# Modélisation en Biologie

Algorithmes de Smith-Waterman et de Gotoh pour l'alignement de séquences

Nicolas Thierry-Mieg
CNRS / TIMC-IMAG / BCM, Grenoble, France

Merci à Jacques Van Helden, Université d'Aix-Marseille, pour ses slides

ENSIMAG 2A 2016-2017

- Objectif: identifier les similarités entre deux séquences
  - Séquences d'ADN: ATGC + N
  - Séquences peptidiques == protéines: ACDEF...Y (20 acides aminés)

#### Alignements globaux (Needleman-Wunsch) versus locaux (Smith-Waterman)

#### Alignement global

L'alignement final inclut obligatoirement les deux séquences complètes.

```
LQGPSKGTGKGS-SRSWDN
|----|--||---|-
LN-ITKSAGKGAIMRLGDA
```

- Approprié, par exemple, pour les protéines homologues qui sont conservées sur toute leur longueur.
- Algorithme: Needleman-Wunsch (1970).

- Needleman, S. B. & Wunsch, C. D. (1970). A general method applicable to the search for similarities in the amino acid sequence of two proteins. J Mol Biol 48, 443-53.
- Smith, T. F. & Waterman, M. S. (1981). Identification of common molecular subsequences. J Mol Biol 147, 195-7.

#### Alignements globaux (Needleman-Wunsch) versus locaux (Smith-Waterman)

#### Alignement global

L'alignement final inclut obligatoirement les deux séquences complètes.

```
LQGPSKGTGKGS-SRSWDN
|----|--|||---|--
LN-TTKSAGKGATMRLGDA
```

- Approprié, par exemple, pour les protéines homologues qui sont conservées sur toute leur longueur.
- □ Algorithme: **Needleman-Wunsch** (1970).

#### Alignement local

□ LQGPSKTGKGS-SSRIWDN |-||| IN-ITKAGKGAIMRIGDA

L'alignement final est restreint aux segments conservés.

```
KTGKG
|-|||
KAGKG
```

- Approprié, par exemple, pour les protéines qui partagent un domaine commun, restreint à un segment de chaque séquence.
- Algorithme: Smith-Waterman (1981).
- Needleman, S. B. & Wunsch, C. D. (1970). A general method applicable to the search for similarities in the amino acid sequence of two proteins. J Mol Biol 48, 443-53.
- Smith, T. F. & Waterman, M. S. (1981). Identification of common molecular subsequences. J Mol Biol 147, 195-7.

- Objectif: identifier les similarités entre deux séquences
  - Séquences d'ADN: ATGC + N
  - Séquences peptidiques == protéines: ACDEF...Y (20 acides aminés)

```
GATTACA et TATA?

GATTACA

||||

---TATA

GATTACA et ATAC?

GATTACA

||||

-AT-AC-
```

- Objectif: identifier les similarités entre deux séquences
  - Séquences d'ADN: ATGC + N
  - Séquences peptidiques == protéines: ACDEF...Y (20 acides aminés)

```
GATTACA et TATA?

GATTACA

||||
---TATA

GATTACA et ATAC?

GATTACA

||||
-AT-AC-
```

- Score/coût d'une substitution, par exemple pour l'ADN: match +1, mismatch -1
- Insertions-délétions (indels), modèle linéaire de coût: -2 par '-'
- On cherche des alignements dont le score est maximal
- Alignement global: l'intégralité des deux séquences

- Objectif: identifier les similarités entre deux séquences
  - Séquences d'ADN: ATGC + N
  - Séquences peptidiques == protéines: ACDEF...Y (20 acides aminés)

```
GATTACA et TATA?

GATTACA

||||
---TATA

GATTACA et ATAC?

GATTACA

||||
-AT-AC-
```

- Score/coût d'une substitution, par exemple pour l'ADN: match +1, mismatch -1
- Insertions-délétions (indels), modèle linéaire de coût: -2 par '-'
- On cherche des alignements dont le score est maximal
- Alignement global: l'intégralité des deux séquences

- Objectif: identifier les similarités entre deux séquences
  - Séquences d'ADN: ATGC + N
  - Séquences peptidiques == protéines: ACDEF...Y (20 acides aminés)

```
GATTACA et TATA?

GATTACA

||||
---TATA

GATTACA et ATAC?

GATTACA

||||
-AT-AC-
```

