

Grafika komputerowa i komunikacja człowiek-komputer

Laboratorium nr 3 Modelowanie obiektów 3D

Szymon Datko szymon.datko@pwr.edu.pl

Wydział Informatyki i Telekomunikacji, Politechnika Wrocławska

semestr zimowy 2022/2023





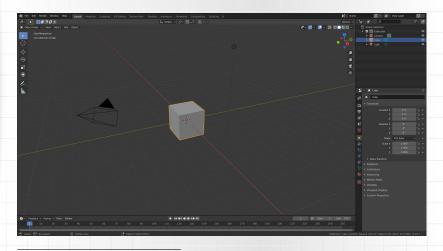
Cel ćwiczenia

- 1. Zrozumienie różnych sposobów definiowania modeli 3D.
- 2. Nabranie wprawy w definiowaniu brył przy pomocy wierzchołków.
- 3. Poznanie zasady działania mechanizmu bufora głębi.



Wykorzystanie edytora do modelowania obiektów*

- Zbudowanie modelu za pomocą zestawu dedykowanych narzędzi.
- Eksport gotowego modelu jako tablicy wierzchołków, krawędzi, itd.



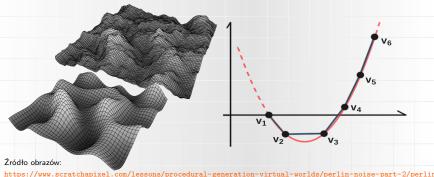
^{* –} Nie jest to zagadnienie rozważane szczegółowo w ramach zajęć z naszego bieżącego kursu.



Opis przy pomocy równań parametrycznych

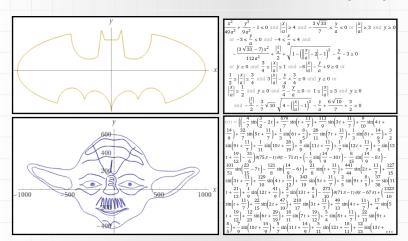
Ogólny pomysł:

- Znaleźć wzór funkcji, której przebieg, na jakimś ustalonym przedziale, dokładnie odzwierciedla pożądany przez nas kształt / powierzchnię.
- Współrzędne wykresu tej funkcji będą stanowiły wierzchołki modelu.
- Gęstość próbkowania w danym przedziale pozwala ustalić szczegółowość.
- ► Wszystkie dane można wyznaczać w miarę potrzeby na żądanie!





Ciekawostka na temat odwzorowań matematycznych



- ► "Matematycy stworzyli uniwersalny wzór na kształt jajka" (sierpień 2021)
 - https://kopalniawiedzy.pl/jajko-ksztalt-wzor,34175

Źródła obrazów:



Model realizowany w ramach zajęć – jajko

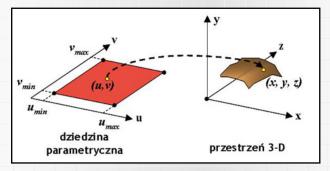
Współrzędne wierzchołków można określić za pomocą układu równań,

$$x(u,v) = (-90 \cdot u^5 + 225 \cdot u^4 - 270 \cdot u^3 + 180 \cdot u^2 - 45 \cdot u) \cdot \cos(\pi \cdot v),$$

$$y(u,v) = 160 \cdot u^4 - 320 \cdot u^3 + 160 \cdot u^2 - 5,$$

$$z(u,v) = (-90 \cdot u^5 + 225 \cdot u^4 - 270 \cdot u^3 + 180 \cdot u^2 - 45 \cdot u) \cdot \sin(\pi \cdot v),$$

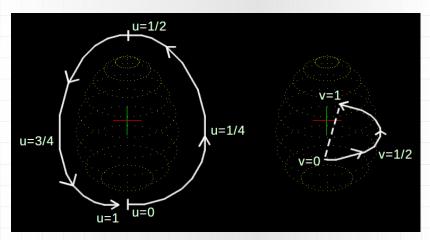
gdzie dziedziny u i v to przedziały $0 \le u \le 1$ oraz $0 \le v \le 1$.





W jaki sposób powstaje nasz model?

- Narysowanie odcinka od u_i do u_{i+1} spowoduje narysowanie linii pionowej.
- Narysowanie odcinka od v_i do v_{i+1} spowoduje narysowanie linii poziomej.



lackbox Linia złożona z N punktów składa się z N-1 odcinków o długości $\frac{L}{N-1}$.



Nowości w przykładowym programie

- ► W funkcji update_viewport() zakresy rysowania ustalono na [-7.5; 7.5].
- Włączono mechanizm bufora głębi.
 - Dodano glEnable(GL_DEPTH_TEST) w funkcji startup().
 - Dodano glClear(GL_DEPTH_BUFFER_BIT) w funkcji render().
- Dodano funkcję axes(), rysującą uproszczony układ współrzędnych.
 - W funkcji render() dodano jej wywołanie, razem z glLoadIdentity().

```
1 def axes():
       glBegin(GL_LINES)
3
4
       glColor3f(1.0, 0.0, 0.0)
       glVertex3f(-5.0, 0.0, 0.0)
51
       glVertex3f(5.0, 0.0, 0.0)
6
8
       glColor3f(0.0, 1.0, 0.0)
       glVertex3f(0.0, -5.0, 0.0)
9
       glVertex3f(0.0, 5.0, 0.0)
10
11
       glColor3f(0.0, 0.0, 1.0)
12
       glVertex3f(0.0, 0.0, -5.0)
13
       glVertex3f(0.0, 0.0, 5.0)
14
15
       glEnd()
16
```



