# 第二十二届全国青少年信息学奥林匹克联赛初赛

## 提高组 C++语言试题

竞赛时间: 2016 年 10 月 22 日 14:30~16:30

#### 选手注意:

- 试题纸共有 13 页, 答题纸共有 2 页, 满分 100 分。请在答题纸上作答,写在试题纸上的一律无效。
- 不得使用任何电子设备(如计算器、手机、电子词典等)或查阅任何书籍资料。

<del></del> .	、单项选择题	(共 15	题,	每题	1.5 分	共计	22.5	分;	每题有且	仅有一	个正
确	选项)										

确1.	
2.	如果开始时计算机处于小写输入状态,现在有一只小老鼠反复按照 CapsLock、字母键 A、字母键 S 和字母键 D 的顺序来回按键,即 CapsLock、A、S、D、S、A、CapsLock、A、S、D、S、A、CapsLock、A、S、D、S、A、······, 屏幕上输出的第 81 个字符是字母 ( )。 A. A B. S C. D D. A
3.	二进制数 00101100 和 01010101 异或的结果是( )。 A. 00101000 B. 01111001 C. 01000100 D. 00111000
4.	与二进制小数 0.1 相等的八进进制数是 ( )。
5.	A. 0.8       B. 0.4       C. 0.2       D. 0.1         以比较作为基本运算,在 N 个数中找最小数的最少运算次数为( )。         A. N       B. N-1       C. N <sup>2</sup> D. log N
6.	表达式 a*(b+c)-d 的后缀表达形式为( )。 A. abcd*+-  B. abc+*d-  C. abc*+d-  D+*abcd
7.	一棵二叉树如右图所示,若采用二叉树链表存储该二叉树(各个结点包括结点的数据、左孩子指针、右孩子指针)。如果没有左孩子或者右孩子,则对应的为空指针。那么该链表中空指针的数目为( )。 A. 6 B. 7 C. 12 D. 14
8.	G 是一个非连通简单无向图, 共有 28 条边, 则该图至少有 ( ) 个顶点。 A. 10 B. 9 C. 8 D. 7

9. 某计算机的 CPU 和内存之间的地址总线宽度是 32 位(bit), 这台计算机 最 多可以使用()的内存。

A. 2GB

B. 4GB

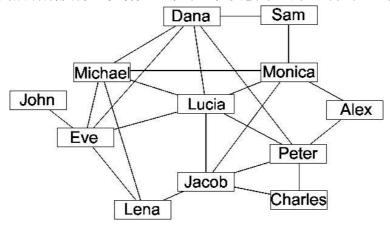
C. 8GB

D. 16GB

10. 有以下程序:

```
#include <iostream>
   using namespace std;
   int main() {
      int k = 4, n = 0;
      while (n < k) {
         n++;
          if (n % 3 != 0)
             continue;
         k--;
      }
      cout << k << "," << n << endl;</pre>
      return 0;
   程序运行后的输出结果是(
   A. 2,2
          B. 2,3 C. 3,2
                           D. 3,3
11. 有 7 个一模一样的苹果, 放到 3 个一样的盘子中, 一共有( )种放法。
                  C. 21
                           D. 3^{7}
   A. 7
           B. 8
```

12. Lucia 和她的朋友以及朋友的朋友都在某社交网站上注册了账号。下图是他们之间的关系图,两个人之间有边相连代表这两个人是朋友,没有边相连代表不是朋友。这个社交网站的规则是:如果某人 A 向他(她)的朋友 B 分享了某张照片,那么 B 就可以对该照片进行评论;如果 B 评论了该照片,那么他(她)的所有朋友都可以看见这个评论以及被评论的照片,但是不能对该照



CCF NOIP2016 初赛提高组 C++语言试题 第 2 页, 共 13 页

片进行评论(除非 A t	也向他(她)分享了该照片)。	现在 Lucia 已经上传了
一张照片, 但是她不想让	: Jacob 看见这张照片,那么她下	可以向以下朋友( )分
享该照片。		
A. Dana Michael Eve	B. Dana, Eve. Monica	

