Statistiques: Proportions, Évolutions

Seconde 9

1 Proportions et pourcentages

1.1 Populations

Définition 1. *En statistiques, on étudie des populations, c'est-à-dire des ensembles d'éléments appelés individus.*

Exemple. Les ensembles suivants sont des populations pouvant faire l'objet d'études statistiques.

- Le sport préféré des habitants de Villeneuve-Le-Roi;
- Les initiales des élèves d'un lycée;
- Le poids de pièces de métal fabriquées par une machine.

•

•

Définition 2. On appelle sous-population d'une population P une partie des individus de P.

Exemple. On donne des exemples de sous-population correspondant aux populations données ci-dessus :

- Les sports collectifs;
- Les initiales commençant par des voyelles;
- Les pièces pesant plus de 3.8 kg;

•

•

Définition 3. On conidère une population P de N individus et une sous-population S de P de n individus. Alors la **proportion** de S par rapport à P, notée p, est donné par

$$p = \frac{n}{N}$$

Remarque. Pour obtenir la proportion d'une sous-population, on divise le nombre d'individus **concernés** par le nombre **total** d'individus.

Exemple. On vide une trousse de tous ses stylos (il y en a 15), et on compte le nombre de stylos rouges (il y en a 3).

- a) Quelle est la population étudiée? Et la sous-population?
- b) Quelle est la proportion de stylos rouges dans cette trousse?

1.2 Pourcentages

Remarque. Si l'on souhaite avoir la proportion p sous la forme de **pourcentage**, il suffit de la multiplier par 100.

Exemple. On considère les 56 animaux d'un zoo : il y a 28 lions, 12 zèbres et 16 alligators.

- a) Quelle est la population étudiée?
- b) Quelles sont les différentes sous-populations à l'étude?
- c) Donner la proportion de lions (p_L) , de zèbres (p_Z) et d'alligators (p_A) en pourcentage.

L		

Remarque.

ullet Si l'on connait la nombre total d'individus N et la proportion p de la sous-population S, alors on obtient le nombre d'individus n de S en faisant

$$n = p \times N$$

- Autrement dit, prendre p% de N, c'est multiplier N par $\frac{p}{100}$
- ullet Si l'on connait n et p, alors le nombre total d'individu N est donné par

$$N = \frac{n}{p}$$

• Autrement dit, si n représente p% de la population totale, alors le nombre total d'individu est donné par

$$N = \frac{n}{p}100$$

Exemple.

- a) Dans le lycée A, il y a 650 élèves, dont 20% de secondes. Combien y a-t-il de secondes?
- b) Il y a 50 terminales dans le lycée B, et ils représentent 25% de l'ensemble des élèves. Combien y a-t-il d'élèves au total dans le lycée B?

1.3 Proportions de proportions

Exemple. Dans un stade de 1600 spectateurs, 40% sont venus supporter l'équipe bleue. Parmi les supporteurs de l'équipe bleue, seul 60% d'entre eux ont acheté une boisson. Combien de spectateurs sont à la fois supporteur de l'équipe bleue et ont acheté une boisson?

Proposition 1. Soit P une population, S_1 une sous-population de P, et S_2 une sous-population de S_1 . Alors, S_2 est une sous-population de P.

De plus, si on note p_1 la proportion de S_1 par rapport à P et p_2 la proportion de S_2 par rapport à S_1 , alors la proportion de S_2 par rapport à P est donnée par

$$p = p_1 \times p_2$$

Remarque. a) La situation peut-être schématisée ainsi :





