计算机图形学

课程Project说明

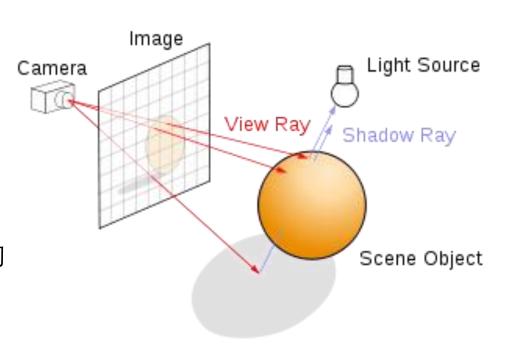
COMP130018.01

简介

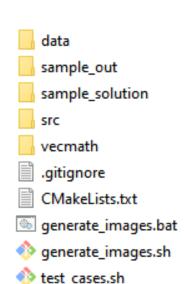
- 本学期共有三个Project:
- Project 1: 曲线和曲面造型技术, 占比**10**%
- Project 2: 光照模型与光线追踪, 占比**10%(今天发布)**
- Project 3: 神经辐射场NeRF,占比**20**%
- TA联系方式:
 - 张子贤 23210240062@m.fudan.edu.cn (负责Project 2)

Project 2 光照模型与光线追踪

- 在PJ2中,你将实现光照模型,光线投射(ray casting)算法,并最终实现递归光线跟踪(光追, ray tracing)。光线投射从相机向图像的每个像素 发送一条光线,并将其与场景中的所有对象相交。Camera 光线跟踪递归地发送一条光线,该光线起点为上 一条光线与场景对象交点,方向为上一条光线的 反射方向。
- 最终的程序将能够渲染几个基本的三维模型(球体、平面和三角形)和使用Phong光照模型着色的复杂网格(mesh)模型
- 任务1: Phong着色模型
- 任务2: 光线投射
- 任务3: 光线追踪与阴影投射



- 代码基于C++/OpenGL编写
- 1. data 为输入的模型文件与场景的文本文件
- 2. vecmath 为向量计算库
- 3. sample_solution 为实现的最终结果样例(包含linux/athena, Windows和Mac)
- 4. sample_out 为模型的正确输出结果
- 5. bat和sh文件为方便生成图像的脚本
- 6. src 为源代码



• 运行结果样例

- chmod u+x sample_solution/athena/a2
- ./a2 -input ../data/scene01_plane.txt -output 01.png -size 200 200
- ./a2 -input ../data/scene06_bunny_1k.txt -output 06.png -size 300 300 -bounces 4
- ./a2 -input ../data/scene07_arch.txt -output 07.png -size 300 300 -shadows -bounces 4

