# Organización de Computadoras



Clase 2



- Representación de datos
  - Números con signo
- Operaciones aritméticas
- Banderas de condición
- Representación de datos alfanuméricos



- Representación de datos
  - Números con signo
    - Binario con signo (BCS) o signo y módulo
    - Complemento a 1 ( o a la base reducida)
    - Complemento a 2 (o a la base)
    - Exceso



- Con n bits podemos representar 2<sup>n</sup> números distintos.
- El rango obtenido va desde 0 hasta 2<sup>n</sup>-1

#### Ej: si usamos 3 bits

- $\rightarrow$  tenemos  $2^3 = 8$  números distintos
- $\rightarrow$  el rango es  $[0,2^3-1]=[0,7]$

```
Binario
         Decimal
  000
  001
  111
```

#### Ej: en 8 bits

- > tenemos 2<sup>8</sup> = 256 números distintos
- $\rightarrow$  el rango es  $[0,2^8-1]=[0,255]$

```
Binario Decimal
00000000 0
00000001 1
... ...
01111111 127
10000000 128
... ...
```



#### **RECORDAR:**

La cantidad de representaciones distintas depende del número de bits

Si usamos n bits, entonces:

 $N^{o}$ s distintos =  $2^{n}$ 

#### Números enteros con signo

Para representar números con signo, deberemos asignar algunas representaciones para números positivos y otras para los negativos.

Si usamos n bits, entonces:

 $N^{o}$ s distintos =  $2^{n}$ 

#### Números enteros con signo

Para representar números con signo, deberemos asignar algunas representaciones para números positivos y otras para los negativos.

Si usamos n bits, entonces:

Idealmente la mitad serán positivos y la otra mitad negativos

 $N^{o}$ s distintos =  $2^{n}$ 

#### Números enteros con signo

Para representar números con signo, deberemos asignar algunas representaciones para números positivos y otras para los negativos.

Vamos a estudiar 4 formas de realizar estas asignaciones, la que proponen los sistemas de representación BCS, Ca1, Ca2 y Exceso

Idealmente la mitad serán positivos y la otra mitad negativos

 $N^{\circ}s$  distintos =  $2^{n}$ 

### Representación en BCS

Con n bits, 1 bit representa al signo y n-1 bits a la magnitud o módulo.

<u>n-1</u>	n-2		0
SIGNO		MAGNITUD	

- El bit n-1 (extremo izquierdo) representa sólo al signo
- > Los bits 0 a n-2 la magnitud

#### BCS o Binario con signo

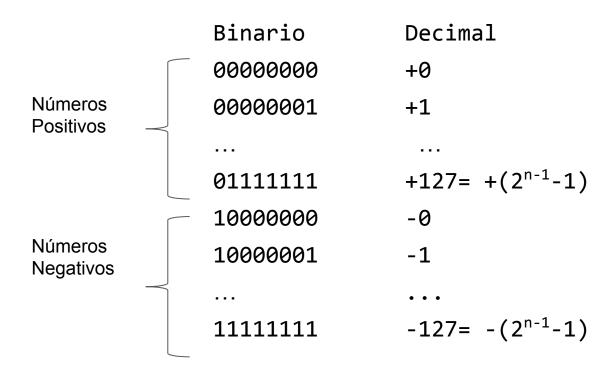
- Un 0 en el bit de signo indica que el número es positivo
- Un 1 en el bit de signo indica que el número es negativo
- Los bits 0 n-2 representan el valor absoluto en binario
- ► El rango:  $-(2^{n-1} 1)$  →  $+(2^{n-1} 1)$  con 2 ceros

### Binario con signo (2)

Ejemplos 
$$\begin{array}{c} + \\ + 32_{10} = \\ \hline \\ & \\ \end{array} \begin{array}{c} - \\ 00100000 \\ \hline \\ & \\ \end{array} \begin{array}{c} - \\ - \\ 32_{10} = \\ \hline \\ & \\ \end{array} \begin{array}{c} - \\ 101000000 \\ \hline \\ & \\ \end{array} \begin{array}{c} 32 \\ \hline \\ + 7_{10} = \\ 000000111 \\ \hline \\ + 41_{10} = \\ 00101001 \\ \hline \end{array} \begin{array}{c} - \\ 7_{10} = \\ 100000111 \\ \hline \\ - 41_{10} = \\ 10101001 \\ \hline \end{array}$$

