Đồ án 1: Thuật toán tìm kiếm

Họ và tên: Nguyễn Phan Quốc Bảo

Mã số sinh viên: 19120456

Email: 19120456@student.hcmus.edu.vn

| Mục lục | | | |
|---------|------|---|----|
| 1. | | Định nghĩa bài toán | 3 |
| | 1.1. | Trạng thái bắt đầu: | 3 |
| | 1.2. | Các hành động | 3 |
| | 1.3. | Mô hình di chuyển | 3 |
| | 1.4. | Trạng thái đính | 3 |
| 2. | | Cài đặt các thuật toán: | 3 |
| | 2.1. | Thuật toán tìm kiếm DFS (không có thông tin) | 3 |
| | 2.2. | Thuật toán tìm kiếm BFS (không có thông tin) | 3 |
| | 2.3. | Thuật toán tìm kiếm tham lam – Greedy Best First Search (có thông tin) | 4 |
| | 2.4. | Thuật toán tìm kiếm A* (có thông tin) | 4 |
| | 2.5. | Thuật toán tìm đường đi với chi phí ngắn nhất trên bảng đồ có điểm thưởng | 4 |
| 3. | | Lựa chọn hàm heuristic cho các chiến lượt tìm kiếm có thông tin | 5 |
| | 3.1. | Heuristic là khoảng cách euclid đến đích | 5 |
| | 3.2. | Heuristic là khoảng cách manhattan đến đích | 5 |
| 4. | | Các chiến lượt tìm kiếm không điểm thưởng trên các loại bản đồ khác nhau | 6 |
| | 4.1. | Bản đồ maze_map0.txt - bản đồ có 2 hướng đi để đến dích | 6 |
| | 4.2. | Bản đồ maze_map1.txt - bản đồ có tường chắn dài ở gần đích | 8 |
| | 4.3. | Bản đồ maze_map2.txt - bản đồ lớn, có nhiều ngạnh nhô lên trên tường | 10 |
| | 4.4. | Bản đồ maze_map3.txt - bản đồ có 2 đường đi, 1 ngắn, 1 dài | 12 |
| | 4.5. | Bản đồ maze_map4.txt - bản đồ có dạng xoắn ốc | 14 |
| | 4.6. | Tổng kết | 16 |
| 5. | | Chiến lược tìm kiếm trên bảng đồ có điểm thưởng để có chi phí thấp nhất | 16 |
| | 5.1. | Chiến lược | 16 |
| | 5.2. | Chạy thuật toán với các bảng đồ có 2, 5, 10 điểm thưởng | 17 |
| 6. | | Trường hợp bản đồ có cổng dịch chuyển | 18 |
| | 6.1. | Chiến lược | 18 |
| | 6.2. | Thực hiện với bản đồ có điểm dịch chuyển các thuật toán DFS, BFS | 18 |
| 7. | | Cách sử dụng mã nguồn | 18 |

1. Định nghĩa bài toán

1.1. Trạng thái bắt đầu:

Trạng thái bắt đầu tìm kiếm là tọa độ vị trí start của mê cung.

1.2. Các hành động

Với 1 điểm bất kỳ trong mê cung (không phải là tường (có giá trị 'x')), hành động có thể thực hiện là di chuyển lên, xuống, trái, phải 1 đơn vị trong mê cung nếu vị trí đó không phải là tường.

1.3. Mô hình di chuyển

Sau khi chọn 1 trong các hành động có thể thực hiện, vị trí của tác nhân hiện tại là vị trí ô nằm ở hướng di chuyển tương ứng.

Không gian trạng thái là đồ thị với đỉnh là các vị trí của tác nhân trong ma trận và cạnh là các hành động lên, xuống, trái, phải.

Một đường đi trong không gian trạng thái là một chuỗi các vị trí của tác nhân được kết nối bằng chuỗi các hành động di chuyển.

1.4. Trạng thái đính

Bài toán đạt trạng thái đích khi tác nhân đến được vị trí exit.