- C. Michael, Eve, Jacob
- D. Micheal, Peter, Monica
- 13. 周末小明和爸爸妈妈三个人一起想动手做三道菜。小明负责洗菜、爸爸负责 切 菜、妈妈负责炒菜。假设做每道菜的顺序都是:先洗菜 10 分钟, 然后切 菜 10 分钟, 最后炒菜 10 分钟。那么做一道菜需要 30 分钟。注意:两道不 同的菜 的相同步骤不可以同时进行。例如第一道菜和第二道的菜不能同时洗,

也不能同时切。那么做完三道菜的最短时间需要()分钟。

A. 90

B. 60

C. 50

D. 40

14. 假设某算法的计算时间表示为递推关系式

$$T(n) = 2T(\frac{n}{4}) + \sqrt{n}$$
$$T(1) = 1$$

则算法的时间复杂度为()。

A.O(n)

B. O  $(\sqrt{n})$  C. O  $(\sqrt{n} \log n)$  D. O  $(n^2)$ 

- 1. 给定含有 n 个不同的数的数组 L= $\langle x_1, x_2, ..., x_n \rangle$ 。如果 L 中存在  $x_i$  (1 < i < n) 使 得  $x_1 < x_2 < ... < x_{i-1} < x_i > x_{i+1} > ... > x_n$ , 则称 L 是单峰的,并称  $x_i$  是 L 的 "峰顶"。现在已知 L 是单峰的,请把 a-c 三行代码补全到算法中使得算 法 正确找到 L 的峰顶。
  - a. Search(k+1, n)
  - b. Search(1, k-1)
  - c. return L[k]

Search(1, n)

- 1. k← [n/2]
- 2. if L[k] > L[k-1] and L[k] > L[k+1]
- 4. else if L[k] > L[k-1] and L[k] < L[k+1]
- 5. then
- 6. else

正确的填空顺序是()。

A. c, a, b

- B. c, b, a
- C. a, b, c D. b, a, c
- 二、不定项选择题(共 5 题,每题 1.5 分,共计 7.5 分;每题有一个或多个 正确 选项, 多选或少选均不得分)

	以下属于无线通 蓝牙					GPRS		D.	以太网		
	可以将单个计算 网卡									) 。	
	下列算法中运用 快速排序					冒泡排用	茅	D.	计数排	序	
	下图表示一个果 或关上,所有管										Ŧ
	有水 🝑					有水					
		J	В	c	F		<b>₽</b>	:树			
		A	T	i	Po						
	<i>t</i> : ( )										
A.	有( )。 B 打开,其他 A 打开,其他	1都关上 1都关上		B. D.	AB D ‡	都打开, 打开, 其作	CD 都美	关上 上			
	参加 NOI 比赛, 钢笔 B.						D.	铅笔	<u> </u>		
	问题求解(共 分分)	2 题, 每	<b>手题 5</b>	分,	共计	10分;	每题全	部答	茶对得:	5 分,治	爻
1.	一个 1×8 的方	格图形	(不可)	旋转	) 用	黑、白两	种颜色	填沒	<b>全国</b>	<b>ī格</b> 。如	

- 1. 一个 1×8 的方格图形(不可旋转)用黑、白两种颜色填涂每个方格。如果 每个方格只能填涂一种颜色,且不允许两个黑格相邻,共有\_\_\_\_\_ 种填 涂方案。

考试	学生 1	学生 2	学生 3	学生 4	学生 5	学生 6	学生 7
通用技术	√				√		√
物理	√	√					√
物理     化学     生物		√		√			
生物	√				√	√	
历史			√	√		√	
地理 政治		√	√				√
政治			√			√	