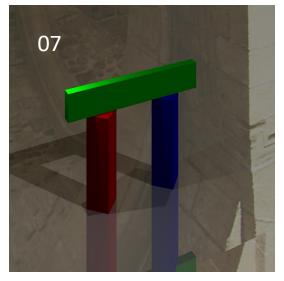
• -depth参数: 生成深度图

• -normals参数: 生成法线图

• -shadows参数: 投射阴影

• -bounces参数: 光追最大递归深度

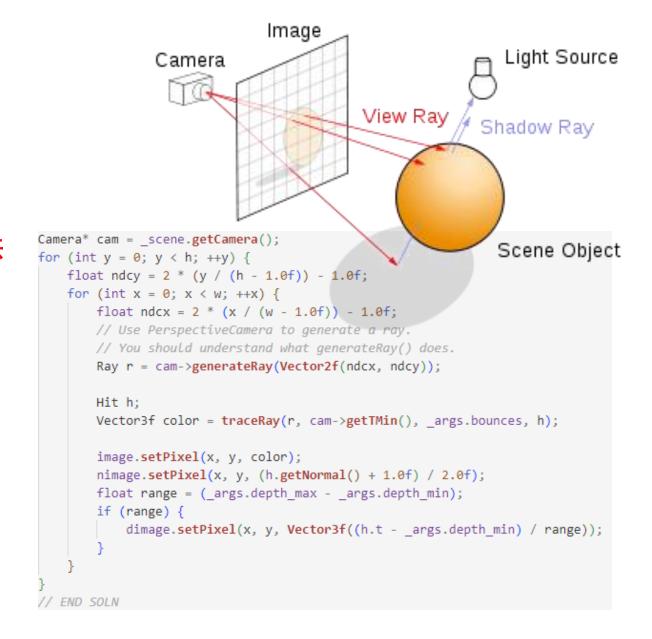




• 初始代码定义

- 包含了一个**命令行参数解析器(ArgParser)**,以允许方便地访问命令行参数和标志。
- 包含了一个**场景解析器(SceneParser)**, 它读取文本文件和关联的images/.obj来解析定义的场景。解析器会调用几个构造函数和Group::addObject方法。你可以查看data文件夹中的文本文件,以了解场景是如何定义的。
- **图像(Image)**类用于初始化和编辑图像的RGB值。该类还包括用于保存简单的PNG图像文件的函数。你的程序将输入场景文本文件,计算正确的像素颜色,并将其保存为PNG,计算大部分在渲染器(Renderer)类中。
- 包含了一个**光线(Ray)类和一个命中点(Hit)类**来操作相机光线及其交点。一条光线由它的原点和方向向量来表示。Hit类存储光线跟踪最新的相交点、法线、光线参数t的值和指向该交点处的对象的材质的指针的信息。
- 命中点(Hit)数据结构需要用一个非常大的t值来初始化(例如std::numeric limit<float>())。渲染过程中通过交点计算会修改命中点,以存储最近的光线参数t和相交对象的材质信息。

- 阅读Render()函数
- 在Renderer::Render()中,已经提供了光线跟踪器的主循环。光线从相机出发,向Image的每个像素(ndcx, ndcy)发射。Render()为每个相机光线调用traceRay()方法—你的任务是实现traceRay(),也就是追踪光线求解当前像素的颜色。
- 仔细阅读视角相机类 (PerspectiveCamera)。它已经实 现,但是应该理解代码的原理。



- 任务1要求:
- 实现点光源和Phong光照反射模型。
- 你需要实现Light.cpp中的PointLight::getIllumination()方法, Material.cpp中的Material::shade()方法, 部分实现Renderer.cpp中的Renderer::traceRay()方法。
- 请参考教材《计算机图形学》P301第13.1章简单光照明模型或者《Fundamentals of Computer Graphics》4.5 Shading

• 阅读getIllumination()函数

首先,需要实现Light.cpp中的

PointLight::getIllumination()方法。

DirectionalLight::getIllumination()已经实现了。

这个函数输入在空间中的一个点并修改以下三个值:

(a)tolight: 从场景中一个点指向光源的方向矢量(归一化后的)。

(b)intensity:此时的照明强度(RGB)。

(c)distToLight:场景点与光源之间的距离。

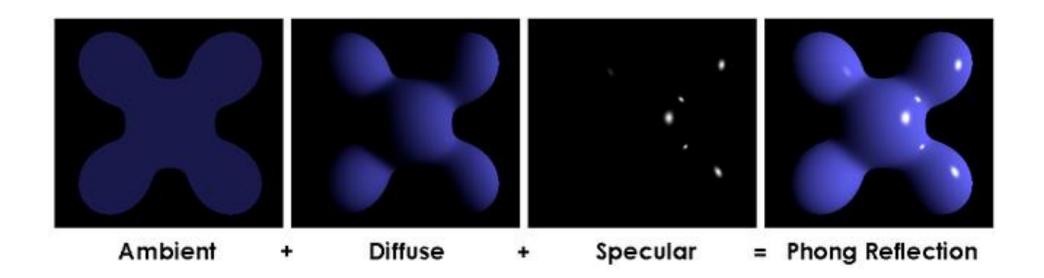
点光源在距离为d的场景点x_surf处的光强由下面公式定义。

 $L(x_{\rm surf}) = \frac{I}{\alpha d^2}$

其中I是光源的光强。光强随距离平方衰减,α是衰减因子, 由PointLight类的_falloff定义。

```
#include "Light.h"
         void DirectionalLight::getIllumination(const Vector3f &p,
                                      Vector3f &tolight,
                                      Vector3f &intensity,
                                       float &distToLight) const
             // the direction to the light is the opposite of the
             // direction of the directional light source
10
             // BEGIN STARTER
             tolight = -_direction;
11
             intensity = _color;
12
             distToLight = std::numeric limits<float>::max();
13
             // END STARTER
14
15
         void PointLight::getIllumination(const Vector3f &p,
16
                                      Vector3f &tolight,
17
18
                                      Vector3f &intensity,
                                       float &distToLight) const
19
20
             // TODO Implement point light source
21
             // tolight, intensity, distToLight are outputs
22
23
24
```

• Phong lighting 是一个简单的光照模型,也有别名叫做 Phong reflection model、Phong illumination。在这个模型下:我们把光分为环境光(Ambient)、漫反射光(Diffuse)、镜面光照(Specular),著名的示意图如下:



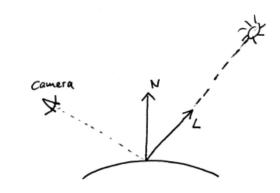
因为环境光ambient在Scene类中定义,我们在Material::shade()里面不添加环境光的一项。

在Material.cpp中的Material::shade()实现漫反射(diffuse)着色器。当给定光线方向L和屏幕法向量N,当L·N小于0时,光源在切平面以下,不计算漫反射。

$$\operatorname{clamp}(\mathbf{L}, \mathbf{N}) = \begin{cases} \mathbf{L} \cdot \mathbf{N} & \text{if } \mathbf{L} \cdot \mathbf{N} > 0 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

结合漫反射材料的反射率k_diffuse和光强L,漫反射的强度为:

$$I_{\text{diffuse}} = \text{clamp}(\mathbf{L} \cdot \mathbf{N}) * L * k_{\text{diffuse}}$$

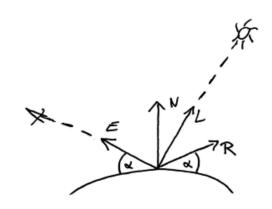


注意每个RGB通道单独计算。k_diffuse由Material类的_diffuseColor定义。

接着你将实现Phong着色器的镜面反射(specular)。镜面反射强度取决于:光泽度s、物体表面对相机的方向E、理想反射矢量R、对光的方向L、表面法线N和反射率k_specular。镜面反射项的公式为:

$$I_{\text{specular}} = \text{clamp}(\mathbf{L}, \mathbf{R})^s * L * k_{specular}$$

这个公式与漫反射相似,不同点在于使用理想反射矢量R和L的夹角计算光强,这能使得高光随着相机的移动而移动;此外,计算夹角的s次幂,较高的光泽s使高亮部分更窄,表面显得更有光泽,较小的s使表面显得更有哑光外观。k_specular由Material类的_specularColor定义。



最后我们把这些项加起来就得到了Phong光照模型。一般我们的场景定义有环境照明 L_ambient,和几个光源,我们需要把这些项加起来。其中物体表面某点的环境光定义为:

$$I_{\text{ambient}} = L_{\text{ambient}} * k_{\text{diffuse}}.$$

Phong光照模型就是环境光,漫反射和镜面反射的结合,简单地将它们相加即可:

$$I = I_{\text{ambient}} + \sum_{i \in \text{lights}} I_{\text{diffuse},i} + I_{\text{specular},i}.$$