2. Cài đặt các thuật toán:

2.1. Thuật toán tìm kiếm DFS (không có thông tin)

- 1. Xây dựng cây tìm kiếm với nút gốc là điểm xuất phát.
- 2. Sử dụng 1 ngăn xếp để lưu danh sách các nút lá của cây, thêm nút gốc vào hàng đợi.
- 3. Thực hiện lặp, với mỗi vòng lặp, ta xét node ở đỉnh của ngăn xếp ra và đánh dấu đỉnh này đã thăm. Xét các vị trí trên, dưới, trái, phải của node đang xét, nếu vị trị này không phải tường và chưa được thăm thì thực hiện thêm vào ngăn xếp, lưu giá trị node hiện tại là node cha của vị trí này. Lặp lại bước ba cho đến khi ngăn xếp rỗng hoặc điểm đích đã thăm.
- 4. Từ node đích, lần ngược về node gốc theo mảng cha (parent), ta tìm được đường đi theo DFS.

2.2. Thuật toán tìm kiếm BFS (không có thông tin)

1. Xây dựng cây tìm kiếm với nút gốc là điểm xuất phát.

2. Sử dụng 1 hàng đợi để lưu danh sách các nút lá của cây, thêm nút gốc vào hàng đợi.

(Do mỗi cạnh của cây tìm kiếm đều có trọng số bằng 1, vì vậy, những node nào ở vị trí càng xa node gốc càng có chi phí thực hiện đường đi cao. Để giảm thời gian thực hiện, ta đánh dấu những node được thêm vào hàng đợi là đã duyệt, không cần duyệt lại ở những vị trí xa hơn trên cây)

- 3. Thực hiện lặp, với mỗi vòng lặp, ta lấy node ở đầu hàng đợi làm node đang xét. Với các vị trí trên, dưới, trái, phải của node đang xét, nếu vị trí này không phải là tường và chưa xét, ta thêm vào hàng đợi, đánh dấu là đã xét và lưu node cha của node. Thực hiện lặp đến khi hàng đợi rỗng hoặc điểm đích đã thăm.
- 4. Từ node đích, lần ngược về node gốc theo mảng cha (parent), ta tìm được đường đi theo BFS.

2.3. Thuật toán tìm kiếm tham lam – Greedy Best First Search (có thông tin)

- 1. Tính giá trị heuristic cho tất cả điểm không phải tường trên mê cung.
- 2. Sử dụng hàng đợi ưu tiên (giá trị heuristic càng nhỏ, độ ưu tiên càng cao) để lưu danh sách các nút lá của cây, thêm nút gốc vào hàng đợi.
- 3. Thực hiện lặp, Với mỗi vòng lặp, ta lấy node có độ ưu tiên cao nhất đầu tiên của hàng đợi làm node đang xét, đánh dấu node này đã thăm. Với các vị trí trên, dưới, trái, phải của node đang xét, nếu vị trí này không phải là tường và chưa xét, ta thêm vào hàng đợi ưu tiên và lưu node cha của node. Thực hiện lặp đến khi hàng đợi ưu tiên rỗng hoặc điểm đích đã thăm.
- 4. Từ node đích, lần ngược về node gốc theo mảng cha (parent), ta tìm được đường đi theo Greedy Best First Search.

2.4. Thuật toán tìm kiếm A* (có thông tin)

Thực hiện gần như tương tự với Greedy Best First Search ngoại trừ hàm đánh giá độ ưu tiên là f(n) = h(n) + g(n) với h(n) là heuristic và g(n) là số bước đã đi. Giá trị của f(n) càng nhỏ, độ ưu tiên càng cao.

2.5. Thuật toán tìm đường đi với chi phí ngắn nhất trên bảng đồ có điểm thưởng

Đối với bản đồ có điểm thưởng, ta có thể quy về việc giải nhiều bài toán tìm kiếm đường đi giữa điểm xuất phát đến các điểm thưởng, giữa các điểm thưởng với nhau và giữa các điểm thưởng và đích.

Ta xây dựng đồ thị với đỉnh là điểm xuất phát, đích và các điểm thưởng, cạnh có trọng số là đường đi giữa các điểm. Thực hiện tìm kiếm mọi đường đi trên đồ thị này, với điểm bắt đầu và kết thúc của đường đi là điểm bắt đầu và kết thúc của mê cung. Tính toán chi phí của các đường đi là tổng chi phí của các cạnh và giá trị của điểm thưởng, từ đó tìm ra đường đi có chi phí ngắn nhất.