- Score/coût d'une substitution, par exemple pour l'ADN: match +1, mismatch -1
- Insertions-délétions (indels), modèle linéaire de coût: -2 par '-'
- On cherche des alignements dont le score est maximal
- Alignement global: l'intégralité des deux séquences

- Objectif: identifier les similarités entre deux séquences
  - Séquences d'ADN: ATGC + N
  - Séquences peptidiques == protéines: ACDEF...Y (20 acides aminés)

```
GATTACA et TATA?

GATTACA

||||
---TATA

GATTACA et ATAC?

GATTACA

||||
-AT-AC-
```

- Score/coût d'une substitution, par exemple pour l'ADN: match +1, mismatch -1
- Insertions-délétions (indels), modèle linéaire de coût: -2 par '-'
- On cherche des alignements dont le score est maximal
- Alignement global: l'intégralité des deux séquences
- Alignement semi-global: ignorer les indels aux extrémités

- Objectif: identifier les similarités entre deux séquences
  - Séquences d'ADN: ATGC + N
  - Séquences peptidiques == protéines: ACDEF...Y (20 acides aminés)

```
GATTACA et TATA?

GATTACA

Score (global): -4

Score (semi-global): +2

GATTACA et ATAC?

GATTACA

GATTACA

GATTACA

GATTACA

GATTACA

Score (global): -2

Score (global): -2

Score (semi-global): +2
```

- Score/coût d'une substitution, par exemple pour l'ADN: match +1, mismatch -1
- Insertions-délétions (indels), modèle linéaire de coût: -2 par '-'
- On cherche des alignements dont le score est maximal
- Alignement global: l'intégralité des deux séquences
- Alignement semi-global: ignorer les indels aux extrémités

- Objectif: identifier les similarités entre deux séquences
  - Séquences d'ADN: ATGC + N
  - Séquences peptidiques == protéines: ACDEF...Y (20 acides aminés)

```
GATTACA et TATA?

GATTACA

| | | |

---TATA

GATTACA

GAT
```

- Score/coût d'une substitution, par exemple pour l'ADN: match +1, mismatch -1
- Insertions-délétions (indels), modèle linéaire de coût: -2 par '-'
- On cherche des alignements dont le score est maximal
- Alignement global: l'intégralité des deux séquences
- Alignement semi-global: ignorer les indels aux extrémités

- Objectif: identifier les similarités entre deux séquences
  - Séquences d'ADN: ATGC + N
  - Séquences peptidiques == protéines: ACDEF...Y (20 acides aminés)

```
GATTACA et TATA?
                                         Score (global): -4
            GATTACA
                                         Score (semi-global): +2
                I I I I I
            ---TAtA
GATTACA et ATAC?
                                         Score (global): -2
            GATTACA
                                         Score (semi-global): +2
             D'autres alignements semi-globaux aussi bons?
            -AT-AC-
          GATTACA
                                         Score (global): -2
            Score (semi-global): +2
           -A-TAC-
                                         Score (global): -4
            GATTACA
                                         Score (semi-global): +2
               I \mid I \mid I \mid
            --aTAC-
```

- Objectif: identifier les similarités entre deux séquences
  - Séquences d'ADN: ATGC + N
  - Séquences peptidiques == protéines: ACDEF...Y (20 acides aminés)

```
GATTACA et TATA?

GATTACA

Score (global): -4

Score (semi-global): +2

GATTACA et ATAC?

GATTACA

GATTACA

GATTACA

GATTACA

GATTACA

Score (global): -2

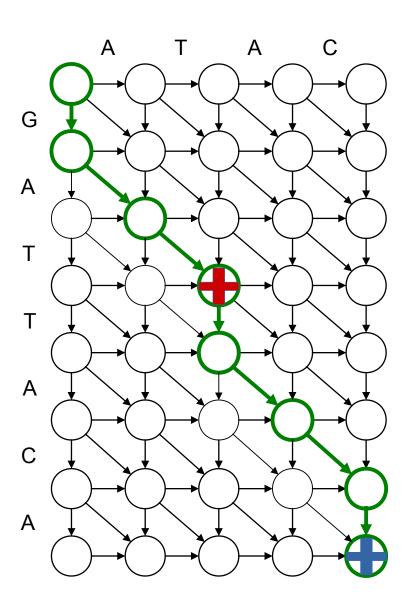
Score (global): -2

Score (semi-global): +2
```