光强度值I即为写入帧缓冲区的像素强度。

- 最后需要在Renderer::traceRay()里面完成Phong光照模型的计算。原始的代码里对于射线达到的点返回了材质的漫反射反射率。在Phong光照模型中我们需要遍历场景中所有的光源(_scene.lights)计算光线与物体交点处的光照(shade),然后把他们与环境光(_scene.getAmbientLight())累加起来。
- 现在你应该能看见场景1中的球体的光照了。

```
Vector3f

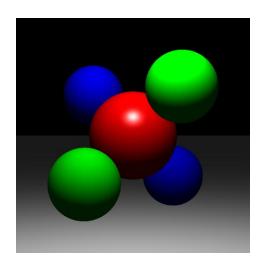
Renderer::traceRay(const Ray &r,

float tmin,
 int bounces,
 Hit &h) const

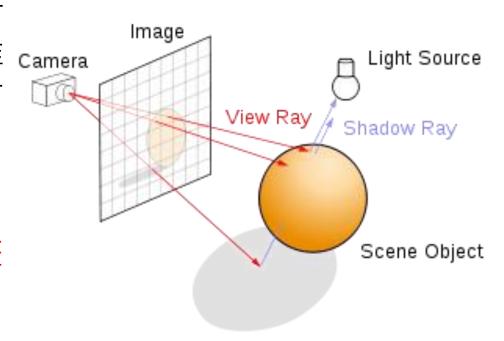
{

// The starter code only implements basic drawing of sphere primitives.
 // You will implement phong shading, recursive ray tracing, and shadow rays.

// TODO: IMPLEMENT
 if (_scene.getGroup()- intersect(r, min, h)) {
    return h.getMaterial()->getDiffuseColor();
} else {
    return Vector3f(0, 0, 0);
};
}
```



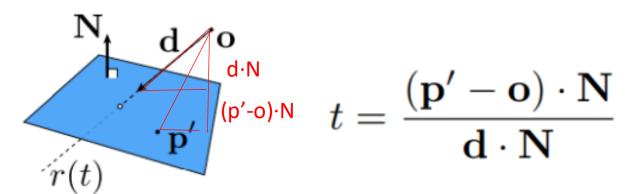
- 任务2要求:
- 使用面向对象的技术,使光线追踪器灵活和可扩展。一个通用的Object3D类将作为所有三维 camera 物体的父类。你的工作是实现它们专门化的子类,并实现相交(intersect)函数。
- 需要在Object3D.cpp中完成Plane, Triangle, Transform的Intersect()函数实现。
- 请参考教材《计算机图形学》P319第13.6节整体光照明模型与光线跟踪算法或者《Fundamentals of Computer Graphics》4.4 Ray-Object Intersection

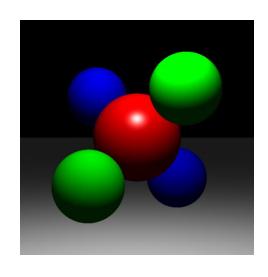


- **仔细阅读Object3D类**。不能直接创建一个抽象类的实例,但是可以通过实例化它的一个子类来使用该抽象类。其中包含一个intersect()方法来计算给定的光线是否与物体相交,还存储了一个指向其材质(Material)类型的指针。
- **仔细阅读Sphere类**,它继承自Object3D并实现intersect()方法。代码已经实现,需要实现Object3D的其他子类。
- **仔细阅读Group类**。Group类是所有物体的超类,traceRay()方法对 Group进行intersect就是对所有物体intersect。
- **仔细阅读Sphere类的相交(intersect)方法**,我们寻找沿光线的最近交点,用t参数化,给定物体,光线,上一个交点,判断是否与物体相交。tmin用来限制相交的范围。
- 如果发现一个交集使得t > tmin和t小于当前存储在命中点(Hit)数据结构中的交集的值,则根据需要更新Hit。请注意,如果新的交点比前一个交点更近,则需要修改Hit对象,并且相交必须返回true。
- 注意、Hit是通过引用传递的、这意味着在方法中修改它将修改传入的原始对象。我们通过对所有的物体intersect之后就知道光线与哪个物体有最近的相交了。

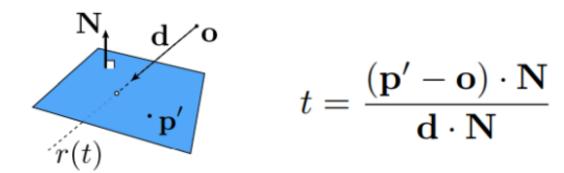
```
bool Sphere::intersect(const Ray &r, float tmin, Hit &h) const
   // BEGIN STARTER
   // We provide sphere intersection code for you.
   // You should model other intersection implementations after this one.
   // Locate intersection point ( 2 pts )
   const Vector3f &rayOrigin = r.getOrigin(); //Ray origin in the world coordinate
   const Vector3f &dir = r.getDirection();
   Vector3f origin = rayOrigin - _center;
                                               //Ray origin in the sphere coordinate
   float a = dir.absSquared();
   float b = 2 * Vector3f::dot(dir, origin);
   float c = origin.absSquared() - radius * radius;
   // no intersection
   if (b * b - 4 * a * c < 0) {
       return false;
   float d = sqrt(b * b - 4 * a * c);
   float tplus = (-b + d) / (2.0f*a);
   float tminus = (-b - d) / (2.0f*a);
   // the two intersections are at the camera back
   if ((tplus < tmin) && (tminus < tmin)) {
       return false:
   float t = 10000;
   // the two intersections are at the camera front
   if (tminus > tmin) {
       t = tminus:
   // one intersection at the front. one at the back
   if ((tplus > tmin) && (tminus < tmin)) {
       t = tplus:
   if (t < h.getT()) {
       Vector3f normal = r.pointAtParameter(t) - center;
       normal = normal.normalized();
       h.set(t, this->material, normal);
       return true;
   // END STARTER
   return false;
```

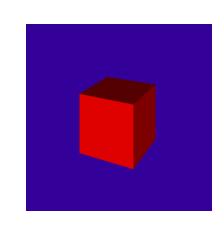
- 第一步,实现平面(Plane)类。它是从Object3D派生出来的无穷平面。平面方程定义为 P·n=dist, dist为平面相对原点的偏移量, n是法线, P是平面上的点。
- 当光线r(t)与平面相交,设交点为p, p = o + t * d. 设p'为平面内一个点,则满足(p p')·N =0, 此时(p p')这个向量垂直于法线方向。
- 为了实现相交(intersect)函数,需要更新Hit存储的相交距离t和相交点材质material和法向量值normal.
- 实现平面类之后就能够渲染场景1中球体和平面的模型。

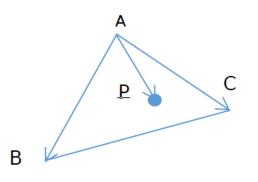




- 第二步,实现三角形 (Triangle) 类。它也是从Object3D派生出来的。构造 函数输入3个顶点,每个顶点包括法线和材质的信息。
 - (1) 判断射线是否与三角形所在平面相交。
 - (2) 确定射线与平面相交后, 再求得其交点p,并判断该点是否在三角形内。
- 实现三角形类之后就能够渲染场景2中立方体的模型。







对于三角形ABC 所在平面内的任意一点P,向量AP、AB、AC 线性相关。那么P的坐标可以表示为如下的公式。这代表着,P一定可以表示为三个顶点的线性组合,而且系数的和为1。

$$\overrightarrow{AP} = \overrightarrow{uAB} + \overrightarrow{vAC}$$

$$P = (1 - u - v)A + uB + vC$$

- 在线性代数中要求解一个3x3的线性方程,你可以将其表示为Ax = b,并使用 Matrix3f::inverse()来求解该方程。
- 然后我们就得到了P的重心坐标(<u>https://zhuanlan.zhihu.com/p/361943207</u>)表示。如果P 在三角形内那么P必须满足三个系数都在0到1之间。
- 射线与三角形相交的Möller-Trumbore 算法(https://www.oakchina.cn/2022/02/16/moller-trumbore/)

