线性表

麻珂珂,蒋开慧,高浚哲,皇有为

XUPT

2019年9月13日

线性表基本介绍

线性表的定义:

定义

一个线性表是 n 个具有相同特性的数据元素的有限序列。数据元素是一个抽象的符号,其具体含义在不同的情况下一般不同线性表的相邻元素之间存在着序偶关系。如用 $(a_1,\ldots,a_{i-1},a_i,a_{i+1},\ldots,a_n)$ 表示一个顺序表,则表中 a_{i-1} 领先于 a_i , a_i 领先于 a_{i+1} ,称 a_{i-1} 是 a_i 的直接前驱元素, a_{i+1} 是 a_i 的直接后继元素。当 $i=1,2,\ldots,n-1$ 时, a_i 有且仅有一个直接后继,当 $i=2,3,\ldots,n$ 时, a_i 有且仅有一个直接前驱

线性表的实现主要有两种方式:

- 顺序表 所有的元素都是相邻的
- 链表 元素与元素之间不一定相邻

顺序表的定义及接口

定义

```
template<typename T> class List{
  T * 1st; // 指向顺序表的指针
  int len, maxlen; //当前表的长度; 当前表的最大长度
public:
  List(); // 顺序表的构造函数:构造一个顺序表
  ~List(); // 顺序表的析构函数: 销毁一个顺序表
  T * begin(){return &(lst[0]);} // 返回指向表头的指针
  T * end(){return lst + len;} // 返回指向表尾的指针
  T & operator[](int idx); // 顺序表的随机访问函数
  void push_back(T val); // 将一个元素插入顺序表尾部
  int size(); // 返回顺序表的大小
  T * find(const T & val); // 通过值来查找表中元素的位置
  void insert(T * pos, T val); // 将元素插入到表中指定位置
  void remove(T * pos); // 删除顺序表指定位置处的元素
};
```

顺序表的构造和销毁

顺序表的构造

构造

```
template<typename T>
List<T>::List(){
   lst = NULL; len = 0; maxlen = 4; // 初始化表的参数
   assert(allocater() == 0); // 为表分配内存并处理错误
}
```

构造一个顺序表的所有操作时间都是已知的,故构造顺序表的时间复杂度是 $\mathcal{O}(1)$ 。

其中 allocater() 实现了表的内存分配,每调用一次可以使顺序表的空间翻倍。

顺序表的销毁

销毁顺序表的时候,释放顺序表所占的内存。

顺序表的随机访问

随机访问

```
template<typename T>
T & List<T>::operator[](int idx){
    assert(0 <= idx && idx < len); // 检查idx处是否有元素
    return lst[idx]; // 返回顺序表idx处的元素
}
```

顺序表是一种限制元素的地址是连续的的线性表。由于这个限制,我们可以通过一次加法运算得到顺序表内任意元素的地址(顺序表首地址 + 偏移量),故顺序表访问任意元素的时间复杂度是 $\mathcal{O}(1)$ 。

顺序表的插入

将元素插入尾部

由于顺序表中的元素是顺序排列的,故将元素插入尾部的时间复杂度是 $\mathcal{O}(1)$ (当顺序表长度大于最大长度,进行扩张时,时间复杂度为 $\mathcal{O}(n)$ (其中 n 为表的长度))

顺序表的插入

将元素插入指定位置

```
template<typename T>
void List<T>::insert(T * pos, T val){
    assert(pos >= begin() && pos <= end()); // 越界检查
    if(len == maxlen) // 若表已满,则扩张表
        assert(allocater() == 0);
    for(T * iter = end(); iter != pos; iter --)
        *iter = *(iter - 1); // 将指定位置前的元素后移一位
    *pos = val; // 将元素插入指定位置
    len ++; // 更新长度
}
```

在顺序表中,将一个元素插入指定位置,需要移动后面的所有元素,故其时间复杂度为 $\mathcal{O}(n)$ 。

顺序表的删除

删除指定位置的元素

与插入操作类似,在顺序表中删除操作需要移动指定位置后的所有元素,故其时间复杂度同为 $\mathcal{O}(n)$ 。

顺序表的查找

杳找

```
template<typename T>
T * List<T>::find(const T & val){
    for(int i = 0; i < len; i ++){ // 线性查找
        if(lst[i] == val)
        return &(lst[i]); // 若找到,则返回元素地址
    }
    return NULL; // 若未找到,则返回 NULL
}
```

同样,在顺序表中查找时,通常的做法是便利顺序表,若找到指定的元素则返回,故其时间复杂度为 $\mathcal{O}(n)$ 。

顺序表总结

顺序表主要操作的时间复杂度:

• getitem 随机访问 O(1)

• find 查找指定元素 $\mathcal{O}(n)$

• insert 插入元素到指定位置 O(n)

• remove 移除指定位置处的元素 $\mathcal{O}(n)$

• push_back 在表尾插入元素 O(1)

顺序表适用的场景:

由于顺序表进行随机访问的代价很小,故顺序表适用于进行频繁随机 访问的场景(如将连续的字符映射成不同的元素,或存储密集的数据 (如稠密的矩阵))

思考题

思考题

在插入排序算法中,我们使用一种线性查找来(反向)扫描已排好的子序列 $A[1,\ldots,j-1]$,我们可以使用二分查找来把插入排序的最坏情况总运行时间改进到 $\Theta(nlgn)$ 吗?