- Score/coût d'une substitution, par exemple pour l'ADN: match +1, mismatch -1
- Insertions-délétions (indels), modèle linéaire de coût: -2 par '-'
- On cherche des alignements dont le score est maximal
- Alignement global: l'intégralité des deux séquences
- Alignement semi-global: ignorer les indels aux extrémités
- Alignement local: sous-séquences

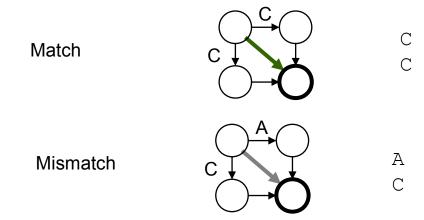
Idée: remplir une matrice (n+1,p+1)

Un chemin de la case (0,0) à la case (i,j) représente un alignement des préfixes de longueurs i et j des deux séquences

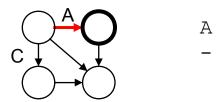


#### Algorithme – déplacements dans la matrice

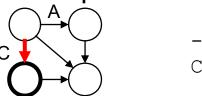
#### Déplacement diagonal: substitution (match ou mismatch)



Déplacement horizontal: insertion d'un '-' dans la séquence verticale



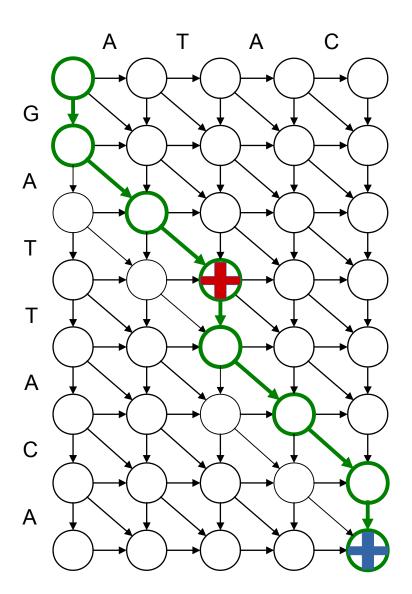
Déplacement vertical: insertion d'un '-' dans la séquence horizontale



Idée: remplir une matrice (n+1,p+1)

Un chemin de la case (0,0) à la case (i,j) représente un alignement des préfixes de longueurs i et j des deux séquences Exemple rouge+vert:



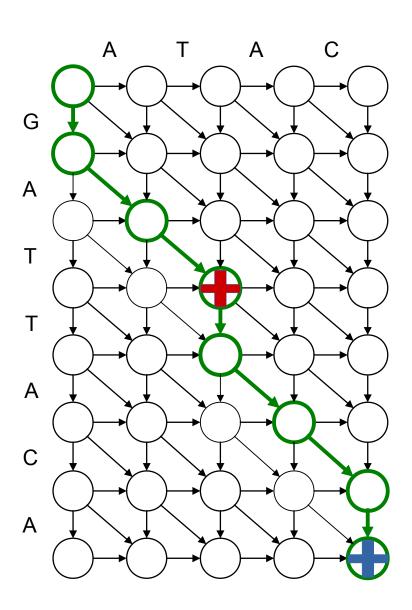


Idée: remplir une matrice (n+1,p+1)

Un chemin de la case (0,0) à la case (i,j) représente un alignement des préfixes de longueurs i et j des deux séquences Exemple rouge+vert:

Un alignement global est un chemin du coin haut-gauche jusqu'au coin bas-droit

Exemple bleu+vert:



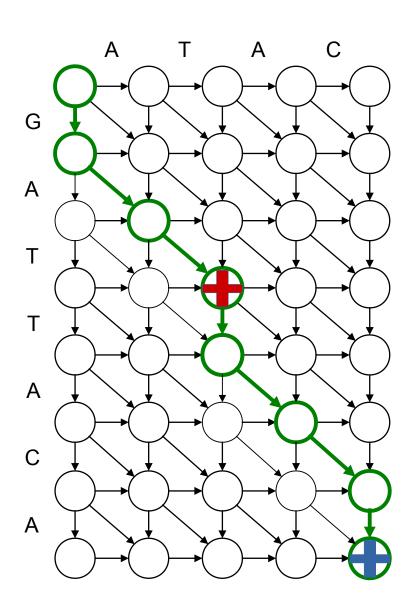
Idée: remplir une matrice (n+1,p+1)

Un chemin de la case (0,0) à la case (i,j) représente un alignement des préfixes de longueurs i et j des deux séquences Exemple rouge+vert:

Un alignement global est un chemin du coin haut-gauche jusqu'au coin bas-droit

Exemple bleu+vert:

Un alignement semi-global est...?