3. Lựa chọn hàm heuristic cho các chiến lượt tìm kiếm có thông tin

3.1. Heuristic là khoảng cách euclid đến đích

Ta có thể hướng tác nhân đến đích bằng cách lấy hàm heuristic là khoảng cách euclid từ điểm đang xét đến đích

Heuristic này không ước lượng quá cao chi phí đến đích và luôn nhỏ hơn chi phí đến đích (đường thẳng là đường đi ngắn nhất giữa 2 điểm). Suy ra đây là Heuristic hợp lý.

Gọi n là 1 điểm trên mê cung, n' là 1 succesor của n.

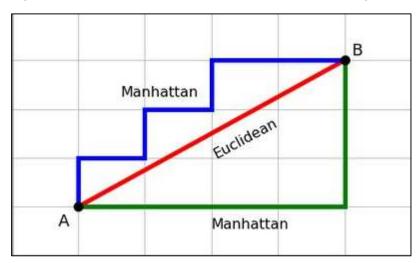
Gọi d(a,b) là khoảng cách Euclid từ a đến b.

Ta có: $d(n, exit) \le d(n, n') + d(n', exit) \Rightarrow h(n) \le c(n, n') + h(n')$

Vậy đây là 1 heuristic nhất quán.

3.2. Heuristic là khoảng cách manhattan đến đích

Thực tế trong mê cung, ta hoàn toàn không có cách nào đi theo đường thẳng đến đích vì không gian mê cung của chúng ta là rời rạc. Vì vậy, ta có thể ước lượng chi phí đến đích chính xác hơn thông qua chi phí ít nhất cần có để đến đích. Đó là khoảng cách manhattan.



Heuristic này không ước lượng quá cao chi phí đến đích và luôn nhỏ hơn hoặc bằng chi phí đến đích (đường đi theo manhattan luôn đi qua số điểm là ít nhất do chỉ đi về 1 hướng theo trục Ox, và Oy). Suy ra đây là Heuristic hợp lý.

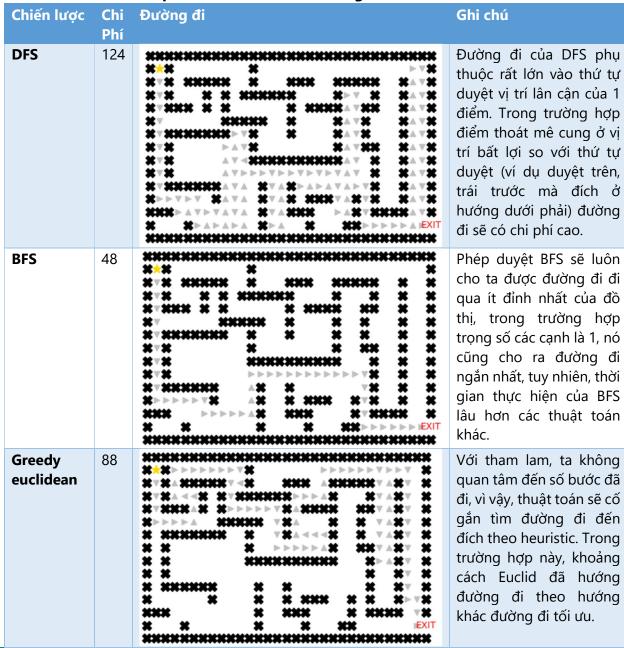
Gọi n là 1 điểm trên mê cung, n' là 1 succesor của n.

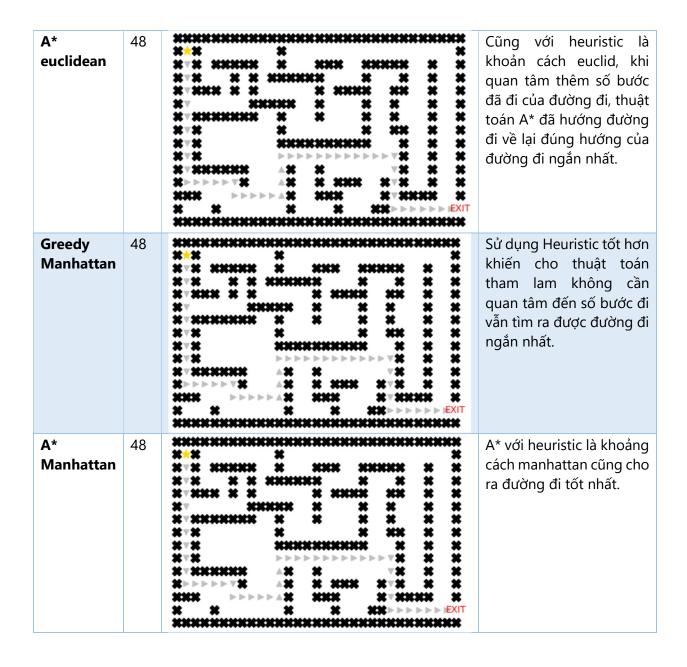
Gọi d(a,b) là khoảng cách Manhattan từ a đến b.

