uc3m Universidad Carlos III de Madrid

Tema 6. Grafos

Estructura de Datos y Algoritmos



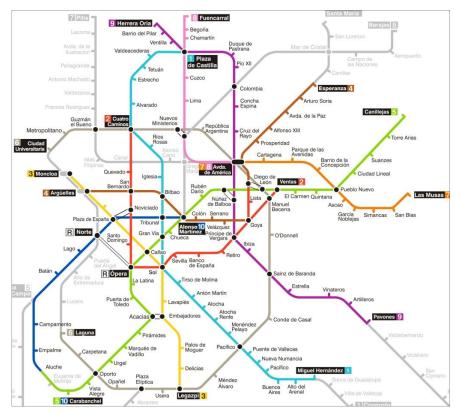
Contenidos

- ¿Qué es un grafo?.
- ► TAD Grafo.
- Implementaciones
 - Matriz de adyacencias.
 - Lista de adyacencias
- Recorridos
 - En profundidad
 - En altura



¿Qué es un grafo?

"Un grafo es una forma de representar relaciones que existen entre pares de elementos".



https://es.wikipedia.org/wiki/Metro_de_Madrid#/media/File:Madrid_Metro_Map.svg



Los origenes de la Teoria de Grafos

- ► El problema de los siete puentes de Könisberg (Euler)
 - ¿es posible dar un paseo comenzando desde cualquiera de estas regiones, pasando por todos los puentes, recorriendo sólo una vez cada uno, y regresando al mismo punto de partida?

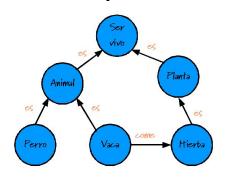


https://es.wikipedia.org/wiki/Problema_de_los_puentes_de_K%C3%B6nigsberg#/media/File:Konigsberg_bridges.png



Aplicaciones

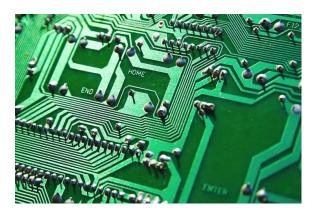
Otras aplicaciones



Grafos conceptuales



Redes de ordenadores



Circuitos electrónicos



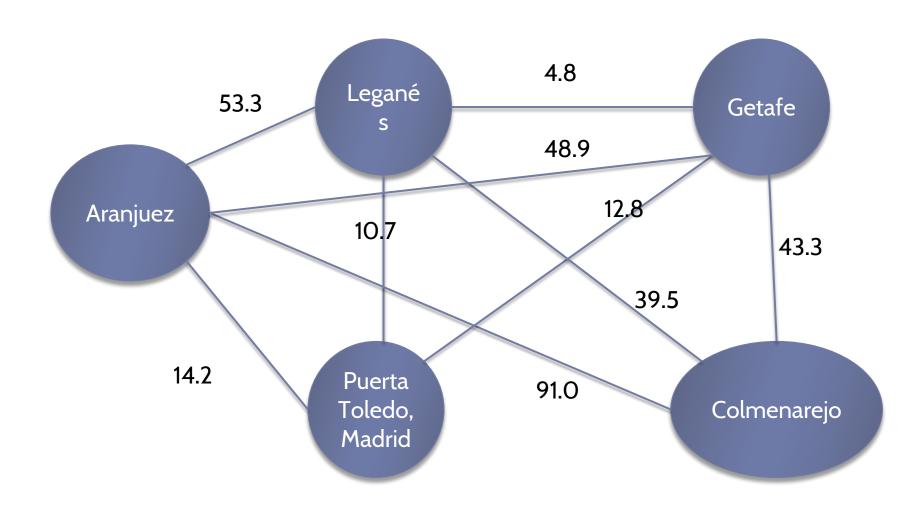
Organigramas



- Grafo G donde G=(V,A).
 - V es un conjunto de vértices (nodos)
 - A es un conjunto de aristas (arcos).
 - ► Una arista es una conexión entre dos vértices.
 - ► Cada arista puede ser representada como una tupla (v,w) donde $w,v \in V$
 - Además, cada artista puede tener un peso asociado (grafo ponderado). En este caso, la arista quedaría representada por una terna (v,w,p) donde p es el peso asociado a la arista entre v y w.