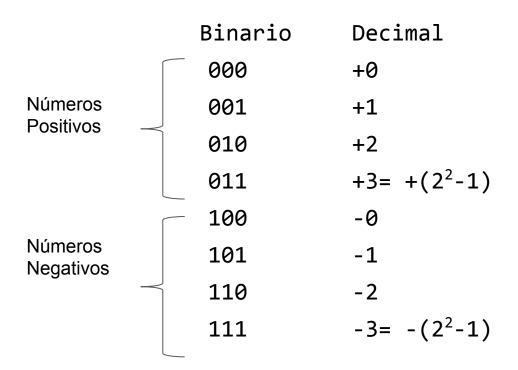
### BCS - Binario con signo (3)

#### Ejemplo: BCS con 8 bits



### Binario con signo (4)

#### Ejemplo: BCS en 3 bits



# Resumen: BCS

- ✓ El intervalo es simétrico
- ✓ El bit de la izquierda sólo indica el signo
  - Es cero (0) en los positivos
  - Es uno (1) en los negativos
- Hay dos ceros
- ✓ Números distintos: 2<sup>n</sup>

## Técnica de Complementos

 El complemento a un número N de un número A (A menor que N) es igual a la cantidad que le falta a A para ser N

Complemento a N de A = N - A

 El complemento a un número N del número (N-A) es igual a A.

Complemento a N de (N-A) = N - (N-A) = A

### Técnica de Complementos

El complemento a un núi Ejemplo: número A (A menor que cantidad que le falta a A par ser N

El complemento a 9 del 3 es 6

Complemento a N de A = N - A

El complemento a un número N del número (N-A) es igual a A.

Complemento a N de (1

Ejemplo:

El complemento a 9 del 6 es 3

### Técnica de Complementos

El complemento a un núi número A (A menor que

Ejemplo: El complemento a 9 del 3 es 6

Podríamos decir que la definición de complemento nos permite "vincular" pares de números.
 En nuestro ejemplo de complemento a

En nuestro ejemplo de complemento a 9: 3 y 6, 2 y 7, etc.

ar ser N

A = N - A

ero N del número

(N-A) es igual a A.

Complemento a N de (1

Ejemplo:

El complemento a 9 del 6 es 3

# Técnica de Complementos (2)

En un sistema con n dígitos llamamos:

Complemento a la base disminuida si N= base<sup>n</sup> – 1 (En sistema binario se llama Complemento a 1 ó Ca1) (si n=8, N= 2<sup>8</sup>-1= 11111111)

Complemento a la base cuando N= base<sup>n</sup>

(En sistema binario se llama Complemento a 2 ó Ca2) (si n=8, N= 2<sup>8</sup>= 100000000)

## Técnica de Complementos (3)

E: El complemento a 1 en 8 bits de 01010100 es:

11111111

- 01010100

10101011

=>Ca1(01010100)=10101011

Observar que, el Ca1 en 8 bits de 10101011 es 11111111

- 10101011

01010100 =>Ca1(10101011)=01010100

- Cada uno de los resultados es el Ca1 del otro!!
- Donde uno tiene 0s el otro tiene 1s y viceversa.

## Técnica de Complementos (3)

E: El complemento a 1 en 8 bits de 01010100 es:

11111111

- 01010100

10101011

=>Ca1(01010100)=10101011

### Observar que, el Ca1 en 8 bits

- 10101011

No hace falta que hagamos cuentas para encontrar el Ca1 de un número!!!! Simplemente invertimos los bits, donde hay 0 ponemos 1 y viceversa

01010100

- Cada uno de los resultados es el Ca1 del otro!!
- Donde uno tiene 0s el otro tiene 1s y viceversa.