Funkcja spin()

- Funkcja umożliwi proste zanimowanie obiektu i lepszą jego obserwację.
- Definicja funkcji:

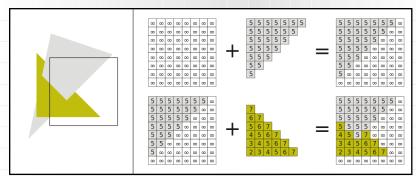
```
1| def spin(angle):
2| glRotatef(angle, 1.0, 0.0, 0.0)
3| glRotatef(angle, 0.0, 1.0, 0.0)
4| glRotatef(angle, 0.0, 0.0, 1.0)
```

- Sposób wywołania:
 - dodać spin(time * 180 / 3.1415) w funkcji render(),
 - przed narysowaniem obiektu, po wywołaniu glloadIdentity().
- Działanie funkcji glRotatef() będzie przybliżone na kolejnych zajęciach!
 - Następuje obrót o wartość kąta w stopniach (pierwszy argument),
 - wokół osi obrotu opisanej przez wektor (trzy kolejne argumenty).



Słowo na temat mechanizmu bufora głębi

- Działa analogicznie, jak bufor koloru przechowuje dane każdego piksela.
- Pozwala na uzyskanie poprawnego przesłaniania obiektów w przestrzeni.
 - Domyślnie obiekty na rzutni pojawiają się w kolejności ich narysowania.
 - To znaczy, że obiekt z tyłu, narysowany później, zakrywa ten z przodu.
- Konsekwencje zastosowania mechanizmu:
 - Kolejność rasteryzacji obiektów nieprzeźroczystych nie ma znaczenia.
 - Wymaga dodatkowej pamięci graficznej do zaalokowania (nt. odległości).





Koniec wprowadzenia.

Zadania do wykonania...



Zadania do wykonania (1)

Na ocenę 3.0 należy zbudować model jajka przy pomocy punktów.

- zadeklarować tablicę wierzchołków o rozmiarze $N \times N \times 3$,
 - w języku Python jest to dosyć podchwytliwe dla nieobeznanych:

```
tab = [[[0] * 3 for i in range(N)] for j in range(N)];
```

- można też użyć modułu numpy: tab = numpy.zeros((N, N, 3));
- ▶ Więcej: https://docs.python.org/3/faq/programming.html#faq-multidimensional-list;
- wyznaczyć N-elementowe tablice wartości dla parametrów u i v,
 - pierwszą wartością musi być 0.0, zaś ostatnią liczba 1.0;
- dla każdej pary u i v obliczyć i zapisać w tablicy wartości x, y i z,
- w funkcji definiującej klatkę obrazu (render()) wyświetlić współrzędne,
 - lelementy tablicy będą stanowiły wejście funkcji glVertex(),
 - posłużyć się prymitywem GL_POINTS;

Zadania do wykonania (2)

Na ocenę 3.5 należy zbudować model jajka przy pomocy linii.

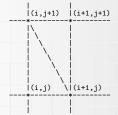
- w programie posłużyć się prymitywem GL_LINES,
- każdy element z dziedziny (u,v) połączyć z elementem sąsiadującym,
 - element (i,j) połączyć z elementami (i+1,j) oraz (i,j+1),
 - zwrócić uwagę na zakres indeksów i liczbę iteracji w pętli,
 - ightharpoonup jeśli obiekt się nie domyka, zweryfikować czy na pewno używamy poprawnie całego zakresu dla parametrów ($u \in [0;1]$ i $v \in [0;1]$),
- dodatkowo należy zaimplementować obracanie się obiektu,
 - wykorzystać zaproponowaną funkcję spin(angle),
 - ▶ argument angle może stanowić parametr time funkcji render(),
 - lacktriangledown time traktować jako wartość kąta w radianach angle = time $\cdot \frac{180}{\pi}$.



Zadania do wykonania (3)

Na ocenę 4.0 należy zbudować model przy pomocy trójkątów.

- tym razem wykorzystać prymityw GL_TRIANGLES,
- każdy element dziedziny (u,v) połączyć z dwoma sąsiednimi elementami,
 - element (i,j) połączyć jednocześnie z (i+1,j) oraz (i,j+1),
 - konieczne będzie także narysowanie trójkąta dopełniającego;
- każdemu wierzchołkowi przypisać losowy kolor (ale bez efektu migotania).

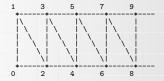




Zadania do wykonania (4)

Na ocenę 4.5 należy zbudować model za pomocą prymitywu paskowego.

- wykorzystać poprawnie prymityw GL_TRIANGLE_STRIP,
- wystarczy każdą warstwę modelu zbudować za pomocą jednego paska,
 - celem jest zmniejszenie liczby wywołań funkcji glVertex();
- zadbać o spójność modelu, wyeliminować artefekty łączenia na modelu,
 - konieczne może być odpowiednie nadpisanie wartości koloru na skrajnych wierzchołkach – brzegach dziedziny przestrzeni (u, v).



Zadania do wykonania (5)

Na ocenę 5.0 należy zbudować inny, dodatkowy model.

- wybrać jeden z przykładów zaproponowanych jako "zadania domowe",
 - dokument znajduje się na stronie prowadzącego,
 - interesuje nas po prostu zbudowanie nowego modelu,
 - wszelkie pozostałe szczegóły implementacyjne według uznania.