Ta có: $d(n, exit) \le d(n, n') + d(n', exit) \Rightarrow h(n) \le c(n, n') + h(n')$ Vậy đây là 1 heuristic nhất quán.

4. Các chiến lượt tìm kiếm không điểm thưởng trên các loại bản đồ khác nhau

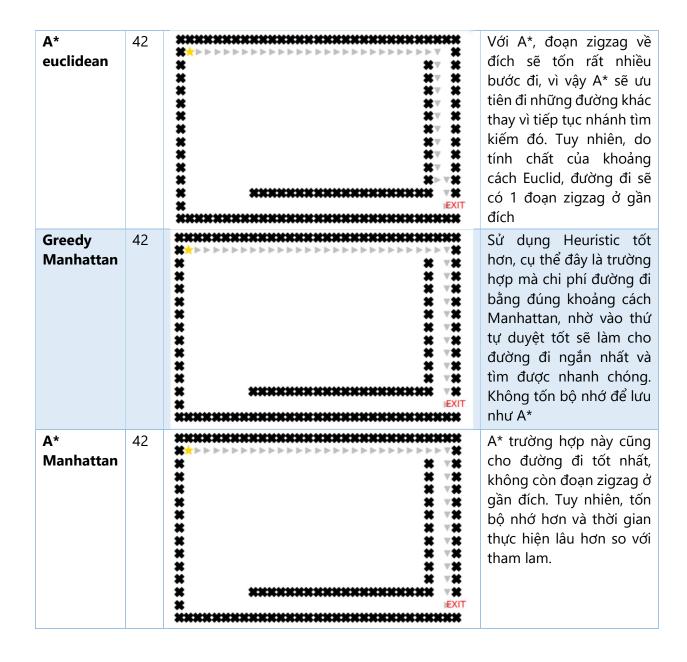
4.1. Bản đồ maze_map0.txt - bản đồ có 2 hướng đi để đến dích.