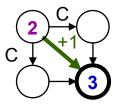
### Algorithme – scores

Chaque case contiendra le score du ou des meilleurs alignements de préfixes aboutissant à cette case

Exemple de modèle de coût:

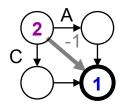
- □ match +1
- mismatch -1
- □ indel -2

Match

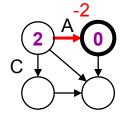


C

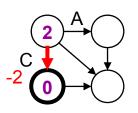
Mismatch



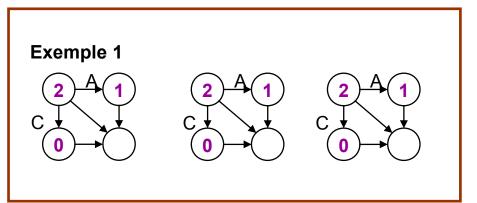
A C

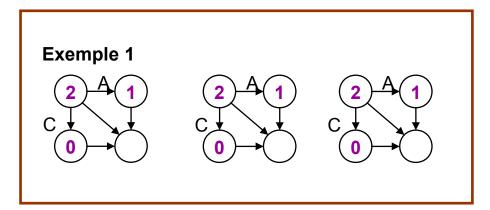


Α

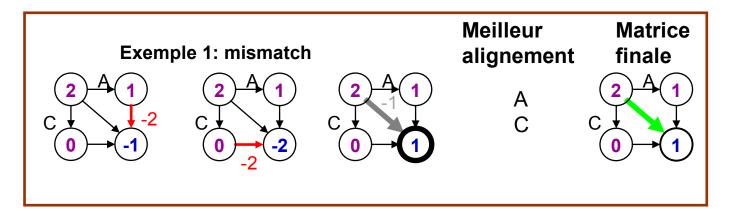


С

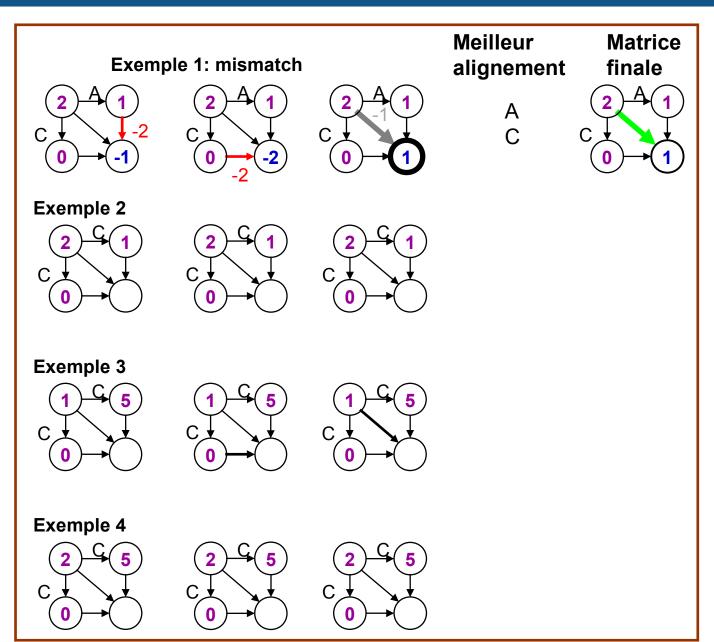


