2244. 完成所有任务需要的最少轮数

给你一个下标从 $\mathbf{0}$ 开始的整数数组 tasks , 其中 tasks[i] 表示任务的难度级别。在每一轮中,你可以完成 2 个或者 3 个 相同难度级别 的任务。

返回完成所有任务需要的最少轮数,如果无法完成所有任务,返回 -1。

示例 1:

输入: tasks = [2,2,3,3,2,4,4,4,4,4]

输出: 4

解释: 要想完成所有任务, 一个可能的计划是:

- 第一轮, 完成难度级别为 2 的 3 个任务。
- 第二轮, 完成难度级别为 3 的 2 个任务。
- 第三轮, 完成难度级别为 4 的 3 个任务。
- 第四轮, 完成难度级别为 4 的 2 个任务。

可以证明,无法在少于 4 轮的情况下完成所有任务,所以答案为 4 。

示例 2:

输入: tasks = [2,3,3]

输出: -1

解释: 难度级别为 2 的任务只有 1 个, 但每一轮执行中, 只能选择完成 2 个或者 3 个相同难度级别的任

务。因此,无法完成所有任务,答案为 -1 。

提示:

- 1 <= tasks.length <= 105
- 1 <= tasks[i] <= 109

思路:

1. 通用

首先统计不同难度级别的任务各自出现的频率,然后对频率 (≥ 1) 进行分类讨论:

- 频率是 1, 说明这种任务无法完成。
- 频率是 $3 \times k$, k 为 ≥ 1 的整数。每次完成 3 个,k 轮完成。
- 频率是 $3 \times k + 2$, k 为 ≥ 0 的整数。其中 $3 \times k$ 个任务需要 k 轮完成,剩下 2 个任务需要 1 轮完成。
- 频率是 $3 \times k + 1$, k 为 ≥ 1 的整数。其中 $3 \times (k-1)$ 个任务需要 (k-1) 轮完成,剩下 4 个任务需要 2 轮完成。

对这些情况求和即可。

Python

```
class Solution:
   def minimumRounds(self, tasks: List[int]) -> int:
       # 贪心思考即可
       1. c = 1 无法完成
       2. c = 3k k 轮
       3. c = 3k + 1 3(k - 1) + 2 * 2
       4. c = 3k + 2 3 * k + 2 * 1
       cnt = Counter(tasks)
       res = 0
       for v in cnt.values():
           if v == 1:
               return -1
           if v % 3 == 0:
               res += v // 3
           else:
               res += (1 + v // 3)
       return res
```

Java

```
class Solution {
   public int minimumRounds(int[] tasks) {
       Map<Integer, Integer> cnt = new HashMap<Integer, Integer>();
        for (int task : tasks) {
            cnt.put(task, cnt.getOrDefault(task, 0) + 1);
       }
       int res = 0;
       for (int v : cnt.values()) {
            if (v == 1) {
                return -1;
            if (v % 3 == 0) {
                res += v / 3;
            } else {
                res += 1 + v / 3;
            }
       return res;
   }
}
```

2. 灵神

```
每轮完成的都是相同难度级别的任务,假设难度为 1 的任务有 c 个,问题变成:
```

每轮可以把 c 减少 2, 或者减少 3。把 c 减少到 0 最少要多少轮?

```
例如 c = 10 时,3 + 3 + 2 + 2 = 10,最少要 4 轮。
```

贪心地想,尽量多地使用「减少3」,可以让轮数尽量少。

分类讨论:

- 如果 c=1, 无法完成, 返回 -1.
- 如果 $c=3k(k\geq 1)$,只用「减少 3」就能完成,轮数为 $\frac{c}{3}$ 。
- 如果 $c=3k+1(k\geq 1)$,即 $c=3k'+4(k'\geq 0)$,我们可以先把 c 减少到 4,然后使用两次「减少 2」,轮数为 $\frac{c-4}{3}+2=\frac{c+2}{3}=\left\lceil\frac{c}{3}\right\rceil$
- 如果 $c=3k+2(k\geq 1)$,我们可以先把 c 减少到 2,然后使用一次「减少 2」,轮数为 $\frac{c-2}{1}+1=\frac{c+1}{3}=\left\lceil\frac{c}{3}\right\rceil$

综上所述,对于 $c(c \ge 2)$ 个相同难度级别的任务,最少需要操作

$$\left\lceil \frac{c}{3} \right\rceil = \left\lfloor \frac{c+2}{3} \right\rfloor$$

次。

用哈希表统计不同难度任务的个数,按照上式计算轮数,累加轮数即为答案。

Python

```
class Solution:
   def minimumRounds(self, tasks: List[int]) -> int:
      # 贪心思考即可
      ....
      1. 如果 c = 1 无法完成 返回 -1
      2. 如果 c = 3k (k >= 1) 只用减少 3 就能完成 轮数为 k / 3
      3. 如果 c = 3k + 1 (k >= 1) 我们可以先把 c 减少到 4 然后
      使用两次减少 2 轮数为 (c - 4) / 3 + 2 = (c + 2) / 3 = c / 3 上取整
      4. 如果 c = 3k + 2 (k >= 1) 我们可以先把 c 减少到 2 然后
      使用一次减少 2 轮数为 (c - 2) / 3 + 1 = c / 3 上取整
      综上 对于 c (c >= 2) 个相同难度级别的任务 最少需要操作
      c / 3 上取整 = (c + 2) / 3 下取整
      cnt = Counter(tasks)
      if 1 in cnt.values():
          return -1
      return sum((c + 2) // 3 for c in cnt.values())
```

Java

```
public class Solution {
   public int minimumRounds(int[] tasks) {
        Map<Integer, Integer> cnt = new HashMap<>();
        for (int t : tasks) {
            cnt.merge(t, 1, Integer::sum);
        }
        int ans = 0;
        for (int c : cnt.values()) {
            if (c == 1) {
                return -1;
            }
            ans += (c + 2) / 3;
        }
        return ans;
    }
}
```