

#### МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

 $\Phi$ едеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

# «Дальневосточный федеральный университет» (ДВФУ)

#### ШКОЛА ЕСТЕСТВЕННЫХ НАУК

### Кафедра информатики, математического и компьютерного моделирования

#### ОТЧЕТ

по лабораторной работе по дисциплине «Методы оптимизации»

Выполнил студент гр. Б9119-02.03.01сцт  $\frac{\Pi \text{анченко H.K.}}{(\Phi \text{ИO})} \frac{}{(\text{nodnucb})}$  «17» мая 2022 г.

г. Владивосток 2022

## Постановка задачи

Пусть даны прямая и двойственные задачи:

$$\begin{cases} c \cdot x \to \max \\ A \cdot x \le b \\ x \ge 0 \end{cases} \tag{1}$$

$$\begin{cases} b \cdot y \to \min \\ A^T \cdot y \ge c \\ y \ge 0 \end{cases}$$
 (2)

Необходимо, используя симплекс-метод, найти оптимальное решение задач прямой и двойственной.

Все данные будем генерировать случайным образом и будем перестраивать полученную симплексную таблицу до тех пор, пока все значения из индексной строки не будут положительными. На основе последней таблицы также получим решение двойственной задачи. Также проверим, что  $c \cdot x = b \cdot y$ .

## Реализация алгоритма

Для реализации воспользуемся языком программирования Python и библиотекой Numpy для удобной работы с матрицами.

```
import numpy as np
import copy

n = 6
m = 8

A = np.random.randint(1, 10, (m, n)).astype('float')
b = np.random.randint(1, 10, m).astype('float')
```

```
c = np.random.randint(1, 10, n).astype('float')
startC = copy.deepcopy(c)
startB = copy.deepcopy(b)
prevLeads = []
print("A =")
print(A)
print("b = " + str(b))
print("c = " + str(c))
c = c*(-1)
cFree = 0
colInd = [i for i in range(0, n)]
prevLeads.append(copy.deepcopy(colInd))
strInd = [i for i in range(n, n+m)]
while min(c) < 0:
   oldColInd = copy.deepcopy(colInd)
   oldStrInd = copy.deepcopy(strInd)
   changeC = copy.deepcopy(c)
   check = True
   while check:
       check = False
       leadCol = np.argmax(np.abs(changeC))
       leadStr = 0
       leadStrVal = 10000000000000000
       for i in range(0, m):
           if (not((b[i] > 0) and (A[i, leadCol] < 0))):
               leadStrNew = b[i] / A[i, leadCol]
               if (leadStrNew < leadStrVal):</pre>
                  leadStr = i
                  leadStrVal = leadStrNew
```

```
leadVal = copy.deepcopy(A[leadStr, leadCol])
   strInd = np.insert(strInd, 0, colInd[leadCol])
   colInd[leadCol] = copy.deepcopy(strInd[leadStr+1])
   strInd = np.delete(strInd, leadStr + 1)
   for i in range(len(prevLeads)):
       prevLeads[i].sort()
       sortColInd = copy.deepcopy(colInd)
       sortColInd.sort()
       if prevLeads[i] == sortColInd:
           changeC[leadCol] = 0
           colInd = copy.deepcopy(oldColInd)
           strInd = copy.deepcopy(oldStrInd)
           check = True
          break
prevLeads.append(copy.deepcopy(colInd))
helpVals = copy.deepcopy(A[:, leadCol]*(-1))
helpVals = np.delete(helpVals, leadStr)
leadStrVals = A[leadStr]
leadB = b[leadStr]
A = np.delete(A, leadStr, 0)
b = np.delete(b, leadStr)
A = np.reshape(np.insert(A, 0, [0 for i in range(0, n)]), (m, n))
b = np.insert(b, 0, 0)
for i in range(0, n):
   if i != leadCol:
       A[0, i] = leadStrVals[i]/leadVal
A[0, leadCol] = 1/leadVal
```

```
b[0] = leadB/leadVal
   for i in range(1, m):
       for j in range(0, n):
           oldVal = A[i, j]
           A[i, j] = A[0, j]*helpVals[i-1]
           if (oldColInd[j] == colInd[j]):
              A[i, j] += oldVal
       b[i] = b[0]*helpVals[i-1] + b[i]
   leadC = c[leadCol]
   for i in range(0, n):
       oldVal = c[i]
       c[i] = A[0, i] * leadC *(-1)
       if (oldColInd[i] == colInd[i]):
           c[i] += oldVal
   cFree = b[0] * leadC*(-1) + cFree
print()
res = 0
for i in range(0, n):
   if i in strInd:
       print("x_" + str(i) + " = " + str(b[list(strInd).index(i)]) +
          " ", end='')
   else:
       print("x_" + str(i) + " = " + str(0) + " ", end='')
print()
check = False
for i in range(0, n):
   if i in strInd:
```

```
if check:
          print(" + ", end='')
       print(str(startC[i]) +" * " + str(b[list(strInd).index(i)]),
          end='')
       res += startC[i]*b[list(strInd).index(i)]
       check = True
print(" = " + str(res))
res = 0
for i in range(n, n+m):
   if i in colInd:
       print("y_" + str(i-n) + " = " + str(c[list(colInd).index(i)])
          + " ", end='')
   else:
       print("y_" + str(i-n) + " = " + str(0) + " ", end='')
print()
check = False
for i in range(n, n+m):
   if i in colInd:
       if check:
           print(" + ", end='')
       print(str(startB[i-n]) +" * " +
          str(c[list(colInd).index(i)]), end='')
       res += startB[i-n]*c[list(colInd).index(i)]
       check = True
print(" = " + str(res))
```

## Тесты

```
A =
[[2. 9. 1. 2. 5. 3.]
[7. 8. 1. 2. 1. 2.]
[3. 5. 8. 8. 8. 3.]
[6. 7. 3. 3. 2. 8.]
[4. 2. 4. 5. 2. 3.]
[1. 7. 1. 2. 4. 9.]
[5. 1. 7. 1. 5. 5.]
[4. 3. 4. 9. 9. 5.]]
b = [4. 4. 9. 5. 9. 4. 7. 4.]
c = [9. 5. 7. 5. 8. 7.]

Решение прямой задачи:
x_0 = 0.5714285714285714 x_1 = 0 x_2 = 0 x_3 = 0 x_4 = 0 x_5 = 0
9.0 * 0.5714285714285714 = 5.142857142857142
Решение обратной задачи(проверка):
y_0 = 0 y_1 = -7.649873777082677e-05 y_2 = 0 y_3 = 0 y_4 = 0 y_5 = 0 y_6 = 0 y_7 = 0
4.0 * -7.649873777082677e-05 = -0.0003059949510833071
```

## Заключение

В ходе данной лабораторной работы был изучен симплекс-метод, а также разработана программа, позволяющая находить решения прямой и двойственных задач линейной оптимизации симплекс-методом.