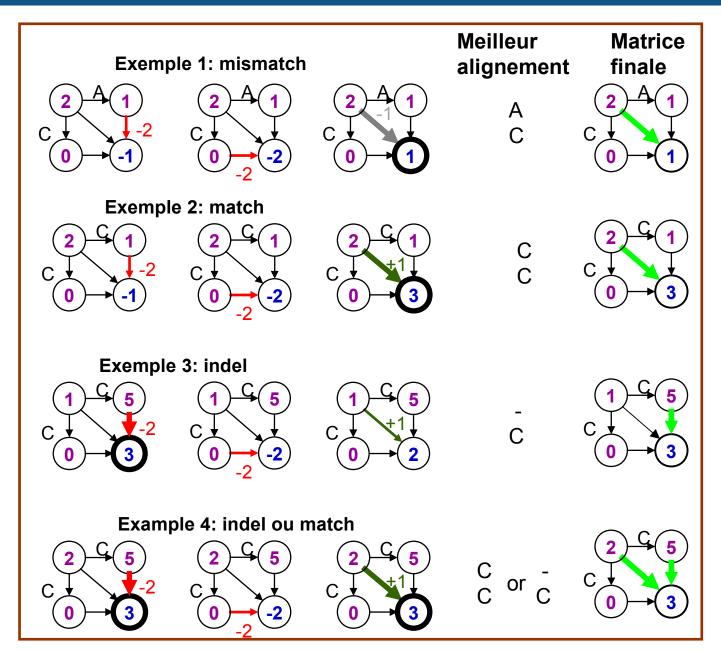


$$S(i,j) = max{ S(i-1,j-1) + subst(s1[i-1],s2[j-1]) , }$$
  
 $S(i-1,j) + indel ,$   
 $S(i,j-1) + indel }$ 



$$S(i,j) = max{ S(i-1,j-1) + subst(s1[i-1],s2[j-1]) , }$$
  
 $S(i-1,j) + indel ,$   
 $S(i,j-1) + indel }$ 



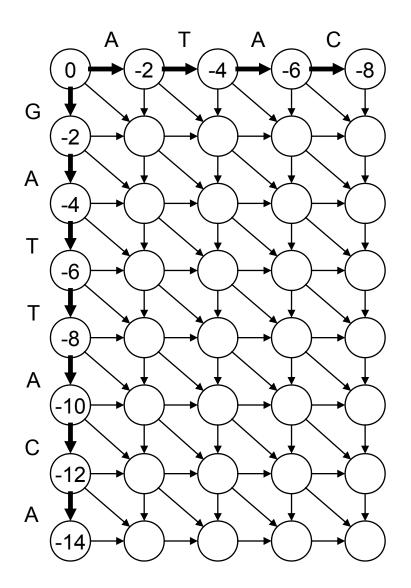


# Algorithme – initialisation du score

#### Alignement global

#### Exemple de modèle de coût:

- □ match +1
- mismatch -1
- □ indel -2

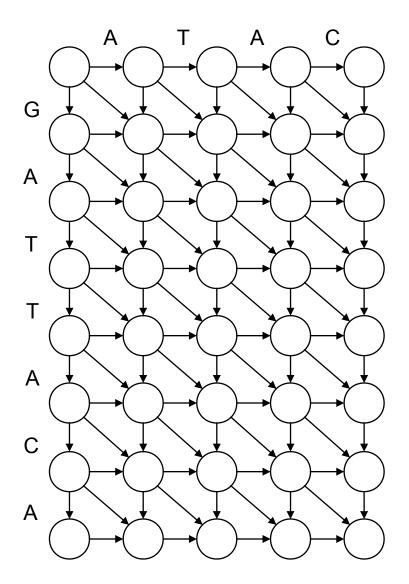


# Algorithme – initialisation du score

# Alignement global Alignement semi-global?

Exemple de modèle de coût:

- □ match +1
- mismatch -1
- □ indel -2

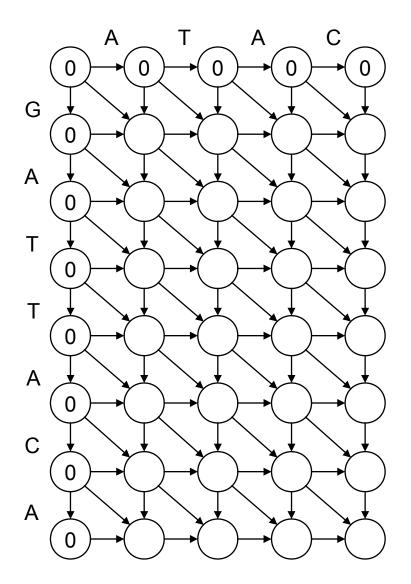


### Algorithme – initialisation du score

#### Alignement semi-global

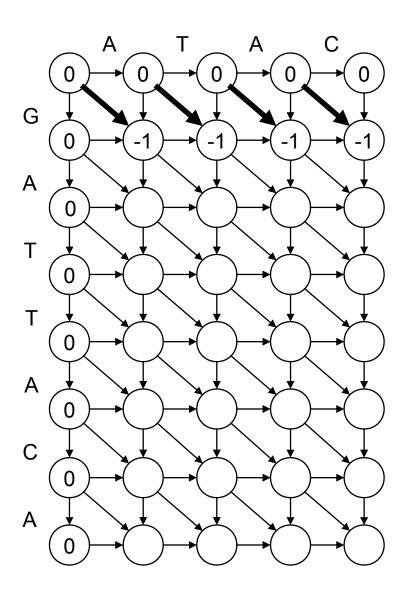
#### Exemple de modèle de coût:

- □ match +1
- mismatch -1
- □ indel -2



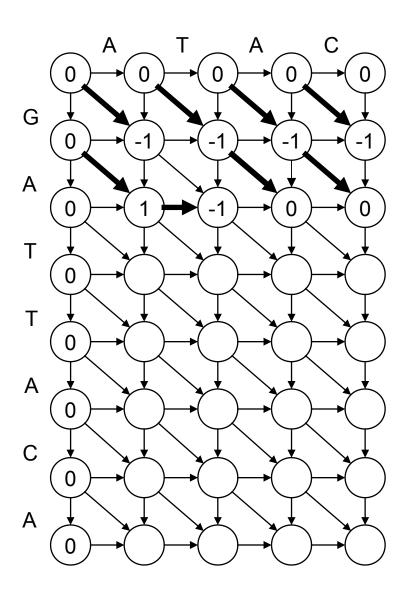
- 1. Initialisation -> premières ligne et colonne
- 2. On remplit la seconde ligne de gauche à droite (ou la seconde colonne de haut en bas).

- le meilleur score
- le ou les chemins qui l'ont produit



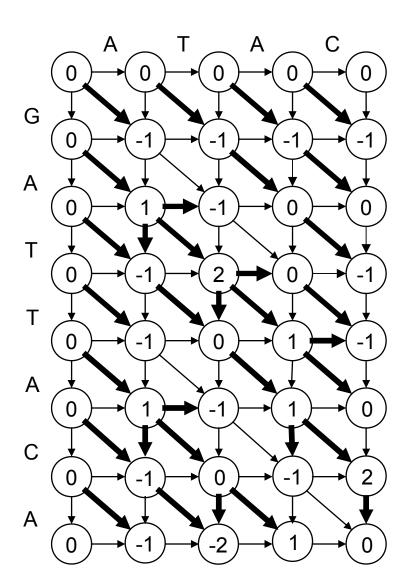
- 1. Initialisation -> premières ligne et colonne
- 2. On remplit la seconde ligne de gauche à droite (ou la seconde colonne de haut en bas).

- le meilleur score
- le ou les chemins qui l'ont produit
- 3. Remplissage de la 3ème ligne: idem



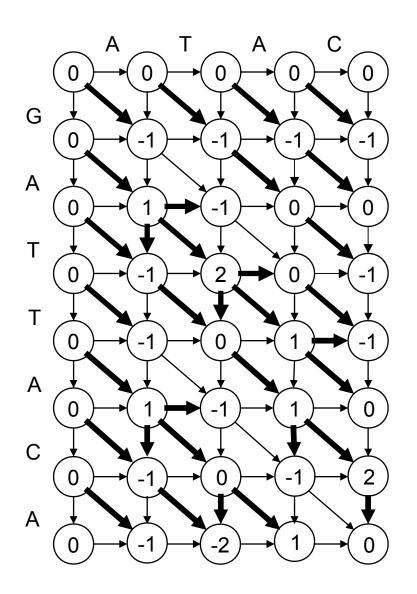
- 1. Initialisation -> premières ligne et colonne
- 2. On remplit la seconde ligne de gauche à droite (ou la seconde colonne de haut en bas).