# Técnica de Complementos (4)

E: El complemento a 2 en 8 bits de 01010100 es:

100000000

- 01010100

10101100

=>Ca2(01010100)=10101100

Observar que, el Ca2 en 8 bits de 10101100 es

- 10101100

01010100

- cada uno de los resultados es el Ca2 del otro!!
- "mirando" desde la derecha coinciden hasta el 1er uno

## Técnica de Complementos (4)

E: El complemento a 2 en 8 bits de 01010100 es:

100000000

- 01010100

10101100

Observar que, el Ca2 en 8 bits

- 10101100

No hace falta que hagamos cuentas para encontrar el Ca2 de un número!!!! Simplemente copiamos hasta el primer uno desde la derecha y luego invertimos los bits, donde hay 0 ponemos 1 y viceversa

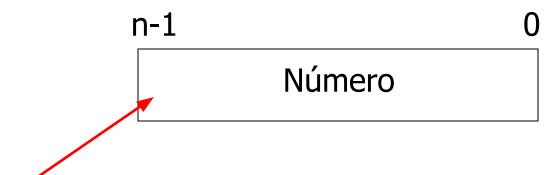
01010100

- cada uno de los resultados es el Ca2 del otro!!
- "mirando" desde la derecha coinciden hasta el 1er uno



#### Representación en Ca1

Los n bits representan al número



Información del signo

- Si el número es positivo, los n bits tienen la representación binaria del número (como siempre)
- Si el número es negativo, los n bits tienen el Ca1 del binario correspondiente al número opuesto positivo.
  - El Ca1 de un número en base 2 se obtiene invirtiendo todos los bits

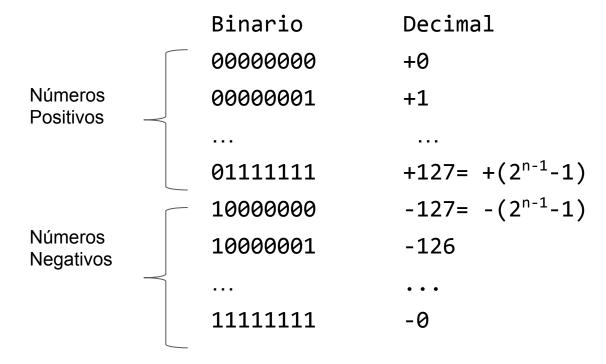
- Los positivos tienen el bit de la izquierda en cero (0)
- Los negativos lo tienen en uno (1)
- El rango va desde
   (2<sup>n-1</sup>-1) a +(2<sup>n-1</sup>-1)
   con dos ceros

#### > Ejemplos

$$+32_{10} = 00100000 - 32_{10} = 11011111$$
 $+7_{10} = 00000111 - 7_{10} = 11111000$ 
 $+41_{10} = 00101001 - 41_{10} = 11010110$ 