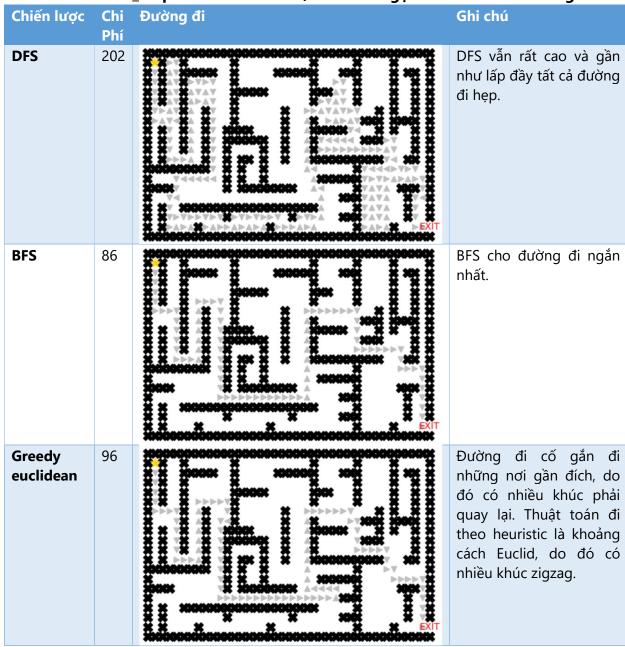


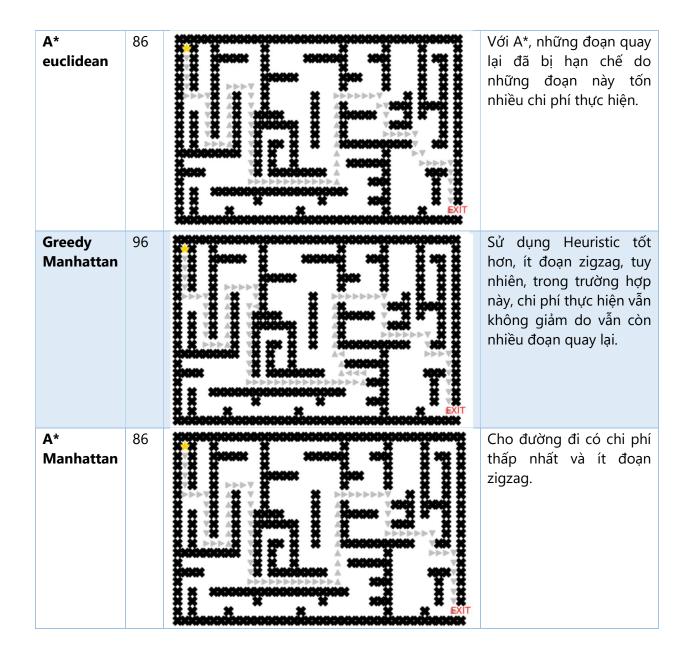
4.2. Bản đồ maze_map1.txt - bản đồ có tường chắn dài ở gần đích.

| Chiến lược | Chi Phí | Đường đi | Ghi chú |
|---------------------|------------|--|--|
| DFS | 138 | ###################################### | DFS vẫn cho ra đường đi rất xấu và chi phí cao so với chi phí thấp nhất do sự tương quan giữa thứ tự duyệt và vị trí đích. |
| BFS | 42 | ************************************** | BFS trong trường hợp này sớm kết thúc và cho ta đường đi ngắn nhất. |
| Greedy euclidean | 56 | ###################################### | Với tham lam và khoản cách euclid, đường đi sẽ thường có những đoạn zigzag và cố gắn lao về đích, khi bị tường cản thì mới tìm hướng khác để đi tiếp. Vì vậy, cây tìm kiếm trong trường hợp này sẽ rất sâu làm thuật toán thực hiện lâu. |