四、阅读程序写结果(共 4 题, 每题 8 分, 共计 32 分)

```
1. #include <iostream>
   using namespace std;
   int main() {
       int a[6] = {1, 2, 3, 4, 5, 6};
       int pi = 0;
       int pj = 5;
       int t , i;
       while (pi < pj) {
          t = a[pi];
          a[pi] = a[pj];
          a[pj] = t; pi++;
          pj--;
       }
       for (i = 0; i < 6; i++)
          cout << a[i] << ",";
       cout << endl;</pre>
       return 0;
   }
   输出:_____
2. #include <iostream>
   using namespace std;
   int main() {
       char a[100][100], b[100][100];
       string c[100];
       string tmp;
       int n, i = 0, j = 0, k = 0, total_len[100], length[100][3];
```

```
cin >> n;
getline(cin, tmp);
for (i = 0; i < n; i++) {
    getline(cin, c[i]);
    total_len[i] = c[i].size();
}
for (i = 0; i < n; i++) {
    j = 0;
   while (c[i][j] != ':') {
       a[i][k] = c[i][j];
       k = k + 1;
       j++;
    }
    length[i][1] = k - 1;
    a[i][k] = 0;
    k = 0;
    for (j = j + 1; j < total_len[i]; j++) {
       b[i][k] = c[i][j];
       k = k + 1;
    }
    length[i][2] = k - 1;
    b[i][k] = 0;
    k = 0;
}
for (i = 0; i < n; i++) {
    if (length[i][1] >= length[i][2])
       cout << "NO,";
    else {
       k = 0;
       for (j = 0; j < length[i][2]; j++) {
           if (a[i][k] == b[i][j])
               k = k + 1;
           if (k > length[i][1]) break;
       }
       if (j == length[i][2])
           cout << "NO,";</pre>
       else
           cout << "YES,";</pre>
    }
}
cout << endl;</pre>
return 0;
```

```
}
   输入: 3 AB:ACDEbFBkBD
        AR:ACDBrT
        SARS:Severe Atypical Respiratory Syndrome 输出:
    (注:输入各行前后均无空格)
3. #include<iostream>
   using namespace std;
   int lps(string seq, int i, int j) {
      int len1, len2;
      if (i == j) return 1;
      if (i > j) return 0;
       if (seq[i] == seq[j])
          return lps(seq, i + 1, j - 1) + 2;
       len1 = lps(seq, i, j - 1);
       len2 = lps(seq, i + 1, j);
       if (len1 > len2)
          return len1;
       return len2;
   }
   int main() {
      string seq = "acmerandacm";
      int n = seq.size();
      cout << lps(seq, 0, n - 1) << endl;</pre>
      return 0;
   }
   输出:_____
4. #include <iostream>
   #include <cstring>
   using namespace std;
   int map[100][100];
   int sum[100], weight[100];
   int visit[100];
```

```
int n;
void dfs(int node) {
   visit[node] = 1;
   sum[node] = 1;
   int v, maxw = 0;
   for (v = 1; v \le n; v++) {
       if (!map[node][v] || visit[v])
           continue;
       dfs(v);
       sum[node] += sum[v];
       if (sum[v] > maxw)
           maxw = sum[v];
   }
   if (n - sum[node] > maxw)
       maxw = n - sum[node];
   weight[node] = maxw;
}
int main() {
   memset(map, 0, sizeof(map));
   memset(sum, 0, sizeof(sum));
   memset(weight, 0, sizeof(weight));
   memset(visit, 0, sizeof(visit));
   cin >> n;
   int i, x, y;
   for (i = 1; i < n; i++) {
     cin >> x >> y;
     map[x][y] = 1;
     map[y][x] = 1;
   }
   dfs(1);
   int ans = n, ansN = 0;
   for (i = 1; i <= n; i++)
       if (weight[i] < ans) {</pre>
           ans = weight[i];
           ansN = i;
       }
   cout << ansN << " " << ans << endl;</pre>
   return 0;
}
输入:11
```

```
1 2
1 3
2 4
2 5
2 6
3 7
7 8
7 11
6 9
9 10
输出:
```