- le meilleur score
- le ou les chemins qui l'ont produit
- 3. Remplissage de la 3ème ligne: idem
- 4. On itère... -> matrice remplie!



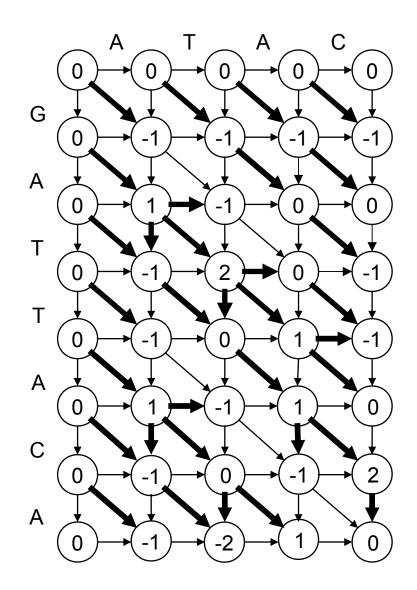
- 1. Initialisation -> premières ligne et colonne
- 2. On remplit la seconde ligne de gauche à droite (ou la seconde colonne de haut en bas).

- le meilleur score
- le ou les chemins qui l'ont produit
- 3. Remplissage de la 3ème ligne: idem
- 4. On itère... -> matrice remplie!
- 5. Global: on part de la case bas-droite et on remonte en suivant les chemins optimaux jusqu'à atteindre la case haut-gauche
  - → les alignements optimaux



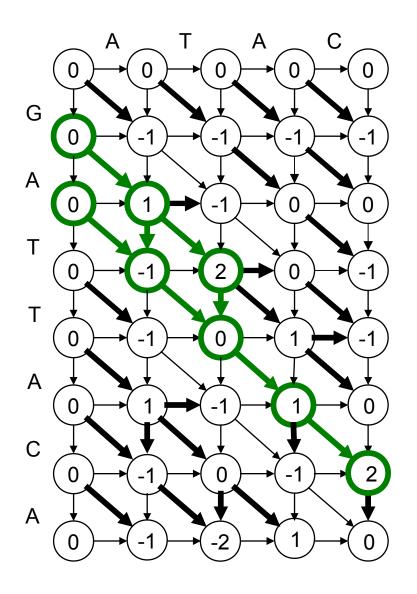
- 1. Initialisation -> premières ligne et colonne
- 2. On remplit la seconde ligne de gauche à droite (ou la seconde colonne de haut en bas).

- le meilleur score
- le ou les chemins qui l'ont produit
- 3. Remplissage de la 3ème ligne: idem
- 4. On itère... -> matrice remplie!
- 5. Semi-global: on part de ??? et on remonte en suivant les chemins optimaux jusqu'à atteindre ???
  - → les alignements optimaux

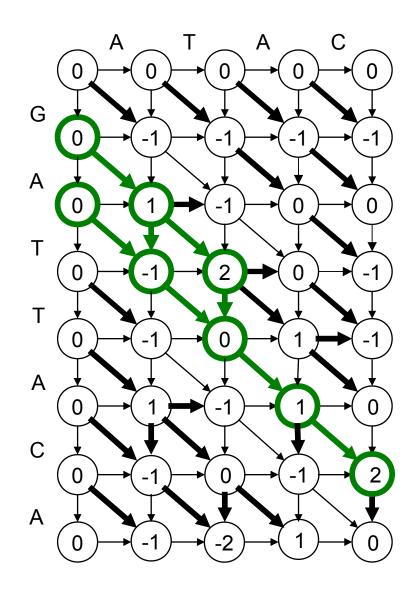


- 1. Initialisation -> premières ligne et colonne
- 2. On remplit la seconde ligne de gauche à droite (ou la seconde colonne de haut en bas).

