Exercices: partitions

Premières Spécialité Mathématiques

10 Décembre 2024

- On considère l'expérience aléatoire consistant à lancer un dé équilibré à 10 faces et à considérer le résultat obtenu. Donner une partition de l'univers associé à cette expérience aléatoire :
- a) formée de 4 événements définis par des ensembles.
- b) formée de 3 événements définis par des phrases.
- On considère un univers Ω et deux de ses partitions $\mathcal{P}_1 = \{A_1; A_2; A_3\}$ d'une part et $\mathcal{P}_2 = \{B; \overline{B}\}$ d'autre part.

On sait que
$$p(A_1) = \frac{1}{4}$$
, $p(A_2) = \frac{5}{12}$, $p_{A_1}(B) = \frac{1}{3}$,

$$p(A_2 \cap B) = \frac{1}{4} \text{ et } p(A_3 \cap \overline{B}) = \frac{1}{6}.$$

- 1. Déterminer les probabilités suivantes.
- a) $p(A_3)$

b) $p(A_1 \cap B)$

c) $p_{A_3}(B)$

- **d)** $p_{A_2}(\overline{B})$
- 2. Tracer un arbre représentant la situation.
- **3.** Calculer $p(A_1 \cup B)$.

- 52 Sophie a mis des dragées dans une boîte, les unes contiennent une amande, les autres pas :
- 30 % des dragées contiennent une amande ;
- 40 % des dragées avec amande sont bleues et les autres roses ;
- 25 % des dragées sans amande sont roses et les autres bleues.

Sophie choisit au hasard une dragée dans la boîte et on considère les événements :

- A : « La dragée choisie contient une amande. »
- B : « La dragée choisie est bleue. »
- 1. Représenter la situation par un arbre pondéré.
- **2.** Montrer que $p(A \cap B) = 0,12$.
- **3.** Calculer p(B) puis en déduire $p_{B}(A)$.
- **4.** Calculer $p_{\overline{R}}(A)$.
- 5. Sophie préfère les dragées contenant une amande. Doit-elle plutôt choisir une dragée bleue ou rose ?