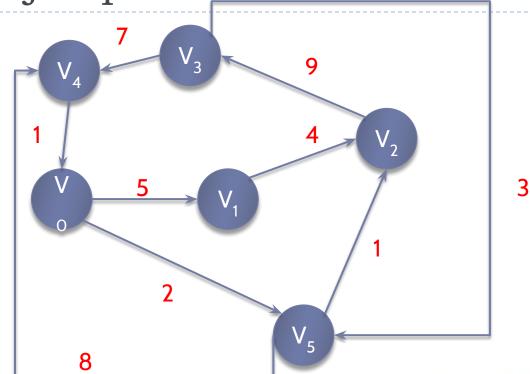


Ejemplo I – Campus UC3M





Ejemplo II

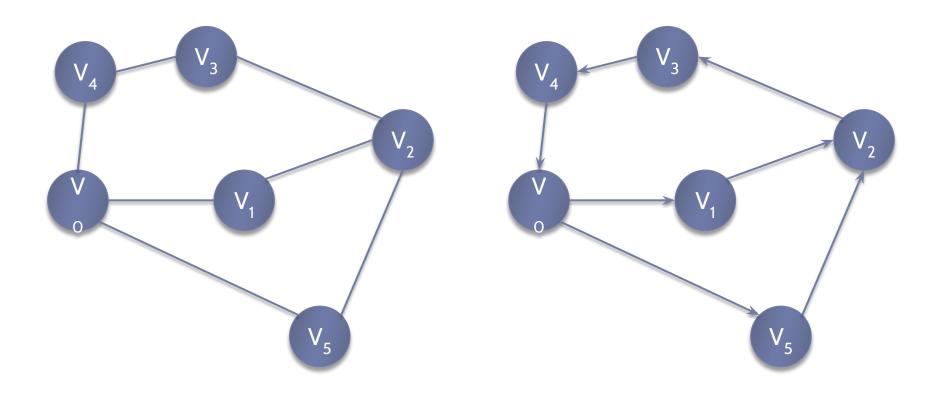


 $V = \{V0, V1, V2, V3, V4, V5\}$

$$A = \left\{ \begin{array}{l} (v0, v1, 5), (v1, v2, 4), (v2, v3, 9), (v3, v4, 7), (v4, v0, 1), \\ (v0, v5, 2), (v5, v4, 8), (v3, v5, 3), (v5, v2, 1) \end{array} \right\}$$



Grafo No Dirigido vs Dirigido



No dirigido dirigido



Tipos de Grafos

Grafos no dirigidos.

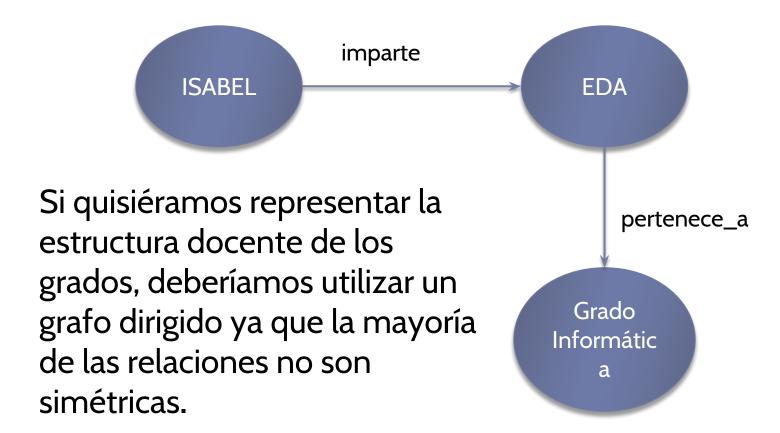
- Las aristas no tiene dirección, es decir, (u,v)=(v,u). La arista se puede recorrer en ambos sentidos.
- Nos permiten representar relaciones simétricas y de colaboración.
- Ejemplo Grafo Campus UC3M.

Grafos dirigidos.

- Cada arista (u,v) tiene una única dirección, siendo u el vértice origen y v el vértice final. (u,v) ≠ (v,u)
- Nos permiten representar relaciones asimétricas y jerárquicas.

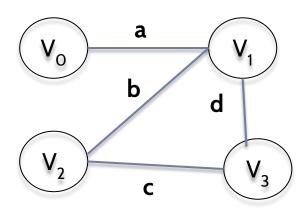


Ejemplo I Grafo Dirigido





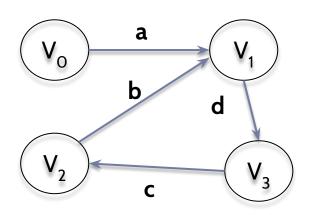
- Dos vértices son adyacentes si existe una arista que los conecta.
- Una arista es incidente a un vértice si lo une con otro vértice.
- ► El grado de un vértice v, deg(v), es el número de aristas conectadas a v.



- Vértices adyacentes: (V₀, V₁), (V₁,V₂), (V₂,V₃), (V₁,V₃).
- Grado de $V_1 = 3$.
- Las aristas a, b y d son incidentes en V₁



- En los grafos dirigidos, podemos distinguir entre:
- Grado de entrada de un vértice v, indeg(v), es el número de aristas que llegan al vértice v.
- ► Grado de salida de un vértice v, outdeg(v), es el número de aristas que parten del vértice v.



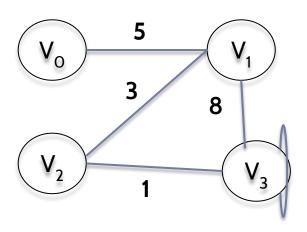
- indeg(V₀)=0, indeg(V₁)=2, indeg(V_2)=1, indeg(V_3)=1
- outdeg(V₀)=1, outdeg(V₁)=1, outdeg(V_2)=1, outdeg(V_3)=1



- Camino: una secuencia de vértices conectados por aristas.
 - La longitud del camino sin pesos es el número de aristas en el camino.
 - La longitud del camino con pesos es la suma de los pesos de todas las aristas del camino.
- Ciclo: un ciclo en un grafo dirigido es una camino que empieza y termina en el mismo nodo.



