

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Дальневосточный федеральный университет» (ДВФУ)

ШКОЛА ЕСТЕСТВЕННЫХ НАУК

Департамент информатики, математического и компьютерного моделирования

ОТЧЕТ

по лабораторной работе по дисциплине «Вычислительная математика»

Выполнил студент гр. Б9119-02.03.01сцт $\frac{\Pi \text{анченко H.K.}}{(\Phi \text{ИO})} \frac{}{(\text{nodnucb})}$ « $\underline{02}$ » июня $\underline{2022}$ г.

г. Владивосток 2022

Содержание

Введение	Ş
Метод квадратного корня	4

Введение

Отчёт по лабораторной работе на тему «Метод квадратного корня».

Метод квадратного корня

Изучить, понять и реализовать алгоритм метода оптимального исключения для решения СЛАУ, а также описать работу алгоритма и привести результаты.

Алгоритм

Метод используется для решения систем, у котроых матрица A симметрична. В этом случает марицу A можно разложить в произведение двух транспонированных друг другу треугольных матриц:

$$A = S'S$$
,

$$S = \begin{bmatrix} s_{11} & s_{12} & \cdots & s_{1n} \\ 0 & s_{22} & \cdots & s_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & s_{nn} \end{bmatrix}$$

Формула для определения s_{ij} :

$$s_{11} = \sqrt{a_{11}}, \ s_{1j} = \frac{a_{1j}}{s_{11}}, \ (j > 1),$$

$$s_{ii} = \sqrt{a_{ii} - \sum_{k=1}^{i-1} s_{ki}^2} \quad (i > 1), \quad s_{ij} = \frac{a_{ij} - \sum_{k=1}^{i-1} s_{ki} s_{kj}}{s_{ii}} \quad (j > 1),$$

$$s_{ij=0} \quad (i > j).$$

После того как матрица S найдена, решают систему:

$$S'y = b,$$

а затем находят неизвестные x_1, x_2, \cdots, x_n из системы:

$$Sx = y$$

$$y_1 = \frac{b_1}{s_{11}}, \quad y_i = \frac{b_i - \sum_{k=1}^{i-1} s_{ki} y_k}{s_{ii}}, (i > 1).$$

$$x_n = \frac{y_n}{s_{nn}}, \quad x_i = \frac{y_i - \sum_{k=i+1}^{n} s_{ik} x_k}{s_{ii}}, (i < n).$$

Тесты