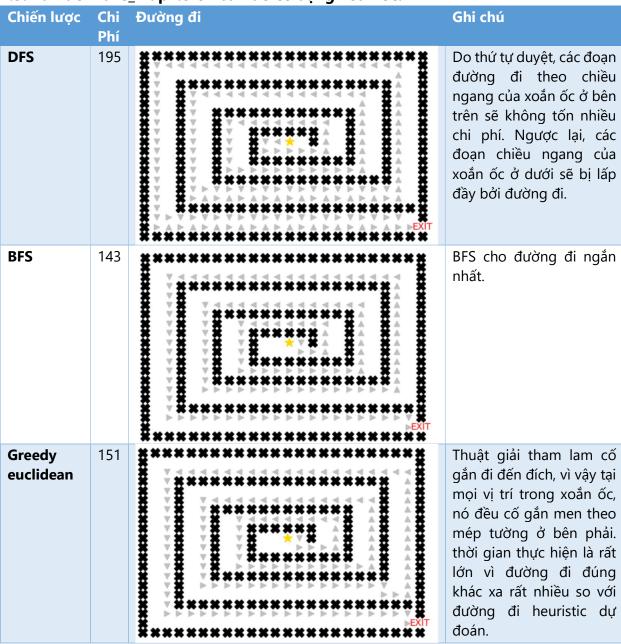


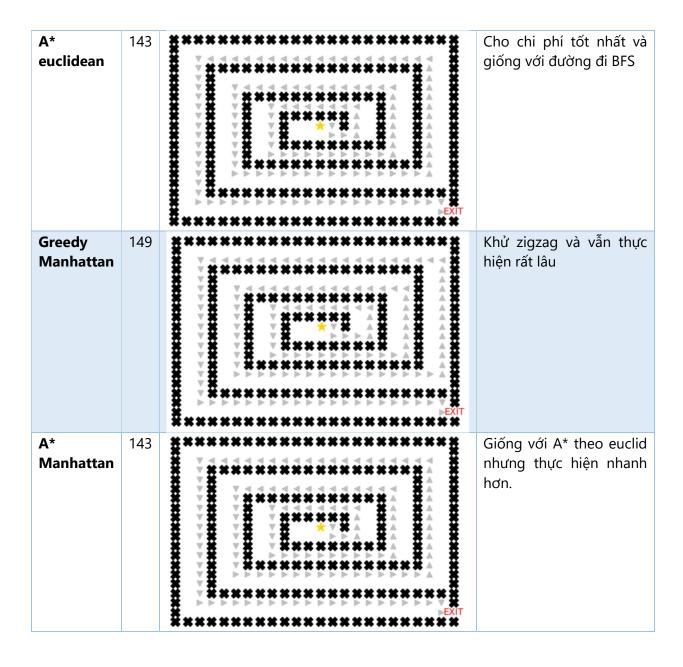
4.4. Bản đồ maze_map3.txt - bản đồ có 2 đường đi, 1 ngắn, 1 dài.

| Chiến lược | Chi Phí | Đường đi | Ghi chú |
|---------------------|------------|--|--|
| DFS | 73 | ###################################### | Mặc dù lúc này, thứ tự duyệt DFS đã phù hợp hơn, ưu tiên đi lên trên và sang trái để về đích. Tuy nhiên do ngã rẽ này quá sớm, làm cho DFS đi vào đường đi rất xa. |
| BFS | 25 | ************************************** | BFS cho đường đi ngắn nhất. |
| Greedy euclidean | 25 | X X X X X X X X X X X X X X X X X X X | Trong trường hợp này, thuật toán tham lam vừa tìm được đường đi có chi phí thấp nhất, vừa chạy nhanh nhất nhờ thứ tự duyệt hợp lý. |

| A* euclidean | 25 | EXIT 4 | Chi phí tốt nhất nhưng thời gian thực hiện lâu hơn tham lam. |
|---------------------|----|----------|--|
| Greedy Manhattan | 25 | EXIT = 1 | Khử zigzag. |
| A* Manhattan | 25 | EXIT 4 | Khử zigzag |

4.5. Bản đồ maze_map4.txt - bản đồ có dạng xoắn ốc.





4.6. Tổng kết

Tất cả thuật toán tìm kiếm đường đi đều sẽ cho ra đường đi tới đích nếu tồn tại ít nhất 1 đường đi. Vì trong trường hợp xấu nhất, cây tìm kiếm của tất cả thuật toán sẽ duyệt qua toán bộ vị trí có thể đi đến trong mê cung.

Thuật toán DFS cho ta lời giải không tốt trong nhiều trường hợp, có thể tăng hiệu xuất bằng cách thực hiện sắp xếp thứ tự duyệt hợp lý với vị trí điểm ra. Tuy nhiên, trong các trường hợp đường đi đầu tiên đến vị trí điểm ra có chi phí lớn DFS vẫn không thể cải thiện nhiều.

Thuật toán BFS luôn cho ta đường đi có chi phí thấp nhất do trọng số các cạnh của các node trên cây tìm kiếm là 1, tuy nhiên, thời gian duyệt BFS có thể rất lâu.

Thuật toán tham lam tỏ ra khá hữu ích trong các trường hợp đường đi tới đích ít cạnh chắn, những trường hợp này thời gian thực hiện thuật toán khá nhanh và tốn ít chi phí bộ nhớ hơn so với A*. Tuy nhiên trong thực tế, xác suất xuất hiện những mê cung này là rất thấp.

Thuật toán A* có thể xem là tối ưu nhất trong 1 trường hợp ngẫu nhiên, A* vừa đảm bảo đi ít bước, vừa đảm bảo đi đường đi có khả năng về đích nhất.

Heuristic là khoảng cách Manhattan tỏ ra vượt trội hơn hẳn khoảng cách Euclid trong mọi bản đồ kiểm thử.