Ejemplo camino y ciclo (grafo no dirigido)

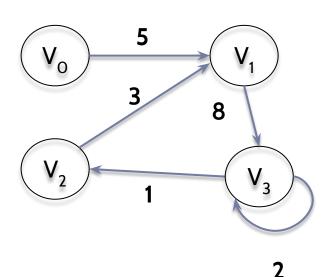


 <V₀,V₁,V₂,V₃> camino simple (no se repiten nodos) de longitud 5+3+1=9

- <V₀,V₁,V₂,V₃,V₁> camino de longitud 5+3+1+8=17
- $\langle V_0, V_3 \rangle$ no es un camino
- $\langle V_1, V_2, V_3, V_1 \rangle$ camino y ciclo
- <V₃,V₃> bucle



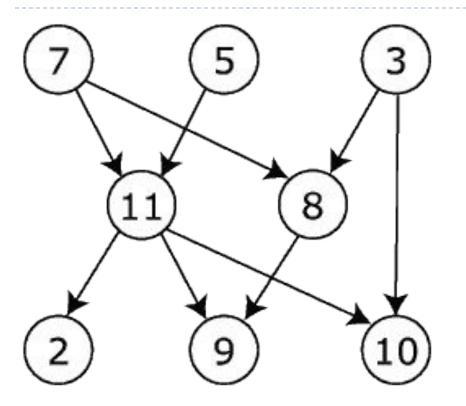
Ejemplo camino y ciclo (grafo dirigido)



- $\langle V_0, V_1, V_2, V_3 \rangle$ no es un camino.
- $\langle V_0, V_1, V_3, V \rangle$ camino simple de longitud 5 + 8 + 1 = 14
- $<V_0, V_1, V_2, V_2, V_1 >$ camino de longitud 5+8+1+3=17
- $\langle V_1, V_2, V_2, V_1 \rangle$ camino y ciclo
- <V₃,V₃> bucle



Grafo Acíclico



- Un grafo sin ciclos es un grafo acíclico.
- Un grafo dirigido sin ciclos se llama grafo dirigido acíclico (DAG).

Contenidos

- ¿Qué es un grafo?
- ► TAD Grafo.
- Implementaciones
 - Matriz de adyacencias.
 - Lista de adyacencias
- Recorridos
 - En profundidad
 - En altura



TAD Grafo

```
public interface IGraph {
   //devuelve el número de vértices
    public int sizeVertices();
    //devuelve el número de aristas
    public int sizeEdges();
    //muestra los vertices y sus aristas
    public void show();
   //devuelve el arado del vértice i
    public int getDegree(int i);
    //devuelve el grado de entrada del vértice i
    public int getInDegree(int i);
    //devuelve el arado de salida del vértice i
    public int getOutDegree(int i);
```



TAD Grafo (cont.)

```
//crea un nuevo vértice
public void addVertex();
//añade una arista entre i y j
public void addEdge(int i, int j);
//añade una arista entre i y j con peso w
public void addEdge(int i, int j, float w);
//borra la arista entre i y j
public void removeEdge(int i, int j);
//comprueba si existe una arista entre i y j
public boolean isEdge(int i, int j);
//devuelve el peso asociado a la arista (i,j).
public Float getWeightEdge(int i, int j);
//devuelve un array con los vértices adyacentes a i
public int[] getAdjacents(int i);
```



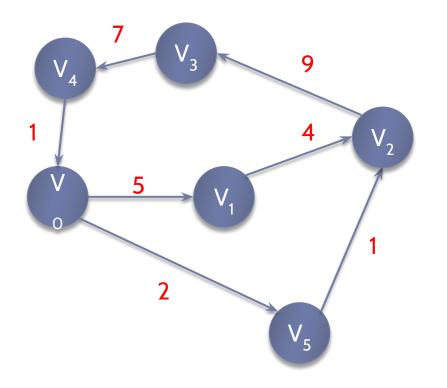
Contenidos

- ¿Qué es un grafo?
- ► TAD Grafo.
- Implementaciones
 - Matriz de adyacencias.
 - Lista de adyacencias
- Recorridos
 - En profundidad
 - En altura



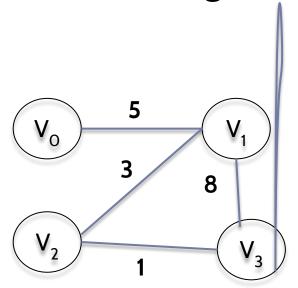
Implementación basada en matriz

La matriz de adyacencias



	V_0	V_1	V_2	V_3	V_4	V_5
V		5				2
0						
V			4			
1						
V				9		
2						
V					7	
3						
V 0 V 1 V 2 V 3 V 4 V	1					
4						
V			1			
5						

