有四个工人,要指派他们分别完成 4 项工作,每人做各项工作所消耗的时间如下表

工作工人	A	В	С	D
甲	15	18	21	24
乙	19	23	22	18
丙	26	17	16	19
丁	19	21	23	17

问指派哪个人去完成哪项工作,可使总的消耗时间为最小?

数学模型

这是一个标准的指派问题。引进 0-1 变量

$$x_{ij} = \begin{cases} 1, \text{当} \mathbf{A}_i \mathbf{\tilde{x}} \mathbf{\tilde{z}} \mathbf{B}_j \mathbf{H} \\ 0, \text{当} \mathbf{A}_i \mathbf{\tilde{x}} \mathbf{\tilde{x}} \mathbf{\tilde{z}} \mathbf{B}_j \mathbf{H} \end{cases}, \ i, j = 1, 2, \cdots, 5.$$

则问题的数学模型为

min
$$z = \sum_{i=1}^{5} \sum_{j=1}^{5} c_{ij} x_{ij}$$
,

$$\begin{cases} \sum_{j=1}^{5} x_{ij} = 1, & i = 1, 2, \dots, 5, \\ \sum_{j=1}^{5} x_{ij} = 1, & j = 1, 2, \dots, 5, \\ x_{ij} = 0 \quad \text{s.t.} \end{cases}$$
s.t. $\begin{cases} \sum_{j=1}^{5} x_{ij} = 1, & i = 1, 2, \dots, 5, \\ x_{ij} = 0 \quad \text{s.t.} \end{cases}$

matlab 标准

一般来说,使用Matlab 软件来对混合整数线性规划进行求解的命令为:

[x,fval]=intlinprog(f,intcon,A,b,Aeq,beq,lb,ub) 对应的数学模型如下所示:

在上述公式中: f,x,b,beq,lb,ub 为列向量, f 指的是价值向量, b 指的是资源向量; A指的是矩阵。

代码复制

X 是输入的成本矩阵

```
>> X
X =
  15 18 21 24
      23 22
  19
             18
  26
      17 16
             19
      21
         23
  19
             17
>> f
f =
  15
      19
         26 19
                 18
                    23 17
                            21
                                21
                                   22
                                       16
                                           23
                                              24
                                                  18
                                                      19
 17
>> Aeq
Aeq =
  1
     1 1 1 0 0 0 0 0
                                    0 0 0
                                                      0
```

0	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0
0														
0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0
0														
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1
1														
1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0
0														
0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0
0														
0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	1
0														
0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0
1														

>> beq

beq =

>> 1b

1b =

>> ub

ub =

```
1
  1
  1
  1
  1
  1
  1
  1
  1
  1
  1
  1
  1
  1
 1
>> X2
X2 =
>> fval
fval =
 70
```

X2 是的指派方式的矩阵, fval 是最小成本。