- le meilleur score
- le ou les chemins qui l'ont produit
- 3. Remplissage de la 3ème ligne: idem
- 4. On itère... -> matrice remplie!
- 5. Semi-global: on part de la/les cases de score max dans la dernière ligne/colonne et on remonte en suivant les chemins optimaux jusqu'à atteindre une case de la première ligne/colonne
- $\rightarrow$  les alignements optimaux



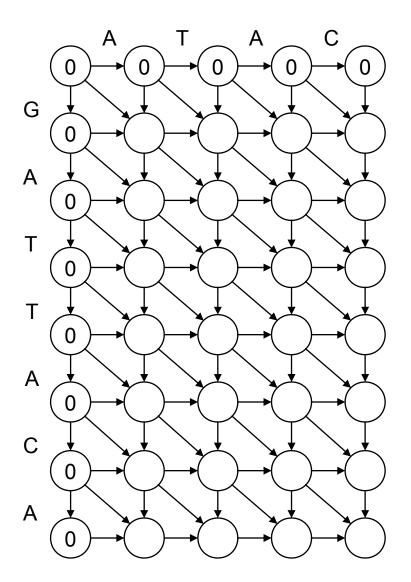
# GATTACA et ATAC? Score (semi-global): +2 GATTACA -AT-AC-GATTACA -A-TAC-GATTACA $| \cdot | \cdot |$ --aTAC-



Alignement local: un alignement peut commencer n'importe où dans la matrice

 $\longrightarrow$ 

Même initialisation que semi-global, et en plus tout score négatif est remplacé par zéro (sans prédécesseur: ce sera la début potentiel d'un alignement local optimal)

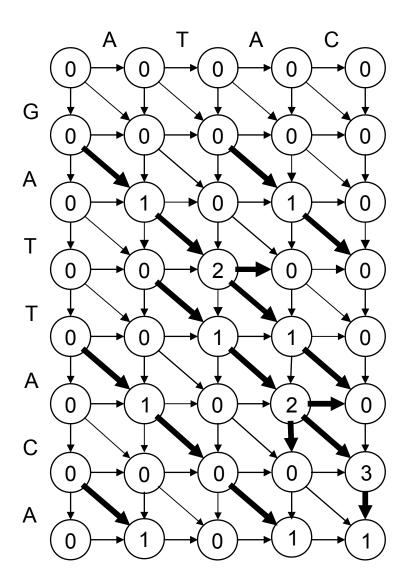


Alignement local: un alignement peut commencer n'importe où dans la matrice

 $\longrightarrow$ 

Même initialisation que semi-global, et en plus tout score négatif est remplacé par zéro (sans prédécesseur: ce sera la début potentiel d'un alignement local optimal)

$$S(i,j) = max{ S(i-1,j-1) + subst(s1[i-1],s2[j-1]) , }$$
  
 $S(i-1,j) + indel ,$   
 $S(i,j-1) + indel ,$   
 $0 }$ 



Alignement local: un alignement peut commencer n'importe où dans la matrice

 $\longrightarrow$ 

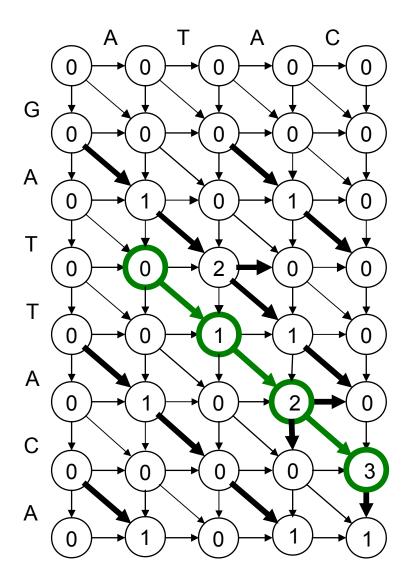
Même initialisation que semi-global, et en plus tout score négatif est remplacé par zéro (sans prédécesseur: ce sera la début potentiel d'un alignement local optimal)

Un alignement peut terminer n'importe où

 $\longrightarrow$ 

on trouve les cases de score maximal dans **toute** la matrice: ce sont les fins des alignements optimaux

On remonte jusqu'à une case de score nul: début de l'alignement optimal considéré



Alignement local: un alignement peut commencer n'importe où dans la matrice

 $\longrightarrow$ 

Même initialisation que semi-global, et en plus tout score négatif est remplacé par zéro (sans prédécesseur: ce sera la début potentiel d'un alignement local optimal)

Un alignement peut terminer n'importe où

 $\longrightarrow$ 

on trouve les cases de score maximal dans **toute** la matrice: ce sont les fins des alignements optimaux

On remonte jusqu'à une case de score nul: début de l'alignement optimal considéré

Alignement local optimal (score 3) de l'exemple:

