的方法是持有已保存的玩法库。例如，当在一组已知状态中，始终执行库中所对应的移动。这有点像国际象棋游戏，其中有很多“开场”位置被专家玩家认为是好的。这可以加快整个学习过程，或至少改善强化学习玩家的初期发挥。

由于井字游戏是如此简单，我们可以使用递归解决此问题，并计算所有可能的对手移动，并在每一步中选择能最大化我们获胜机会的移动。

## 1.6 总结

## 1.7 强化学习的早期历史

## 第一部分


# 表格解决方法

## 第二章 多臂赌博机

---

### 2.1 $k$ 臂赌博机问题

### 2.2 动作值方法

 **练习 2.1** 在  $\varepsilon$ -greedy 动作选择中，对于两个动作和  $\varepsilon = 0.5$  的情况，选择贪婪动作的概率是多少？ □

**解** 设动作集合中总共具有  $n$  个动作。在  $\varepsilon$ -greedy 方法中，agent 有  $\varepsilon$  的概率机会从动作集合中随机选择，有  $1 - \varepsilon$  的概率机会选择贪婪动作。已知  $\varepsilon = 0.5$  和  $n = 2$ ，那么选择贪婪动作的概率为：

$$\frac{1}{n} \times \varepsilon + (1 - \varepsilon) = \frac{1}{2} \times 0.5 + (1 - 0.5) = 0.75$$

### 2.3 10 臂试验

### 2.4 渐增实现

### 2.5 非平稳问题