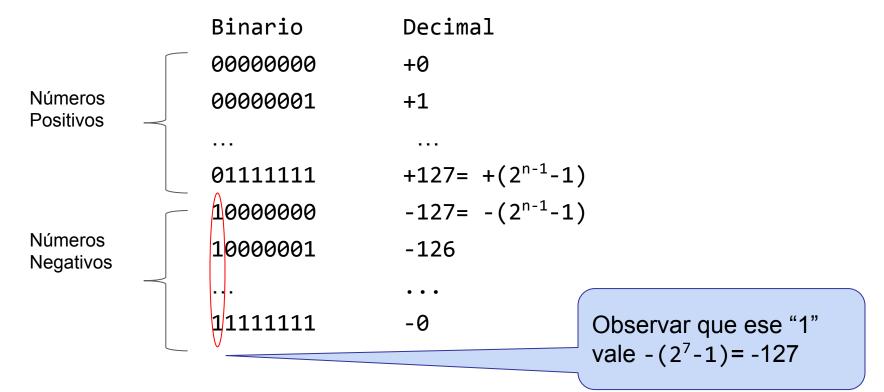


#### Ca1 en 8 bits



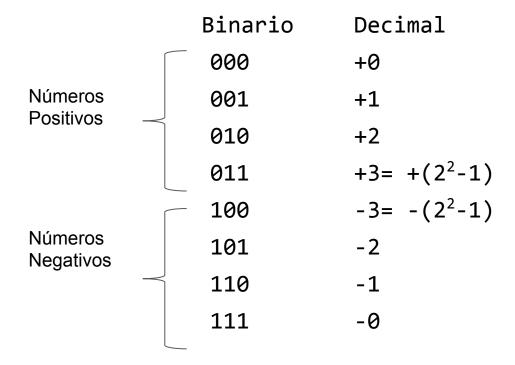


#### Ca1 en 8 bits



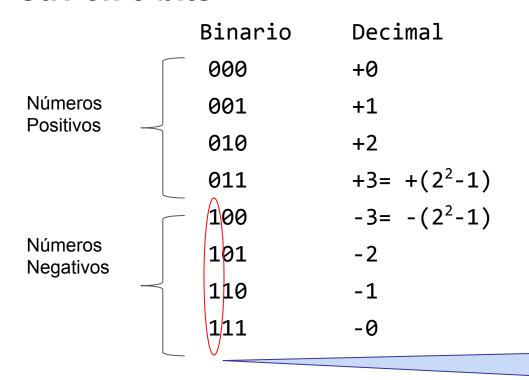


#### Ca1 en 3 bits





#### Ca1 en 3 bits



Observar que ese "1" vale  $-(2^2-1)=-3$ 



Dada una cadena de bits ¿qué número decimal representa si lo interpretamos en Ca1?

Cuando es positivo:

$$01100000 = 1 \times 2^6 + 1 \times 2^5 = 64 + 32 = 96$$
  
Como siempre

- Cuando es negativo, puedo hacer dos cosas:
- Ca1 del número y obtengo el positivo Ej.

$$111000000 = -31$$

$$Ca1(111000000) \longrightarrow 00011111 = +31$$

✓ Otro método: el peso que tiene el primer dígito ahora es –(2<sup>n-1</sup> –1 ) y el resto de los dígitos con pesos positivos como siempre

$$11100000 = -1x(2^7 - 1) + 1x2^6 + 1x2^5 =$$
= -127 + 64 + 32 = -31



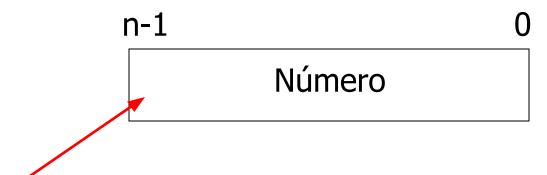
#### Resumen Ca1

- El intervalo es simétrico
- Los n bits representan al número
- Los positivos tienen 0 en bit izquierdo.
- Los negativos tienen 1 en bit izquierdo.
- Hay dos ceros
- Números distintos 2<sup>n</sup>



## Representación en Ca2

Los n bits representan al número



Información del signo



## Representación en Ca2

- Si el número es positivo, los n bits tienen la representación binaria del número (como siempre)
- Si el número es negativo, los n bits tienen el Ca2 del binario correspondiente al opuesto positivo.

- El Ca2 de un número se obtiene, "mirando" desde la derecha, escribiendo el número igual hasta el primer "1" inclusive y luego invirtiendo los demás dígitos
- Otra forma es invirtiendo todos los bits (Ca1) y luego sumándole 1.
- Otra forma: aplicando la definición de Complemento a la base Ca2(N) = b<sup>n</sup> - N

- Los positivos tienen el bit de la izquierda en cero (0)
- Los negativos lo tienen en uno (1)
- Hay un solo cero
- El rango es asimétrico y va desde

$$-(2^{n-1}) a + (2^{n-1}-1)$$

#### > Ejemplos

$$-32_{10} = 11100000$$

- Los dígitos en rojo se copiaron igual
- Los dígitos en azul se invirtieron

## Ca2 (otra forma )

```
+32_{10} = 00100000

1111

11011111 invierto todos los bits

+ 1 le sumo 1

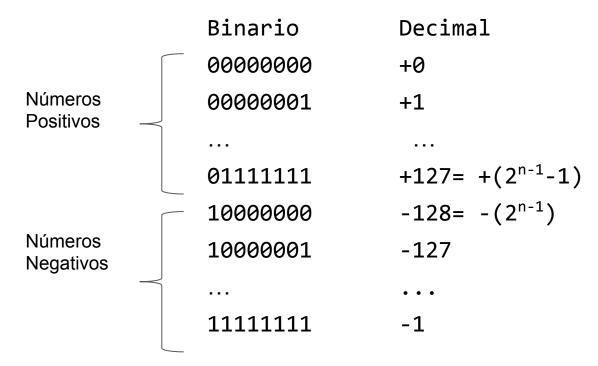
-32_{10} = 111000000 en Ca2
```

## Ca2 (otra forma)

- Ca2 =  $b^n N^o = 2^8 32 = 256-32=224$
- Hagamos la cuenta en base 2

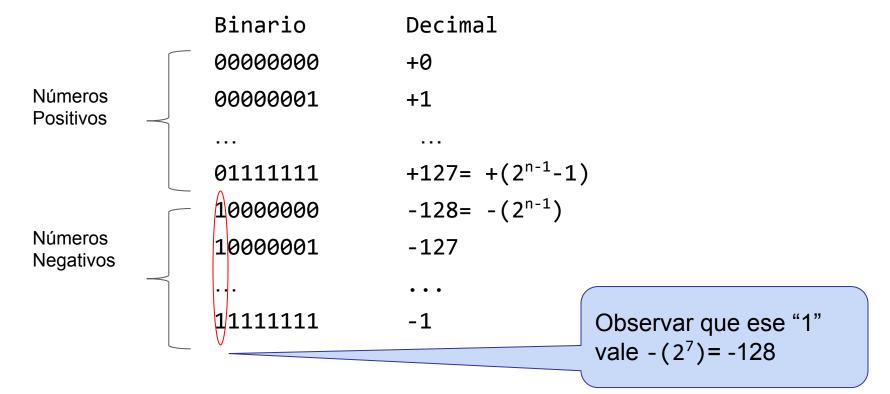


#### Ca2 en 8 bits



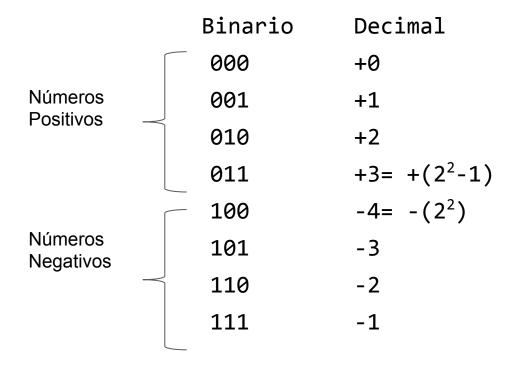


#### Ca2 en 8 bits



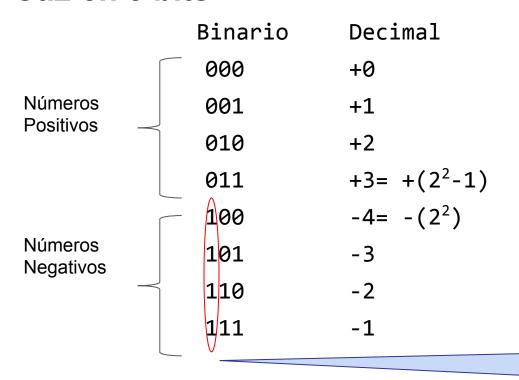


#### Ca2 en 3 bits





#### Ca2 en 3 bits



Observar que ese "1" vale  $-(2^2) = -4$ 

Dada una cadena de bits ¿qué número decimal representa si lo interpretamos en Ca2?

Cuando es positivo:

$$01100000=1 \times 2^{6} + 1 \times 2^{5} = 64+32=96$$
Como siempre

## Ca<sub>2</sub>

- Cuando es negativo, puedo hacer dos cosas:
- Ca2 el número y obtengo el positivo Ej.





