KIT Astroteilchenphysik II: Kosmische Strahlung

WS2020

Übungsblatt 1

Dr. Markus Roth, Max Stadelmaier Institut für Astroteilchenphysik 05.11.2020 - 19.11.2020 Gesamtpunktzahl: 20

1 Natürliche Einheiten

1 + 2 + 2 = 5

In der Hochenergieteilchenphysik und Astroteilchenphysik wird häufig die Einheitenkonvention

$$c = \hbar = G = k_{\rm B} \equiv 1$$

genutzt. Dadurch ergeben sich die sog. natürlichen Einheiten, in denen Werte von u.a. Masse und Energie in Elektronenvolt angegeben werden.

- (a) Eine Tafel Hypernova-Schokolade wiege 100 g. Welcher Einheit und welchem Zahlenwert entspricht dies in natürlichen Einheiten?
- (b) Eine Vorlesung dauert ca. 90 Minuten ($t_{\rm V}$). Während dieser Zeit legt der Dozent (wenn dieser nicht gerade eine Online-Vorlesung hält) ca. 150 m ($d_{\rm V}$) Wegstrecke vor der Tafel zurück. Bestimmen Sie Einheit und Zahlenwert von $t_{\rm V}$ und $d_{\rm V}$ in natürlichen Einheiten.
- (c) Bei einer Schwerpunktsenergie von $10^4\,\text{GeV}$ beträgt der totale Wirkungsquerschnitt für Proton-Proton-Reaktionen ca. $2.6\cdot 10^{-4}\,\text{MeV}^{-2}$. Welchem Wirkungsquerschnitt in barn entspricht dies? (Hinweis: $1\,\text{b} = 10^{-28}\,\text{m}^2$)

2 Reichweite des Myon

5

Ein Myon verliert im Schnitt $\Delta E = 1.8\,\mathrm{MeV}$ pro $1\,\mathrm{g/cm^2}$ durchquerte Massensäule. Die Dichte der Luft und des Gesteins sei $\varrho_{\mathrm{Luft}} = 1.2 \cdot 10^{-3}\,\mathrm{g/cm^3}$ und $\varrho_{\mathrm{Gestein}} = 2.6\,\mathrm{g/cm^3}$. Berechnen Sie die Reichweite von Myonen mit der Energie $1\,\mathrm{GeV}$ und $10\,\mathrm{GeV}$ in der Erdatmosphäre und in Felsgestein.

3 Atmosphärische Tiefe

1 + 3 + 1 = 5

Betrachten Sie ein Teilchen der kosmischen Strahlung, welches beim Eintritt in die Erdatmosphäre mit einem Kern der Luft wechselwirkt und Sekundärteilchen erzeugt. Führen Sie die folgenden Berechnungen jeweils für Wasserstoff- und Eisenkerne durch, die mit einem Zenitwinkel von 45° in die Atmosphäre eintreten. Die Strahlungslänge von Protonen und Eisenkernen in Luft sei $\lambda_{\rm p}=80\,{\rm g/cm^{-2}}$ und $\lambda_{\rm Fe}=12\,{\rm g/cm^{-2}}$.

(a) In welcher atmosphärischen Tiefe (gemessen in g/cm⁻²) findet im Mittel die erste Wechselwirkung der Teilchen statt?

- (b) Ein Detektor an einem Ballon fliegt in großer Höhe, so dass die Restatmosphäre oberhalb des Detektors eine vertikale Säulentiefe von nur 5.5 g/cm⁻² hat. Berechnen Sie den Anteil der Proton- und Eisenteilchen, welche vor dem Erreichen des Detektors schon mindestens eine Wechselwirkung hatten.
- (c) In welcher Höhe findet im Mittel die erste Wechselwirkung statt, wenn Sie eine isotherme Atmosphäre mit einer Skalenhöhe von 8.4 km annehmen?

4 Wirkungsquerschnitt

5

Der totale Wirkungsquerschnitt bei Streuung von $^{12}_6\mathrm{C}$ an interstellaren Protonen betrage $205 \cdot 10^{-27}$ cm². Angenommen 99% der $^{12}_6\mathrm{C}$ -Kerne, die von einem Supernova-Rest stammen, erreichten die Erde. Bestimmen Sie den Abstand zwischen Erde und Supernova-Rest. Wie realistisch ist der erhaltene Wert? Nehmen sie eine mittlere Protondichte von $\overline{n}_{\mathrm{ISM}} = 1\,\mathrm{cm}^{-3}$ an.