- 第三步,实现变换(Transform)类。请参考教材《计算机图形学》P130第7.8节三维几何变换或者PJ1的广义圆柱体。它也是从Object3D派生出来的类。变换类存储一个指向子类对象的指针,和一个4x4的变换矩阵M。变换矩阵M的作用是将子类对象从局部对象坐标移动到世界坐标。
- 但是对于复杂的子类对象,例如具有许多顶点的网格,每当我们想要跟踪一条射线时,我们不能将整个对象变换到世界坐标。而将光线从世界坐标变换到局部对象坐标的计算量要小得多。和PJ1一样在变换法线方向时,需要通过变换矩阵M.inverse().transposed()来进行变换。
- 命中点(Hit)找到的时候,命中法线也会在局部对象坐标中。需要将法线 从局部对象坐标转换回世界坐标。
- 实现完变换类之后你就可以渲染场景1-5了。

Project 2.3 光线追踪与阴影投射

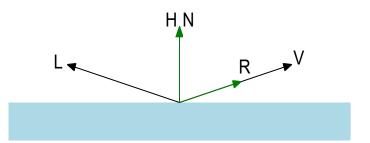
- 任务3要求:
- 在光线投射完成后,我们完成了直接照明的计算,接下来需要计算间接照明,需要实现Renderer::traceRay()函数中的递归调用并且实现阴影光线来确定可见性。
- 请参考教材《计算机图形学》P319第13.6节整体光照明模型与光线跟踪算法《Fundamentals of Computer Graphics》4.6 A Ray-Tracing Program和4.7 Shadows

Project 2.3 光线追踪与阴影投射

- 递归调用traceRay将在**镜面材料(Specular)之间**进行光线追踪。最大递归深度max_bounces由命令行参数-bounces传递。可以在样例程序中使用并修改这个参数尝试一下。注意,即使max bounces=0,程序也会做光线投射。
- 每次递归都会从当前交点(Hit)发送一条到理想反射方向R的光 线(Ray)。
- 我们将反射射线所看到的颜色(间接光) 乘以镜面材料的反射率添加到当前射线已经计算出的颜色中(直接光)。总的光强现在变为了直接光和间接光的加和。

$$I_{\text{total}} = I_{\text{direct}} + k_{\text{specular}} * I_{\text{indirect}}.$$

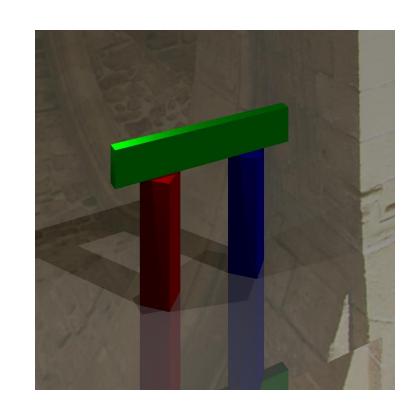
- 如果一条光线没有相交任何物体,只需通过 SceneParser::getBackgroundColor(dir)返回背景颜色即可。
- 实现间接光之后你可以渲染场景6的兔子模型了。





Project 2.3 光线追踪与阴影投射

- 你将实现-shadows参数的功能,也就是阴影计算。
- 要在计算光线与物体表面交点的颜色之前计算投射 阴影,也就是2.1节中每次shade()函数调用之前。
- 需要从物体表面交点(Hit)向光源(light)发送射线。如果该射线在到达光源之前与其他物体有相交点(Hit),则当前的表面交点处于阴影中,则忽略来自该光源的直接照明。
- 请注意: 1. 需要将阴影光线发送到所有光源; 2. 需要将射线原点稍微远离表面交点, 例如设置tmin为 0.0001, 否则射线和起始点相交, 使程序始终认为交点在阴影中。
- 实现阴影计算之后就可以渲染场景7的模型了。