五、完善程序(共 2 题, 每题 14 分, 共计 28 分)

1. (交朋友)根据社会学研究表明,人们都喜欢找和自己身高相近的人做朋友。 现在有 n 名身高两两不相同的同学依次走入教室,调查人员想预测每个人在 走入教室的瞬间最想和已经进入教室的哪个人做朋友。当有两名同学和这名 同 学的身高差一样时,这名同学会更想和高的那个人做朋友。比如一名身高 为 1.80 米的同学进入教室时,有一名身高为 1.79 米的同学和一名身高为 1.81 米 的同学在教室里,那么这名身高为 1.80 米的同学会更想和身高为 1.81 米的同 学做朋友。对于第一个走入教室的同学我们不做预测。

由于我们知道所有人的身高和走进教室的次序, 所以我们可以采用离线的做法来解决这样的问题, 我们用排序加链表的方式帮助每一个人找到在他 之前进入教室的并且和他身高最相近的人。(第一空 2 分, 其余 3 分)

```
#include <iostream>
using namespace std;
#define MAXN 200000
#define infinity 2147483647

int answer[MAXN], height[MAXN], previous[MAXN], next[MAXN];
int rank[MAXN];
int n;

void sort(int l, int r) {
   int x = height[rank[(l + r) / 2]], i = l, j = r, temp;
   while (i <= j)
   {
     while (height[rank[i]] < x) i++;
     while (height[rank[j]] > x) j--;

   if (____(1)________) {
        temp = rank[i]; rank[i] = rank[j]; rank[j] = temp;
```

```
i++; j--;
   }
   if (i < r) sort(i, r);</pre>
   if (1 < j) sort(1, j);
}
int main()
{
  cin >> n;
  int i, higher, shorter;
  for (i = 1; i <= n; i++) {
        cin >> height[i];
        rank[i] = i;
  sort(1, n);
  for (i = 1; i <= n; i++) {
      previous[rank[i]] = rank[i - 1];
       (2) ;
  }
  for (i = n; i >= 2; i--){
      higher = shorter = infinity;
      if (previous[i] !=0)
         shorter = height[i] - height[previous[i]]; if
   (next[i] != 0)
          (3)
   if ( (4) )
      answer[i] = previous[i];
   else
      answer[i] = next[i];
  next[previous[i]] = next[i];
    (5);
for (i = 2; i <= n; i++)
   cout << i << ":" << answer[i];</pre>
return 0;
```

2. (交通中断)有一个小国家,国家内有 n 座城市和 m 条双向的道路,每条道路连接着两座不同的城市。其中 1 号城市为国家的首都。由于地震频繁可能导致某一个城市与外界交通全部中断。这个国家的首脑想知道,如果只有第 i (i>1)个城市因地震而导致交通中断时,首都到多少个城市的最短路径长度会发生改变。如果因为无法通过第 i 个城市而导致从首都出发无法到达某个城