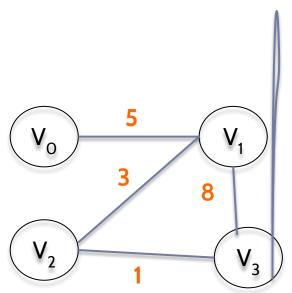
- Un grafo puede ser representado como una matriz cuadrada nxn, siendo n el número de vértices del grafo.
- Cada vértice v es representado por un entero (índice de v), en el rango {0,1,..,n-1} siendo n el número de vértices



- V_o -> indice 0
- V₁ -> indice 1
- V₂ -> indice 2
- V_3^- -> indice 3



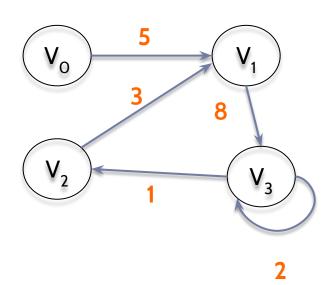
La matriz se puede implementar como un array bidimensional $n \times n M$, tal que el elemento M[i,j] guarda información sobre la arista (v,w), si existe, donde v es el vértice con índice i y w es el vértice con índice j.



	0	1	2	3
0		5		
1	5		3	8
2		3		1
3		8	1	2

Si el grafo no es dirigido la matriz es simétrica

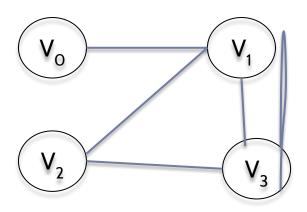




Si el grafo es dirigido la matriz NO es simétrica

	0	1	2	3
0		5		
1				8
2		3		
3			1	2

 Si es un grafo no etiquetado, el grafo se podría representar con una matriz de booleanos,



	0	1	2	3
0	false	true	false	false
1	true	false	true	true
2	false	true	false	true
3	false	true	true	true

Si el grafo no es dirigido la matriz es simétrica



- Vamos a ver una implementación para un grafo no ponderado.
- La matriz puede ser almacenada en un array bidimensional de booleanos (true indicará que existe arista y false que no existe).
- La creación de nuevos vértices podría implicar la necesidad de modificar el tamaño asignado a la matriz.
- Para evitarlo, vamos a definir un atributo que almacene el número máximo de vértices (en ningún caso, se permitirá añadir un nuevo vértice cuando ese umbral se haya alcanzando) y otro atributo que almacene el número actual de vértices.



```
public class GraphMA implements IGraph {
   boolean matrix[][];
   //maximum number of vertices
   int maxVertices;
   //current number of vertices
   int numVertices;
   //true if the graph is directed, false eoc
   boolean directed;
```



```
public GraphMAFull(int n, int max, boolean d) {
    //We checks if the values are right for the graph
    if (max<=0)
        throw new IllegalArgumentException("Negative maximum number of vertices!!!");
    if (n<=0)
        throw new IllegalArgumentException("Negative number of vertices!!!.");
    if (n>max)
        throw new IllegalArgumentException("number of vertices can never be greater than the maximum.");

    maxVertices=max;
    numVertices=n;
    matrix=new Float[maxVertices][maxVertices];
    directed=d;
```

- Primero deberemos comprobar que todos los argumentos del constructor reciben valores apropiados: tanto el número máximo como el número de vértices debe ser siempre un número positivo.
- Además, el número de vértices nunca deberá sobrepasar el número máximo de vértices.
- El constructor crea el array bidimensional. Por defecto, todos las posiciones son inicializadas a false.



```
public void addVertex() {
    if (numVertices==maxVertices) {
        System.out.println("Cannot add new vertices!!!");
        return;
    }
    numVertices++;
}
```

- Lo primero que tenemos que hacer es comprobar que el nuevo número total de vértices no va a sobrepasar el número máximo permitido.
- Por último, sólo tendremos que incrementar en uno el número actual de vértices.
- No hace falta inicializar la matriz para el nuevo vértice, porque por defecto todas sus posiciones en la matriz son false.



```
//check if i is a right vertex
private boolean checkVertex(int i) {
   if (i>=0 && i<numVertices) return true;
   else return false;
}</pre>
```

- Vamos a usar un método auxiliar para comprobar si un índice representa o no un vértice en el grafo.
- Para que sea un vértice del grafo siempre deberá ser positivo y menor que numVertices, porque los vértices del grafo toman valores en el rango [O, numVertices-1].



```
public void addEdge(int i, int j) {
    if (!checkVertex(i))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + i);
    if (!checkVertex(j))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + j);
    matrix[i][j]=true;
    if (!directed) matrix[j][i]=true;
}
```