5. Chiến lược tìm kiếm trên bảng đồ có điểm thưởng để có chi phí thấp nhất

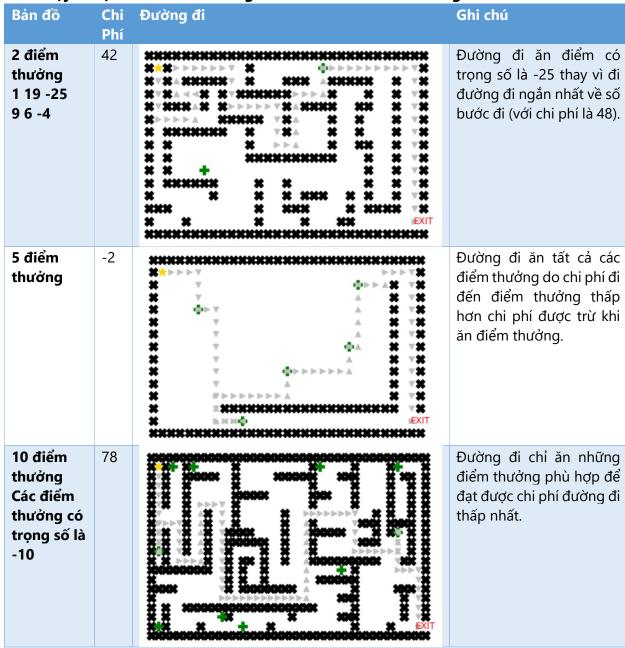
5.1. Chiến lược

- 1. Thực hiện nhiều lần thuật toán A* với điểm đầu là điểm xuất phát hoặc các điểm thưởng, điểm đích là các điểm thưởng hoặc lối ra, Vậy có thổng cộng $C_{2+s\delta\, diểm\, thưởng}^2 2$ lần chạy A*. Tương ứng với số diểm 2, 5, 10 là 4, 19, 64 lần chạy A*.
 - 2. Xây dựng đồ thị không trọng số, với đỉnh là điểm đầu, điểm cuối, các điểm thưởng.
 - 3. Tìm tất cả đường đi từ đỉnh xuất phát tới đích trên đồ thị này.
- 4. Thực hiện tính toán chi phí là tổng các chi phí A* giữa các đường đi và tổng điểm thưởng nếu có đi qua các điểm thưởng.
 - 6. Trường hợp cần tìm là trường hợp có chi phí trên là thấp nhất.

Thuật toán sẽ có điểm dừng, tuy nhiên, với trường hợp có 10 điểm, thuật toán sẽ chạy với thời gian khá lâu.

Tính chính xác của chi phí phụ thuộc vào tính chính xác của thuật toán A*, có thể thay thế A* bằng BFS để đảm bảo độ chính xác, tuy nhiên phải đánh đổi thời gian thực hiện.

5.2. Chạy thuật toán với các bảng đồ có 2, 5, 10 điểm thưởng



6. Trường hợp bản đồ có cổng dịch chuyển

6.1. Chiến lược

Nếu tác nhân đến điểm dịch chuyển, thay vì chỉ có các bước di chuyển là trên, dưới, trái, phải, ta thêm 1 trường hợp di chuyển nữa là cổng dịch chuyển ở đầu bên kia.

Thuật toán phải thêm 1 hàm kiểm tra điểm hiện tại có phải điểm dịch chuyển không, làm giảm hiệu xuất thực hiện của các thuật toán gốc.

6.2. Thực hiện với bản đồ có điểm dịch chuyển các thuật toán DFS, BFS

| Chiến lược | Đường đi | Ghi chú |
|------------|--|---|
| DFS | ###################################### | Mặc dù đã có sự hỗ trợ của điểm dịch chuyển, tuy nhiên do thứ tự duyệt, tác nhân lại đi đường vòng để về đích |
| BFS | *** ** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** ** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** ** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** *** ** *** *** *** *** ** | BFS cho ra đường đi có chi phí thấp nhất thông qua điểm dịch chuyển. |

7. Cách sử dụng mã nguồn

Mở file notebook đính kèm với mã nguồn.

from main import find_path

find_path(<TênFileBanĐồ.txt>,<TênChiếnLượcTìmKiếm>,<TênHeuristicSửDụngNếuCó>).

Trong đó:

```
<TênFileBảnĐồ.txt>: đường dẫn đến file bản đồ có sẵn.

<TênChiếnLượcTìmKiếm>: Các chiến lược tìm kiếm ("DFS", "BFS", "GBFS", "A*").

<TênHeuristicSửDụngNếuCó>: 2 phương pháp tính Heuristic
```

("euclidean_distance", "manhattan_distances")

Ví dụ:

```
from main import find_path
find_path("maze_map7.txt", "eat_points")
```

Cost: 78



-HẾT-