 $Ca2(11100000) \longrightarrow 00100000 = +32$ 

✓ Otro método: el peso que tiene el primer dígito ahora es –(2<sup>n-1</sup>) y el resto de los dígitos con pesos positivos *como siempre* 

$$111000000 = -1x(2^7) + 1x2^6 + 1x2^5$$
$$= -128 + 64 + 32 = -32$$



### Resumen Ca2

- El intervalo es asimétrico, hay un más
- Los n bits representan al número
- Los positivos tienen 0 en bit izquierdo.
- Los negativos tienen 1 en bit izquierdo.
- Hay un solo cero
- Números distintos 2<sup>n</sup>

#### Representación en exceso

La representación de un número A es la que corresponde a la SUMA del mismo y un valor constante E (o exceso).

Exceso E de A = A + E

Dado un valor, que representa un número en Exceso, para encontrar el número representado se debe RESTAR el valor del exceso.

A = (Exceso E de A) - E

#### Representación en exceso

Ej: supongamos 3 bits, exceso  $2^2 = 4$ .

el binario 001 representa a : 1-4= -3

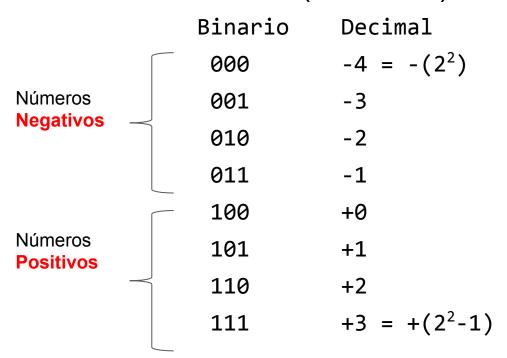
el binario 101 representa a : 5-4= 1

el binario 111 representa a : 7-4= 3

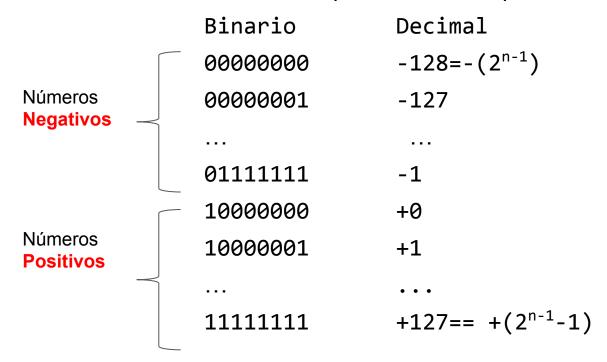
el binario 000 representa a: 0-4= -4

- Observar que el bit de la izq no indica el signo como antes! (Queda al revés que en los sitemas anteriores)
- ➤ En general en n bits, si usamos exceso 2<sup>n-1</sup>, el rango es [-2<sup>n-1</sup>, 2<sup>n-1</sup>-1]

#### Exceso 2<sup>2</sup> en 3 bits (exceso 4)



#### Exceso 2<sup>n-1</sup> en 8 bits (exceso 128)





### Resumen Exceso

- El intervalo es asimétrico, hay un más
- Los n bits representan al número
- Los positivos tienen 1 en bit izquierdo.
- Los negativos tienen 0 en bit izquierdo.
- Hay un solo cero
- Números distintos 2<sup>n</sup>

#### Resumen - Representación de enteros. Ejemplo para 3bits.

Binario	BCS	Ca1	Ca2	Exc 4	BSS
000	+0	+0	+0	-4	0
001	+1	+1	+1	-3	1
010	+2	+2	+2	-2	2
011	+3	+3	+3	-1	3
100	-0	-3	-4	0	4
101	-1	-2	-3	+1	5
110	-2	-1	-2	+2	6
111	-3	-0	-1	+3	7

#### Resumen - Representación de enteros. Ejemplo para 3bits.

Binario	BCS	Ca1_	Ca2	Exc 4	BSS	
000	+0	A.5	egunta: que número	o decimal re	oresenta el bir	nario 100?
001	+1	+1				
010	+2	+2		-2	2	
011	+2	+3	+3	-1	3	
100	-0	-3	-4	0	4	
101	-1	-2		+1	5	
110	-2	-1	Respuesta: Depende cua lue estemos		ema de repres	entación
111	-3	-0 S	Si es BCS, a Si es Ca1, al Si es Ca2, al Si es Exc, al Si es BSS, a	I -0 -3 -4 0		



### Nuevas Banderas aritméticas

- N (negativo): igual al bit más significativo del resultado.
  - Es 1 si el resultado es negativo
- ❖ V (overflow): en 1 indica una condición de fuera de rango (desborde) en Ca2.
  - El resultado no se puede expresar con el número de bits utilizado.