Una vez comprobadas que ambas índices son correctos, simplemente lo que tenemos que hacer es actualizar la posición matrix[i,j] a true. Si no es dirigido, también tendremos que poner su posición simétrica



```
@Override
public boolean isEdge(int i, int j) {
    //checks if the indexes are right
    if (!checkVertex(i))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + i);
    if (!checkVertex(j))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + j);
    return matrix[i][j];
}
```

- En primer lugar, tenemos que comprobar que los índices i y j son correctos.
- El par (i,j) es un arista si matrix[i,j] guarda true.



```
@Override
public void removeEdge(int i, int j) {
    //checks if the indexes are right
    if (!checkVertex(i))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + i);
    if (!checkVertex(j))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + j);
    matrix[i][j]=false;
    if (!directed) matrix[j][i]=false;
}
```

- Primero tenemos que comprobar que son índices válidos
- Una vez comprobado que son índices válidos, basta con modificar el valor del array en esa posición (i,j) a false.
- Si no es dirigido, también tendremos que hacerlo en su elemento simétrico (j,i)



```
public int sizeVertices() {
    return numVertices;
                                        Equivale a contar todos los
public int sizeEdges() {
    int numEdges=0;
                                        elementos true en la matriz.
    if (directed) {
         for (int i=0;i<numVertices;i++) {</pre>
             for (int j=0; j<numVertices; j++) {</pre>
                  if (matrix[i][j]!=false) numEdges++;
    } else {
         for (int i=0;i<numVertices;i++) {</pre>
             for (int j=i;j<numVertices;j++) {</pre>
                  if (matrix[i][j]!=false) numEdges++;
                             Si no es dirigido, como la matriz es
         }
                              simétrica, sólo necesitaremos visitar una de
    return numEdges;
                              las dos partes divididas por la diagonal.
```

```
public int getOutDegree(int i) {
    if (!directed) {
        System.out.println("Graph non directed!!!");
        return 0;
    //checks if the vertex is right
    if (!checkVertex(i))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + i);
    int outdeg=0;
    for (int col=0;col<numVertices;col++) {</pre>
        if (matrix[i][col]!=false) outdeg++;
                                      Las filas representan los vértices de origen
    return outdeg;
                                      y las columnas los vértices destino
```

• Incrementamos 1 por cada columna cuyo índice tenga una arista con i, es decir, matrix[i,col].



Implementación – Matriz de adyacencias

```
public int getInDegree(int i) {
    if (!directed) {
        System.out.println("Graph non directed!!!");
        return 0;
    }
    if (!checkVertex(i))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + i);
    int indeg=0;
    for (int row=0;row<numVertices;row++) {
        if (matrix[row][i]!=false) indeg++;
    }
}</pre>
```

Las filas representan los vértices de origen y las columnas los vértices destino

• Incrementamos 1 por cada fila cuyo índice tenga una arista con i, es decir, matrix[row,i].



return indeg;

Implementación – Matriz de adyacencias

```
public int getDegree(int i) {
    if (!checkVertex(i))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + i);
    int degree=0;
    if (directed) degree=getInDegree(i)+getOutDegree(i);
    else {
        for (int row=0;row<numVertices;row++) {</pre>
             if (matrix[row][i]!=false) degree++;
    return degree;
                     Si el grafo no es dirigido, el grado será la suma del grado de
                     entrada y el grado de salida.
                     En otro caso, bastará con que contemos las aristas de
```

las aristas de salida (pero nunca ambas).

entrada en ese vértice. También se podría hacer contando

Implementación – Matriz de adyacencias

```
//returns an array with the adjacent vertices for i
public int[] getAdjacents(int i) {
    if (!checkVertex(i))
            throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + i);
    //obtains the number of adjacent vertices,
    //which will be the size of the array
    int numAdjacents=0;
    if (directed) numAdjacents=getOutDegree(i);
    else numAdjacents=getDegree(i);
    int[] adjacents=new int[numAdjacents];
    if (numAdjacents>0) {
        int j=0;
        //gets the edges (i,col) and saves col into adjacents
        for (int col=0; col<numVertices;col++) {</pre>
            if (matrix[i][col]!=null) {
                adjacents[j]=col;
                j++;
        }
    //return an array with the adjacent vertices of i
    return adjacents;
}
```

Contenidos

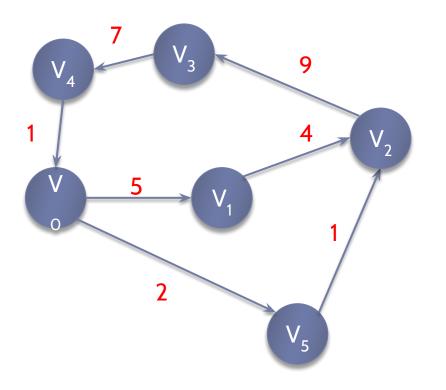
- ¿Qué es un grafo?
- ► TAD Grafo.
- Implementaciones
 - Matriz de adyacencias.
 - Lista de adyacencias
- Recorridos
 - En profundidad
 - En altura

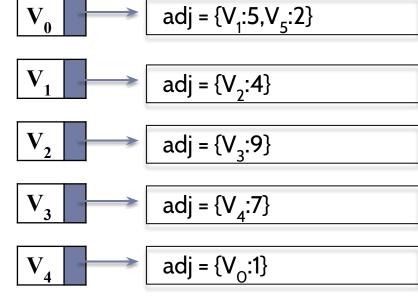


- La matriz de adyacencia consume memoria y la complejidad de las operaciones con la matriz es alta (por ejemplo, el método que muestra la matriz tiene complejidad cuadrática).
- Una lista de adyacencia sólo almacena la información para los aristas existentes, en lugar de almacenar todas las posibles combinaciones como ocurría en la matriz de adyacencias.
- Necesita menos espacio de memoria y su coste computacional es menor.