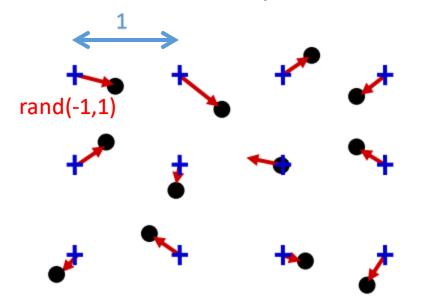


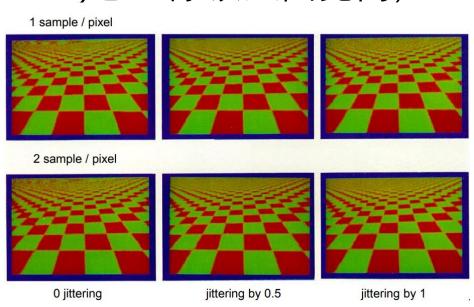
Project 2 拓展 - 抗锯齿的问题

- 抗锯齿是非常常见的图形学技术,在很多游戏的画质选项里面我们会遇到FXAA, TAA, DLSS和FSR等等抗锯齿的方法。我们实现的渲染器也存在很明显的锯齿,需要使用一定的方法来缓解。教材《计算机图形学》P326第13.6.5节光线跟踪算法的混淆与反混淆中提到了这个问题,我们可以通过增加采样和提升分辨率进行解决。
- 抖动采样是一种用于创建更逼真、更自然的图形的技术。它涉及随机偏移像素内样本的位置,以模拟相机或眼睛轻微移动的效果。抖动采样可以参考《Fundamentals of Computer Graphics》13.4.1 Antialiasing。
- 提升分辨率通常与高斯模糊滤波结合使用,高斯模糊滤波是一种常见的图像平滑滤波器。 高斯滤波可以参考《Fundamentals of Computer Graphics 》9.3 Convolution Filters。
- 请在Renderer::Render()函数中实现并使用-jitter(抖动采样)和-filter(控制上采样和高斯滤波)两个参数分别进行控制,具体效果可以参考示例程序使用-jitter-filter参数的结果。
- 我们在*上采样3倍分辨率*下进行*16次充分抖动采样(jitter)*,然后进行*σ为1(也就是3x3像* 素变成1x1的像素,只考虑相邻的像素)的高斯滤波(filter)。

Project 2 拓展 - 抗锯齿的问题

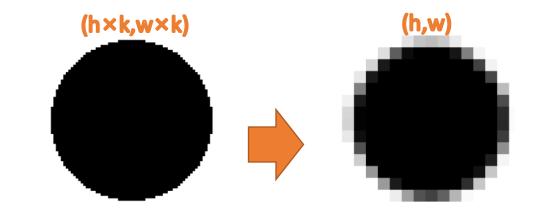
- 抖动采样(-jitter): 由皮克斯公司(Pixar)提出均匀采样+随机 抖动,可以防止锯齿和摩尔纹(Moire)。
- 我们在Render()的循环里面,重复<u>16次</u>的generateRay和traceRay过程,每次都对ndcx, ndcy加上一定的偏差,偏差的值从0到1的**像素宽度**随机选取。(注意代码中ndcx和ndcy已经除以整图宽高)

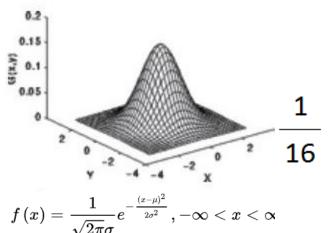




Project 2 拓展 - 抗锯齿的问题

- 高斯滤波 (-filter):
- 我们在Render()循环中先进行倍数是k的上采样 (在高分辨率h×k,w×k下渲染,k=3),然后对 生成的Image类型图像再下采样(得到低分辨率 (h,w)图像)。
- 下采样的时候需要一个低通(低频率通过)滤波器, 从k×k个像素变成1个像素。
- 一个比较好的滤波器就是高斯滤波器,它的做法 是将k×k个像素加权求和作为中间像素的值。其 中权重通过高斯分布(二维正态分布)来计算得 到。
- 请注意我们这里是离散的像素而且只考虑相邻的像素, 所以可以简化为右边的矩阵。





| 1 | 2 | 1 |
|---|---|---|
| 2 | 4 | 2 |
| 1 | 2 | 1 |

Project 2 提示

- 增量实现和调试。一次只实现一个步骤。一次只测试一个步骤。
- 使用较小的图像大小来实现更快的调试。200×200像素通常足以意识到可能出了问题。使用更高的分辨率(例如800x800)来调试几何图形和阴影的细节。
- 输出尽可能多的调试信息,如光线的方向向量、命中值等。
- 使用assert()来检查函数前提条件、数组索引等。
- 为了避免内存访问出错(Segmentation Fault),不要访问在图像宽度和高度之外的像素样本。边界上的像素将有一个裁剪过的支撑区域。

Project 2 参考资料

请务必仔细阅读初始代码,特别是src和vecmath,代码是最好的参考资料!如果不清楚应该实现成什么样,请运行sample_solution下面的程序!

参考网站

- C++教程: https://www.cprogramming.com/tutorial/
- OpenGL教程: https://learnopengl.com
- GLSL 教程: https://www.lighthouse3d.com/tutorials/glsl-tutorial/

参考书籍:

- 计算机图形学 / 倪明田、吴良芝编著北京:北京大学出版社,1999
- Shirley, Peter, Michael Ashikhmin, Steve Marschner. Fundamentals of Computer Graphics. 3rd ed. A K Peters/CRC Press, 2009. ISBN: 9781568814698. (计算机图形学/虎书)
- Buss, Samuel R. 3D Computer Graphics: A Mathematical Introduction with OpenGL. 2003. ISBN: 9780521821032. (3D计算机图形学(OpenGL版)) 参考课程:
- MIT 6.837:

https://ocw.mit.edu/courses/6-837-computer-graphics-fall-2012/

• GAMES101: 现代计算机图形学入门

https://sites.cs.ucsb.edu/~lingqi/teaching/games101.html

Project 2 评分细则

项目完成度及正确性: (共计5分)

- 1. 光线投射: 正确编译并输出Scene 1-5 的结果 (必做,每个样例正确显示得0.6分,共计3分)
- 2. 光线追踪与阴影: 正确编译并输出Scene 6-7的结果(每个样例正确显示得0.5分, 共计1分)
- 3. 解决锯齿问题:添加抖动采样和滤波器来缓解锯齿问题(选做,共计1分)

项目报告: (共计5分)

撰写项目报告,**附上所有生成的图形的截图(报告中请尽量使用高分辨率图像)**,详细说明光线投射,光线追踪以及抗锯齿问题的解决方式**(必做,5分)**

Project 2 提交方式

- 可编译项目代码以及Linux编译程序(starter2文件夹)及Project2报告(PDF)请打包(zip)提交至elearning
- 邮件/压缩包标题: 2024图形学PJ2 姓名1 姓名2 (如果有)
- 项目报告DDL: 2024年5月23日 23:59
- 若对Project有疑问,可邮件/微信与TA联系
- TA办公地址: 江湾校区交叉学科2号楼A4008室
- TA邮箱 23210240062@m.fudan.edu.cn
- · 严禁抄袭,包括网络上和同学的代码,一经发现Project作0分处理
- 只实现必做功能也一定可以顺利通过,不要铤而走险,迟交会酌情扣分