# Suma en Ca2

- Para sumar dos números en Ca2 se suman los n bits directamente.
  - Si sumamos dos números + y el resultado es ó si sumamos dos – y el resultado es + hay overflow, en otro caso no lo hay.
- ➤ Si los N°s son de distinto signo nunca puede haber overflow.

## Resta en Ca2

- Para restar dos números en Ca2, se restan los n bits directamente. También se puede Ca2 el sustraendo y transformar la resta en suma.
- Si a un Nº + le restamos un Nº y el resultado es ó si a un Nº le restamos un + y el resultado es + hay overflow en la resta.
- Si son del mismo signo nunca hay overflow



Operación

**NZVC** 

Ca2

Sin signo

$$+ \frac{0100}{0010}$$

0000

+4 +2 ---

Los dos resultados son correctos.



Operación NZVC Ca2 Sin signo

Ca2 incorrecto, sin signo correcto.



Operación NZVC Ca2 Sin signo

Ca2 correcto, sin signo incorrecto.



Operación NZVC Ca2 Sin signo

Los dos resultados son incorrectos.



Operación NZVC Ca2 Sin signo

Ca2 correcto, sin signo incorrecto.



Ca2 incorrecto, sin signo correcto.

### Suma en BCS

$$+rac{1\ 001}{1\ 010}$$



Para pensar.



## Representación alfanumérica

- Letras (mayúsculas y minúsculas)
- Dígitos decimales (0, ..., 9)
- Signos de puntuación
- Caracteres especiales
- "Caracteres" u órdenes de control

## Ejemplo

A cada símbolo un código en binario

```
Ejemplo: x, y, a, β, #, @, [, ]
```

```
Ocho símbolos ¿Cuántos bits? ¿Por qué?
000 x @ ...
001 y [
010 a a
011 β #
100 # β
101 @ y
110 [ x
111 ] ]
```

## 4

## Algunos códigos

#### FIELDATA

- 26 letras mayúsculas + 10 dígitos + 28 caracteres especiales
- Total 64 combinaciones ⇒ Código de 6 bits

#### ASCII

American Standard Code for Information Interchange

- FIELDATA + minúsculas + ctrl
- Total 128 combinaciones ⇒ Código de 7 bits

## Algunos códigos (2)

- ASCII extendido
  - ASCII + multinacional + semigráficos + matemática
  - Código de 8 bits
- EBCDIC Extended BCD Interchange Code
  - similar al ASCII pero de IBM
  - Código de 8 bits

