$(r_1, r_2, \cdots, r_k) \in \mathbb{N}^k$