# Chapitre 2 : Second degré

## Premières Spécialité Mathématiques

### 1 Définition

**Définition 1.** Une fonction polynomiale du second degré est une fonction f définie sur les réels qui à tout nombre x associe un réel f(x) de la forme :

$$ax^2 + bx + c$$

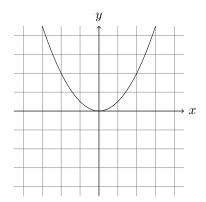
où a, b et c sont des réels avec  $a \neq 0$ .

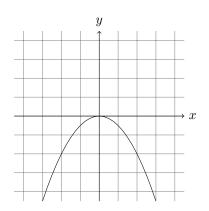
**Remarque.** L'hypothèse  $a \neq 0$  est essentielle, sinon la fonction est polynomiale de degré au plus 1.

L'objectif de ce chapitre est d'étudier les fonctions polynomiales du second degré : l'allure de leur courbe représentative, leur extremum, leurs racines...

## 2 Allure du graphique

On trace la courbe représentative de deux fonctions polynomiales du second degré : une avec a>0 et une avec a<0.





**Définition 2.** Soit f une fonction polynomiale de degré 2. Sa courbe représentative est appelée une **parabole**.

**Proposition 1.** Soit f une fonction polynomiale de degré 2. telle que  $f(x) = ax^2 + bx + c$ . Alors:

- Si a > 0, il existe une valeur de x, notée  $x_m$  telle que f est décroissante sur  $]-\infty; x_m]$  et croissante sur  $[x_m; +\infty[$
- Si a < 0, il existe une valeur de x, notée  $x_M$  telle que f est croissante sur  $]-\infty; x_M]$  et décroissante sur  $[x_M; +\infty[$

#### Remarque.

- Dans le cas a > 0, les « branches de la paraboles sont tournées vers le haut ». Dans le cas contraire (a < 0), elles sont « tournées vers le bas ».
- Dans le cas a > 0, f admet un unique minimum, et ce minimum est atteint en  $x_m$ . Dans le cas contraire (a < 0), f admet un maximum, et ce maximum est atteint en  $x_M$ .

# 3 Recherche de l'extremum