### Tabla ASCII



Dec	H	Oct	Char		Dec	Нх	Oct	Html	Chr	Dec	Нх	Oct	Html	Chr	Dec	Hx	Oct	Html Ch	<u>ır</u>
0	0	000	NUL	(null)	32	20	040	6#32;	Space	64	40	100	a#64;	0	96	60	140	`	400
1	1	001	SOH	(start of heading)	33	21	041	a#33;	i	65	41	101	A	A	97	61	141	a	a
2	2	002	STX	(start of text)	34	22	042	a#34;	rr	66	42	102	B	В	98	62	142	b	b
3	3	003	ETX	(end of text)	35	23	043	#	#	67	43	103	C	C	99	63	143	a#99;	C
4	4	004	EOT	(end of transmission)	1000000			\$		10171371			D					6#100;	
5	5	005	ENQ	(enquiry)	37	25	045	6#37;	*	69	45	105	<b>%#69</b> ;	E	101	65	145	@#101;	e
6				(acknowledge)	13/07/07/09			&		1000000			<b>%#70</b> ;					f	
7				(bell)	1.50 - 150			'					G		2 1 20022			g	
8		010		(backspace)	40	28	050	a#40;	(				H		12000 700			h	
9				(horizontal tab)	100,000			a#41;					I					i	
10	A	012	LF	(NL line feed, new line)	1227.711			e#42;		100,000	10.		J					j	
11		013		(vertical tab)	1 2 3 3 3 5 5			a#43;		100000			K					k	
12	C	014	FF	(NP form feed, new page)	44	2C	054	e#44;		76	4C	114	L	L				l	
13	D	015		(carriage return)	100, 100			a#45;					6#77;		70015.61			m	
14		016		(shift out)	11227-77	225		a#46;		100 -11	0000000		£#78;		200000000000000000000000000000000000000			n	
15		017		(shift in)	15 - 5			a#47;		F-0-102000			O		2.50000000			o	
				(data link escape)	10000000			a#48;		740 5.77			4#80;		0.000.000			6#112;	
				(device control 1)				1	and the same of th				Q		3000000			q	
				(device control 2)	30000000			<b>%#50</b> ;	1100	200.500 000			R		A. C.			r	
				(device control 3)	725-57			3		10.51(1.1)			<b>%#83</b> ;		2.5			s	
20	14	024	DC4	(device control 4)	10.00	100 m		4					 <b>4</b> ;		40000			t	
				(negative acknowledge)	10000000000			a#53;					<b>%#85</b> ;					u	
				(synchronous idle)	3/17/07/25			 <b>4</b> ;	174.7	203.206.2			V		A 100 - 100 - 1			v	
				(end of trans. block)	725.15			<b>7</b> ;		35000			<b>%#87</b> ;		1 1 1 1 1 1 1			w	
				(cancel)				8					4#88;		320000			x	
		031		(end of medium)	30,700,00			a#57;		2000			<b>%#89</b> ;		100000			y	
				(substitute)	2000			<b>6#58</b> ;	11.	2000-1200			<b>%#90</b> ;		100000000000000000000000000000000000000			z	
27	1B	033	ESC	(escape)	1000000			<b>;</b> ;		1000000			[					{	
		034		(file separator)	1000000			<		400000			\						
		035		(group separator)	300000			=		1000000000			6#93;					}	
		036		(record separator)	10/07/2006			a#62;		200.738			a#94;					~	
31	1F	037	US	(unit separator)	63	3F	077	a#63;	?	95	5F	137	a#95;	_	127	7F	177		DEL

## Una extensión al ASCII

128	Ç	144	É	160	á	176		193	1	209	=	225	ß	241	±
129	ü	145	æ	161	í	177	******	194	Т	210	П	226	Г	242	2
130	é	146	Æ	162	ó	178	******	195	+	211	L	227	π	243	≤
131	â	147	ô	163	ú	179	1	196	-	212	L	228	Σ	244	1
132	ä	148	ö	164	ñ	180	+	197	+	213	F	229	σ	245	J
133	à	149	ò	165	Ñ	181	4	198	+	214	г	230	μ	246	÷
134	å	150	û	166	2	182	-	199	-	215	+	231	τ	247	æ
135	ç	151	ù	167	0	183	П	200	L	216	+	232	Ф	248	0
136	ê	152	-	168	i	184	7	201	F	217	1	233	•	249	72
137	ë	153	Ö	169	1	185	4	202	<u>JL</u>	218	Г	234	Ω	250	
138	è	154	Ü	170	7	186		203	T	219		235	8	251	V
139	ï	156	£	171	1/2	187	7	204	F	220		236	00	252	200
140	î	157	¥	172	1/4	188	<del>1</del>	205	=	221	1	237	ф	253	2
141	ì	158	7	173	i	189	Ш	206	#	222	1	238	8	254	•
142	Ä	159	f	174	«	190	4	207	_	223	-	239	0	255	
143	Å	192	L	175	>>	191	٦	208	Т	224	OL.	240	=		

## mayor información ...

- Capítulo 8: Aritmética del computador (8.1., 8.2., 8.3.)
  - Stallings, 5° Ed.
- Sistemas enteros y Punto fijo
  - Apunte 1 de Cátedra
- Capítulo 3: Lógica digital y representación numérica
  - Apuntes COC Ingreso