Lista adyacencias





 $adj = \{V_2:1\}$

- Si tenemos un número fijo de vértices, el grafo se puede representar como un array de listas enlazadas (tema 2).
- Cada posición del array representa un vértice y almacena la referencia a la lista de vértices adyacentes a dicho vértice (implementada como lista enlazada).
- Cada uno de los nodos almacenará la información sobre el vértice adyacente. Si el grafo es ponderado, también debería almacenar su peso.



```
import dlist.DListVertex;
public class GraphLAFull implements IGraph {
    int numVertices;
    int maxVertices;
    DListVertex[] vertices;
    boolean directed;
```



```
public GraphLAFull(int n, int max, boolean d) {
    if (max <= 0)
        throw new IllegalArgumentException("Negative maximum number of vertices!!!");
    if (n <= 0)
        throw new IllegalArgumentException("Negative number of vertices!!!.");
    if (n>max)
        throw new IllegalArgumentException("number of vertices can never "
                + "be greater than the maximum.");
    maxVertices=max:
    vertices=new DListVertex[maxVertices];
    numVertices=n:
    //creates each list
    for (int i=0; i<numVertices;i++) {</pre>
        vertices[i]=new DListVertex();
    directed=d;
```



Comprobamos que los índices son correctos.

```
public void addEdge(int i, int j, float w) {
    if (!checkVertex(i))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + i);
    if (!checkVertex(j))
         throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + j);
                                        Tenemos que añadir el vértice j a la lista de
    vertices[i].addLast(j,w);
                                        vértices adyacentes del vértice i (que está
    //if it is a non-directed graph almacenada en vertices[i]).
    if (!directed) vertices[j].addLast(i,w);
                      Si el grafo no es dirigido, deberemos también
                      almacenar el vértice i como adyacente del vértice j
```

```
public void removeEdge(int i, int j) {
    if (!checkVertex(i))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex
    if (!checkVertex(j))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex
    int index=vertices[i].getIndex0f(j);
    vertices[i].removeAt(index);
    if (!directed) {
             index=vertices[j].getIndex0f(i);
             vertices[j].removeAt(index);
                           Si el grafo no es dirigido, deberemos también borrar
                           el vértice i como adyacente del vértice j
```



```
public boolean isEdge(int i, int j) {
    if (!checkVertex(i))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + i);
    if (!checkVertex(j))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + j);
    boolean result=vertices[i].contains(j);
    return result;
}
```



```
public int getOutDegree(int i) {
    if (!checkVertex(i))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex
    int outdegree=0;
    outdegree=vertices[i].getSize();
    return outdegree;
                                             Sólo para grafos
                                             dirigidos
public int getInDegree(int i) {
    if (!checkVertex(i))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex
    int indegree=0;
    for (int j=0; j<numVertices; j++) {</pre>
        if (vertices[j].contains(i)) indegree++;
    return indegree;
                     Jniversidad Carlos III de Madrid
```

```
public int getDegree(int i) {
    int degree=0;
    if (directed) {
        degree=getOutDegree(i)+getInDegree(i);
    } else degree=vertices[i].getSize();
    return degree;
```

El grado de un vértice en un grafo dirigido es igual a la suma de su grado de entrada y de su grado de salida.

En un grafo no dirigido, es suficiente con obtener el número de vértices adyacentes a dicho vértice.



```
public int[] getAdjacents(int i) {
    if (!checkVertex(i))
        throw new IllegalArgumentException("Nonexistent vertex " + i);
    //gets the number of adjacent vertices
    int numAdj=vertices[i].getSize();
    //creates the array
    int[] adjVertices=new int[numAdj];
    //saves the adjacent vertices into the array
    for (int j=0; j<numAdj; j++) {</pre>
        adjVertices[j]=vertices[i].getVertexAt(j);
    //return the array with the adjacent vertices of i
    return adjVertices;
```



Contenidos

- ¿Qué es un grafo?
- ► TAD Grafo.
- Implementaciones
 - Matriz de adyacencias.
 - Lista de adyacencias
- Recorridos
 - En amplitud
 - En profundidad

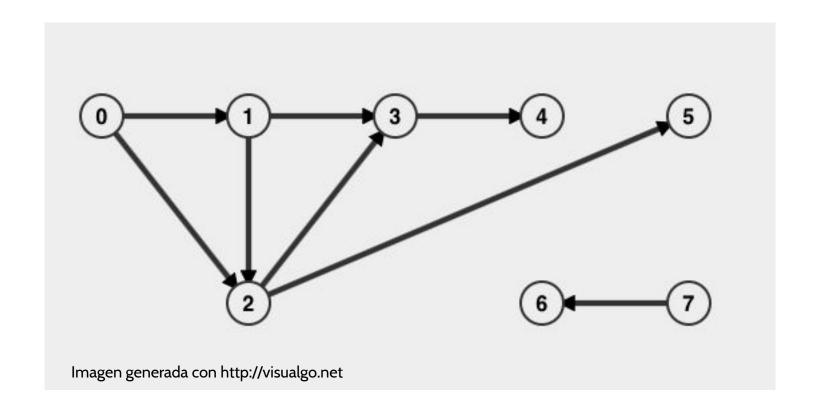


- Recorrido basado en estructura FIFO (first in first out).
- Se toma un vértice como inicial, y se visitan todos sus adyacentes. Una vez visitados éstos, se continúa visitando los adyacentes de cada uno de ellos, hasta que no se pueden alcanzar más vértices.
- Se repite el proceso mientras haya nodos sin visitar.
- Es necesario utilizar una estructura de cola para ir almacenando los vértices a medida que se llega a ellos.
- Ver animación http://visualgo.net/dfsbfs.html (bfs)



- Pasos del algoritmo:
- 1. Se toma un vértice v como inicial y se imprime.
- Se visitan cada uno de sus nodos adyacentes y se almacenan en la cola.
- 3. Se desencola el primer elemento de la cola y se marca como visitado.
- 4. Se repiten los pasos 2 y 3 mientras haya elementos en la cola.
- 5. Si la cola no está vacía y quedan vértices sin recorrer se debe elegir un vértice no visitado y repetir los puntos 2-3-4.
- El algoritmo termina cuando todos los vértices del grafo han sido visitados.







- Tomamos el índice inicial: O y lo visitamos. (Salida=O)
- Recuperamos sus adyacentes (1,2) y los encolamos: (cola=1,2)
- Desencolamos el 1 (c=2) y lo visitamos (Salida = 0,1).
- Recuperamos sus adyacentes (2,3). Sólo añadimos el 3 porque el 2 ya fue añadido (c=2,3).
- Desencolamos el 2 (c=3) y lo visitamos (Salida=0,1,2).
- Recuperamos sus adyacentes (3,5). Sólo añadimos el 5 porque el 3 ya fue añadido (c=3,5).
- Desencolamos el 3 (c=5) y lo visitamos (Salida=0,1,2,3).
- Recuperamos sus adyacentes (4). Encolamos el 4 (c=5,4).



Recorrido en amplitud. Ejemplo (cont)

- Desencolamos el 5 (c=4) y lo visitamos (Salida=0,1,2,3,5).
- Como 5 no tiene adyacentes no hacemos nada y continuamos.
- Desencolamos el 4 (c=empty) y lo visitamos (Salida=0,1,2,3,5,4).
- La cola está vacía.
- Como en el grafo existen nodos sin visitar (6 y 7), continuamos.
- Elegimos el 6 y lo visitamos (Salida=0,1,2,3,5,4,6). Como no tiene adyacentes no añadimos nada.
- Elegimos el 7 y lo visitamos (Salida=0,1,2,3,5,4,6,7). Su único adyacente ya ha sido visitado.
- Hemos terminado porque no quedan nodos por visitar uc3m Universidad Carlos III de Madrid