}

市, 也认为到达该城市的最短路径长度改变。

对于每一个城市 i, 假定只有第 i 个城市与外界交通中断,输出有多少个 城市会因此导致到首都的最短路径长度改变。

我们采用邻接表的方式存储图的信息,其中 head[x]表示顶点 x 的第一条 边的编号, next[i]表示第 i 条边的下一条边的编号, point[i]表示第 i 条边的终点, weight[i]表示第 i 条边的长度。(第一空 2 分,其余 3 分)

```
#include <iostream>
#include <cstring>
using namespace std;
#define MAXN 6000
#define MAXM 100000
#define infinity 2147483647
int head[MAXN], next[MAXM], point[MAXM], weight[MAXM];
int queue[MAXN], dist[MAXN], visit[MAXN];
int n, m, x, y, z, total = 0, answer;
void link(int x,int y,int z) {
   total++;
   next[total] = head[x];
   head[x] = total;
   point[total] = y;
   weight[total] = z;
   total++;
   next[total] = head[y];
   head[y] = total;
   point[total] = x;
   weight[total] = z;
}
int main() {
   int i, j, s, t;
   cin >> n >> m;
   for (i = 1; i <= m; i++) {
      cin >> x >> y >> z; link(x, y, z);
   for (i = 1; i <= n; i++) dist[i] = infinity;
   (1);
   queue[1] = 1;
   visit[1] = 1;
   s = 1;
```

```
t = 1;
// 使用 SPFA 求出第一个点到其余各点的最短路长度
while (s <= t) {
   x = queue[s \% MAXN];
   j = head[x];
   while (j != 0) {
      if (<u>(2)</u>) {
         dist[point[j]] = dist[x] + weight[j];
         if (visit[point[j]] == 0) {
            queue[t % MAXN] = point[j];
            visit[point[j]] = 1;
         }
      }
      j = next[j];
      (3)
   s++;
}
for (i = 2; i <= n; i++) {
   queue[1] = 1;
   memset(visit, 0, sizeof(visit));
   visit[1] = 1;
   s = 1;
   t = 1;
   while (s <= t) { // 判断最短路长度是否不变
      x = queue[s];
      j = head[x];
      while (j != 0) {
          if (point[j] != i && ___(4)
         &&visit[point[j]] == 0) {
                (5);
             t++;
             queue[t] = point[j];
         j = next[j];
      }
      s++;
   }
   answer = 0;
   for (j = 1; j <= n; j++)
      answer += 1 - visit[j];
    cout << i << ":" << answer - 1 << endl;</pre>
```

```
}
  return 0;
}
```

## 第二十二届全国青少年信息学奥林匹克联赛初赛

## 提高组参考答案

一、单项选择题(共15题,每题1.5分,共计22.5分)

1	2	3	4	5	6	7	8
D	Α	В	В	В	В	В	В
9	10	11	12	13	14	15	
В	D	В	Α	С	С	А	

二、不定项选择题(共5题,每题1.5分,共计7.5分;每题有一个或多个正确选项,没有部分分)

1	2	3	4	5
ABC	А	АВ	А	ABD

- 三、问题求解(共2题,每题5分,共计10分;每题全部答对得5分,没有部分分)
- 1. 55
- 2. 3
- 四、阅读程序写结果(共4题,每题8分,共计32分)
- 1. 6,5,4,3,2,1,
- 2. YES, NO, YES,
- 3. 5
- 4. 2.5

五、完善程序(共计 28 分,以下各程序填空可能还有一些等价的写法,由各省赛区组织本省专家审定及 上 机验证,可以不上报 CCF NOI 科学委员会复核)

		Pascal 语言	C++语言	C 语言	分值			
1	(1)	i<	=j		2			
•	(2)	next[rank[i]]:=rank[i+1]	next[rank[i	]]=rank[i+1]	3			
	(3)	higher:=height[next[i]]-height[i]	higher=height[ne	xt[i]]-height[i]	3			
	(4)	shorter	<higher< td=""><td>3</td></higher<>	3				
	(5)	<pre>previous[next[i]]:=previous[i]</pre>	previous[next[	i]]=previous[i]	3			
2	(1)	dist[1]:=0	dist	[1]=0	2			
•	(2)	dist[x]+weight[j	<pre>]<dist[point[j]]< pre=""></dist[point[j]]<></pre>		3			
	(3)	visit[x]:=0	visit	[x]=0	3			
	(4)	<pre>dist[x]+weight[j]=dist[point[j]]</pre>	<pre>dist[x]+weight[j</pre>	]==dist[point[j]]	3			
	(5)	<pre>visit[point[j]:=1</pre>	visit[po	3				