Implementación Recorrido en amplitud

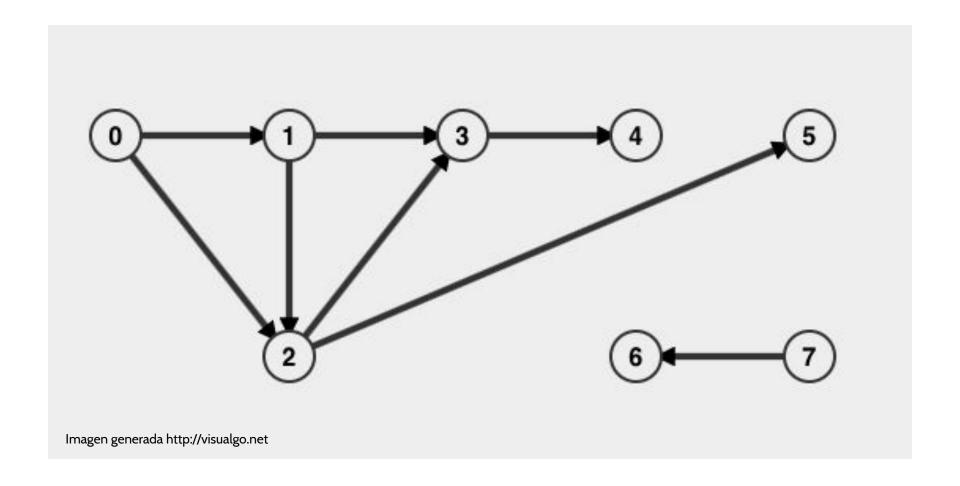
```
public void breadth() {
    System.out.println("breadth traverse of the graph:");
    //to mark when a vertex has already been shown
    boolean visited[]=new boolean[numVertices];
    //we have to traverse all vertices
    for (int i=0;i<numVertices;i++) {</pre>
         if (!visited[i]) { //we only process the non-visited vertex
             breadth(i, visited);
             System. out. println();
              Llama a otro método auxiliar que va a hacer el recorrido en amplitud
              de cada vértice (no visitado previamente).
              Para registrar los vértices ya han sido visitados o no, usamos un array
              de booleanos.
```

```
//breadth order for the vertex i
protected void breadth(int i, boolean[] visited) {
    //this array helps to mark what vertices have been stored into the queue
    boolean stored[]=new boolean[numVertices];
    System.out.println("breadth traverse for " + i);
    //we use a queue to save the adjacent vertices that we visit
    SQueue q=new SQueue();
    //enqueue the first
    q.enqueue(i);
    //while the queue is not empty
   while (!q.isEmpty()) {
        //gets the first
        int vertex=q.dequeue();
        //shows the vertex and marks it as visited
        System.out.print(vertex+"\t");
        visited[vertex]=true;
        //gets its adjacent vertices
        int[] adjacents=getAdjacents(vertex);
        for(int adjVertex:adjacents) {
                //enqueue only those that have not been visited or stored yet
                if (!visited[adjVertex] && !stored[adjVertex]) {
                    q.enqueue(adjVertex);
                    stored[adjVertex]=true;
                }
59}
```

- Va localizando los posibles caminos y en el caso de no poder continuar, vuelve al punto donde existen nuevos caminos posibles con el fin de visitar todos los vértices.
- Ver animación http://visualgo.net/dfsbfs.html (dfs)



- Pasos del algoritmo:
- Se toma un vértice v como inicial y se marca como visitado.
- 2. Por cada vértice w, no visitado y adyacente a v, deberemos hacer una llamada recursiva sobre w. Repetir mientras haya vértices no visitados y adyacentes a v.
- Repetir 1-2 mientras haya vértices no visitados. El algoritmo termina cuando todos los vértices del grafo han sido visitados.





- Comenzamos con el vértice inicial v=0. Lo visitamos (salida =0) y obtenemos sus adyacentes son {1,2}.
 - ► Empezamos con 1, lo visitamos (salida=0,1). Obtenemos sus adyacentes {2,3}.
 - Tomamos el 2, lo visitamos (salida=0,1,2). Obtenemos sus adyacentes {3,5}.
 - □ Visitamos el 3 (salida =0,1,2,3) y recuperamos sus adyacentes {4}.
 - □ Visitamos al 4 (salida=0,1,2,3,4) como no tiene más adyacentes, continuamos con los adyacentes de 3. Como 3 no tiene más adyacentes, continuamos con los adyacentes de 2.
 - □ Visitamos el 5 (salida =0,1,2,3,4,5) y como no tiene más adyacentes regresamos al 2.
 - □ El 2 no tiene más adyacentes por lo que continuar, así que debemos regresar al 1.
 - El 1 tiene otro adyacente, 3, pero esté ya ha sido visitado, así que no debemos continuar por ese camino. Continuamos con los adyacentes de 1ya no tiene más adyacentes por recorrer.
 - El otro adyacente de O, es 2, que no tenemos que visitar porque ya ha sido visitado, y por tanto, no debemos continuar por ese camino.
 - Como aún quedan nodos por visitar, elegimos otro de los no visitados, 6 y lo visitamos. (Salida=0,1,2,3, 4,5,6). 6 no tiene adyacentes.
 - Visitamos el único que queda por visitar. (salida=0,1,2,3, 4,5,6,7). Tiene un adyacente (6) pero ya ha sido visitado.
 - Hemos terminado.



```
public void depth() {
    System.out.println("depth traverse of the graph:");
    //to mark when a vertex has already been shown
    boolean visited[]=new boolean[numVertices];
    //we have to traverse all vertices
    for (int i=0;i<numVertices;i++) {
        if (!visited[i]) depth(i,visited);
    }
}</pre>
```

Llama a otro método auxiliar que va a hacer el recorrido en profundidad de cada vértice (no visitado previamente).

Para registrar los vértices ya han sido visitados o no, usamos un array de booleanos



```
protected void depth(int i,boolean[] visited) {
    //prints the vertex and marks as visited
    System.out.print(i+"\t");
    visited[i]=true;
    //gets its adjacent vertices
    int[] adjacents=getAdjacents(i);
    for (int adjV:adjacents) {
        if (!visited[adjV]) {
            //only depth traverses those adjacent vertices
            //that have not been visited yet
            depth(adjV, visited);
```

uc3m Universidad Carlos III de Madrid